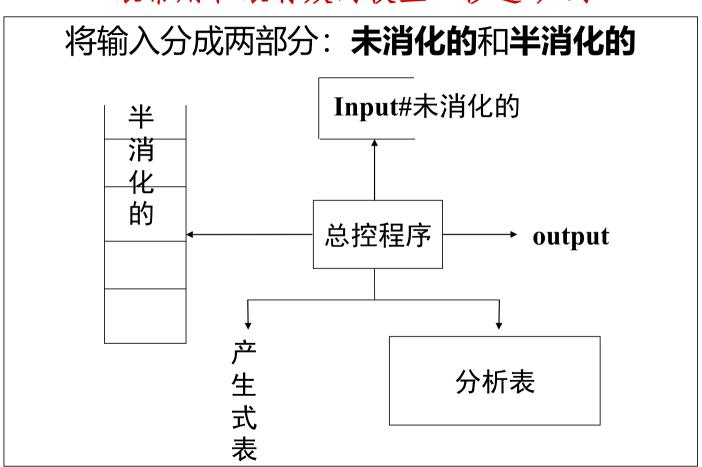
第6章 LR分析

- 6.1 自下而上分析及其LR分析概述
- 6.2 LR (0) 分析
- 6.3 SLR(1) 分析
- 6.4 LR (1) 分析
- 6.5 LALR(1)分析
- 6.6 使用二义文法
- 6.7 语法分析程序的自动构造工具YACC

清华大学出版社 TSINGHUA UNIVERSITY BI

自下而上分析算法: 能力强、构造复杂

最常用和最有效的模型---移进-归约



$$S \rightarrow E$$
 $E \rightarrow T \mid E + T$ $T \rightarrow int \mid (E)$

Reduce: 如能找到一产生式 $A \rightarrow w$ 且栈中的内容是 qw (q 可能为空),则可以将其归约为 qA,即倒过来用这个产生式。

如上例,若栈中内容是 (int,我们使用产生式 T-> int 并把栈中内容归约为(T。

Shift: 如不能执行一个归约且在未消化的输入中还有token,就把它从输入移到栈中。

如上例,假定栈中内容是(,输入中还有 int+int)#。不能对(执行一个归约,因为它不和任何产生式的右端匹配。所以把输入的第一个符号移到栈中,于是栈中内容是 (int,而余留的输入是 +int)#。

Reduce**的一个特殊情况**: 栈中的全部内容w归约为开始符号S (即施用 S -> w), 且没有余留输入了, 意味着已成功分析了整个输入串。

移进归约分析中还会出现一种情况,就是出错, 比如当前的token不能构成一个合法句子的一部 分,例如上面的文法,试分析 int+)时就会发生 错误。 清华大学出版社

SINGHUA UNIVERSITY PRESS

移进-归约模型分析(int + int)的过程

| STACK | REMAINING INPUT |
|------------|-----------------|
| 1 | (int + int)# |
| 2 (| int + int)# |
| 3 (int | + int)# |
| 4 (T | + int)# |
| 5 (E | + int)# |
| 6 (E+ | int)# |
| 7 (E + int |)# |
| 8 (E+T |)# |
| 9 (E |)# |
| 10 (E) | # |
| 11 T | # |
| 12 E | # |
| 13 S | # |

PARSER ACTION

Shift

Shift

Reduce: T -> int

Reduce: E -> T

Shift

Shift

Reduce: T -> int

Reduce: $E \rightarrow E + T$

Shift

Reduce: $T \rightarrow (E)$

Reduce: E -> T

Reduce: S -> E

$$S \rightarrow E$$

$$E \rightarrow T \mid E + T$$

$$T \rightarrow int \mid (E)$$

Reduce: $E \rightarrow E + T$

why不用 E -> T?

(E

)#

若使用了E -> T, 在栈中形成的(E+E不是规范句型的**活前缀**(viable prefixes)

(E+E不能和任何产生式的右端匹配 (E+E)不是规范 句型

活前缀是规范句型的前缀,但不超过句柄

移进归约分析的栈中出现的内容加上剩余输入构成 规范句型

规范推导 规范句型 规范归约

最右推导: 在推导的任何一步 $\alpha \Rightarrow \beta$, 其中 α 、 β 是句型, 都是 对α中的最右非终结符进行替换

最右推导被称为规范推导

由规范推导所得的句型称为规范句型

G[S]:
$$S \rightarrow E$$
 $E \rightarrow E+T|T$ $T \rightarrow (E)|int$
 $S \Rightarrow E \Rightarrow T \Rightarrow (E) \Rightarrow (E+T) \Rightarrow (E+int)$
 $\Rightarrow (T+int) \Rightarrow (int+int)$

规范归约

假定 α 是G的一个句子,称序列 $\alpha_n,\alpha_{n-1},...,\alpha_0$ 是 α 的一个规范 归约,

如果该序列满足:

- (1) $\alpha_n = \alpha$
- (2) α_0 为文法的开始符号
- (3) 对任何j, 0 < j <= n, α_{i-1} 是从 α_i 经把句柄替换为相应产生式 的左部而得到的

文法要求

shift-reduce or reduce-reduce 冲突 (conflicts)

分析程序不能决定是shift 还是 reduce 或者分析程序归约时有多个产生式可选

例子 (dangling else):

 $S \rightarrow if E then S \mid if E then S else S$

如输入if E then if E then S else S, 分析某一时刻,栈的内容:if E then if E then S 而 else 是下一 token,归约还是移进?

