

# Combo 6

July 3, 2024

## 1 Enunciado

Defina cuándo un conjunto  $S \subseteq \omega^n \times \Sigma^{*m}$  es llamado  $\Sigma$ -efectivamente enumerable y defina: “el procedimiento efectivo  $\mathbb{P}$  enumera a  $S$ ”

## 2 Resolución

Un conjunto  $S \subseteq \omega^n \times \Sigma^{*m}$  sera llamado  $\Sigma$ -efectivamente enumerable cuando sea vacío o haya una función  $F : \omega \rightarrow \omega^n \times \Sigma^{*m}$  tal que  $I_F = S$  y  $F_{(i)}$  sea  $\Sigma$ -efectivamente computable, para cada  $i \in \{1, \dots, n+m\}$ .

Además, sabemos que un conjunto no vacío  $S \subseteq \omega^n \times \Sigma^{*m}$  es  $\Sigma$ -efectivamente enumerable si hay un procedimiento efectivo  $\mathbb{P}$  tal que

- (1) El conjunto de datos de entrada de  $\mathbb{P}$  es  $\omega$
- (2)  $\mathbb{P}$  se detiene para cada  $x \in \omega$
- (3) El conjunto de datos de salida de  $\mathbb{P}$  es igual a  $S$ . (Es decir, siempre que  $\mathbb{P}$  se detiene, da como salida un elemento de  $S$ , y para cada elemento  $(\vec{x}, \vec{\alpha}) \in S$ , hay un  $x \in \omega$  tal que  $\mathbb{P}$  da como salida a  $(\vec{x}, \vec{\alpha})$  cuando lo corremos con  $x$  como dato de entrada)

Cuando un procedimiento  $\mathbb{P}$  cumpla (1), (2) y (3) del lema anterior, diremos que  $\mathbb{P}$  enumera a  $S$ .