

# 第6章 LR分析

6.1 自下而上分析及LR分析概述

6.2 LR (0)分析

6.3 SLR(1)分析

6.4 LR(1)分析

6.5 LALR(1)分析

6.6 使用二义文法

6.7 语法分析程序的自动构造工具YACC

# SLR(1) 分析

real  $a, b, \dots$

例: (0)  $S' \rightarrow S$       (1)  $S \rightarrow rD$   
(2)  $D \rightarrow D, i$       (3)  $D \rightarrow i$

LR(0)项目

- |                               |                               |                               |
|-------------------------------|-------------------------------|-------------------------------|
| 1. $S' \rightarrow \cdot S$   | 2. $S' \rightarrow S \cdot$   | 3. $S \rightarrow \cdot rD$   |
| 4. $S \rightarrow r \cdot D$  | 5. $S \rightarrow rD \cdot$   | 6. $D \rightarrow \cdot D, i$ |
| 7. $D \rightarrow D \cdot, i$ | 8. $D \rightarrow D, \cdot i$ | 9. $D \rightarrow D, i \cdot$ |
| 10. $D \rightarrow \cdot i$   | 11. $D \rightarrow i \cdot$   |                               |

例: (0) $S' \rightarrow S$       (1) $S \rightarrow rD$   
(2) $D \rightarrow D,i$       (3) $D \rightarrow i$

### LR(0)项目集规范族

$I_0: S' \rightarrow \cdot S$	$I_3: S \rightarrow r D \cdot$
$S \rightarrow \cdot r D$	$D \rightarrow D \cdot, i$
$I_1: S' \rightarrow S \cdot$	$I_4: D \rightarrow i \cdot$
$I_2: S \rightarrow r \cdot D$	$I_5: D \rightarrow D \cdot, i$
$D \rightarrow \cdot D, i$	$I_6: D \rightarrow D \cdot, i$
$D \rightarrow \cdot i$	

其中 $I_3$ 中含有移进/归约冲突!

那么文法就不是LR(0)的, 如何解决?

$$I_3: S \rightarrow r D. \quad D \rightarrow D., i$$

例:文法的LR(0)分析表有多重表项

状态	ACTION				GOTO	
	r	,	i	#	S	D
0	S <sub>2</sub>				1	
1				acc		
2			S <sub>4</sub>			3
3	r <sub>1</sub>	S <sub>5</sub> , r <sub>1</sub>	r <sub>1</sub>	r <sub>1</sub>		
4	r <sub>3</sub>	r <sub>3</sub>	r <sub>3</sub>	r <sub>3</sub>		
5			S <sub>6</sub>			
6	r <sub>2</sub>	r <sub>2</sub>	r <sub>2</sub>	r <sub>2</sub>		

$$I_3: S \rightarrow r D. \quad D \rightarrow D., i$$

利用  $FOLLOW(S) \cap \{ , \} = \phi$  解决冲突

## SLR(1)分析表

状态	ACTION				GOTO	
	r	,	i	#	S	D
0	$S_2$				1	
1				acc		
2			$S_4$			3
3	$r_1$	$S_5$	$r_1$	$r_1$		
4	$r_3$	$r_3$	$r_3$	$r_3$		
5			$S_6$			
6	$r_2$	$r_2$	$r_2$	$r_2$		

[Forward](#)

## SLR(1)技术

### 问题描述:

如果 LR(0) 项目集规范族中某个项目集  $I_K$  含移进/归约, 归约/归约 冲突:

$$I_K: \{ \dots, A \rightarrow \alpha \cdot b \beta, P \rightarrow \omega \cdot, Q \rightarrow \gamma \cdot, \dots \}$$

### 求解条件:

若  $\text{FOLLOW}(Q) \cap \text{FOLLOW}(P) = \phi$

$$\text{FOLLOW}(P) \cap \{ b \} = \phi$$

$$\text{FOLLOW}(Q) \cap \{ b \} = \phi$$

### 解决冲突的SLR(1)技术:

$\text{action} [ k, b ] = \text{移进};$

对  $a \in \text{FOLLOW}(P)$  则  $\text{action} [ k, a ] = \text{用 } P \rightarrow \omega \text{ 归约};$

对  $a \in \text{FOLLOW}(Q)$  则  $\text{action} [ k, a ] = \text{用 } Q \rightarrow \gamma \text{ 归约};$

