

实验 4-2: 求通讯网的最小代价生成树

1. 问题描述

输入一个无向铁通讯网图，用Prim和Kruskal算法计算最小生成树并输出。

输入要求: 第一行是两个数 n, m ($1 < n < 10000, 1 < m < 100000$), 分别表示顶点数量和边的数量。接下来的 m 行每行输入三个数 a, b, w ; 表示顶点 a 与顶点 b 之间有代价为 w 的边相连, 顶点编号从1到 n 。

输出要求: 输出包含一个数, 即最小生成树的各边的长度之和

2. 算法的描述

2.1 数据结构的描述

A. Kruskal 使用了边构成的表 `pENode* EList`, 每个 `e` 标记了它连接的两边和它的权。处理后, 使用 `Kruskal` 进行排序。步骤是, 先根据边权对 `EList` 进行排序后, 逐步选取每条边, 并确保没有圈形成。

B. Prim 使用了邻接表如下所示:

```
struct eNode {
    int weight;
    struct eNode* next;
    struct vNode* connect_to;
};

struct vNode {
    struct eNode* first;
    int no;
};
```

2.2 程序结构的描述

`main.c` 中主要的函数有:

`main()`: 读取边权和连接的点, 做出图, 并调用算法进行计算 `Kruskal()`: 使用 `Kruskal` 算法进行最小生成树的计算 `Find()`: 寻找两个点共同的 `parent`, 若两个点有共同的 `parent`, 则不能取此边 (并查集)

`prim.c` 读取后直接对其进行 `Prim` 算法的处理。

3. 调试分析

在写 `Kruskal` 算法时, 我发现时间总是 `☹` 超限, 后发现在 `Find()` 算法中, 寻找共同 `parent` 时, 可以将路上所有点的 `parent` 都递归地改为真 `parent`, 从而降低搜索时间。

4. 算法的时间分析

Kruskal 的时间复杂度为 $O(N\log N)$ Prim 的时间复杂度为 $O(E\log(V))$