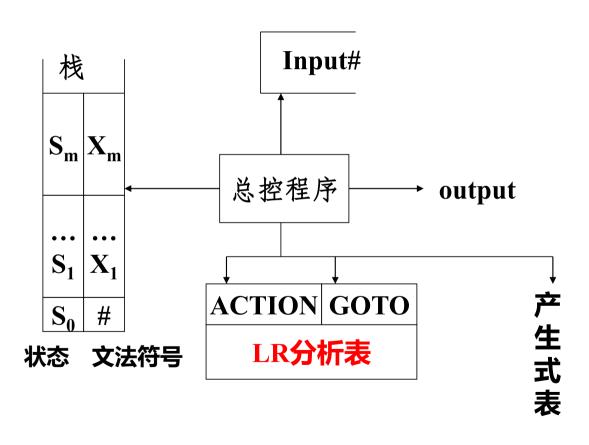
- 神shift-reduce实现技术 LR 分析

L

R 最右推导

分析器模型和分析算法 LR 分析特征讨论

LR分析器模型



LR分析表

| | | A | CTIO | N | | | | GOT | O |
|---|----|----|-----------|-----------|------------|-----|---|-----|---|
| | a | c | e | b | d | # | S | A | В |
| 0 | S2 | | | | | | 1 | | |
| 1 | | | | | | acc | | | |
| 2 | | | | S4 | | | | 3 | |
| 3 | | S5 | | S6 | | | | | |
| 4 | r2 | r2 | r2 | r2 | r2 | r2 | | | |
| 5 | | | | | S 8 | | | | 7 |
| 6 | r3 | r3 | r3 | r3 | r3 | r3 | | | |
| 7 | | | S9 | | | | | | |
| 8 | r4 | r4 | r4 | r4 | r4 | r4 | | | |
| 9 | r1 | r1 | r1 | r1 | r1 | r1 | | | |
| | | | | | | | | | |

LR分析算法

```
置ip指向输入串w的第一个符号
令S为栈顶状态
a是ip指向的符号
repeat begin
    if ACTION[S,a]=S_i
   then begin PUSH j,a(进栈)
             ip 前进(指向下一输入符号)
        end
   else if ACTION[S,a]=r<sub>i</sub> (第j条产生式为A→β)
```

LR分析算法

```
then begin
     pop |β| 项
     令当前栈顶状态为S'
     push GOTO[S', A]和A(进栈)
  end
  else if ACTION[s,a]=acc
     then return (成功)
     else error
end
```

例6.1:

G[S]: S
$$\rightarrow$$
aAcBe[1]
A \rightarrow b[2]
A \rightarrow Ab[3]
B \rightarrow d[4]

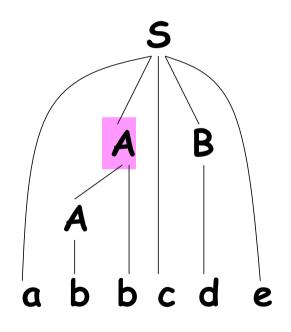
w=abbcde#

| Step | States | Syms | The rest of input | Actio | n Goto |
|------|---------------|-------------|-------------------|-------|-----------|
| 1 | 0 | # | abbcde# | s2 | |
| 2 | 02 | #a | bbcde# | s4 | |
| 3 | 024 | #ab | bcde# | r2 | goto(2,A) |
| 4 | 023 | #aA | bcde# | s6 | |
| 5 | 0236 | #aAb | cde# | r3 | |
| 6 | 023 | #aA | cde# | s5 | |
| 7 | 0235 | #aAc | de# | s8 | |
| 8 | 02358 | #aAcd | e# | r4 | |
| 9 | 02357 | #aAcB | e# | s9 | |
| 10 | 023579 | #aAcBe | # | r1 | |
| 11 | 01 | #S | | acc | |

清水土豆里面对

文法**G**[S]:

- (1) $S \rightarrow aAcBe$
- (2) $A \rightarrow b$
- $(3) A \rightarrow Ab$
- $(4) B \rightarrow d$



