$$M' = \begin{pmatrix} 1 & 0 & \dots & 0 \\ & M & \\ 0 & 0 & \dots & 1 \end{pmatrix} \quad B' = \begin{pmatrix} P_1 \\ B \\ P_n \end{pmatrix}$$

✓ А. закріплена гранична умова

- В. слабкі граничні умови
- С. циклічні кінцеві умови
- D. ациклічні кінцеві умови

Score: 2/2p.

#### Question 2/16

S

Для формли Без'є

$$r = r(U) = (1-U)^3 r_0 + 3U(1-U)^2 r_1 + 3U^2(1-U)r_2 + U^3 r_3$$

компоненти векторів а; визначаються з системи

#### Ispyt 2 12 2022

VA.

$$a_0 = r_0$$
  
 $a_1 = 3(r_1 - r_0)$   
 $a_2 = 3(r_2 - 2r_1 + r_0)$   
 $a_3 = r_3 - 3r_2 + 3r_1 - r_0$ 

√ B.

$$r(0) = r_0$$
  
 $r(1) = r_3$   
 $r'(0) = 3(r_1 - r_0)$   
 $r'(1) = 3(r_3 - r_2)$ 

C.

# Question 3/16

В загальному випадку матриця перетворення однорідних координат у <u>трьохвимірному</u> випадку може бути записана:

$$T = \begin{bmatrix} a & b & c & p \\ d & e & f & q \\ h & i & j & r \\ l & m & n & s \end{bmatrix}$$

Вкажіть елементи, які відповідають за переміщення на вектор:

- A. bcdfhi
- B. aejs
- C. pqrs
- D. lmns
- ✓ E. <u>lmn</u>

  √ F. s
  - G. aejs

Score: 3/3p.

#### Question 4/16

Коефіцієнти В, визначаються за допомогою спеціальних граничних умов для сплайнового сегмента

$$B_{1} = P_{1}$$

$$B_{2} = P_{1}$$

$$A_{C}$$

$$B_{2} = P_{1}'$$

$$A_{D}$$

$$B_{3} = \frac{3(P_{2} - P_{1})}{t_{2}^{2}} - \frac{2P_{1}'}{t_{2}^{2}} - \frac{P_{2}'}{t_{2}^{2}}$$

$$A_{D}$$

$$A_{D}$$

$$B_{3} = \frac{3(P_{1} - P_{1})}{t_{2}^{2}} - \frac{2P_{1}'}{t_{2}^{2}} + \frac{P_{2}'}{t_{2}^{2}}$$

$$A_{D}$$

$$A_{D}$$

$$B_{1} = P_{1}$$

$$B_{2} = P_{1}$$

$$B_{2} = P_{1}'$$

$$B_{3} = \frac{3(P_{2} - P_{1})}{t_{2}^{2}} - \frac{2P_{1}'}{t_{2}^{2}} + \frac{P_{2}'}{t_{2}^{2}}$$

$$A_{D}$$

$$A_{D}$$

$$B_{1} = P_{1}$$

$$B_{2} = P_{1}$$

$$B_{2} = P_{1}'$$

$$B_{3} = \frac{3(P_{2} - P_{1})}{t_{2}^{2}} - \frac{2P_{1}'}{t_{2}^{2}} + \frac{P_{2}'}{t_{2}^{2}}$$

$$A_{D}$$

$$A_{D}$$

$$B_{4} = \frac{2(P_{1} - P_{2})}{t_{2}^{3}} + \frac{P_{1}'}{t_{2}^{2}} + \frac{P_{2}'}{t_{2}^{2}}$$

$$P(t_{2}) = B_{1} + B_{2}t + B_{3}t^{2} + B_{4}t^{3}$$

$$\frac{dP}{dt}\Big|_{t=t_{2}} = B_{2} + 2B_{3}t_{2} + 3B_{4}t^{2}$$

Score: 8/8p.

