

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ  
ЛЬВІВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ імені ІВАНА ФРАНКА

Р. Рикалюк, Л. Галамага, Р. Селіверстов

**ЛАБОРАТОРНИЙ (СИМУЛЯЦІЙНИЙ) ПРАКТИКУМ**  
**з курсу**  
**“АРХІТЕКТУРА ОБЧИСЛЮВАЛЬНИХ СИСТЕМ”**  
**Частина 2**

Львів ЛНУ 2017

Рикалюк Р. Є., Галамага Л. Б., Селіверстов Р. Г. Лабораторний (симуляційний) практикум з курсу “Архітектура обчислювальних систем”. Частина 2. — Видавн. центр Львів. ун-ту, 2017. — 20 с.

Розглянуто найуживаніші команди цілочислового мікропроцесора та співпроцесора, синтаксис мови програмування Assembler, сформульовано завдання до проведення лабораторних робіт з курсу “Архітектура обчислювальних систем” (теми “Базові принципи організації мікропроцесора”, “Машинна мова”, “Програмна архітектура процесора”, “Переривання”, “Режими адресації пам'яті та пристроїв вводу-виводу”, “Специфіка виконання команд цілочисловим процесором та співпроцесором” ).

Для студентів факультету прикладної математики та інформатики.

© Р. Є. Рикалюк, 2017

© Л. Б. Галамага, 2017

© Р. Г. Селіверстов, 2017

Практикум містить методичні рекомендації та завдання до виконання циклу лабораторних робіт, під час виконання якого студенти вивчають структуру персонального комп'ютера, команди цілочислового мікропроцесора та співпроцесора, можливості низькорівневого програмування.

## **ЗАГАЛЬНІ МЕТОДИЧНІ РЕКОМЕНДАЦІЇ ДО ВИКОНАННЯ ЛАБОРАТОРНИХ РОБІТ**

Виконання лабораторних робіт спрямоване на практичне засвоєння студентами теоретичного матеріалу лекційного курсу "Архітектура обчислювальних систем".

Перш ніж допустити студента до виконання лабораторної роботи, викладач перевіряє його теоретичну підготовку з теми роботи, знання методики проведення лабораторної роботи та наявність оформленого звіту про попередню роботу.

Лабораторну роботу виконують згідно з планом, що наведений в інструкції. Для виконання окремих робіт студенти отримують індивідуальні завдання від викладача.

Звіти про виконання лабораторних робіт потрібно оформлювати у текстовому редакторі Microsoft Word або LibreOffice Writer та зберігати окремими файлами з іменем: <Прізвище студента>\_ас<№ лабораторної роботи> у форматі .docx, .odt або .pdf.

У звіті необхідно подати:

- 1) назву та мету роботи;
- 2) розширений план виконання роботи;
- 3) скріншоти з текстом та результатами виконання програм (програма повинна містити лаконічні змістовні коментарі);
- 4) висновки.

За результатами виконаної лабораторної роботи, які наведені у звіті, відбувається захист лабораторної роботи.

## ЛАБОРАТОРНА РОБОТА № 7

### Тема: Вступ до мови програмування Assembler

**Мета роботи.** Використовуючи середовище Visual Studio, реалізувати програму виведення текстового повідомлення на мові Assembler.

### Теоретичні відомості:

У програмах на мові Assembler кожна команда займає один рядок. Аргументами команди можуть бути регістри процесора, числа або адреси пам'яті.

В межах цієї лабораторної роботи використовуються 32-розрядні регістри загального призначення EAX, EBX, EDI (у процесорах x86-64 вони є молодшими частинами відповідних 64-розрядних регістрів RAX, RBX та RDI відповідно), команди MOV, PUSH, POP, CALL та оператор OFFSET.

*mov <призначення> <джерело>*

Регістру або пам'яті (<призначення>) присвоюється безпосереднє значення або значення з пам'яті чи регістра (<джерело>).

*push <операнд>*

У стек "заштовхується" операнд (пам'яті, на яку вказує вказівник стеку (регістр ESP), присвоюється значення операнда, після чого значення ESP зменшується на відповідний розмір).

*pop <операнд>*

Зі стеку "виштовхується" елемент (значення ESP збільшується на відповідний розмір) і записується у регістр чи пам'ять (<операнд>).

*call <функція>*

Викликається функція, аргументи якої беруться із стеку. Виклик функції не очищає стек, аргументи й надалі залишаються там.

*offset <вираз>*

Повертає відносну адресу — зміщення виразу (в байтах) відносно початку сегменту, у якому цей вираз визначений.

Для зручності виконання код на мові Assembler може бути вставлений у програму, написану на високорівневій мові. Наприклад, у мові C++ для цього використовується асемблерна вставка `__asm{}`.

### Хід роботи:

1. У середовищі Visual Studio створити простий проект на мові C++.
2. Вибравши з контекстного меню проекту пункт *Build Customization ...*, підключити інструмент *Microsoft Macro Assembler*, активізувавши опцію *masm*.
3. Створити асемблерну вставку `_asm {}`. Використовуючи набір інструкцій для роботи з текстовими змінними, реалізувати програму для виведення слів «Hello World»:

```
#include <iostream>
using namespace std;

char FORMAT[] = "%s %s\n";
char HELLO[] = "Hello";
char WORLD[] = "world";

void main() {

    __asm { // початок асемблерного коду

        mov  eax, offset WORLD
        push eax
        mov  eax, offset HELLO
        push eax
        mov  eax, offset FORMAT
        push eax

        mov  edi, printf
        call edi

        // Очищення стеку для коректного завершення процедури main
        pop  ebx
        pop  ebx
        pop  ebx

    } // кінець асемблерного коду

    system("pause");}
```

3. Створити та запустити проект за допомогою команди *Debug* -> *Start Debugging* та спостерігати за результатом роботи програми.

4. Замінити текст «Hello World» на повідомлення про автора програми (наприклад, «Design by ..., 2017») на мові Assembler, врахувавши вимоги до форматування змінних.

5. Перезапустити проект.

6. Прокоментувати код.

7. Оформити звіт.

## ЛАБОРАТОРНА РОБОТА № 8

**Тема:** Обчислення простих виразів на мові Assembler

**Мета роботи.** Використовуючи середовище Visual Studio, реалізувати програму обчислення математичного виразу на мові Assembler.

### Теоретичні відомості:

EFLAGS (RFLAGS) — 32(64)-розрядний регістр ознак. Кожен біт регістра означає певний стан або результат після виконання команди.

*cdq*

Перетворює подвійне слово на четвірне (розширює значення регістра EAX на EAX:EDX).

*add <операнд\_1> <операнд\_2>*

Додає операнди і зберігає результат у першому.

*sub <операнд\_1> <операнд\_2>*

Віднімає від першого операнда другий і зберігає результат у першому.

*mul <операнд>*

Виконує беззнакове множення операнда на регістр EAX (RAX) і зберігає результат в регістрах EDX:EAX (RDX:RAX).