| 步骤 符号栈 输入符号串 S 动作 1) # abbcde# 移进 2) #a bbcde# 移进 3) #ab bcde# 移进 5) #aAb cde# 归约(A→b) 6) #aA cde# 移进 7) #aAc de# 移进 8) # aAcd e# 归约(B→d) 9) #aAcB e# 移进 10) #aAcBe # 归约 11) #S # 接受 | | | | |
|---|-----|--------|----------------------|----------|
| 2) #a bbcde# 移进 3) #ab bcde# 归约(A→b) 4) #aA bcde# P归约(A→b) 5) #aAb cde# 归约(A→Ab) 6) #aA cde# 移进 7) #aAc de# 移进 8) # aAcd e# 归约(B→d) 9) #aAcB e# 移进 10) #aAcBe # 归约 | 李骤 | N谷号栈 U | 输入符号串 ^{ESS} | 动作 |
| 3) #ab bcde# 归约(A→b) 4) #aA bcde# 鸦进 5) #aAb cde# 归约(A→Ab) 6) #aA cde# 移进 7) #aAc de# 移进 8) # aAcd e# 归约(B→d) 9) #aAcB e# 移进 10) #aAcBe # 归约 | 1) | # | abbcde# | 移进 |
| 4) #aA bcde# 移进 5) #aAb cde# 归约(A→Ab) 6) #aA cde# 移进 7) #aAc de# 移进 8) # aAcd e# 归约(B→d) 9) #aAcB e# 移进 10) #aAcBe # 归约 | 2) | #a | bbcde# | 移进 |
| 5) #aAb cde# 归约(A→Ab) 6) #aA cde# 移进 7) #aAc de# 移进 8) # aAcd e# 归约(B→d) 9) #aAcB e# 移进 10) #aAcBe # 归约 | 3) | #ab | bcde# | 归约(A→b) |
| 6) #aA cde# 移进 7) #aAc de# 移进 8) # aAcd e# 归约(B→d) 9) #aAcB e# 移进 10) #aAcBe # 归约 | 4) | #aA | bcde# | 移进 |
| 7) #aAc de# 移进 8) # aAcd e# 归约(B→d) 9) #aAcB e# 移进 10) #aAcBe # 归约 | 5) | #aAb | cde# | 归约(A→Ab) |
| 8) # aAcd e# 归约(B→d) 9) #aAcB e# 移进 10) #aAcBe # 归约 | 6) | #aA | cde# | 移进 |
| 9) #aAcB e# 移进 10) #aAcBe # 归约 | 7) | #aAc | de# | 移进 |
| 10) #aAcBe # 归约 | 8) | # aAcd | e# | 归约(B→d) |
| , , , , , , , , , , , , , , , , , , , | 9) | #aAcB | e# | 移进 |
| 11) #5 # 接受 | 10) | #aAcBe | # | 归约 |
| | 11) | #S | # | 接受 |

对输入串abbcde#的移进-规约分析过程

符号串abbcde是否是G[S]的句子

 $S \Rightarrow aAcBe \Rightarrow aAcde \Rightarrow aAbcde \Rightarrow abbcde$

| 步骤 | 符号栈 | 输入符号串 | TS SOFFIUA UNIV | 状态栈 | PLACTION | GOTO | |
|-----|--------|---------|------------------------|--------|----------------|-----------------------|--|
| 1) | # | abbcde# | 移进 | 0 | | S ₂ | |
| 2) | #a | bbcde# | 移进 | 02 | | S ₄ | |
| 3) | #ab | bcde# | 归约(<mark>A→b</mark>) | 024 | r ₂ | 3 | |
| 4) | #aA | bcde# | 移进 | 023 | | 5, | |
| 5) | #aAb | cde# | 归约(A→Ab) | 0236 | r ₃ | 3 | |
| 6) | #aA | cde# | 移进 | 023 | | S ₅ | |
| 7) | #aAc | de# | 移进 | 0235 | | S ₈ | |
| 8) | #aAcd | e# | 归约(B→d) | 02358 | r_4 | 7 | |
| 9) | #aAcB | e# | 移进 | 02357 | • | S ₉ | |
| 10) | #aAcBe | # | 归约(S→aAcBe) | 023579 | \mathbf{r}_1 | 1 | |
| 11) | #S | # | 接受 | 01 | • | acc | |

对输入串abbcde#的LR分析过程

ミルと ナーニン エードニッチ

文法G[S]:

- (1) $S \rightarrow aAcBe$
- (2) $A \rightarrow b$
- (3) $A \rightarrow Ab$
- (4) $B \rightarrow d$

s_i:移进,将状态i和输入芯进栈

r_i:归约,用第i个产生式归约,同时状态栈与符号栈退出相应个符号,并把 GOTO表相应状态和第i个产生式的左 部非终结符入栈。

| | | | | | | | ~ | C | |
|----------------|----------------|---|---|--------------------------------------|---|--|--|---|--|
| | ACTION | | | | | | GOTO | | |
| a | С | e | Ь | d | # | 5 | A | В | |
| S ₂ | | | | | | 1 | | | |
| | | | | | acc | | | | |
| | | | S ₄ | | | | 3 | | |
| | S 5 | | S ₆ | | | | | | |
| r ₂ | r ₂ | r ₂ | r ₂ | r ₂ | r ₂ | | | | |
| | | | | S ₈ | | | | 7 | |
| r ₃ | r ₃ | r ₃ | r ₃ | r ₃ | r ₃ | | | | |
| | | S 9 | | | | | | | |
| r ₄ | r ₄ | r ₄ | r ₄ | r ₄ | r ₄ | | | | |
| r ₁ | r ₁ | r ₁ | r ₁ | r ₁ | r ₁ | | | | |
| | r ₂ | a c s ₂ s ₅ r ₂ r ₂ r ₃ r ₃ | a c e s ₂ s ₅ r ₂ r ₂ r ₂ r ₃ r ₃ r ₃ s ₉ r ₄ r ₄ r ₄ | a c e b s2 | a c e b d s2 s2 s4 s4 s5 s6 s6 r2 r2 r2 r2 r2 r2 r2 s8 r3 r3 r3 r3 r3 r3 r3 r3 r4 r4 r4 r4 r4 r4 r4 | a c e b d # s ₂ acc s ₂ acc s ₄ s ₅ s ₅ s ₆ r ₂ | a c e b d # S s ₂ 1 s ₂ acc s ₄ s ₅ s ₆ r ₂ r ₂ r ₂ r ₂ s ₈ r ₃ r ₃ r ₃ r ₃ s ₉ r ₄ r ₄ r ₄ r ₄ | a c e b d # S A s ₂ - - - 1 s ₂ - - - 1 acc - - 3 s ₅ s ₆ - - r ₂ r ₂ r ₂ r ₂ r ₂ s ₈ - - - r ₃ r ₃ r ₃ r ₃ r ₃ r ₄ r ₄ r ₄ r ₄ r ₄ | |

