Combo 7

July 2, 2024

1 Enunciado

Defina cuándo una función $f:D_f\subseteq\omega^n\times\Sigma^{*m}\to\omega$ es llamada Σ -Turing computable y defina "la máquina de Turing M computa a la función f"

2 Resolución

Una funcion $f:D_f\subseteq\omega^n\times\Sigma^{*m}\to\omega$, es llamada Σ -Turing computable si existe una maquina de Turing con unit, $M=(Q,\Sigma,\Gamma,\delta,q_0,B,\sqcup,F)$, tal que:

(1) Si $(\vec{x}, \vec{\alpha}) \in D_f$, entonces hay un $p \in Q$ tal que

$$\left\lfloor q_0B\mid ^{x_1}B...B\mid ^{x_n}B\alpha_1B...B\alpha_m\right\rfloor \overset{*}{\vdash} \left\lceil pB\mid ^{f(\vec{x},\vec{\alpha})}\right\rceil$$

y $|pB|^{f(\vec{x},\vec{\alpha})}| \nvdash d$, para cada $d \in Des$

(2) Si $(\vec{x}, \vec{\alpha}) \in \omega^n \times \Sigma^{*m} - D_f$, entonces M no se detiene partiendo de

$$\lfloor q_0 B \mid^{x_1} B ... B \mid^{x_n} B \alpha_1 B ... B \alpha_m \rfloor$$

Cuando M y f cumplan los items (1) y (2) de la definicion anterior, diremos que la funcion f es computada por M, y que la máquina de Turing M computa a la función f.