能用SLR(1)技术解决冲突的文法称为SLR(1)文法, SLR(1)文法无二义

例：表达式文法G的拓广文法

**(0)  $S' \rightarrow E$**

**(1)  $E \rightarrow E + T$**

**(2)  $E \rightarrow T$**

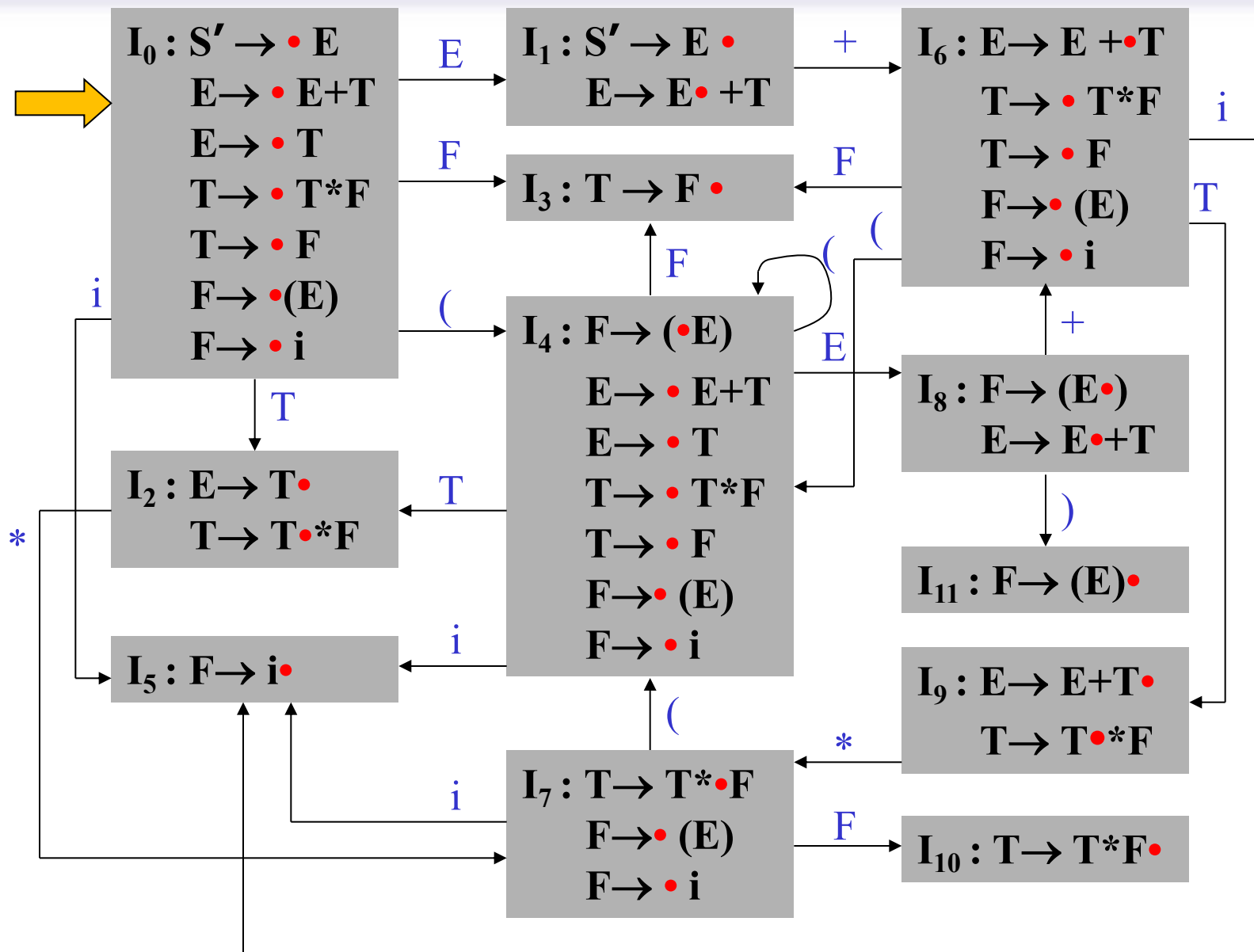
**(3)  $T \rightarrow T * F$**

**(4)  $T \rightarrow F$**

**(5)  $F \rightarrow (E)$**

**(6)  $F \rightarrow i$**





**Q1 :  $I_1, I_2, I_9$  中存在冲突 !**

$I_1: S' \rightarrow E \bullet, E \rightarrow E \bullet + T$

$I_2: E \rightarrow T \bullet, T \rightarrow T \bullet * F$

$I_9: E \rightarrow E + T \bullet, T \rightarrow T \bullet * F$

**可用SLR(1)方法解决 !**

## Q2 : 无用归约 !

在状态 $I_3$ 中，只有一个项目 $T \rightarrow F \bullet$ 。

按SLR(1)方法，该项目中没有冲突，可保持原来LR(0)的处理方法：**不论当前输入符号是什么都进行归约；**

若当前输入符为“(”，进行归约是多余的（输入串不合法！）；

**延迟了错误的发现。**

**Idea:** 对所有归约项目，检查当前输入符号是否属于归约产生式左部非终结符的FOLLOW集：是则进行归约；否则报错。

## SLR(1)表的构造（改进）

假定  $C = \{I_0, I_1, \dots, I_n\}$ ，令每个项目集  $I_k$  的下标  $k$  为分析器的一个状态，则  $G'$  的SLR分析表含有状态  $0, 1, \dots, n$ 。

令那个含有项目  $S' \rightarrow .S$  的  $I_k$  的下标  $k$  为初态。

ACTION表和GOTO表可按如下方法构造：

若项目  $A \rightarrow \alpha.a\beta$  属于  $I_k$  且  $GO(I_k, a) = I_j$ ， $a$  为任意终结符，则置 **ACTION[k, a]** 为“把状态  $j$  和符号  $a$  移进栈”，简记为“**sj**”；