LR 文法

对于一个cfg 文法,如果能够构造一张 LR 分析表,使得它的每一个入口均是唯一的(Sj, rj, acc, 空白),则称该 cfg 是LR 文法.

LR分析

特征:

- 规范的
- 符号栈中的符号串是规范句型的前缀,且其最右符号不超过句柄的末端(活前缀)
- 分析决策依据—栈顶状态和现行输入符号、识别活前缀的 DFA

四种技术

LR(0) SLR(1) LR(1) LALR(1)

LR(0) 分析

LR(0)文法 能力最弱,理论上最重要 存在FA 识别活前缀 识别活前缀的DFA如何构造 (LR(0)项目集规范族的构造) LR(0)分析表的构造

拓广文法

为使文法的初始符号不出现在任何产生式的右部,需对文法G[S]进行拓广:在原文法G中增加S'→S产生式。

文法G[S]:

- (1) $S \rightarrow aAcBe$
- (2) $A \rightarrow b$
- $(3) A \rightarrow Ab$
- (4) $B \rightarrow d$

文法G[S']:

- (0) S'→S
- (1) $S \rightarrow aAcBe$
- (2) $A \rightarrow b$
- (3) $A \rightarrow Ab$
- (4) $B \rightarrow d$

最右推导过程:

 $S' \Rightarrow S[0] \Rightarrow \alpha AcBe[1][0] \Rightarrow \alpha Acd[4]e[1][0]$

 \Rightarrow aAb[3]cd[4]e[1][0]

 \Rightarrow ab[2]b[3]cd[4]e[1][0]

规约时在栈中的句型的前缀

ab[2] aAb[3] aAcd[4] aAcBe[1] S[0] 规约前可在栈中出现的规范句型(不含句柄)的前缀

a,ab a,aA,aAb a,aA,aAc,aAcd a,aA,aAc,aAcB,aAcBe a,aA,aAc,aAcB,5

活前缀

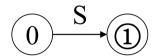
给定文法G=(Vn,Vt, P, S), 若有规范推导 $S' \stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha A \omega \Rightarrow \alpha \beta \omega, \gamma \neq \alpha \beta$ 的 前 缀,则 称 γ 是 文 法 G的活前 缀.

例如:

a,ab a,aA,aAb a,aA,aAc,aAcd a,aA,aAc,aAcB,aAcBe a,aA,aAc,aAcB,5

 $S \Rightarrow aAcBe \Rightarrow aAcde \Rightarrow aAbcde \Rightarrow abbcde$

识别活前缀的NFA

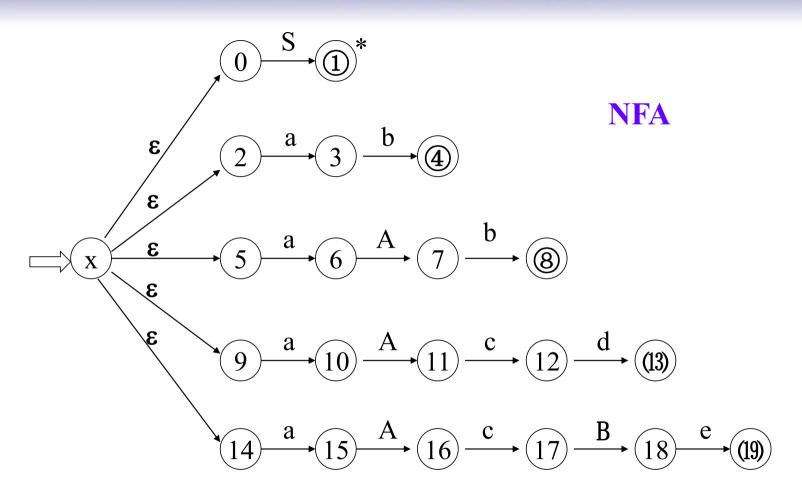


$$2$$
 \xrightarrow{a} 3 \xrightarrow{b} $\boxed{4}$

$$5 \xrightarrow{a} 6 \xrightarrow{A} 7 \xrightarrow{b} 8$$

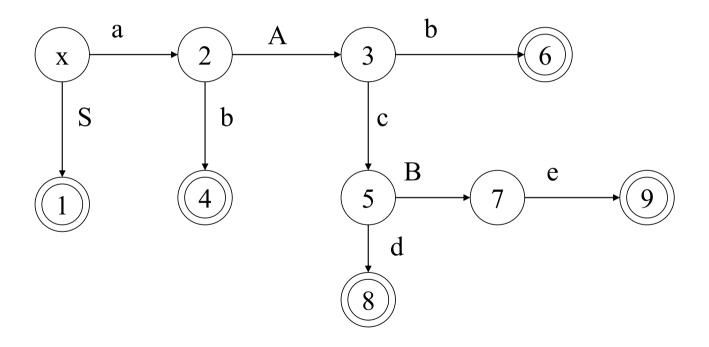
$$9 \xrightarrow{a} 10 \xrightarrow{A} 11 \xrightarrow{c} 12 \xrightarrow{d} (13)$$

$$14 \xrightarrow{a} 15 \xrightarrow{A} 16 \xrightarrow{c} 17 \xrightarrow{B} 18 \xrightarrow{e} 19$$