# Question 5/16

При заповненні контура багатокутника тест активації модифікується в такий спосіб: перевіряється, чи лежить всередині інтервалу центр піксела, розташованого

✓ А. праворуч від перетину

В. зліва від перетину

С. під пікселем

D. над пікселем

Score: 1/1p.

# Question 6/16



При перспективному перетворенні прямі, які були паралельні осі проходять через точку (0, 0, 1/г, 0).

А. Так

**✓** *B*. <u>Hi</u>

Score: 1/1p.

При побудові бікубічної поверхні

$$\begin{split} Q(u,w) = & \begin{bmatrix} F_1(u) & F_2(u) & F_3(u) & F_4(u) \end{bmatrix}^* \\ * & \begin{bmatrix} P(0,0) & P(0,I) & P^{0,I}(0,0) & P^{0,I}(0,I) \\ P(I,0) & P(I,I) & P^{0,I}(I,0) & P^{0,I}(I,I) \\ P^{I,0}(0,0) & P^{I,0}(0,I) & P^{I,I}(0,0) & P^{I,I}(0,I) \\ P^{I,0}(I,0) & P^{I,0}(I,I) & P^{I,I}(I,0) & P^{I,I}(I,I) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} F_1(w) \\ F_2(w) \\ F_3(w) \\ F_4(w) \end{bmatrix} \end{split}$$

U – дотичні вектори задає блок:

$$P(0,0)$$
  $P(0,1)$   $P(1,0)$ 

$$P^{0,1}(0,0)$$
  $P^{0,1}(0,1)$   $P^{0,1}(1,1)$ 

$$P^{0,1}(1,0)$$
  $P^{0,1}(1,1)$ 
 $\downarrow^{c}$ 
 $P^{1,0}(0,0)$   $P^{1,0}(0,1)$ 
 $P^{1,0}(1,0)$   $P^{1,0}(1,1)$ 

#### Question 8/16

Витрати при запвненні фігур можна зменшити шляхом:

- ✓ А. обчислення для багатокутника прямокутної оболонки найменшого багатокутника, що містить усередині себе контур
  - В. обчислення для багатокутника кутових вершин
  - С. обчислення для багатокутника середньої точки
  - О. обчислення для багатокутника прямокутної оболонки найменшого кола, що містить усередині себе контур

Score: 2/2p.

#### Question 9/16

А алгоритмі Сазерленда –Коена результат логічного множення не дорівнює нулю, то фактично відрізок буде

- ✓ А. цілком невидимий
  - В. частково видимим
  - С. частково невидимим
  - D. цілком видимий

Score: 1/1p.

#### Question 10/16

Співвідношення, які виражають сегмент лінійної поверхні Кунса:

VA.

$$Q(u, w) = [(I - u) \quad u \begin{bmatrix} P(0, w) \\ P(I, w) \end{bmatrix} + [P(u, 0) \quad P(u, I) \begin{bmatrix} 1 - w \\ w \end{bmatrix} - [1 - u \quad u]^*$$

$$* \begin{bmatrix} P(0, 0) & P(0, I) \\ P(I, 0) & P(I, I) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 - w \\ w \end{bmatrix}$$

✓ B.

$$Q(u, w) = \begin{bmatrix} 1 - u & u & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -P(0, 0) & -P(0, 1) & P(0, w) \\ -P(1, 0) & -P(1, 1) & P(1, w) \\ P(u, 0) & P(u, 1) & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 - w \\ w \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$Q(u, w) = P(0, 0)(1 - u)(1 - w) + P(0, 1)(1 - u)w + P(1, 0)u(1 - w) + P(1, 1)uw$$

### Question 11/16

Точка (1, 6, 7) у тривимірному просторі може бути записана в однорідних координатах

$$A. (3, 18, 21, 3)$$
 $B. (3, 6, 7, 4)$ 

Score: 2/2p.