若项目  $A \rightarrow \alpha.$  属于  $I_k$ ，那么对任何输入符号  $a$ ，若  $a \in FOLLOW(A)$ ，则置 **ACTION[k, a]** 为“用产生式  $A \rightarrow \alpha$  进行归约”，简记为“**rj**”；其中  $A \rightarrow \alpha$  为文法的第  $j$  个产生式；

若项目  $S' \rightarrow S.$  属于  $I_k$ ，则置 **ACTION[k, #]** 为“接受”，简记为“**acc**”；

若  $GO(I_k, A) = I_j$ ， $A$  为非终结符，则置 **GOTO(k, A) = j**；

分析表中凡不能用规则1至4填入的空白项均置“**出错标志**”。

- 按上述算法构造的含有ACTION和GOTO两部分的分析表，如果每个表项不含多重定义，则称它为文法G的一张SLR(1)分析表。
- 具有SLR(1)表的文法G称为一个SLR(1)文法。

**(2)  $D \rightarrow D, i$       (3)  $D \rightarrow i$**

## SLR(1)分析表

# LR(1)分析

## SLR(1)的局限

文法G:

- (0)  $S' \rightarrow S$       (1)  $S \rightarrow aAd$       (2)  $S \rightarrow bAc$   
(3)  $S \rightarrow aec$       (4)  $S \rightarrow bed$       (5)  $A \rightarrow e$

LR(0) 项目集规范族 :

- |                          |                          |                           |
|--------------------------|--------------------------|---------------------------|
| $I_0: S' \rightarrow .S$ | $I_1: S' \rightarrow S.$ | $I_2: S \rightarrow a.Ad$ |
| $S \rightarrow .aAd$     |                          | $S \rightarrow a.ec$      |
| $S \rightarrow .bAc$     |                          | $A \rightarrow .e$        |
| $S \rightarrow .aec$     |                          |                           |
| $S \rightarrow .bed$     |                          |                           |



(0)  $S' \rightarrow S$     (1)  $S \rightarrow aAd$     (2)  $S \rightarrow bAc$   
(3)  $S \rightarrow aec$     (4)  $S \rightarrow bed$     (5)  $A \rightarrow e$

$I_3: S \rightarrow b.Ac$   
 $S \rightarrow b.ed$   
 $A \rightarrow .e$

$I_4:$   
 $S \rightarrow aA.d$

$I_5:$   
 $S \rightarrow ae.c$   
 $A \rightarrow e.$

$I_6:$   
 $S \rightarrow bA.c$

$I_7:$   
 $S \rightarrow be.d$   
 $A \rightarrow e.$

$I_8:$   
 $S \rightarrow aAd.$

$I_9: S \rightarrow aec.$

$I_{10}: S \rightarrow bAc.$

$I_{11}: S \rightarrow bed.$

(0)  $S' \rightarrow S$     (1)  $S \rightarrow aAd$     (2)  $S \rightarrow bAc$   
 (3)  $S \rightarrow aec$     (4)  $S \rightarrow bed$     (5)  $A \rightarrow e$

ACTION							GOTO	
	a	c	e	b	d	#	S	A
0	S2			S3			1	
1						acc		
2			S5					4
3			S7					6
4					S8			
5	r5	<b>r5S9</b>	r5	r5	r5	r5		
6		S10						
7	r5	r5	r5	r5	<b>r5S11</b>	r5		
8	r1	r1	r1	r1	r1	r1		
9	r3	r3	r3	r3	r3	r3		
10	r2	r2	r2	r2	r2	r2		
11	r4	r4	r4	r4	r4	r4		

**Follow(A)={c, d}**

- (0)  $S' \rightarrow S$       (1)  $S \rightarrow aAd$       (2)  $S \rightarrow bAc$   
 (3)  $S \rightarrow aec$       (4)  $S \rightarrow bed$       (5)  $A \rightarrow e$

在一个规范推导中，哪些输入符号能跟在句柄之后？

$I_5: S \rightarrow ae.c$

$A \rightarrow e.$

$S' \Rightarrow_R S \Rightarrow_R aAd \Rightarrow_R aed$

$S' \Rightarrow_R S \Rightarrow_R aec$

d	c
A	e
a	a
#	#

$w_1 = a e d$        $w_2 = a e c$

并不是Follow(A)中的每个元素在包含A的每个句型中都会在A之后出现。

$G[S]:$

若  $S \Rightarrow_R^* \alpha A w \Rightarrow \alpha \beta w$ ， $r$  是  $\alpha \beta$  的前缀，则称  $r$  是  $G$  的一个活前缀。

Forward

- (0)  $S' \rightarrow S$       (1)  $S \rightarrow aAd$       (2)  $S \rightarrow bAc$   
 (3)  $S \rightarrow aec$       (4)  $S \rightarrow bed$       (5)  $A \rightarrow e$

在一个规范推导中，哪些输入符号能跟在句柄之后？

$I_7: S \rightarrow be.d$

$A \rightarrow e.$

$S' \Rightarrow_R S \Rightarrow_R bAc \Rightarrow_R bec$

$S' \Rightarrow_R S \Rightarrow_R bed$

c	d
A	e
b	b
#	#

$w_1 = b e c$        $w_2 = b e d$

并不是Follow(A)中的每个元素在包含A的所有句型中都会在A之后出现。

$G[S]:$

若  $S \Rightarrow_R^* \alpha A w \Rightarrow \alpha \beta w$ ， $r$  是  $\alpha \beta$  的前缀，则称  $r$  是  $G$  的一个活前缀。