*div <операнд>*

Виконує беззнакове ділення регістрів EDX:EAX (RDX:RAX) на операнд. Результат ділення зберігається в EAX (RAX), а остача в EDX (RDX).

*imul (idiv) <операнд\_1> <операнд\_2>*

Виконує знакове множення (ділення) операндів і записує результат у першому.

*test <операнд\_1> <операнд\_2>*

Встановлює біт регістра ознак ZF (zero flag) в 1, якщо результат логічного множення (порівняння) двох операндів дорівнює нулю. Біт ZF у подальшому використовується командами умовного переходу. Часто

використовується для порівняння регістра з 0 (у записі команди обидва операнди дорівнюють цьому регістру).

Мітка повертає адресу пам'яті, за якою вона знаходиться. Використовується для передачі управління (переходу до виконання іншої команди). Способи задання мітки:

```
mitka:                                label mitka
    ...                               ...
```

*jmp <мітка>*

Виконується безумовний перехід до вказаної мітки.

*jz <мітка>*

Виконується перехід до вказаної мітки, якщо біт ZF дорівнює 1.

*jnz <мітка>*

Виконується перехід до вказаної мітки, якщо біт ZF дорівнює 0.

### Хід роботи:

1. У середовищі Visual Studio створити простий проект на мові C++.
2. Вибравши з контекстного меню проекту пункт *Build Customization ...*, підключити інструмент *Microsoft Macro Assembler*, активізувавши опцію *masm*.
3. З використанням асемблерної вставки реалізувати програму для з'ясування, чи є рік високосним:

```
#include <iostream>
using namespace std;

void main(){

    int year, leap;
    cin >> year;

    __asm{

        mov ebx, 0
        mov ecx, 400
        mov eax, year
        cdq
```



```

        div ecx
        test edx, edx
        jz is_leap

        mov eax, year
        cdq
        mov ecx, 4
        div ecx
        test edx, edx
        jz maybe_leap
        jmp result

is_leap:
        mov ebx, 1
        jmp result

maybe_leap:
        mov eax, year
        cdq
        mov ecx, 100
        div ecx
        test edx, edx
        jz result
        jmp is_leap

result:
        mov leap, ebx

}

if (leap > 0) {cout << "Yes" << endl;}
else {cout << "No" << endl;}
system("pause");
}

```

4. Розібратись у структурі програми та прокоментувати код.
5. Реалізувати програму, обравши завдання згідно зі своїм варіантом (див. Додаток).
6. Оформити звіт.

## ЛАБОРАТОРНА РОБОТА № 9

**Тема:** Команди передачі управління та організація циклів в Assembler

**Мета роботи.** Використовуючи середовище Visual Studio, на прикладі обчислення математичного виразу освоїти програмування з використанням команд переходу та циклів на мові Assembler.

### Теоретичні відомості:

*loop <мітка>*

Команда для організації циклу. В якості лічильника використовується регістр CX. Команда виконує його декремент, а потім перевіряє значення. Якщо воно не дорівнює 0, то виконується перехід до мітки, інакше виконується наступна команда.

*стр <операнд\_1> <операнд\_2>*

Порівнює операнди та відповідним чином змінює регістр ознак, який надалі використовується командою переходу.

Команда	Умова переходу
JG	операнд_1 > операнд_2
JGE	операнд_1 ≥ операнд_2
JL	операнд_1 < операнд_2
JLE	операнд_1 ≤ операнд_2
JE	операнд_1 = операнд_2
JNE	операнд_1 ≠ операнд_2

### Хід роботи:

1. У середовищі Visual Studio створити простий проект на мові C++.
2. Вибравши з контекстного меню проекту пункт *Build Customization ...*, підключити інструмент *Microsoft Macro Assembler*, активізувавши опцію *masm*.

3.3 використанням асемблерної вставки реалізувати програму для обчислення значення виразу  $y$  для усіх цілих значень  $x$  з проміжку  $[-2;2]$ :

$$y = \begin{cases} 2ax+5, & x < 1; \\ \frac{a-b}{d}, & x = 1; \\ \frac{a^2-x}{c}, & x > 1 \end{cases} \quad a=-6; \quad b=4; \quad c=8; \quad d=2; \quad -2 \leq x \in \mathbb{Z} \leq 2.$$

Примітка. Під дробом мається на увазі цілочислове ділення.

```
#include <iostream>
using namespace std;

int a, b, c, d, x;
int values[5]; // масив для збереження y(x)

void main(){

    a = -6;    b = 4;    c = 8;    d = 2;

    __asm{

        mov eax, offset values
        push eax        // заштовхуємо у стек адресу початку масиву
        mov cx, 5        // кількість проходів циклу

    start:                // початок циклу
        mov ax, 3          // для обчислення x = 3 - cx
        sub ax, cx          // отримуємо поточне значення x
        cwde                // розширюємо ax до eax
        mov ebx, eax        // записуємо x в ebx
        mov eax, a          // стала a

        cmp ebx, 1          // порівнюємо x з одиницею
        jl less             // якщо x менше 1, переходимо до мітки less
        je equals           // якщо x дорівнює 1, переходимо до equals

                                // якщо x > 1:
        imul eax            // a^2
        sub eax, ebx        // a^2-x
        cdq                // розширюємо a^2-x до четвірного слова
        mov ebx, c          // стала c
        idiv ebx            // (a^2-x)/c
        jmp result         // переходимо до мітки result
```

```

less:
    mov edx, 2
    imul edx    // a*2
    imul ebx    // a*2*x
    add eax, 5  // a*2*x+5
    jmp result  // переходимо до мітки result

equals:
    mov ebx, b    // стала b
    sub eax, ebx  // a-b
    cdq          // розширюємо a-b до четвірного слова
    mov ebx, d    // стала d
    idiv ebx     // (a-b)/d
    jmp result    // переходимо до мітки result

result:
    pop ebx      // виштовхуємо зі стеку адресу масиву
    mov [ebx], eax // записуємо результат за поточною адресою
    add ebx, 4   // зсуваємо вказівник масиву
    push ebx     // заштовхуємо в стек нову адресу
    loop start   // кінець циклу
}
for (int i = 0; i < 5; i++) {
    cout << values[i] << endl;
}
system("pause");
}

```

4. Реалізувати програму обчислення математичного виразу, обравши завдання згідно зі своїм варіантом (див. Додаток).

5. Оформити звіт.

## ЛАБОРАТОРНА РОБОТА № 10

### Тема: Логічні операції

**Мета роботи.** Використовуючи середовище Visual Studio, освоїти методи програмування з використанням логічних операцій на мові Assembler.

#### Теоретичні відомості:

*or <операнд\_1>, <операнд\_2>*

Операція бітового логічного АБО. Виконує побітове логічне додавання операндів і зберігає результат в першому.

*and <операнд\_1>, <операнд\_2>*

Операція бітового логічного І. Виконує побітове логічне множення операндів і зберігає результат в першому.

