

Universidade Federal da Paraíba Centro de Informática

Disciplina: Pesquisa Operacional Professor: Teobaldo Bulhões



Trabalho final

Descrição geral. Neste trabalho, vocês deverão implementar, em qualquer linguagem de programação, o algoritmo branch-and-bound para problemas de programação linear inteira binária. A função objetivo será de maximização e todas as restrições serão de "menor ou igual", com exceção daquelas que definem o domínio das variáveis. Não se espera que o(a) discente implemente um algoritmo para resolver os subproblemas (por exemplo, o Simplex), mas que seja usado um pacote de programação linear para resolvê-los (por exemplo, python-mip).

Regra de ramificação. A regra de ramificação diz como criar os nós filhos a partir de um nó cuja solução da relaxação linear é fracionária. O código de vocês deve ramificar em torno da variável x_j cujo valor seja fracionário e mais próximo de 0,5. Em um filho, adiciona-se a restrição $x_j = 1$; no outro, a restrição $x_j = 0$.

Estratégia de ramificação. A estratégia de ramificação determina como a árvore é explorada, ou seja, qual será o próximo nó a ser resolvido. Vocês estão livres para implementar a estratégia que quiserem. Eis duas sugestões de estratégia:

- Busca em profundidade. Para isso, basta utilizar uma pilha para armazenar os nós abertos (nós que ainda não foram processados);
- Busca em largura (estratégia usada na aula). Para isso, basta utilizar uma fila para armazenar os nós abertos.

Formato do arquivo. O formato esperado para o arquivo será ilustrado a partir do problema abaixo:

$$Max \ 5x_1 + 10x_2 + 8x_3$$

Sujeito a:

Formato do arquivo

- 3 2 #3 variaveis e 2 restricoes
- 5 10 8 #coeficientes das variaveis na funcao objetivo
- 3 5 2 6 #restricao 1
- 4 4 4 7 #restricao 2

Outras informações. Este trabalho corresponde à terceira nota e deve ser realizado individualmente ou em dupla. Cada equipe deverá enviar um vídeo de até 8 minutos explicando o código e mostrando a resolução dos casos de teste listados a seguir. É necessário que todos os integrantes participem da apresentação. Será aplicada um penalização progressiva aos trabalhos cujos vídeos excedam o tempo limite.



Universidade Federal da Paraíba Centro de Informática

Disciplina: Pesquisa Operacional Professor: Teobaldo Bulhões



Teste 1.

$$\max 2x_1 + 10x_2 + 8x_3 + 7x_4 + 10x_5 + 10x_6 + 6x_7$$
 s.a.
$$5x_1 + 7x_2 + 8x_3 + 1x_4 + 7x_5 + 5x_6 + 6x_7 \le 20$$

$$1x_1 + 6x_2 + 4x_3 + 9x_4 + 10x_5 + 6x_6 + 10x_7 \le 30$$

$$4x_1 + 4x_2 + 4x_3 + 1x_4 + 5x_5 + 5x_6 + 10x_7 \le 40$$

$$3x_1 + 10x_2 + 8x_3 + 1x_4 + 3x_5 + 3x_6 + 8x_7 \le 30$$

$$10x_1 + 8x_2 + 9x_3 + 9x_4 + 7x_5 + 6x_6 + 10x_7 \le 20$$

$$6x_1 + 6x_2 + 3x_3 + 6x_4 + 3x_5 + 7x_6 + 2x_7 \le 80$$

$$7x_1 + 10x_2 + 7x_3 + 8x_4 + 7x_5 + 8x_6 + 7x_7 \le 100$$

$$9x_1 + 8x_2 + 1x_3 + 1x_4 + 8x_5 + 10x_6 + 2x_7 \le 90$$

$$1x_1 + 5x_2 + 3x_3 + 10x_4 + 2x_5 + 4x_6 + 9x_7 \le 70$$

$$9x_1 + 6x_2 + 1x_3 + 4x_4 + 7x_5 + 5x_6 + 10x_7 \le 60$$

$$5x_1 + 7x_2 + 4x_3 + 4x_4 + 3x_5 + 4x_6 + 10x_7 \le 40$$

$$x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7 \in \{0, 1\}$$

Valor da solução ótima: 20

Arquivo: https://www.dropbox.com/s/a9rsz0b6cakwqlt/teste1.txt?dl=0

Teste 2.

$$\max 7x_1 + 7x_2 + 7x_3 + 5x_4 + 8x_5 + 8x_6 + 9x_7 + 10x_8 + 7x_9$$
 s.a.
$$1x_1 + 3x_2 + 1x_3 + 3x_4 + 3x_5 + 7x_6 + 2x_7 + 1x_8 + 4x_9 \le 80$$

$$7x_1 + 6x_2 + 10x_3 + 1x_4 + 7x_5 + 2x_6 + 2x_7 + 7x_8 + 1x_9 \le 90$$

$$3x_1 + 2x_2 + 1x_3 + 3x_4 + 3x_5 + 2x_6 + 1x_7 + 6x_8 + 5x_9 \le 10$$

$$10x_1 + 8x_2 + 3x_3 + 6x_4 + 10x_5 + 7x_6 + 3x_7 + 10x_8 + 4x_9 \le 30$$

$$2x_1 + 8x_2 + 6x_3 + 5x_4 + 6x_5 + 6x_6 + 9x_7 + 7x_8 + 2x_9 \le 80$$

$$3x_1 + 10x_2 + 1x_3 + 9x_4 + 2x_5 + 7x_6 + 7x_7 + 9x_8 + 10x_9 \le 90$$

$$1x_1 + 7x_2 + 10x_3 + 10x_4 + 5x_5 + 2x_6 + 9x_7 + 10x_8 + 2x_9 \le 20$$

$$10x_1 + 3x_2 + 2x_3 + 3x_4 + 10x_5 + 2x_6 + 1x_7 + 9x_8 + 7x_9 \le 10$$

$$2x_1 + 1x_2 + 7x_3 + 10x_4 + 1x_5 + 1x_6 + 2x_7 + 1x_8 + 1x_9 \le 50$$

$$x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7, x_8, x_9 \in \{0, 1\}$$