Forward

$$G[S]: (0) S' \rightarrow S$$

$$(1) S \rightarrow L = R$$

$$(2) S \rightarrow R$$

$$(3) L \rightarrow *R$$

$$(4) L \rightarrow id$$

$$(5) R \rightarrow L$$

## LR(0)项目集规范族

$$I_0: S' \rightarrow \bullet S$$

$$S \rightarrow \bullet L = R$$

$$S \rightarrow \bullet R$$

$$L \rightarrow \bullet *R$$

$$L \rightarrow \bullet id$$

$$R \rightarrow \bullet L$$

$$I_1: S' \rightarrow S \bullet$$

$$I_2: S \rightarrow L \bullet = R$$

$$R \rightarrow L \bullet$$

$$I_3: S \rightarrow R \bullet$$

$$I_4: L \rightarrow * \bullet R$$

$$R \rightarrow \bullet L$$

$$L \rightarrow \bullet *R$$

$$L \rightarrow \bullet id$$

$$I_5: L \rightarrow id \bullet$$

$$I_6: S \rightarrow L = \bullet R$$

$$R \rightarrow \bullet L$$

$$L \rightarrow \bullet *R$$

$$L \rightarrow \bullet id$$

$$I_7: L \rightarrow *R \bullet$$

$$I_8: R \rightarrow L \bullet$$

$$I_9: S \rightarrow L = R \bullet$$

Another example

## I2: $S \rightarrow L \bullet = R$ , $R \rightarrow L \bullet$

考虑分析表达式  $id = id$  时, 在工作到 I2 处已经将第一个  $id$  归约成  $L$  了, 看到下一个输入  $=$  要作决策, 第一个项目设置  $Action[2, =]$  为  $S6$ , 即把赋值的其它部分找到. 但  $=$  也是属于  $Follow(R)$ , 第二个项目要用  $R \rightarrow L$  归约. 出现 shift-reduce 冲突.

SLR 分析程序没有记住足够的左文以决定当见到一个能归约到  $L$  的串而在输入中碰上  $=$  时会发生什么. 虽然在栈顶的符号序列可以归约到  $R$ , 但我们不能要这个选择, 因为不可能有规范句型以  $R = \dots$  开头 (有以  $*R = \dots$  开头的规范句型).

## SLR(1)的局限

FOLLOW 集包含了在任何句型中跟在 R 后的符号, 但没有严格地指出在一个特定的推导里哪些符号跟在 R 后. 所以需要扩充状态以包含更多的信息: FOLLOW 集的哪些部分才是进到该状态最恰当的归约依据.

处在状态 2 时, 试图构建句子有两条路:

1.  $S \Rightarrow L = R$  或 2.  $S \Rightarrow R \rightarrow L$ . 如下一符号是  $=$ , 那就不能用第二个选择, 必须用第一选择, 即移进. 只有下一个符号是  $\#$  时才能归约. 尽管  $=$  属于  $\text{Follow}(R)$ , 但那是因为一个  $R$  可以出现在别的上下文中. 在当前这个特定情况下, 它不适合, 因为在用  $S \Rightarrow R \rightarrow L$  推导句子时,  $=$  不能跟在  $R$  后.

**是否LR(0)文法？**

∵  $I_2: S \rightarrow L.=R, R \rightarrow L.$  中存在移进/归约冲突

**不是LR(0)文法**

**SLR能否解决 $I_2$ 中的冲突？**

∵  $\text{FOLLOW}(R) = \{\#, =\}$  与  $\{=\}$  交不为空

**不是SLR(1)文法**



## LR(1)方法

若  $A \rightarrow \alpha. \mathbf{B} \beta \in I$

则  $B \rightarrow \cdot \gamma \in I$  (  $B \rightarrow \gamma$  是一产生式 )

Idea: 考虑将FIRST( $\beta$ )作为用产生式 $B \rightarrow \gamma$ 归约的搜索符, 作为归约时查看的符号集, 用以代替SLR(1)分析中的FOLLOW集。

Backward

# LR(1)项目(配置)的一般形式

$[A \rightarrow \alpha \bullet \beta, a]$

意味着处在栈顶的为 $\alpha$ ，期望 $\beta$ 出现在栈顶的状态；  
 $a$  称作该项目(配置)的向前搜索符(lookahead)。

$[A \rightarrow \alpha \beta \bullet, a]$

意味着处在栈中的是 $\alpha\beta$ 的状态，但只有当下一个输入符是 $a$ 时才能进行归约； $a$  要么是一个终结符，要么是输入结束标记 $\#$ 。