*not <операнд>*

Операція бітового логічного заперечення.

*xor <операнд\_1>, <операнд\_2>*

Операція бітового виключного АБО. Результат зберігається в першому операнді. Часто використовується для обнулення регістрів (в якості операндів треба вказати один і той же регістр).

*shl (shr) <операнд>, <число\_бітів>*

Виконує зсув операнда вліво (вправо) на вказане число бітів. У біти, що вивільнилися справа (зліва), записуються нулі.

*rol (ror) <операнд>, <число\_бітів>*

Виконує циклічний зсув операнда вліво (вправо) на вказане число бітів.

*inc (dec) <операнд>*

Виконує збільшення (зменшення) значення операнда на одиницю

#### Хід роботи:

1. У середовищі Visual Studio створити простий проект на мові C++.

2. Підключити інструмент *Microsoft Macro Assembler*.

3.3 використанням асемблерної вставки реалізувати програму для аналізу стану бітів двійкового масиву (підрахунку в масиві з восьми чотирибітових слів кількості слів з парним числом одиниць в слові):

```
#include <iostream>
using namespace std;

void main(){

    __int32 arr=848843586;    // (0011 0010 1001 1000
                             // 0101 0011 0100 0010)
    __int32 res=0;

    __asm{
        mov cx, 8            // кількість проходів циклу
        mov eax, 1           // маска

    start_outer: // початок зовнішнього циклу (по словах)
        mov bx, 4            // кількість проходів внутрішнього циклу
        xor di, di           // обнулення лічильника одиниць

    start_inner:             // початок внутрішнього циклу (по бітах)
        mov edx, arr
        and edx, eax         // накладання маски
        jz go_next           // якщо результат – 0
        inc di               // якщо результат – 1, збільшуємо лічильник

    go_next:
        shl eax, 1           // побітовий зсув вліво на 1 біт
        dec bx               // зменшуємо лічильник проходів на 1
        test bx, bx          // перевіряємо умову завершення циклу
        jnz start_inner      // повторюємо цикл, якщо результат не 0
        and di, 1            // перевірка на парність
        jnz end_             // якщо непарне
        inc res              // якщо парне, збільшуємо лічильник

    end_:
        loop start_outer     // закінчення зовнішнього циклу
    }
    cout << res << endl;
    system("pause");
}
```

4. Реалізувати програму аналізу двійкового масиву, обравши завдання згідно зі своїм варіантом (див. Додаток).

5. Оформити звіт.

## ЛАБОРАТОРНА РОБОТА № 11

**Тема:** Масиви з індексуванням, стек, робота з матрицями

**Мета роботи.** Використовуючи середовище Visual Studio, написати програму опрацювання масивів даних на мові Assembler.

### Хід роботи:

1. У середовищі Visual Studio створити простий проект на мові C++.
2. Підключити інструмент *Microsoft Macro Assembler*.
3. Реалізувати з використанням асемблерної вставки програму для обчислення добутку матриць  $AB$ , де  $A$  — задана матриця розмірності  $n \times n$ , а елементи матриці  $B$  задаються формулою  $b_{ij} = i + j - 1$ :

```
#include <iostream>
using namespace std;

void main()
{
    // ФОРМУВАННЯ МАТРИЦІ
    int n;
    cout << "Введіть n : ";
    cin >> n;
    int** a = new int*[n];          // матриця A
    int** b = new int*[n];          // матриця B
    int** res = new int*[n];        // результуюча матриця
    cout << "Введіть елементи матриці A : ";
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        a[i] = new int[n];
        b[i] = new int[n];
        res[i] = new int[n];
        for (int j = 0; j < n; j++)
        {
            cin >> a[i][j];
            b[i][j] = i + j - 1;
            res[i][j] = 0;
        }
    }

    // ВІЗУАЛІЗАЦІЯ СФОРМОВАНИХ МАТРИЦЬ
    cout << " A: " << endl;
    for (i = 0; i < n; i++)
    {
        for (j = 0; j < n; j++)
```

```

        {
            cout << a[i][j] << " ";
        }
        cout << endl;
    }
    cout << endl;
    cout << " B: " << endl;
    for (i = 0; i < n; i++)
    {
        for (j = 0; j < n; j++)
        {
            cout << b[i][j] << " ";
        }
        cout << endl;
    }
    cout << endl;

```

// АСЕМБЛЕРНА ВСТАВКА (алгоритм множення матриць)

// Для зручності цикли записано на C++

```

for (i = 0; i < n; i++)
{
    for (j = 0; j < n; j++)
    {
        __asm
        {
            mov edx, res    // edx = res
            mov esi, i
            imul esi, 4
            add edx, esi    // edx = &res[i]
            push [edx]
            pop edx         // edx = res[i]
            mov esi, j
            imul esi, 4
            add edx, esi    // edx = &res[i][j]
            push edx
            xor esi, esi
            mov ecx, n
        start:
            mov eax, a
            mov ebx, b
        a_to_eax:
            mov edx, i
            mov eax, [eax + 4 * edx] // eax = a[i]
            mov edx, esi
            mov eax, [eax + 4 * edx] // eax = a[i][esi]
        b_to_ebx:
            mov edx, esi
            mov ebx, [ebx + 4 * edx] // ebx = b[esi]
            mov edx, j

```



```

        mov ebx, [ebx + 4 * edx] // ebx = b[esi][j]
    end:
        pop edx
        imul eax, ebx // eax = a[i][esi]*b[esi][j]
        add [edx], eax
        push edx
        inc esi
        loop start
        pop edx
    }
}

// ВИВЕДЕННЯ РЕЗУЛЬТАТУ
cout << " A*B: " << endl;
for (i = 0; i < n; i++)
{
    for (j = 0; j < n; j++)
    {
        cout << res[i][j] << " ";
    }
    cout << endl;
}
cout << res << endl;
system("pause");
}

```

4. Реалізувати програму, обравши завдання згідно зі своїм варіантом (див. Додаток).

5. Оформити звіт.

## ЛАБОРАТОРНА РОБОТА № 12

**Тема:** Програмування співпроцесора з використанням команд обчислення трансцендентних функцій для даних дійсного типу

**Мета роботи.** Ознайомитися з принципами роботи математичного співпроцесора і використати його можливості для обчислення трансцендентних функцій та реалізації розгалужень.

### Теоретичні відомості:

#### Команди порівняння

У центральному процесорі (цілочисловому) команди умовних переходів виконуються відповідно до значень окремих бітів регістра ознак процесора. У арифметичному співпроцесорі існують спеціальні команди порівнянь, за наслідками виконання яких, встановлюються біти кодів умов в регістрі стану. Якщо операнди не вказані явно після команди, то за замовчуванням перший операнд міститься у вершині стеку ST(0), а другий у регістрі ST(1).

