

河海大学 2006~2007 学年第一学期

2004 级《概率论与数理统计》试卷(A)(含重修)

2006 年 12 月

专业_____ 姓名_____ 学号_____ 成绩_____

题号	一	二	三	四	五	六	七	成绩
得分								
本题得分		评阅人						

一、填空题（每空 3 分，共 15 分）

1. 已知 $P(\bar{A})=0.2$, $P(B)=0.4$, $P(A\bar{B})=0.5$, 则 $P(B|A\cup\bar{B})=$ _____。
2. 设总体 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, σ^2 已知, 检验假设 $H_0: \mu = \mu_0$; $H_1: \mu > \mu_0$, x_1, \dots, x_n 是一组样本观察值, 显著性水平为 α , 则拒绝域为_____。
3. 设随机变量 X 与 Y 相互独立, $D(X)=3$, $D(Y)=6$, 则 $D(2X-Y)=$ _____。
4. 三人独立地去破译一个密码, 他们能够破译的概率分别是 0.55、0.60、0.50, 则此密码被破译的概率是_____。
5. 设 X 与 Y 是二个相互独立的随机变量, 且 X 在 $[0, 2]$ 上服从均匀分布, Y 服从均值为 $1/2$ 的指数分布, 则 $E(XY) =$ _____。

本题得分		评阅人	
------	--	-----	--

二、单项选择题（每小题 3 分，共 15 分）

1. 若事件 A 、 B 互不相容, 且 $P(A)>0$, $P(B)>0$, 则下列结论正确的是:
(A) $P(B|A)=0$; (B) $P(AB)=P(A)P(B)$;
(C) $P(B|A)>0$; (D) $P(A|B)=P(A)$. []
2. 若 $P(X=k)=c\lambda^k e^{-\lambda}/k!$, ($k=0, 2, 4, \dots$) 是随机变量 X 的分布律, 则

λ, c 一定满足:

(A) $\lambda > 0$; (B) $c > 0$; (C) $c\lambda > 0$; (D) $c > 0$, 且 $\lambda > 0$. []

3. 设随机变量 X 与 Y 独立同分布, 记 $U = X - Y$, $V = X + Y$, 则随机变量 U 与 V 必然

(A) 不相互独立; (B) 相互独立;
(C) 不相关; (D) 相关.

本页得分	[]
------	-----

4. 设 $X \sim N(1, 3^2)$, X_1, X_2, \dots, X_9 是 X 的一个样本, 则

(A) $\frac{\bar{X}-1}{3} \sim N(0, 1)$; (B) $\frac{\bar{X}-1}{1} \sim N(0, 1)$;
(C) $\frac{\bar{X}-1}{9} \sim N(0, 1)$; (D) $\frac{\bar{X}-1}{\sqrt{3}} \sim N(0, 1)$; []

5. 设 $X \sim N(\mu_1, \sigma_1^2)$, $Y \sim N(\mu_2, \sigma_2^2)$, $X_1, \dots, X_{n_1}; Y_1, \dots, Y_{n_2}$

分布是两总体相互独立的样本, 则有

(A) $\bar{X} - \bar{Y} \sim N(\mu_1 + \mu_2, \sigma_1^2 + \sigma_2^2)$;
(B) $\bar{X} - \bar{Y} \sim N(\mu_1 - \mu_2, \frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2})$;
(C) $\bar{X} - \bar{Y} \sim N(\mu_1 - \mu_2, \frac{\sigma_1^2}{n_1} - \frac{\sigma_2^2}{n_2})$;
(D) $\bar{X} - \bar{Y} \sim N(\mu_1 - \mu_2, \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}})$. []

本题得分		评阅人	
------	--	-----	--

三、(本题满分 12 分) 有甲乙两个盒子, 甲盒中装有 8 只白球和 2 只黑球, 乙盒中装有 3 只白球和 4 只黑球. 今从甲盒中任取 3 只球放入乙盒中, 摇匀后再从乙盒中任取一只球。

(1) 求取出的这只球是黑球的概率;

(2) 若取出的这只球是黑球, 求从甲盒取出放入乙盒的 3 只球中, 恰好有一只黑球的概率。

本题得分		评阅人	
------	--	-----	--

四、(本题满分 10 分) 一部件包括 10 部分，每部分的长度是一个正态随机变量，他们相互独立，且服从同一分布，其数学期望为 2mm，均方差为 0.05mm。规定总长度为 (20 ± 0.1) mm 时产品合格，试求产品合格的概率（相关值请见卷末附录）。

本页得分	
------	--

本题得分		评阅人	
------	--	-----	--

五、(本题满分 20 分) 设二维连续型随机变量 (X, Y) 的密度函数为:

$$f(x, y) = \begin{cases} A, & 1-y \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1 \\ 0, & \text{其它} \end{cases}$$

其中 A 为常数。求: (1) A 的值; (2) 关于 X 和 Y 的边缘密度函数 $f_X(x)$ 和 $f_Y(y)$; (3) X 与 Y 的协方差 $\text{Cov}(X, Y)$; (4) $Z=X+Y$ 的概率密度函数 $f_Z(z)$ 。

本题得分		评阅人	
------	--	-----	--

六. (本题满分 15 分) 设总体 X 的概率函数为

$$f(x; \theta) = \begin{cases} \frac{1}{\theta} e^{-\frac{x-\mu}{\theta}}, & x > \mu \\ 0, & x \leq \mu \end{cases}$$

其中 μ 已知, $\theta > 0$ 为未知参数, X_1, \dots, X_n 为来自总体 X 的一个样本。

- (1) 试求未知参数 θ 的矩估计量 $\hat{\theta}_M$ 和极大似然估计量 $\hat{\theta}_{MLE}$;
- (2) 讨论未知参数 θ 的极大似然估计量 $\hat{\theta}_{MLE}$ 的无偏性, 并说明理由。

本页得分	
------	--

本题得分		评阅人	
------	--	-----	--

七、(本题满分 13 分) 用机器包装精盐，假设每袋盐的净重服从正态分布，规定每袋标准重量为 500g. 某天开工后，为检查机器工作是否正常，从装好的各袋中随机地抽取 9 袋，测得其净重（单位：g）为：

497, 507, 510, 475, 484, 488, 524, 491, 515

(1) 问这天包装机工作是否正常？（ $\alpha=0.05$ ）

(2) 若已知均方差 $\sigma = 16.0$ ，试求出该总体均值 μ 的置信度为 0.95 的置信区间。

（相关值请见卷末附录）

附录： 1、 $N(0, 1)$ 的部分分布函数值 $\Phi(z)$

z	0.63	1.25	1.645	1.96
$\Phi(z)$	0.7357	0.8944	0.950	0.975

2、 部分 t 分布表 $P\{T > t_{\alpha}(n)\} = \alpha$

$n \backslash \alpha$	0.05	0.025
8	1.8695	2.3060
9	1.8331	2.2622