$S' \Rightarrow S \Rightarrow aAcBe \Rightarrow aAcde \Rightarrow aAbcde \Rightarrow abibcde$

DFA



活前缀及可归前缀的计算

定义(非终结符的左文)

 $LC(A)=\{\beta \mid S' \overset{*}{\Longrightarrow} \beta A \omega, \beta \in V', \omega \in V_t^*\},$ 对拓广文法的开始符号S':

$$LC(S')=\{\epsilon\}$$

若 $B\rightarrow \gamma A\delta$,则: $LC(A)\supseteq LC(B).\{\gamma\}$

清华大学出版社

TSINGHUA UNIVERSITY PRESS

G[S]: (0) S'
$$\rightarrow$$
S (1) S \rightarrow a A c B e
(2)A \rightarrow b (3) A \rightarrow Ab (4)B \rightarrow d

每个非终结符的左文方程组

$$LC(S')=\{\epsilon\}$$

$$LC(S)=LC(S').\{\epsilon\}$$

$$LC(A)=LC(S).\{a\}\cup LC(A)\{\epsilon\}$$

$$LC(B)=LC(S).\{aAc\}$$

化简为:

$$[S']=\varepsilon$$

$$[S]=[S']$$

$$[A] = [S]a + [A]$$

$$[B]=[S]aAc$$

用代入法求解

$$[S']=\varepsilon$$

$$[S] = \varepsilon$$

$$[A]=a+[A]$$

$$[B]=aAc$$

$$\Leftrightarrow \Sigma = \{ [S'], [S], [A], [B], a, A, c \}$$

则方程两边都是∑上的正规式

清华大学出版社

ISINGHUA UNIVERSITY PRESS

G[S]: (0) S' \rightarrow S (1) S \rightarrow a A c B e (2)A \rightarrow b (3) A \rightarrow Ab (4)B \rightarrow d

定义(产生式的LR(0)左文)

$$LR(0)C(A \rightarrow \alpha) = \{ \gamma | \gamma = \beta \alpha \blacksquare S' \underset{R}{\overset{*}{\Longrightarrow}} \beta A \omega \underset{R}{\Longrightarrow} \beta \alpha \omega, \omega \in V_t^* \}$$

推论: $LR(0)C(A \rightarrow \alpha) = LC(A).\{\alpha\}$

则有:

$$LR(0)C(S' \rightarrow S)=S$$

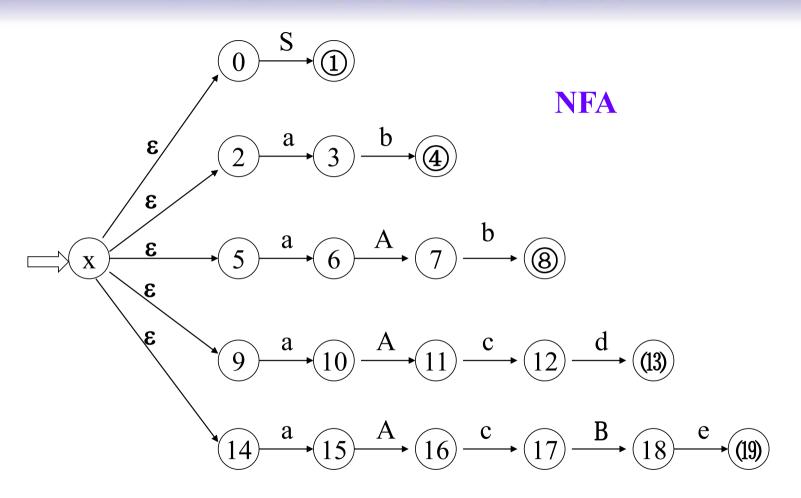
$$LR(0)C(S \rightarrow aAcBe) = aAcBe$$

$$LR(0)C(A \rightarrow b) = ab$$

$$LR(0)C(A \rightarrow Ab) = aAb$$

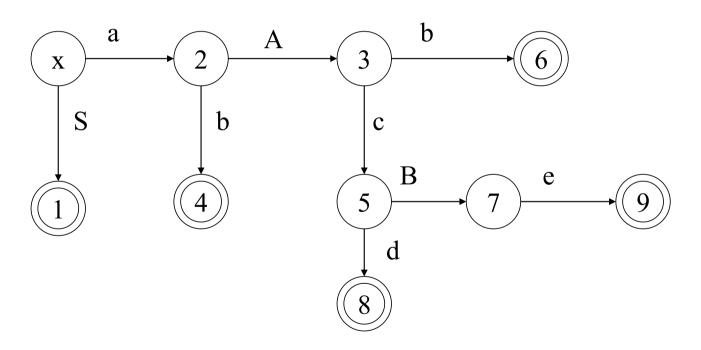
$$LR(0)C(B\rightarrow d)=aAcd$$

$$(\Sigma = Vn \cup Vt)$$
上的正规式



链接

DFA



LR(0)项目

构造LR(0)项目

LR(0)项目或配置 (item or configuration)