#### *FCOM*

Команда порівняння операндів. Віднімає вміст операнда від значення у вершині стеку співпроцесора ST(0). Результат віднімання нікуди не записується і показчик вершини стеку ST не змінюється. Значення бітів кодів умови після виконання команди FCOM x:

C3 = 0, C0 = 0	ST(0) > x
C3 = 0, C0 = 1	ST(0) < x
C3 = 1, C0 = 0	ST(0) = x
C3 = 1, C0 = 1	ST(0) і x непорівнювані

#### *FICOM*

Команда цілочисельного порівняння. Аналогічна команді FCOM.

#### *FCOMP/FICOMP*

Команди порівняння/цілочисельного порівняння із вилученням операнда зі стеку ST(0) після виконання порівняння.

### *FCOMPP*

Команда порівняння із вилученням обох операндів зі стеку (ST(0) і ST(1)) після виконання порівняння.

### *FTST*

Команда порівняння з нулем. Значення бітів після її виконання:

$C3 = 0, C0 = 0$	$ST(0) > 0$
$C3 = 0, C0 = 1$	$ST(0) < 0$
$C3 = 1, C0 = 0$	$ST(0) = 0$
$C3 = 1, C0 = 1$	ST(0) і 0 непорівнювані

### *FXAM*

Команда аналізу операнда на тип числа (скінчене, денормалізоване, нуль, нескінченність та ін. ) Аналізує вміст ST(0). Після її виконання встановлюються коди умов, згідно з якими можна визначити знак числа ( $C1 = 0$  — додатне;  $C1 = 1$  — від'ємне), його скінченність ( $C0 = 0$ ) або нескінченність ( $C0 = 1$ ) і т. д.

## **Дії над дійсними числами**

### *FABS*

Обчислює модуль ST(0).

### *FNCHS*

Змінює знак ST(0) на протилежний.

### *FADD*

Додає до ST(0) операнд.

### *FADD*

Додає до ST(0) операнд.

### *FSUB*

Віднімає від ST(0) операнд.

### *FMUL (FDIV)*

Множить (ділить) ST(0) на операнд.

## Трансцендентні команди

### *FPTAN*

Обчислює частковий тангенс  $ST(0)$ , розміщуючи в стеку такі два числа  $x$  та  $y$ , що  $y/x = tg(ST(0))$ . Для сучасних співпроцесорів  $x = 1$ , а  $y = tg(ST(0))$ . Після виконання команди число  $y$  розташовується в  $ST(0)$ , а  $x$  заноситься у  $ST(1)$ . Для старих співпроцесорів (Intel 8087, 80287) аргумент команди *FPTAN* повинен бути нормалізованим і знаходитися в межах  $0 \leq ST(0) \leq \pi/4$ . Для нових співпроцесорів аргумент команди повинен бути поданий в радіанах в межах  $\pm 2^{63}$ .

### *FPATAN*

Обчислює частковий арктангенс:  $z = \arctg(ST(1)/ST(0)) = \arctg(x/y)$ . Перед виконанням команди числа  $x$  і  $y$  розміщуються в  $ST(1)$  і  $ST(0)$  відповідно. Аргументи команди повинні знаходитися в межах:  $0 \leq x < y < +\infty$ . Результат записується в  $ST(1)$ , а операнд в  $ST(0)$  вилучається зі стеку. Таким чином результат після виконання команди розміщується в  $ST(0)$ .

### *FYL2X*

Обчислює вираз  $y \cdot \log_2(x)$ , операнди  $x$  і  $y$  розміщуються відповідно в  $ST(0)$  і  $ST(1)$ . Операнди вилучаються зі стеку, а результат записується в стек.  $x$  повинен бути додатним числом. Користуючись результатом виконання цієї команди, можна обчислити:

$$\log_2(x) = FYL2(x);$$

$$\ln(x) = \ln(2) \cdot \log_2(x) = FYL2X(\ln(2), x) = FYL2X(FLDLN2, x);$$

$$\lg(x) = \lg(2) \cdot \log_2(x) = FYL2X(\lg(2), x) = FYL2X(FLDLG2, x).$$

### *FYL2XP1*

Обчислює вираз  $y \cdot \log_2(x+1)$ , де  $x$  відповідає  $ST(0)$ , а  $y$  —  $ST(1)$ . Результат записується в  $ST(0)$ , обидва операнди вилучаються зі стеку і втрачаються. На операнд  $x$  накладається обмеження:  $0 < x < 1 - 1/\sqrt{2}$ .

### *F2XM1*

Обчислює вираз  $2^x - 1$ , де  $x$  —  $ST(0)$ . Результат записується в  $ST(0)$ , параметр повинен знаходитися в межах  $0 \leq x \leq 0,5$ .

### *FCOS*

Обчислює  $\cos(x)$ . Параметр  $x$  знаходиться в  $ST(0)$ , туди ж записується результат виконання команди.

### *FSIN*

Аналогічна команді FCOS, але обчислює значення синуса ST(0).

### *FSINCOS*

Обчислює одночасно значення синуса і косинуса параметра ST(0).  
Значення синуса записується в ST(1), косинуса — в ST(0).

### *FSQRT*

Обчислює квадратний корінь з ST(0).

## **Команди керування**

Команди керування призначені для роботи з нечисловими регістрами співпроцесора. Мнемоніки цих команд можуть починатися з FN або F. Перший варіант відповідає командам "Без очікування". Для таких команд процесор не перевіряє, чи зайнятий співпроцесор виконанням команди. Особливі випадки також ігноруються. Варіанти команд "З очікуванням" діють так само, як і звичайні команди співпроцесора.

### *FNSTCW (FSTCW)*

Записати управляюче слово (записує вміст регістра керування в оперативну пам'ять).

### *FLDCW*

Завантажити управляюче слово (завантажує регістр керування з оперативної пам'яті. Зазвичай використовується для зміни режиму роботи співпроцесора).

### *FNSTSW (FSTSW)*

Записати слово стану (записує вміст регістра стану в оперативну пам'ять).

### *FNSTSW AX (FSTSW AX)*

Записати слово стану в AX (записує вміст регістра стану в регістр AX центрального процесора, де можливий аналіз вмісту за допомогою команд умовних переходів).

### *FNCLEX (FCLEX)*

Скинути особливі випадки (скидає ознаки особливих випадків в регістрі стану співпроцесора, також скидаються біти ES і B).

### *FNINIT (FINIT)*

Ініціалізувати співпроцесор (реєстри стану, керування і тегів):

реєстр керування — проектна нескінченність, округлення до найближчого, розширена точність, всі особливі випадки замасковані;

реєстр стану —  $B = 0$  (біт зайнятості скинутий), код умови не визначений,  $ST = ES = 0$ , ознаки особливих випадків встановлені в нуль;

реєстр тегів — усі поля реєстра тегів містять значення 11 (порожній реєстр).

### *FNSTENV (FSTENV)*

Записати оточення (записує в пам'ять вміст всіх реєстрів, окрім числових, у визначеному форматі). Команда корисна при обробці особливих випадків.

### *FLDENV*

Завантажити оточення (завантажує реєстри, збережені командою FNSTENV).