有多个向前搜索符时，可写作  $A \rightarrow u \bullet, a/b/c$

向前搜索符(lookahead)只对圆点在最后的项目起作用

## LR(1)项目集规范族构造

**Closure(I)**按如下方式构造：

- (1) I 的任何项目属于closure(I)；
- (2) 若 $[A \rightarrow \beta_1 \cdot B \beta_2, a] \in \text{closure}(I)$ ， $B \rightarrow \delta$ 是一产生式，那么对于FIRST( $\beta_2 a$ )中的每个终结符b，如果 $[B \rightarrow \cdot \delta, b]$ 不在closure(I)中，则将它加入；
- (3) 重复(1)(2)，直至closure(I)不再增大。

**LR(1)项目集规范族C的构造算法类似于LR(0)：**

在开始时， $C = \{\text{closure}(\{[S' \rightarrow \cdot S, \#]\})\}$ ；

**GO函数：**

若I是一个项目集，X是一个文法符号，

$\text{GO}(I, X) = \text{closure}(J)$

其中  $J = \{\text{任何形如}[A \rightarrow \alpha X \cdot \beta, a] \text{的项目} \mid [A \rightarrow \alpha \cdot X \beta, a] \in I\}$ 。

## 例：LR(1)项目集的规范族

$I_0$ :  $S' \rightarrow .S, \#$   
 $S \rightarrow .aAd, \#$   
 $S \rightarrow .bAc, \#$   
 $S \rightarrow .aec, \#$   
 $S \rightarrow .bed, \#$

$I_1$ :  $S' \rightarrow S., \#$   
 $I_2$ :  $S' \rightarrow a.Ad, \#$   
 $S \rightarrow a.ec, \#$   
 $A \rightarrow .e, d$

$I_3$ :  $S \rightarrow b.Ac, \#$   
 $S \rightarrow b.ed, \#$   
 $A \rightarrow .e, c$

$I_4$ :  $S \rightarrow aA.d, \#$

$I_5$ :  $S \rightarrow ae.c, \#$

$A \rightarrow e., d$

$I_6$ :  $S \rightarrow bA.c, \#$

$I_7$ :  $S \rightarrow be.d, \#$

$A \rightarrow e., c$

$I_8$ :  $S \rightarrow aAd., \#$

$I_9$ :  $S \rightarrow aec., \#$

$I_{10}$ :  $S \rightarrow bAc., \#$

$I_{11}$ :  $S \rightarrow bed., \#$

(0)  $S' \rightarrow S$

(1)  $S \rightarrow aAd$

(2)  $S \rightarrow bAc$

(3)  $S \rightarrow aec$

(4)  $S \rightarrow bed$

(5)  $A \rightarrow e$

## 规范的LR(1)分析表构造

假定LR(1)项目集规范族 $C=\{I_0, I_1, \dots, I_n\}$ , 令每个项目集 $I_k$ 的下标 $k$ 为分析器的一个状态,  $G'$ 的LR(1)分析表含有状态 $0, 1, \dots, n$ .

1. 若项目 $[A \rightarrow \alpha.a\beta, b]$ 属于 $I_k$ 且 $GO(I_k, a) = I_j$ , 则置 **$ACTION[k, a] = sj$** , 含义是“把状态 $j$ 和符号 $a$ 移进栈”;
2. 若项目 $[A \rightarrow \alpha., a]$ 属于 $I_k$ , 那么置 **$ACTION[k, a]$** 为“用产生式 $A \rightarrow \alpha$ 进行归约”, 简记为“ **$rj$** ”; 其中,  $j$ 为产生式 $A \rightarrow \alpha$ 在文法 $G'$ 中的编号;
3. 若项目 $[S' \rightarrow S., \#]$ 属于 $I_k$ , 则置 **$ACTION[k, \#]$** 为“接受”, 简记为“ **$acc$** ”;
4. 若 **$GO(I_k, A) = I_j$** ,  $A$ 为非终结符, 则置 **$GOTO(k, A) = j$** ;
5. 分析表中凡不能用规则1至4填入信息的**空白表项**, 均置上“**出错标志**”。

- 按上述算法构造的含有ACTION和GOTO两部分的分析表，如果每个表项不含多重定义，则称它为文法G的一张规范的LR(1)分析表。
- 具有规范的LR(1)分析表的文法G称为一个LR(1)文法。

## LR(1) 文法满足下面两个条件:

1. 如果一个项目集中有项目  $[A \rightarrow u \bullet x v, a]$ ,  $x$  是终结符, 则不会有项目  $[B \rightarrow u \bullet, x]$ ;
2. 项目集中所有归约项目的向前搜索符不相交, 即不能同时含有项目:  $[A \rightarrow u \bullet, a]$  和  $[B \rightarrow v \bullet, a]$

