Optimización por colonia de hormigas

ANT COLONY OPTIMIZATION

Comportamiento de colonias de hormigas naturales

- Características interesantes
 - Encontrar los caminos más cortos entre el hormiguero y la comida
 - Las hormigas son ciegas

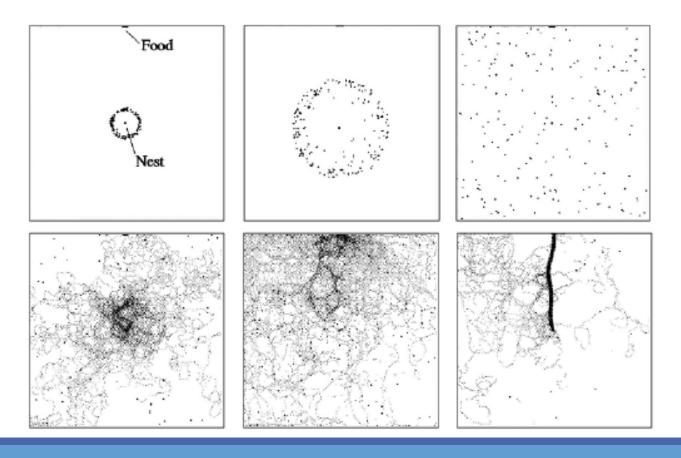
En su recorrido, depositan una sustancia llamada feromona que todas pueden oler (estigmergia o estimergia: colaboración a través del medio físico)

Este rastro les permite regresar a su hormiguero desde la comida

Intersecciones: decisión del camino a seguir

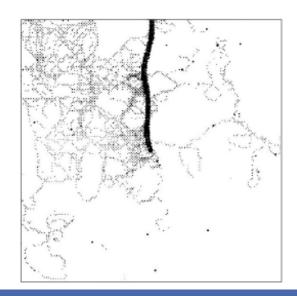
- Decisión probabilística
- Mayor probabilidad para caminos con un alto rastro de feromona

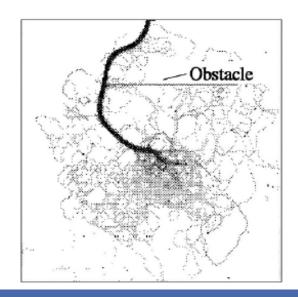
Determinación del camino más corto



Capacidad de evitar obstáculos

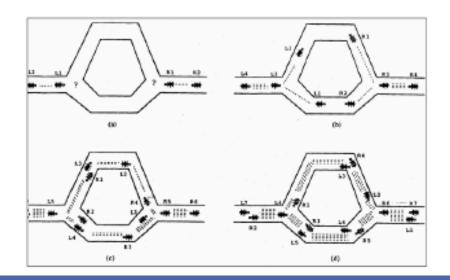
La acción continuada de la colonia da lugar a un rastro de feromona que permite a las hormigas encontrar un camino cada vez más corto desde el hormiguero hasta la comida.





Efecto de los rastros de feromona

- Rutas más prometedoras acumulan feromona al ser recorridas por más hormigas (reclutamiento de masas)
- Menos prometedoras pierden feromona por evaporación
- Aún así, la gran perduración de los rastros hace que la evaporación influya poco

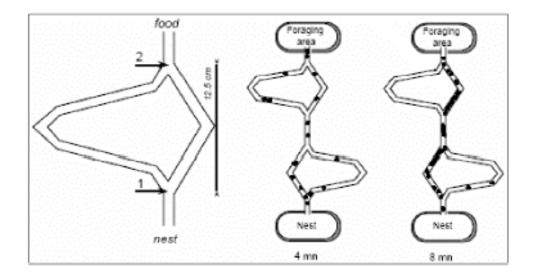


Experimentos de Deneubourg (1989) con un tipo concreto de hormigas y mediante el uso de dos tipos de circuitos (puentes)

- Dos ramas del puente de misma longitud
- Una rama era el doble de larga que la otra
- Dos puentes cruzados de diferente longitud

Resultados

- Puente 1: las hormigas convergían a una sola rama (cualquiera de las dos)
- Puente 2: Las hormigas convergían a la rama más corta
- Puentes dobles: Las hormigas encuentran el camino más corto



Optimzación por colonia de hormigas (ACO)

Es una técnica Meta-heurísica

Busca el camino óptimo en una gráfica inspirada en el comportamiento de hormigas en busca de un camino entre su colonia y la fuente de alimento

Las hormigas "navegan" desde el hormiguero hasta la fuente de alimento. Las hormigas son ciegas

Cada hormiga se mueve de forma aleatoria

Las feromonas marcan el camino seguido por una hormiga

Más feromonas en un camino aumenta su probabilidad de ser seguido

ACO - agente viajero

Ideas generales

- Un rastro virtual acumulado en los segmentos del camino
- Camino seleccionado de forma aleatoria basado en la cantidad de rastro presente en cada segmento
- Después de alcanzar un nodo, la hormiga elige se siguiente segmento
- Continúa hasta completar un recorrido
- Se evalúa el costo del camino construido