### *FNSAVE (FSAVE)*

Записати повний стан (діє аналогічно команді FNSTENV, але додатково зберігає вміст числових реєстрів).

### *FRSTOR*

Відновити повний стан (діє аналогічно команді FLDENV, але додатково відновлює вміст числових реєстрів).

### *FINCSTP/FDECSTP*

Збільшити/зменшити покажчик стека SP на 1

### *FFREE*

Звільнити реєстр (визначає числовий реєстр ST, вказаний як операнд, як порожній, записуючи у відповідне поле реєстра тегів 11).

### *FNOP*

Порожня команда, немає операції (не робить жодних дій).

### *FSETPM*

Встановлює захищений режим роботи (переводить співпроцесор в захищений режим роботи).

## Хід роботи:

1. У середовищі Visual Studio створити простий проект на мові C++.
2. Реалізувати програму, яка обчислює трансцендентний вираз, обравши завдання згідно зі своїм варіантом (див. Додаток). Вхідні дані повинні вводитися з клавіатури під час виконання програми в десятковому форматі зі знаком. Програма повинна складатися з двох модулів:

*Головний модуль* — створюється мовою C++ і має забезпечити ввід необхідних даних, виклик асемблерної процедури для обчислення виразу та вивід результату обчислень.

*Модуль безпосередніх обчислень* — здійснює необхідні арифметичні дії з використанням математичного співпроцесора.

3. Оформити звіт.

Приклад. Лістинг програми на мові C++ з використанням асемблерної вставки, яка обчислює значення виразу  $-\sin(x+d)\cos(x+d)/4$  для трьох значень змінної  $x$ :

```
#include <iostream>
#include <cmath>
using namespace std;

const int n = 3;           // кількість значень змінної x
const float neg4 = -4;
float d;
float x[n];                // значення змінної
float res[n];              // значення виразу

void calculateASM()
{
    __asm
    {
        lea esi, x          // заповнення регістрів
        lea edi, res        // адреса початку масиву res
        mov ecx, n          // адреса початку масиву res
        finit               // розмір масиву
                           // ініціалізація співпроцесора

        iteration :         // початок циклу

            fld [esi]        // значення x в стек співпроцесора
            fadd d            // x + d
            fsincos           // sin(x+d) і cos(x+d) в стек
            fmul              // sin(x+d)*cos(x+d)
```

```

        fld neg4          // -4 в стек
        fdiv              // sin(x+d)cos(x+d)/(-4)
        fstp [edi]        // запис значення виразу в масив
        // перехід до наступних елементів масивів
        add esi, 4
        add edi, 4

        loop iteration    // кінець циклу
    }
}

void enteringData()
{
    cout << " Введіть d : ";
    cin >> d;
    cout << " Введіть x[i] :" << endl;
    for (int i = 0; i < n; ++i)
    {
        cout << " x[" << i << "] = ";
        cin >> x[i];
    }
}

void printRes(char* sym)
{
    cout << " Обчислено в " << sym << endl;
    for (int i = 0; i < n; ++i)
    {
        cout << " result: [" << i + 1 << "] = " << res[i] << endl;
    }
}

void calculateCpp()
{
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        res[i] = -0.125 * sin(2*(d + x[i]));
    }
}

void main()
{
    enteringData();
    calculateASM();
    printRes("ASM");
    calculateCpp();
    printRes("C++");
    system("pause");
}

```



## ДОДАТОК

### Варіанти завдань до лабораторної роботи № 8

1. Вивести третю з кінця цифру в записі додатного цілого числа.
2. Обчислити суму цифр трицифрового числа.
3. Йде  $k$ -та секунда доби. Визначити, скільки повних годин і хвилин пройшло до цього моменту.
4. Визначити кут (в градусах) між положенням годинної стрілки на початку доби і її положенням в певний момент часу  $hh:mm:ss$ .
5. Визначити повну кількість годин і хвилин, які пройшли від початку доби, якщо годинникова стрілка повернулась на  $f$  (ціле число) градусів.
6. Вивести порядковий номер дня тижня, на який припадає  $k$ -ий день не високосного року, у якому 1 січня — понеділок.
7. Обчислити цілу частину середнього арифметичного трьох заданих додатних цілих чисел.
8. Обчислити довжину кола, площу круга і об'єм кулі заданого радіуса (число  $\pi$  прийняти рівним 3).
9. Обчислити периметр і площу прямокутного трикутника за заданими двома катетами.
10. Знайти добуток цифр заданого чотиризначного числа.
11. Вивести число, утворене записом цифр заданого трицифрового числа у зворотньому порядку.
12. Визначити дискримінант квадратного рівняння за заданими його коефіцієнтами.
13. Визначити, чи дорівнює сума двох перших цифр заданого чотирицифрового числа сумі двох його останніх цифр.
14. Визначити, чи дорівнює квадрат заданого тризначного числа кубу суми його цифр.
15. Вивести цифри заданого трицифрового числа у порядку зростання.
16. З'ясувати, чи серед цифр заданого трицифрового числа є однакові.
17. Яка сума буде на рахунку через  $k$  років, якщо покласти  $S$  грн під  $p$  річних простих відсотків?

18. З'ясувати, чи є трикутник із заданими сторонами прямокутним.
19. З'ясувати, чи є трикутник із заданими сторонами рівнобедреним.
20. Обчислити добуток цифр трицифрового числа.
21. Скільки одиниць товару вартістю k грн можна придбати на суму n грн? Скільки грошей залишиться?
22. Визначити, чи є введене число парним, чи непарним.
23. Визначити, чи є число n дільником числа k.
24. Обчислити площу поверхні прямокутного паралелепіпеда за заданими сторонами.
25. Скільки літрів води поміщається у кубі, сторона якого задана у дм.

### Варіанти завдань до лабораторної роботи № 9

- 1)  $y = y_1 + y_2; y_1 = \begin{cases} a+x, & x > a \\ 2a-x, & x \leq a \end{cases}; y_2 = \begin{cases} ax, & x > 10 \\ x, & x \leq 10 \end{cases}.$
- 2)  $y = y_1 - y_2; y_1 = \begin{cases} x-2, & x \geq 2 \\ 8, & x < 2 \end{cases}; y_2 = \begin{cases} 4, & x = 0 \\ a-x, & x \neq 0 \end{cases}.$
- 3)  $y = y_1 \cdot y_2; y_1 = \begin{cases} x-a, & x > a \\ 5, & x \leq a \end{cases}; y_2 = \begin{cases} a, & a > x \\ ax, & a \leq x \end{cases}.$
- 4)  $y = y_1 + y_2; y_1 = \begin{cases} 2-x, & x < 2 \\ a+3, & x \geq 2 \end{cases}; y_2 = \begin{cases} a-1, & x < a \\ ax-1, & x \geq a \end{cases}.$
- 5)  $y = y_1 - y_2; y_1 = \begin{cases} |x|, & x < 0 \\ x-a, & x \geq 0 \end{cases}; y_2 = \begin{cases} a+x, & x \bmod 3 = 1 \\ 7, & x \bmod 3 \neq 1 \end{cases}.$
- 6)  $y = y_1 + y_2; y_1 = \begin{cases} x \bmod 4, & x > a \\ a, & x \leq a \end{cases}; y_2 = \begin{cases} ax, & x/a > 3 \\ x, & x/a \leq 3 \end{cases}.$
- 7)  $y = y_1 + y_2; y_1 = \begin{cases} 4-x, & |x| < 3 \\ a+x, & |x| \geq 3 \end{cases}; y_2 = \begin{cases} 2, & x - \text{парне} \\ a+2, & x - \text{непарне} \end{cases}.$
- 8)  $y = y_1 + y_2; y_1 = \begin{cases} 4x, & x \leq 4 \\ x-a, & x > 4 \end{cases}; y_2 = \begin{cases} 7, & x - \text{непарне} \\ x/2+a, & x - \text{парне} \end{cases}.$