---在右端某一位置有圆点的文法G的产生式

$$A \rightarrow xyz$$
 $A \rightarrow xyz$
 $A \rightarrow x.yz$
 $A \rightarrow xy.z$
 $A \rightarrow xyz.$

如: S→aAd

 $S \rightarrow .aAd S \rightarrow a .Ad S \rightarrow aA .d S \rightarrow aAd .$

活前缀与句柄的关系

$$G[S]$$
:
 $*$ $\alpha A \omega = R \beta \omega$ r是 $\alpha \beta$ 的前缀,则称

r是G的一个活前缀。

- 1. 活前缀已含有句柄的全部符号,表明产生式 $A \rightarrow \beta$ 的 右部 β 已出现在栈顶
- 2.活前缀只含句柄的一部分符号表明 $A \rightarrow β_1β_2$ 的右部子串 $β_1$ 已出现在栈顶,期待从输入串中看到 $β_2$ 推出的符号
- 3. 活前缀不含有句柄的任何符号,此时期望A→β的右部所 推出的符号串

活前缀、句柄、 LR(0)项目

为刻划这种分析过程中的文法G的每一个产生式的右部符号已 有多大一部分被识别(出现在栈顶)的情况,分别用标有圆 点的产生式来指示位置。

 $A \rightarrow \beta$. 刻划产生式 $A \rightarrow \beta$ 的 右部 β 已出现在栈顶

 $A \rightarrow \beta_1 . \beta_2$ 刻划 $A \rightarrow \beta_1 \beta_2$ 的右部子串 β_1 已出现在栈顶,期待从输入串中看到 β_2 推出的符号

 $A \rightarrow .\beta$ 刻划没有句柄的任何符号在栈顶,此时期望 $A \rightarrow \beta$ 的右部所推出的符号串

对于 $A \rightarrow ε$ 的LR(0)项目只有 $A \rightarrow .$

由LR(0)项目构造 识别活前缀的NFA

清华大学出版社

TSINGHUA UNIVERSITY PRESS

G[S]: (0) S' \rightarrow S (1) S \rightarrow a A c B e (2) A \rightarrow b (3) A \rightarrow Ab (4)B \rightarrow d

文法的项目为:

1.
$$S' \rightarrow .S$$
 2. $S' \rightarrow S$.

3. S
$$\rightarrow$$
.aAcBe 4. S \rightarrow a.AcBe 5. S \rightarrow aA.cBe

6. S
$$\rightarrow$$
aAcBe 7. S \rightarrow aAcBe 8. S \rightarrow aAcBe.

9.
$$A \rightarrow b$$
 10. $A \rightarrow b$.

11. A
$$\rightarrow$$
.Ab 12. A \rightarrow A.b 13. A \rightarrow Ab.

14. B
$$\rightarrow$$
.d 15. B \rightarrow d.

项目就是状态!

项目(状态)之间的转换

转换方法如下:

若有项目i: $X \rightarrow X_1 X_2 \dots X_{i-1} \cdot X_i \dots X_n$

项目j: $X \rightarrow X_1 X_2 \dots X_{i-1} X_i \cdot X_{i+1} \dots X_n$

则从状态i到状态j连一条标记为Xi的箭弧。

若有项目i: $X \rightarrow \gamma \cdot A \delta$

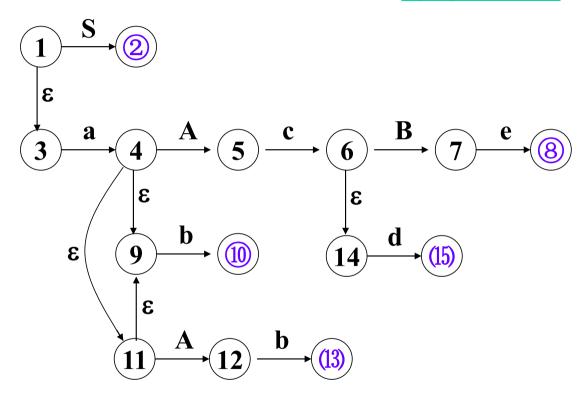
项目k: $A \rightarrow . \beta$

则从状态i画标记为的箭弧到状态k

点在最右边的项目为句柄识别态,即NFA的终态。

NFA?!

看看原来的



再将NFA转换成DFA?