# LR(1)比SLR(1)能力强

例如文法 $G[S']$ ：

(0)  $S' \rightarrow S$

(1)  $S \rightarrow L = R$

(2)  $S \rightarrow R$

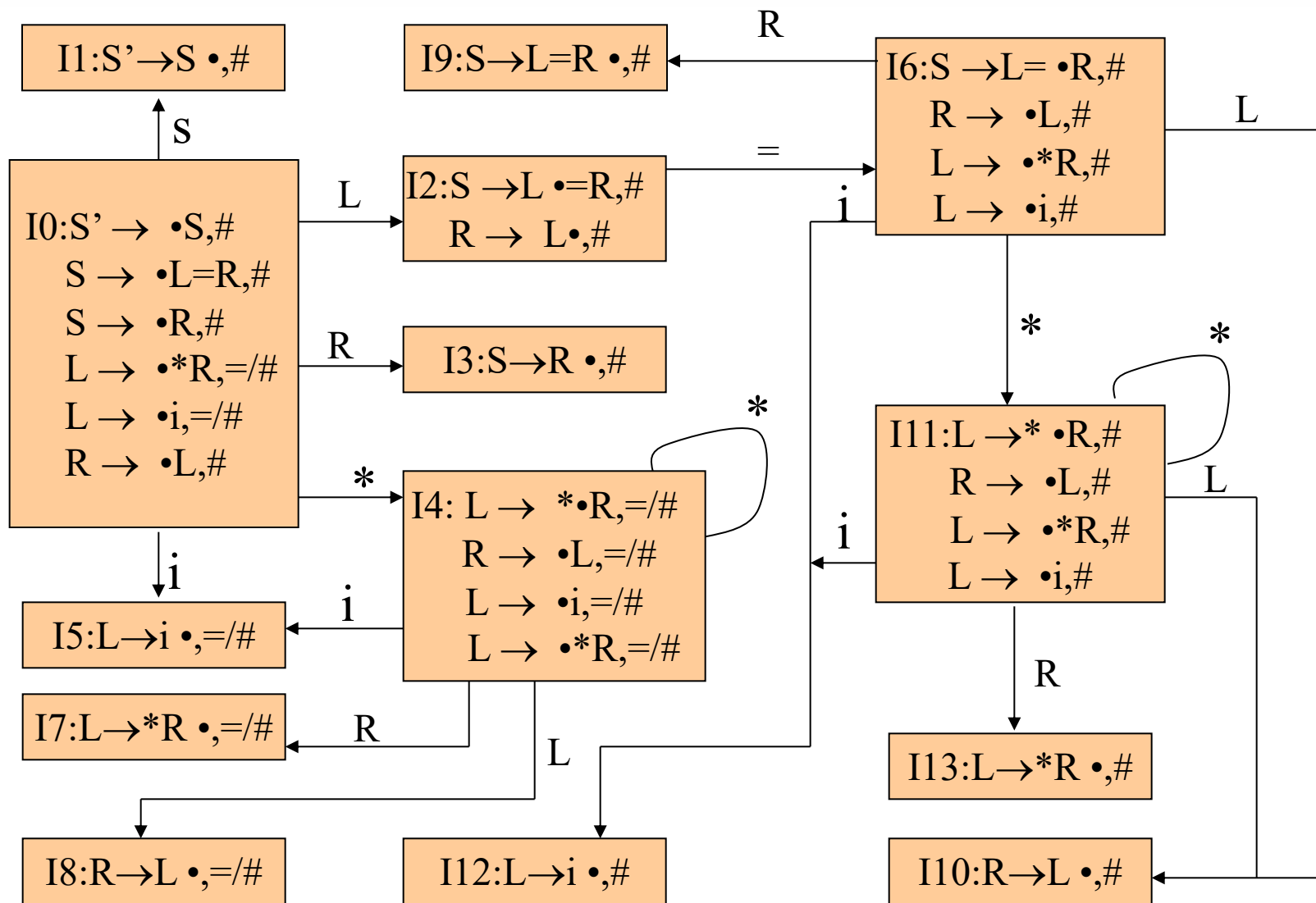
(3)  $L \rightarrow *R$

(4)  $L \rightarrow i$

(5)  $R \rightarrow L$

不能用SLR(1)技术解决，  
但能用LR(1)技术解决。





每个SLR(1)文法都是LR(1)的,  
一个SLR(1)文法的LR(1)分析器往往比其SLR(1)  
分析器的状态数要多。

例G(S):  $S \rightarrow BB$      $B \rightarrow aB$      $B \rightarrow b$

$I_0: S' \rightarrow .S$      $S \rightarrow .BB$      $B \rightarrow .aB$      $B \rightarrow .b$