- 9)  $y = y_1 \cdot y_2$ ;  $y_1 = \begin{cases} ax, & x \bmod 3 = 2 \\ 9, & x \bmod 3 \neq 2 \end{cases}$ ;  $y_2 = \begin{cases} a - x, & a > x \\ a + 2, & a \leq x \end{cases}$ .
- 10)  $y = y_1 - y_2$ ;  $y_1 = \begin{cases} a + |x|, & x > a \\ a - 7, & x \leq a \end{cases}$ ;  $y_2 = \begin{cases} 3a, & a > 3 \\ 11, & a \leq 3 \end{cases}$ .
- 11)  $y = y_1 \bmod y_2$ ;  $y_1 = \begin{cases} 10 + x, & x > 1 \\ |x| + a, & x \leq 1 \end{cases}$ ;  $y_2 = \begin{cases} 2, & x > 4 \\ x, & x \leq 4 \end{cases}$ .
- 12)  $y = y_1 / y_2$ ;  $y_1 = \begin{cases} 15 + x, & x > 7 \\ |a| + 9, & x \leq 7 \end{cases}$ ;  $y_2 = \begin{cases} 3, & x > 2 \\ |x| - 5, & x \leq 2 \end{cases}$ .
- 13)  $y = y_1 \cdot y_2$ ;  $y_1 = \begin{cases} 3 + x, & x = a \\ a - x, & x \neq a \end{cases}$ ;  $y_2 = \begin{cases} |a|, & a < x \\ |a| - x, & a \geq x \end{cases}$ .
- 14)  $y = y_1 - y_2$ ;  $y_1 = \begin{cases} 2x + a, & x > 2 \\ 2x + 1, & x \leq 2 \end{cases}$ ;  $y_2 = \begin{cases} |x| + 1, & x > 0 \\ a - 1, & x \leq 0 \end{cases}$ .
- 15)  $y = y_1 \bmod y_2$ ;  $y_1 = \begin{cases} 8 + |x|, & x < 1 \\ 2|a|, & x \geq 1 \end{cases}$ ;  $y_2 = \begin{cases} 3, & x = a \\ a + 1, & x \neq a \end{cases}$ .
- 16)  $y = y_1 + y_2$ ;  $y_1 = \begin{cases} 4 + x, & x \leq 3 \\ ax, & x > 3 \end{cases}$ ;  $y_2 = \begin{cases} |a| - 2, & x > a \\ x, & x \leq a \end{cases}$ .
- 17)  $y = y_1 - y_2$ ;  $y_1 = \begin{cases} a + |x|, & x < 0 \\ x - a, & x \geq 0 \end{cases}$ ;  $y_2 = \begin{cases} 7, & x < 3 \\ a, & x \geq 3 \end{cases}$ .
- 18)  $y = y_1 \bmod y_2$ ;  $y_1 = \begin{cases} 7 + x, & x < 3 \\ |a| + x, & x \geq 3 \end{cases}$ ;  $y_2 = \begin{cases} 1, & x > 5 \\ a + x, & x \leq 5 \end{cases}$ .
- 19)  $y = |y_1| + y_2$ ;  $y_1 = \begin{cases} -5, & x > 4 \\ x - a, & x \leq 4 \end{cases}$ ;  $y_2 = \begin{cases} |a|, & x > a \\ 9, & x \leq a \end{cases}$ .
- 20)  $y = y_1 \cdot y_2$ ;  $y_1 = \begin{cases} 2x, & x < 5 \\ |a| + x, & x \geq 5 \end{cases}$ ;  $y_2 = \begin{cases} 3, & a = x \\ a - x, & a \neq x \end{cases}$ .
- 21)  $y = y_1 + |y_2|$ ;  $y_1 = \begin{cases} 3, & x \bmod 3 = 1 \\ x - a, & x \bmod 3 \neq 1 \end{cases}$ ;  $y_2 = \begin{cases} a/x, & x \neq 0 \\ 4, & x = 0 \end{cases}$ .

$$22) \ y = y_1 - y_2; \ y_1 = \begin{cases} |x| + |a|, & x \leq 3 \\ xa, & x > 3 \end{cases}; \ y_2 = \begin{cases} 3, & a = x \\ a - x, & a \neq x \end{cases}.$$

$$23) \ y = y_1 + y_2; \ y_1 = \begin{cases} 2x, & |x| > 4 \\ 4 + a, & |x| \leq 4 \end{cases}; \ y_2 = \begin{cases} 9, & x = 0 \\ a/x, & x \neq 0 \end{cases}.$$

$$24) \ y = y_1 \cdot y_2; \ y_1 = \begin{cases} x, & x \bmod 4 \neq 2 \\ a + x, & x \bmod 4 = 2 \end{cases}; \ y_2 = \begin{cases} a - x, & x < a \\ ax, & x \geq a \end{cases}.$$

$$25) \ y = y_1 / y_2; \ y_1 = \begin{cases} 12, & x < 12 \\ x + 1, & x \geq 12 \end{cases}; \ y_2 = \begin{cases} 2, & x > 2 \\ a + x, & x \leq 2 \end{cases}.$$