Forward(DFA)

LR(0)项目集的规范族

LR(0) 项目集的闭包CLOSURE

若当前处于A->X•YZ刻划的情况,期望移进 First(Y)中的某些符号,假如有产生式

 $Y \rightarrow u \mid w$ 。 那么 $Y \rightarrow \bullet u$ 和 $Y \rightarrow \bullet w$ 这两个项目便是刻划期望移进 First(Y)中的某些符号的情况。

 $A \rightarrow X \cdot YZ$

Y → •u

 $Y \rightarrow \bullet_W$

这三个项目对应移进归约分析的同一个状态,这 三个项目构成一个**配置集(项目集)**,对应每 个配置集,分析表将有一个状态。

LR(0)项目集闭包的构造

```
LR(0)项目集的闭包CLOSURE
function CLOSURE (I); /* I 是项目集*/
{ J:= I;}
  <u>repeat</u> for J 中的每个项目A \rightarrow \alpha .B β 和产生式
       B \rightarrow \gamma,若B \rightarrow .\gamma 不在J中
       <u>do</u> 将 B→.γ 加到J中
  until 再没有项目加到J中
  return J
```

转换函数GO (I, X)

GO 函数

GO(I, X) === CLOSURE(J);

其中, I:项目集, X: 文法符号,

J={任何形如A→α X. β 的项目|A→α .X β \in I}

LR(0)项目集规范族的构造

```
计算LR(0)项目集规范族
C = \{I_0, I_1, ..., I_n\}
Procedure Itemsets(G');
  Begin C := \{ CLOSURE (\{S' \rightarrow .S\}) \}
     Repeat
       For C 中每一项目集I和每一文法符号x
       Do if GO(I, x) 非空且不属于C
          Then 把 GO(I, x) 放入C中
       Until C 不再增大
  End;
```

LR(0)项目集的规范族构成识别一个文法活前缀的DFA的状态的全体。

文法G:

- $(0)S' \rightarrow E$ $(1) E \rightarrow aA$ $(2) E \rightarrow bB$

- (3) $A \rightarrow cA$ (4) $A \rightarrow d$ (5) $B \rightarrow cB$

(7) $B \rightarrow d$

LR(0) 项目集规范族(识别G的活前缀的DFA):

$$I_0: S \rightarrow E$$

$$I_1: S \rightarrow E$$
.

$$I_0: S \rightarrow E$$
 $I_1: S \rightarrow E$. $I_2: E \rightarrow a.A$

$$E \rightarrow aA$$

$$A \rightarrow cA$$

$$E \rightarrow .bB$$

$$A \rightarrow d$$

$$I_3$$
: $E \rightarrow b.B$

$$B \rightarrow .cB$$

$$B \rightarrow .d$$

$$I_4$$
: $A \rightarrow c.A$

$$A \rightarrow .cA$$

$$A \rightarrow .d$$

$$I_5: B \rightarrow c.B$$

$$B \rightarrow .cB$$

$$B \rightarrow d$$

$$E \rightarrow aA$$
.

I₇:

$$E \rightarrow bB$$
.

I₈:

$$A \rightarrow cA$$
.

$$I_0: B \rightarrow cB$$
.

$$I_{10}: A \rightarrow d$$
.

$$I_{11}$$
: $B \rightarrow d$.

LR(0)分析表的构造

假定C= $\{I_0, I_1, \ldots, I_n\}$, 令每个项目集 I_k 的下标k 为分析器的一个状态,因此,G`的LR(0)分析表含有状态0, 1,, n。令那个含有项目S` \rightarrow .S的 I_k 的下标k为初态。ACTION和GOTO可按如下方法构造:

若项目 $A \rightarrow \alpha.a$ β属于 I_k 且GO (I_k , a)= I_j , a为终结符,则置ACTION[k, a]为"把状态j和符号a移进栈",简记为"sj";

若项目 $A \rightarrow \alpha$.属于 I_k , 那么对任何终结符a, 置ACTION[k, a]为 "用产生式 $A \rightarrow \alpha$ 进行规约",简记为 "rj";其中,假定 $A \rightarrow \alpha$ 为文法G`的第j个产生式;

若项目 $S \rightarrow S$.属于 I_k ,则置ACTION[k, #]为"接受", 简记为"acc";

若 $GO(I_k, A)=I_j, A为非终结符,则置<math>GOTO(k, A)=j;$ 分析表中凡不能用规则1至4填入信息的空白格均置上"出错标志"。

按上述算法构造的含有ACTION和GOTO两部分的分析表,如果每个入口不含多重定义,则称它为文法G的一张LR(0)表。具有LR(0)表的文法G称为一个LR(0)文法。

LR(0)文法是无二义的。

TSINGHUA UNIVERSITY PRESS

文法G:(0) S' \rightarrow E (1) E \rightarrow aA (2) E \rightarrow bB

(3) $A \rightarrow cA$ (4) $A \rightarrow d$ (5) $B \rightarrow cB$ (6) $B \rightarrow d$

| ACTION | | | | | | | GOTO | | |
|--------|----|----|----|-----|-----|--|------|---|---|
| | a | c | b | d | # | | E | A | В |
| 0 | S2 | | S3 | | | | 1 | | |
| 1 | | | | | acc | | | | |
| 2 | | S4 | | S10 | | | | 6 | |
| 3 | | S5 | | S11 | | | | | 7 |
| 4 | | S4 | | S10 | | | | 8 | |
| 5 | | S5 | | S11 | | | | | 9 |
| 6 | r1 | r1 | r1 | r1 | r1 | | | | |
| 7 | r2 | r2 | r2 | r2 | r2 | | | | |
| 8 | r3 | r3 | r3 | r3 | r3 | | | | |
| 9 | r5 | r5 | r5 | r5 | r5 | | | | |
| 10 | r4 | r4 | r4 | r4 | r4 | | _ | | |
| 11 | r6 | r6 | r6 | r6 | r6 | | | | |

LR(0)项目

根据圆点所在的位置和圆点后是终结符还是非终结符或为空 把项目分为以下几种:

移进项目,形如 $A \rightarrow \alpha \bullet \alpha \beta$ α 是终结符, α , $\beta \in V^*$ 下同.