$I_1: S' \rightarrow S.$

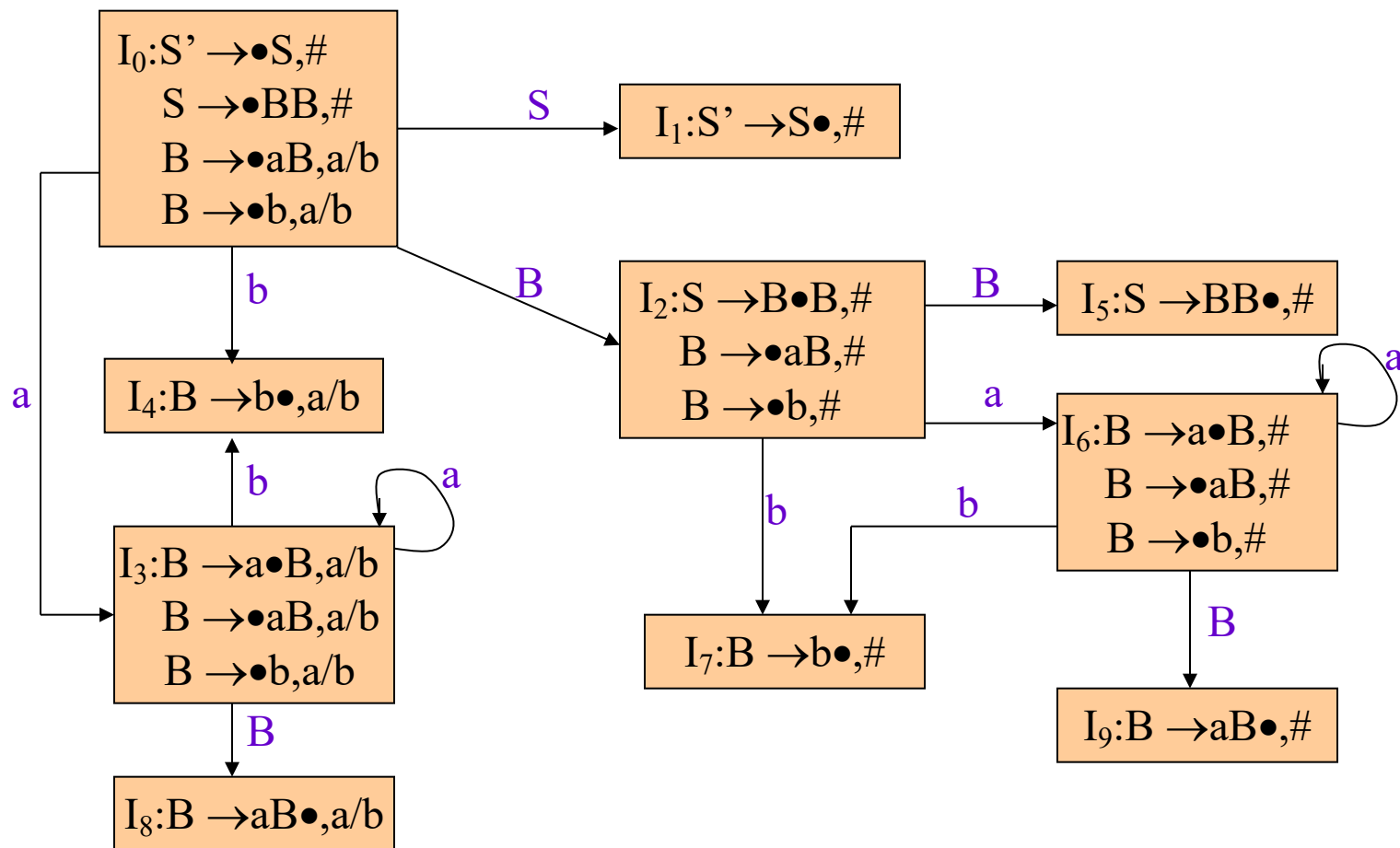
$I_2: S \rightarrow B.B$      $B \rightarrow .aB$      $B \rightarrow .b$

$I_3: B \rightarrow a.B$      $B \rightarrow .aB$      $B \rightarrow .b$

$I_4: B \rightarrow aB.$

$I_5: B \rightarrow b.$

$I_6: S \rightarrow BB.$



LR(1)项目集及其之间转换关系

# LALR(1) 分析

# LALR—SLR(1)和LR(1)之间的折衷办法 (状态数目、分析能力)

## LALR (*lookahead LR*)

$$\begin{array}{l} I_3: B \rightarrow a \bullet B, a/b \\ B \rightarrow \bullet a B, a/b \\ B \rightarrow \bullet b, a/b \end{array}$$
$$\begin{array}{l} I_6: S \rightarrow a \bullet B, \# \\ B \rightarrow \bullet a B, \# \\ B \rightarrow \bullet b, \# \end{array}$$
$$I_4: B \rightarrow b \bullet, a/b$$
$$I_7: B \rightarrow b \bullet, \#$$
$$I_8: B \rightarrow a B \bullet, a/b$$
$$I_9: B \rightarrow a B \bullet, \#$$

合并同心集  $I_3 I_6$ ,  $I_4 I_7$ ,  $I_8 I_9$ 。

## 同心集合并的几个问题：

1. 同心集合并后所得项目集的**心不变**，但**搜索符**为各同心集的**搜索符集的并**。
2. 合并同心集后的项目集经**转换函数**到达的仍为同心集。
3. 合并同心集后**若有冲突**也只可能是**归约/归约**冲突，而不可能产生移进/归约冲突。
4. 合并同心集后对某些**错误发现时间**会产生**推迟**现象。

**合并同心集后若有冲突也只可能是归约/归约冲突，而不可能产生移进/归约冲突。**

若LR(1)文法的项目集 $I_k$ 与 $I_j$ 为同心集，其中：

$I_k$ :  $[A \rightarrow \alpha., u_1]$

$[B \rightarrow \beta.a\gamma, b]$

$I_j$ :  $[A \rightarrow \alpha., u_2]$

$[B \rightarrow \beta.a\gamma, c]$

合并后 $I_{kj}$ :