Meta-heurística

Es una técnica heurística que permite resolver una gran variedad de problemas de optimización discreta

Ant System fue desarrollada por Marco Dorigo en su tesis de Doctorado en 1992



Ant Colony fue desarrollada por Gambardella Dorigo en 1997



ACO

Pseudo-código

- Establecer parámetros, inicializar rastro de feromonas
- Construir soluciones con las hormigas
- Evaluar el costo del camino construido
- Actualizar rastros de feromonas en los segmentos del camino construido

Una hormiga se moverá del nodo i al nodo j con probabilidad dada por

$$p_{i,j} = \frac{\left(\tau_{i,j}^{\alpha}\right)\left(\eta_{i,j}^{\beta}\right)}{\sum \left(\tau_{i,j}^{\alpha}\right)\left(\eta_{i,j}^{\beta}\right)}$$

Donde:

- \circ $\tau_{i,j}$, es la concentración de feromona de la arista i,j
- $\circ~lpha$, es un parámetro de control que determina la influencia de $au_{i,j}$
- \circ $\eta_{i,j}$, indica que tan deseable es la arista i,j normalmente $\eta_{i,j}={}^1\!/_{d_{i,j}}$
- \circ β , es un parámetro de control que determina la influencia de $\eta_{i,j}$

Actualización de la feromona

La cantidad de feromona es actualizada de acuerdo a la siguiente ecuación

$$\tau_{i,j} = (1 - \rho)\tau_{i,j} + \Delta\tau_{i,j}$$

Donde

 $au_{i,j}$, es la cantidad de feromona en la arista i,j

 ρ , es la tasa de evaporación

 $\Delta au_{i,j}$, es la cantidad de feromona depositada, normalmente dada por

Actualización de la feromona

$$\Delta \tau_{i,j} = \begin{cases} 1/L_k & si \ la \ hormiga \ k \ usa \ la \ arista \ i,j \\ 0 & en \ otro \ caso \end{cases}$$

Donde

 L_k , es el costo del camino construido por la k-ésima hormiga

M. Dorigo propone usar $\rho=0.5$

Actualización de la feromona

Retroalimentación positiva: reforzar (en el futuro) los componentes de las buenas soluciones

· Cuanto mejor sea la solución, más feromona se aporta

Evaporación: doble objetivo

- Evitar un incremento ilimitado de los rastros de feromona
- Permitir olvidar las malas decisiones tomadas

Implementación

- Evaporación igual para todos rastros: se elimina un porcentaje de su valor actual: $0 \le \rho \le 1$
- Mecanismo más activo que el natural (evita la perduración de rastros de feromona, i.e. estancamiento en óptimos locales)

ACO

Se han propuesto muchas variantes de ACO, los tres más conocidos son:

- Ant system
- Ant Colony System
- Max-Min Ant System

Las principales diferencias se encuentran en la forma de actualizar la cantidad de feromona y la forma de elegir el siguiente segmento del camino.

Estrategias de actualización de la feromona

- On-line paso a paso: cada hormiga, al construir una solución completa, actualiza el valor de la feromona de cada arco recorrido
- On-line retardada: una vez construidas las soluciones de todas las hormigas, rehacen el camino en sentido inverso, se actualiza el valor de la feromona de todos los arcos recorridos

ACO – Ant System

Fue la primera técnica basada en hormigas, propuesta en 1992.

Las feromonas son actualizadas por todas las hormigas de la siguiente forma

$$\tau_{i,j} = (1 - \rho)\tau_{i,j} + \sum_{k=1}^{m} \Delta \tau_{i,j}^{k}$$

Donde

 $\Delta \tau_{i,j}^k$, es la cantidad de feromona dejada en la arista i,j por la hormiga k m, es el número de hormigas

Max-Min Ant System

En esta versión se establecen cotas máxima y mínima para la cantidad de feromona en cada camino.

Además, solo la mejor hormiga puede actualizar el camino de feromonas.

Exploración vs. Explotación

Intensificación

 Reglas de actualización de la feromona que van reforzando las buenas soluciones

Diversificación

- Mecanismo probabilístico de construcción de las soluciones
- Evaporación de la feromona

Aplicaciones

Rutas en redes de telecomunicaciones

Agente viajero

Coloración de gráficas

Horarios

Satisfación de restricciones

Ventajas

Se puede paralelizar

La retroalimentación positiva cuenta para el descubrimiento rápido de buenas soluciones

Eficiente para problemas de agente viajero y problemas similares.

Puede usarse en aplicaciones dinámicas (se adapta a cambios como nuevas distancias, etc.)

Publicaciones