待约项目, 形如 $A \rightarrow \alpha \cdot B\beta$

归约项目,形如 $A \rightarrow \alpha$ •

接受项目, 形如 S' →S •

 $A \rightarrow \epsilon$ 的LR(0)项目只有 $A \rightarrow \bullet$ 是归约项目

作用?

例7.1 G[S]为:

 $S \rightarrow a A c B e$

 $A \rightarrow b$

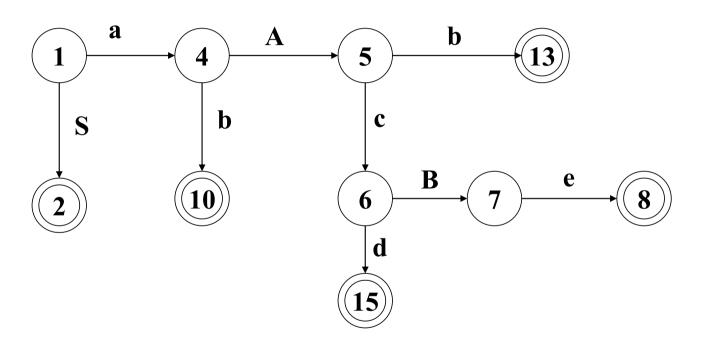
 $A \rightarrow Ab$

 $B \rightarrow d$

- 1)构造识别活前缀的DFA
- 2)构造它的LR(0)分析表。
- 3)分别给出对输入符号串abbcde和abbce的LR(0)分析步骤。

TSINGHUA UNIVERSI G[S]拓广为: $G[L] = ab^+cde$ $S' \rightarrow S$ $S \rightarrow a A c B e$ $A \rightarrow b$ $A \rightarrow b$ $A \rightarrow Ab$ $A \rightarrow Ab$ $B \rightarrow d$ $I_2: S \rightarrow a \cdot A \cdot B \cdot e$ $I_1: S'$ A $I_3: S \rightarrow a \land c \land B e$ $A \rightarrow \bullet b$ $A \rightarrow A \cdot b$ $A \rightarrow \bullet Ab$ a $I_0: S' \rightarrow S$ $l_5: S \rightarrow a A c \cdot B e$ $S \rightarrow \bullet a A c B e$ + $I_7: S \rightarrow a A c B \cdot e$ $B \rightarrow \bullet d$ $l_0: S \rightarrow a A c B e \bullet$ $l_s: B \to d$

DFA



看看NFA

例7.1 G[S]的LR(0)分析表

| | ACTION | | | | | | GOTO | | |
|---|----------------|-----------------------|----------------|-----------------------|----------------|----------------|------|---|---|
| | a | С | e | Ь | d | # | S | A | В |
| 0 | S ₂ | | | | | | 1 | | |
| 1 | | | | | | acc | | | |
| 2 | | | | S ₄ | | | | 3 | |
| 3 | | S ₅ | | 56 | | | | | |
| 4 | r ₂ | r ₂ | r ₂ | r ₂ | r ₂ | r ₂ | | | |
| 5 | | | | | S ₈ | | | | 7 |
| 6 | r ₃ | r ₃ | r ₃ | r ₃ | r ₃ | r ₃ | | | |
| 7 | | | 5, | | | | | | |
| 8 | r ₄ | r ₄ | r ₄ | r ₄ | r ₄ | r ₄ | | | |
| 9 | r ₁ | r ₁ | r ₁ | r ₁ | r ₁ | r ₁ | | | |

对输入串abbcde#的分析过程

| Step | states. | Syms. | The rest of input | action g | <u>soto</u> |
|-------------|---------|-------|-------------------|------------|-------------|
| 1 | 0 | # | abbcde# | s2 | |
| 2 | 02 | #a | bbcde# | s4 | |
| 3 | 024 | #ab | bcde# | r2 | 3 |
| 4 | 023 | #aA | bcde# | s6 | |
| 5 | 0236 | #aAb | cde# | r3 | 3 |
| 6 | 023 | #aA | cde# | s 5 | |
| 7 | 0235 | #aAc | de# | s8 | |
| 8 | 02358 | #aAcd | l e# | r4 | 7 |
| 9 | 02357 | #aAcE | 8 e# | s9 | |
| 10 | 023579 | #aAcE | Be # | r1 | 1 |
| 11 | 01 | #S | # | acc | |

对输入串abbce#的分析过程

| Step | states. | Syms. | The rest of input | <u>action</u> | action goto | |
|-------------|-------------|-------|-------------------|---------------|-------------|--|
| 1 | 0 | # | abbce# | s2 | | |
| 2 | 02 | #a | bbce# | s4 | | |
| 3 | 024 | #ab | bce# | r2 | 3 | |
| 4 | 023 | #aA | bce# | s6 | | |
| 5 | 0236 | #aAb | ce# | r3 | 3 | |
| 6 | 023 | #aA | ce# | s 5 | | |
| 7 | 0235 | #aAc | e# | 出错 | | |

说明abbce#不是例7.1 文法 G[S]的句子

The end of part 1