Valor da solução ótima: 24

Arquivo: https://www.dropbox.com/s/fkeqme4mopaffwh/teste2.txt?dl=0



Universidade Federal da Paraíba Centro de Informática

Disciplina: Pesquisa Operacional Professor: Teobaldo Bulhões



Teste 3.

$$\max 7x_1 + 9x_2 + 10x_3 + 3x_4 + 6x_5 + 1x_6 + 9x_7 + 8x_8 + 8x_9$$
 s.a.
$$2x_1 + 1x_2 + 9x_3 + 6x_4 + 3x_5 + 6x_6 + 10x_7 + 9x_8 + 1x_9 \le 60$$

$$8x_1 + 6x_2 + 6x_3 + 5x_4 + 2x_5 + 2x_6 + 4x_7 + 3x_8 + 6x_9 \le 80$$

$$8x_1 + 1x_2 + 3x_3 + 7x_4 + 1x_5 + 4x_6 + 8x_7 + 3x_8 + 4x_9 \le 30$$

$$6x_1 + 3x_2 + 9x_3 + 5x_4 + 9x_5 + 6x_6 + 9x_7 + 9x_8 + 6x_9 \le 40$$

$$10x_1 + 8x_2 + 8x_3 + 7x_4 + 10x_5 + 10x_6 + 9x_7 + 9x_8 + 3x_9 \le 20$$

$$10x_1 + 10x_2 + 10x_3 + 9x_4 + 10x_5 + 1x_6 + 8x_7 + 3x_8 + 10x_9 \le 90$$

$$10x_1 + 5x_2 + 8x_3 + 2x_4 + 7x_5 + 8x_6 + 6x_7 + 2x_8 + 2x_9 \le 90$$

$$7x_1 + 9x_2 + 1x_3 + 9x_4 + 5x_5 + 8x_6 + 5x_7 + 9x_8 + 5x_9 \le 80$$

$$2x_1 + 4x_2 + 6x_3 + 1x_4 + 7x_5 + 9x_6 + 10x_7 + 1x_8 + 7x_9 \le 80$$

$$8x_1 + 10x_2 + 2x_3 + 6x_4 + 7x_5 + 2x_6 + 2x_7 + 4x_8 + 9x_9 \le 10$$

$$10x_1 + 9x_2 + 1x_3 + 4x_4 + 2x_5 + 4x_6 + 4x_7 + 8x_8 + 2x_9 \le 30$$

$$9x_1 + 4x_2 + 1x_3 + 8x_4 + 9x_5 + 5x_6 + 10x_7 + 5x_8 + 8x_9 \le 30$$

$$x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7, x_8, x_9 \in \{0, 1\}$$

Valor da solução ótima: 19

Arquivo: https://www.dropbox.com/s/6ygtwh48w55z23z/teste3.txt?dl=0

Teste 4.

$$\max 9x_1 + 7x_2 + 10x_3 + 7x_4 + 9x_5 + 6x_6 + 8x_7 + 4x_8 + 9x_9$$
 s.a.
$$4x_1 + 9x_2 + 4x_3 + 1x_4 + 9x_5 + 6x_6 + 3x_7 + 6x_8 + 1x_9 \le 40$$

$$3x_1 + 7x_2 + 8x_3 + 7x_4 + 6x_5 + 3x_6 + 5x_7 + 9x_8 + 4x_9 \le 80$$

$$9x_1 + 3x_2 + 6x_3 + 5x_4 + 7x_5 + 1x_6 + 1x_7 + 3x_8 + 9x_9 \le 40$$

$$5x_1 + 9x_2 + 6x_3 + 5x_4 + 9x_5 + 7x_6 + 8x_7 + 7x_8 + 8x_9 \le 10$$

$$7x_1 + 7x_2 + 4x_3 + 1x_4 + 3x_5 + 4x_6 + 8x_7 + 1x_8 + 9x_9 \le 10$$

$$1x_1 + 6x_2 + 6x_3 + 1x_4 + 6x_5 + 7x_6 + 3x_7 + 8x_8 + 7x_9 \le 10$$

$$6x_1 + 6x_2 + 8x_3 + 6x_4 + 10x_5 + 8x_6 + 1x_7 + 4x_8 + 4x_9 \le 70$$

$$9x_1 + 1x_2 + 9x_3 + 7x_4 + 10x_5 + 8x_6 + 1x_7 + 4x_8 + 4x_9 \le 70$$

$$9x_1 + 1x_2 + 9x_3 + 7x_4 + 10x_5 + 5x_6 + 6x_7 + 2x_8 + 5x_9 \le 10$$

$$2x_1 + 7x_2 + 6x_3 + 5x_4 + 1x_5 + 1x_6 + 9x_7 + 2x_8 + 1x_9 \le 20$$

$$x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6, x_7, x_8, x_9 \in \{0, 1\}$$

Valor da solução ótima: 10

Arquivo: https://www.dropbox.com/s/fst1dumwyekp2ab/teste4.txt?dl=0