### Варіанти завдань до лабораторної роботи № 10

1. Задано масив з 9 байт. У скількох його байтах скинуті 6-й і 4-й біти.
2. Задано масив з 8 байт. Розглядаючи його, як масив з 64 біт, порахувати кількість одиниць.
3. Задано масив з 8 байт. Розглядаючи його як масив логічних значень  $x_0 x_1 x_2 x_3 x_4 x_5 x_6 x_7$  (true — ненульові біти в байті, false — всі біти нульові), обчислити логічну формулу:  

$$f = (x_7 \wedge x_6 \wedge x_1) \vee (x_6 \wedge x_4 \wedge x_2 \wedge x_1 \wedge x_0) \vee (x_7 \wedge x_6 \wedge x_3 \wedge x_1).$$
4. Задано масив з 10 байт. У скількох його байтах рівно три одиниці?
5. Розглядаючи байт як набір логічних значень  $x_7 x_6 x_5 x_4 x_3 x_2 x_1 x_0$  (true — 1, false — 0), обчислити логічну формулу:  

$$f = (x_7 \wedge x_6 \wedge x_3) \vee (x_6 \wedge x_4 \wedge x_2 \wedge x_1) \vee (x_7 \wedge x_6 \wedge x_2 \wedge x_0).$$
6. Задано масив з 8 байт. Розглядаючи його, як масив з 64 біт, порахувати довжину найдовшої послідовності одиниць.
7. Задано масив з 10 байт. Порахувати кількість одиниць у всіх розрядах, кратних трьом: 3, 6, 9, ..., 75, 78.
8. Задано масив з 5 байт. Розглядаючи його як масив з 8 п'ятирозрядних слів, знайти всі "виключні або" всіх 8 слів виразу "10101".
9. Задано масив з 6 байт. Розглядаючи його, як масив з 48 біт, порахувати в ньому кількість нулів.
10. Задано масив з 8 байт. Розглядаючи його, як масив з 64 біт, порахувати кількість пар одиниць в оточенні нулів. Кінець послідовності розглядати як нуль.

11. Задано масив з 7 байт. Розглядаючи його, як масив з 8-ми семи-бітних слів, порахувати кількість слів з непарним числом нулів.
12. Задано масив з 9 байт. Розглядаючи його як масив з 72 біт, порахувати число переходів між нулями і одиницями.
13. Задано масив з 3 байт. Розглядаючи його, як масив з 24 біт, порахувати кількість одиночних одиниць в оточенні нулів. Кінець послідовності розглядати як нуль.
14. Задано масив з 6 байт. Порахувати кількість байт число одиниць в яких не перевищує 3.
15. Задано масив з 11 байт. Порахувати кількість байт, в яких немає одиниць, що стоять поруч.
16. Задано масив з 4 байт. Розглядаючи його, як масив з 32 біт порахувати довжину найдовшої послідовності нулів.
17. Задано масив з 6 байт. Порахувати кількість одиниць у всіх розрядах, кратних п'яти: 5, 10, ..., 45.
18. Задано масив з 3 байт. Розглядаючи його як масив з 8 трирозрядних слів, знайти "виключне або" всіх 8 слів висловлення "101".
19. Задано масив з 7 байт. Розглядаючи його, як масив з 56 біт, порахувати в ньому кількість нулів, що стоять після одиниці. Кінець послідовності розглядати як нуль.
20. Задано масив з 8 байт. Розглядаючи його, як масив з 64 біт, порахувати кількість пар одиниць в оточенні нулів. Кінець послідовності розглядати як нуль.
21. Задано масив з 6 байт. Порахувати кількість байт, число одиниць в яких не перевищує 3.
22. Задано масив з 6 байт. Розглядаючи його, як масив з 48 біт, порахувати число двох одиниць, що стоять між нулями. Кінець і початок послідовності розглядати як нулі.
23. Задано масив з 3 байт. Розглядаючи його, як масив з 24 біт, порахувати кількість одиночних одиниць в оточенні нулів. Кінець послідовності розглядати як нуль.
24. Задано масив з 5 байт. Розглядаючи його, як масив з восьми п'ятибітних слів, порахувати кількість слів з парним числом одиниць в слові.
25. Задано масив з 11 байт. Порахувати кількість байт, в яких немає одиниць, що стоять поруч.

## Варіанти завдань до лабораторної роботи № 11

1. Симетричні квадратні матриці  $A$  та  $B$  задані послідовностями з  $n(n+1)/2$  числами: спочатку іде  $n$  елементів 1-го рядка, потім, починаючи з другого елемента,  $n-1$  елементів 2-го рядка і т. д., з останнього рядка береться лише  $n$ -й елемент. Отримати в аналогічному вигляді матрицю  $AB$ .
2. Симетрична квадратна матриця задана послідовністю  $n(n+1)/2$  чисел (див. умову задачі 1). Крім цього, заданий вектор  $\mathbf{b}$  з  $n$  елементів. Знайти вектор  $A\mathbf{b}$ .
3. Задані дві праві трикутні матриці  $A$  та  $B$  порядку  $n$ , так як описано в задачі 1. Отримати в аналогічному вигляді матрицю  $A(E + B^2)$ .
4. Задані дві праві трикутні матриці  $A$  та  $B$  порядку  $n$ , так як описано в задачі 1. Отримати в аналогічному вигляді матрицю  $B(E - A^2)$ .
5. Задані дві праві трикутні матриці  $A$  та  $B$  порядку  $n$ , так як описано в задачі 1. Отримати в аналогічному вигляді матрицю  $AB$ .
6. Елемент матриці називається сідловою точкою, якщо він є найбільшим в своєму рядку і найменшим у своєму стовпці або, навпаки, є найменшим в своєму рядку і найбільшим в своєму стовпці. Для заданої цілої матриці вивести індекси її сідлових точок.
7. Задані квадратна матриця порядку  $m$  та натуральне число  $n$ . Порахувати сліди матриць  $A, A^2, \dots, A^n$ . Під час обчислення матриці  $A^n$  для скорочення обчислень скористатись розкладом  $n$  за степенями 2 і тоді обчислювати  $(A^2)^k$ , де  $n = 2k$ . Якщо ж  $n = 2k + 1$ , то  $A^n = (A^2)^k A$ .
8. Задана квадратна матриця  $A$  порядку  $m$ . Отримати матриці  $(A + A^T)/2$  та  $(A - A^T)/2$ .
9. Задана матриця  $A$  розміру  $m \times n$ . Отримати матрицю  $AA^T$ .
10. Задані квадратна матриця  $A$  порядку  $m$ , натуральне число  $n$ , дійсні числа  $p_n, p_{n-1}, \dots, p_0$ . Отримати матрицю  $p_n A^n + p_{n-1} A^{n-1} + \dots + p_1 A^1 + p_0 E$ .
11. Задані квадратна матриця  $A$  порядку  $m$ , натуральне число  $n$ . Отримати матрицю  $E + A^1 + A^2 + \dots + A^n$ .
12. Нехай задана матриця  $A$  порядку  $m$  та деяке натуральне число  $n$ . Знайти  $A^n$  (скористатись розкладом  $n$  за степенями 2 і тоді обчислювати  $(A^2)^k$ , де  $n = 2k$ . Якщо ж  $n = 2k + 1$ , то  $A^n = (A^2)^k A$ ).
13. Задані квадратні матриці  $A$  та  $B$  порядку  $n$ . Отримати матрицю  $A(B - E) + C$ , де  $E$  — одинична матриця порядку  $n$ , а елементи матриці  $C$  обчислюються за формулою:  $c_{ij} = 1 / (i + j)$ ;  $i, j = 1, 2, \dots, n$ .