### Question 12/16

Для методу параболічної інтерполяції

$$C(t) = P(t) + \frac{t}{t_0} \big[ Q(t) - P(t) \big]$$

В точці інтерполюючої кривої виконуються співвідношення рівності нахилу інтерполюючої кривої:

VA.

$$\left(\frac{dC}{dt}\right)_{P_4} = \left(\frac{dP}{dt}\right)_{P_4}$$

$$V = Q(s) = \beta \cdot s(e - s)$$

C.

$$I = P_3 + \xi (P_5 - P_3)$$

D

$$(P_4 - I)(P_5 - P_3) = 0$$

VE

$$\left(\frac{dC}{dt}\right)_{P_5} = \left(\frac{dQ}{dt}\right)_{P_5}$$

# Question 13/16

Порівняти за часом(тривалість) задання в параметричній та непараметричній формах чверті кола:

1) 
$$y^2 = 4ax$$
 2) 
$$\begin{cases} x = tg^2Q \\ y = \pm 2\sqrt{a} \cdot tgQ & 0 \le Q \le \frac{\pi}{2} \end{cases}$$
 3) 
$$\begin{cases} x = a \cdot Q^2 \\ y = 2a \cdot Q & 0 \le Q \le \infty \end{cases}$$

Поставити знак нерівності:

$$A. 1) = 2) = 3$$

$$\checkmark B. 1) > 2)>3)$$

122

Score: 3/3p.

Матричний вигляд:

 $\checkmark B$ .

$$P(u,c_1) = \begin{bmatrix} (1-u)^3 & 3(1-u)^2 u & 3(1-u)u^2 & u^3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} P_1 \\ P_2 \\ P_3 \\ P_4 \end{bmatrix}$$

C

$$Q(0, w) = P(0, w)$$

#### Question 15/16

В алгоритмі Брезенхема для обчислення похибки при представленні відрізка дискретними пікселями необхідно відкоректувати похибку

- ✓ А. відніманням від неї 1
  - В. додаватня до неї 1
  - С. зробити похибку мінімальну
  - D. зробити похибку максимальну
  - Е. додавання кутового коефіцієнта
  - F. відніманням кутового коефіцієнта

Score: 0/1p.

Для циклічних умов:

#### Рівняння, якого не вистачає має вигляд

VA.

$$2\left(1+\frac{t_n}{t_2}\right)P_1'+P_2'\frac{t_n}{t_2}-P_{n-1}'=3(P_2-P_1)\frac{t_n}{t_2^2}+3(P_{n-1}-P_n)\frac{1}{t_n}$$

$$2\left(1+\frac{t_n}{t_2}\right)P_1'+P_2'\frac{t_n}{t_2}+P_{n-1}'=3(P_2-P_1)\frac{t_n}{t_2^2}-3(P_{n-1}-P_n)\frac{1}{t_n}$$

$$2\left(1+\frac{t_{n}}{t_{2}}\right)P_{1}'+P_{2}'\frac{t_{n}}{t_{2}}-P_{n-1}'=3(P_{2}-P_{1})\frac{t_{n}}{t_{2}^{2}}+3(P_{n-1}-P_{n})\frac{1}{t_{n}}$$

$$2\left(1+\frac{t_{n}}{t_{2}}\right)P_{1}'+P_{2}'\frac{t_{n}}{t_{2}}+P_{n-1}'=3(P_{2}-P_{1})\frac{t_{n}}{t_{2}^{2}}-3(P_{n-1}-P_{n})\frac{1}{t_{n}}$$

$$\left\{P_{1}'-P_{n-1}'=2\left[\frac{3(P_{n}-P_{n-1})}{t_{n}^{2}}-\frac{2P_{n-1}'}{t_{n}}-\frac{P_{n}'}{t_{n}}\right]t_{n}+3\left[\frac{2(P_{n}-P_{n-1})}{t_{n}^{3}}+\frac{P_{n-1}'}{t_{n}^{2}}+\frac{P_{n}'}{t_{n}^{2}}\right]t_{n}\right\}$$

D.

$$2P'_{n-1} + 4P'_n = \frac{6}{t_n}(P_n - P_{n-1})$$

Score: 0/2p.