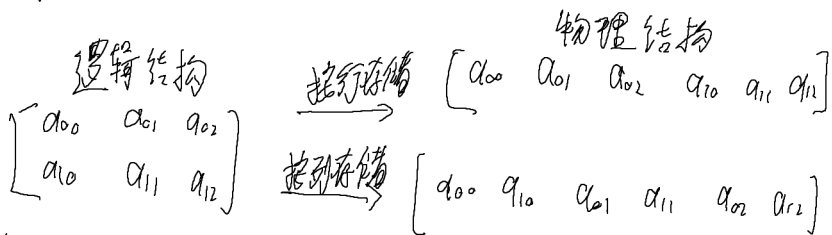


# 数组

数组指  $n$  维数组 矩阵是二维数组

创建后不再插入删除



特殊矩阵压缩存储 (节省存储空间)

对称矩阵  $a_{ij} = a_{ji}$   $A[n][n]$

按行序存储 上三角 + 对角线

用一维数组  $B[(n+1)/2]$  保存  $A$  的  $n^2$  个元素

$B[k] = A[i][j]$   $i, j$  从 1 开始  $k$  从 0 开始

$$k = \begin{cases} \frac{i(i-1)}{2} + j - 1 & i \geq j \\ \frac{j(j-1)}{2} + i - 1 & i < j \end{cases}$$

$$[a_{11} \ a_{12} \ a_{13} \ a_{21} \ a_{22} \ a_{23} \ \dots \ a_{n1} \ \dots \ a_{nn}] = B$$

对下三角来说, 第  $i$  行有  $i$  个元素  $a_{ij}$  的位置为  $k = 1 + 2 + 3 + \dots + (i-1) + j$   
 得记  $k$  从 0 开始  $k = K - 1$

三角矩阵 (上三角或下三角为同一常数)  
与对称阵相似

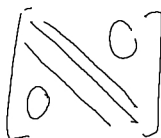
上三角

$$k = \begin{cases} \frac{j(j-1)}{2} + i - 1 & i \leq j \\ \frac{n(n+1)}{2} & i > j \end{cases}$$

下三角

$$k = \begin{cases} \frac{j(j-1)}{2} + j - 1 & i \geq j \\ \frac{n(n+1)}{2} & i < j \end{cases}$$

三对角矩阵



按行存储

$$k = 2i + j - 3$$

$$(k = 2i + j)$$

$i, j$  从 1 开始  $k$  从 0 开始

$i, j$  从 0 开始  $k$  从 0 开始

稀疏矩阵存储

三元组 typedef struct {

int i, j;

int elem;

} Triple;

typedef struct {

Triple data[MAXSIZE+1] // 0 号单元

int rows, cols, total; // 行数, 列数, 总元素数

} Matrix;

### 三数组转置算法 (快速转置)

引入两个辅助向量 num 和 cpot

$$cpot[1] = 1 \quad cpot[col] = cpot[col-1] + num[col-1]$$

例

A	i	j	e
	1	2	12
	1	3	19
	3	1	-3
	3	6	14
	4	3	24
	5	2	18
	6	1	15
	6	4	-7

→

B	i	j	e
	1	3	-3
	1	6	15
	2	1	12
	2	5	18
	3	1	19
	3	4	24
	4	6	-7
	6	3	14

num[col] 表示第 col 列有多少元素

cpot[col] 表示第 col 列的第一个元素有转置后的位置

col	1	2	3	4	5	6	7
num	2	2	2	1	0	1	0
cpot	1	3	5	7	8	8	9

```
for (int p=1; p < A.total; p++) {
```

```
    col = A.data[p].j;    index = cpot[col];
```

```
    B.data[index].i = A.data[p].j;
```

```
    B.data[index].j = A.data[p].i;
```

```
    B.data[index].elem = A.data[p].elem;
```

```
    cpot[col]++; // 该列下一个元素应放置的位置
}
```

十字链表

```
typedef struct Node{  
    int i, j;  
    T elem;  
    Node *right, *down;  
} Node, *List;
```

```
typedef struct {  
    List *rhead, *chead;  
    int rows, cols, total;  
} Matrix;
```