14. Задані квадратні матриці  $A$ ,  $B$  та  $C$  порядку  $n$ . Отримати матрицю  $(A + B)C$ .
15. Задана квадратна матриця  $A$  порядку  $n$  і вектори  $x$  та  $y$  розміром  $n$ . Отримати вектор  $A(x^3 + y^2)$ .
16. Задана квадратна матриця  $A$  порядку  $n$ . Отримати матрицю  $AB$ , де елементи матриці  $B$  обчислюються за формулою:  $b_{ij} = 1 / (i + j - 1)$ .
17. Задана квадратна матриця  $A$  порядку  $n$ . Отримати матрицю  $AB$ , де елементи матриці  $B$ :  $b_{ij} = 1 / (i + j - 1)$  та  $b_{ij} = 1 / (i + j + 1)$  при  $i \leq j$  та  $i > j$  відповідно.
18. Задана квадратна матриця  $A$  порядку  $n$ . Отримати матрицю  $AB$ , де елементи матриці  $B$ :  $b_{ij} = 1 / (i + j - 1)$ ,  $b_{ij} = 0$  та  $b_{ij} = -1 / (i + j - 1)$  при  $i < j$ ,  $i = j$  та  $i > j$  відповідно.
19. Задана цілочислова квадратна матриця, всі елементи якої відмінні між собою. Знайти скалярний добуток рядка, в якому знаходиться найбільший елемент, та стовпця, в якому знаходиться найменший елемент.
20. Задана цілочислова квадратна матриця, всі елементи якої відмінні між собою. Знайти скалярний добуток рядка, в якому знаходиться найменший елемент, та стовпця, в якому знаходиться найбільший елемент.
21. Визначити, чи задана цілочислова квадратна матриця є ортонормованою, тобто в якої скалярний добуток кожної пари різних рядків дорівнює 0, а скалярний добуток кожного рядка на себе дорівнює 1.
22. Визначити, чи задана цілочислова квадратна матриця є магічним квадратом, тобто такою, в якої суми елементів у всіх рядках та стовпцях однакові.
23. За заданою матрицею  $A$  та вектором  $b$  розв'язати методом Гауса матричне рівняння  $Ax = b$ .
24. Задана матриця  $A$  розміру  $m \times n$ . Отримати матрицю  $A^T$ .
25. Елемент матриці називається сідловою точкою, якщо він є найбільшим в своєму рядку і найменшим у своєму стовпці або, навпаки, є найменшим в своєму рядку і найбільшим в своєму стовпці. Для заданої цілочислової матриці вивести індекси її сідлових точок.

## Варіанти завдань до лабораторної роботи № 12

Примітка. Для усіх варіантів  $i = 1, 2, 3, 4, 5$ .

Варіант	Завдання	Варіант	Завдання
1	$y_i = \frac{2c - d + \sqrt{21a_i}}{\frac{a_i}{4} - 1}$	2	$y_i = \frac{32d - 2c}{\operatorname{tg}\left(\frac{a_i}{4} - 1\right)}, \quad c > d.$
3	$y_i = \frac{33 - 2c - \sin \frac{a_i}{d}}{\frac{a_i}{4} - b}, \quad c \leq d.$	4	$y_i = \frac{a_i + \frac{c}{d} - \sqrt{16d}}{4ab + 1}, \quad c > d.$
5	$y_i = \frac{2c - \ln \frac{a_i + d}{c}}{\frac{c}{3} - 1}, \quad c > d.$	6	$y_i = \frac{a - 4c - 1}{\frac{c}{18} + \operatorname{tg}(a_i d)}, \quad c > d.$
7	$y_i = \frac{4c - \ln \frac{d}{4}}{a_i^2 - 1}, \quad c > d.$	8	$y_i = \frac{\lg(19 - a_i) \cdot \frac{c}{4}}{1 + \frac{c}{a_i} + d}, \quad c > d.$
9	$y_i = \frac{5c - \frac{d}{21}}{\ln\left(1 - \frac{a_i}{4}\right)}, \quad c > d.$	10	$y_i = \frac{2b - 20c}{\frac{1}{c} \operatorname{arctg}(d + a_i) + 1}, \quad c > d.$
11	$y_i = \frac{6c - d \sqrt{\frac{12}{d}}}{c + a_i - 1}, \quad c > d.$	12	$y_i = \frac{a_i \cdot \frac{c}{4} - 1}{\sqrt{21 - d} - ca_i}, \quad c > d.$
13	$y_i = \frac{\operatorname{arctg}\left(c - \frac{d}{2}\right)}{7a_i - 1}, \quad c > d.$	14	$y_i = \frac{\ln(a_i d + 2)c}{22 - \frac{d}{c} + 1}, \quad c > d.$
15	$y_i = \frac{c \operatorname{tg}(d + 16)}{\frac{a_i}{2} - 4d - 1}, \quad c > d.$	16	$y_i = \frac{2c + \operatorname{tg}(a_i - 23)}{\frac{c}{a_i} + d + 1}, \quad c > d.$



17	$y_i = \frac{3c + 18 \lg d}{d - a_i - 1}, \quad c > d.$	18	$y_i = \frac{24 \lg(d-1) - c}{2a_i + \frac{d}{c}}, \quad c > d.$
19	$y_i = \frac{10c - \frac{d}{2} + 1}{a_i^2 - \ln(d-5)}, \quad c > d.$	20	$y_i = \frac{25 \cdot \frac{\ln d}{c} + 1}{2c + a_i}, \quad c > d.$
21	$y_i = \frac{\operatorname{arctg} \frac{12}{c} + 11}{a_i^2 - 1}, \quad c > d.$	22	$y_i = \frac{\operatorname{arctg}(a_i - c)d + 26}{\frac{4c}{a_i} + 1}, \quad c > d.$
23	$y_i = \frac{\sqrt{\frac{24}{a_i} + d - 4a_i}}{1 + a_i c}, \quad c > d.$	24	$y_i = \frac{\sqrt{27a_i + \frac{d}{c}}}{a_i - \frac{c}{4} + 1}, \quad c > d.$
25	$y_i = \frac{-\frac{13}{a_i} + c - \operatorname{tg} c}{1 + c \cdot \frac{d}{2}}, \quad c > d.$		

## Література

1. Аблязов Р. З. Программирование на ассемблере на платформе x86-64. — М. : ДМК Пресс, 2011. — 304 с.
2. Bartlett J. Programming from the Ground Up. — [http://www.freebookcentre.net/ComputerScience-Books-Download/Programming-from-the-Ground-Up-\(J.-Bartlett\).html](http://www.freebookcentre.net/ComputerScience-Books-Download/Programming-from-the-Ground-Up-(J.-Bartlett).html)
3. Мархивка В. С., Олексів М. В., Акимишин О. І., Мороз І. В. Програмування співпроцесора з використанням команд обчислення трансцендентних функцій та реалізація розгалужень при порівнянні даних дійсного типу: Методичні вказівки до лабораторної роботи № 4 з курсу “Системне програмування” для студентів базового напрямку 6.050102 “Комп’ютерна інженерія”. — Львів: Національний університет “Львівська політехніка”, 2011. — 11 с.