$[A \rightarrow \alpha., u_1/u_2]$

$[B \rightarrow \beta.a\gamma, b/c]$

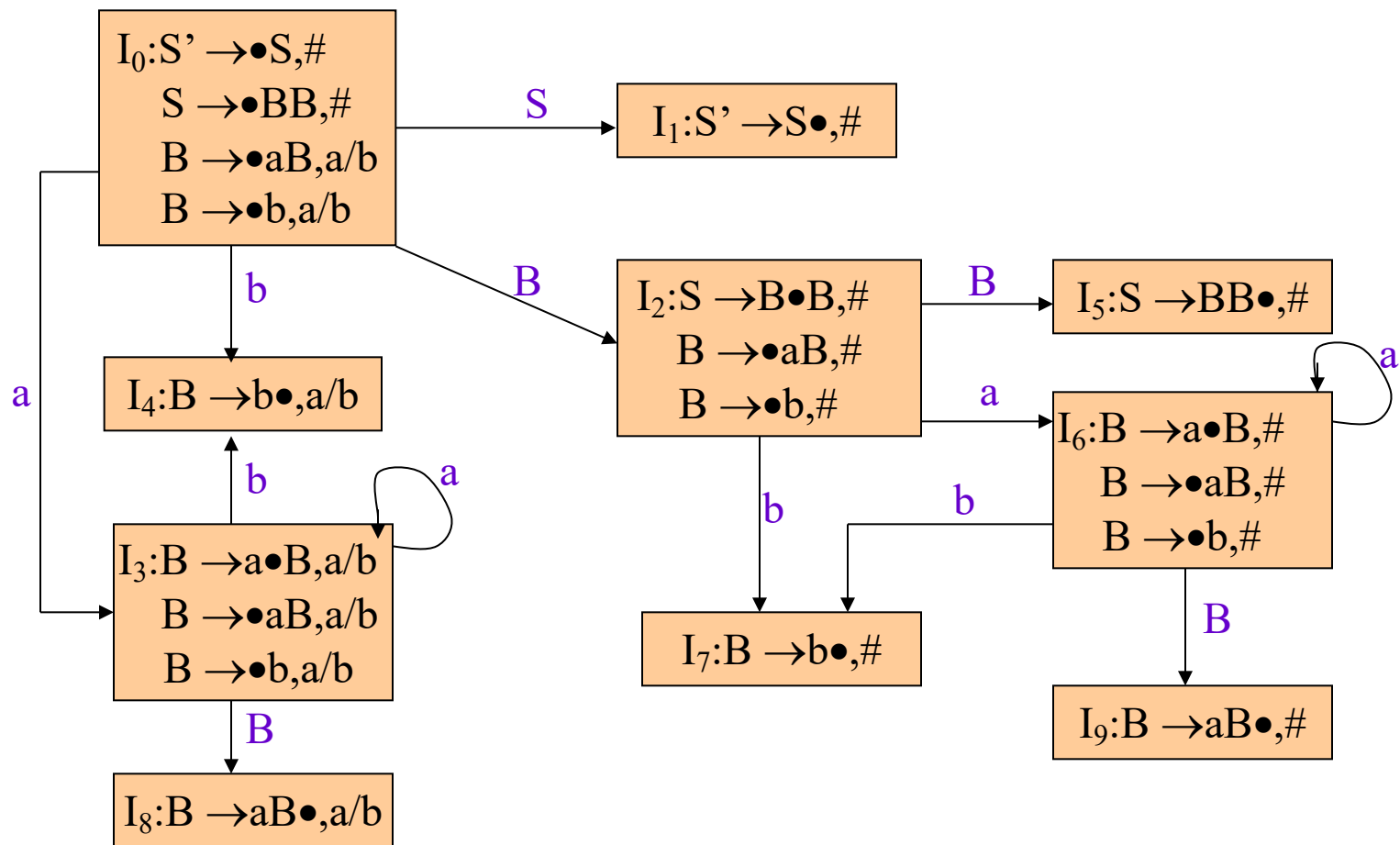
## 构造 LALR(1)分析表

1. 构造文法G的规范 LR(1) 状态集.
2. 合并同心集 (除搜索符外两个集合是相同的) 的状态.
3. 新 LALR(1) 状态的GO函数是合并的同心集状态的GO函数的并.
4. LALR(1)分析表的ACTION 和 GOTO 构造方法与LR(1) 一样.

经上述步骤构造的表若不存在冲突, 则称它为G的LALR(1)分析表。

存在这种分析表的文法称为LALR(1)文法。





## LR(1)项目集及其之间转换关系

LALR(1)分析表

# LR(1)分析表

状态	ACTION			GOTO	
	a	b	#	S	B
0	S3	S4	acc	1	2
1					
2	S6	S7			
3	S3	S4	r1		5
4	r3	r3			
5					
6	S6	S7	r3		8
7					
8	r2	r2			
9			r2		9

分析过程1

状态	ACTION			GOTO	
	a	b	#	S	B
0	$S_{3,6}$	$S_{4,7}$	acc	1	2
1					
2	$S_{3,6}$	$S_{4,7}$			5
3,6	$S_{3,6}$	$S_{4,7}$			8,9
4,7	$r_3$	$r_3$	$r_3$		
5			$r_1$		
8,9	$r_2$	$r_2$	$r_2$		

## 对输入串ab#用LR(1)分析的过程

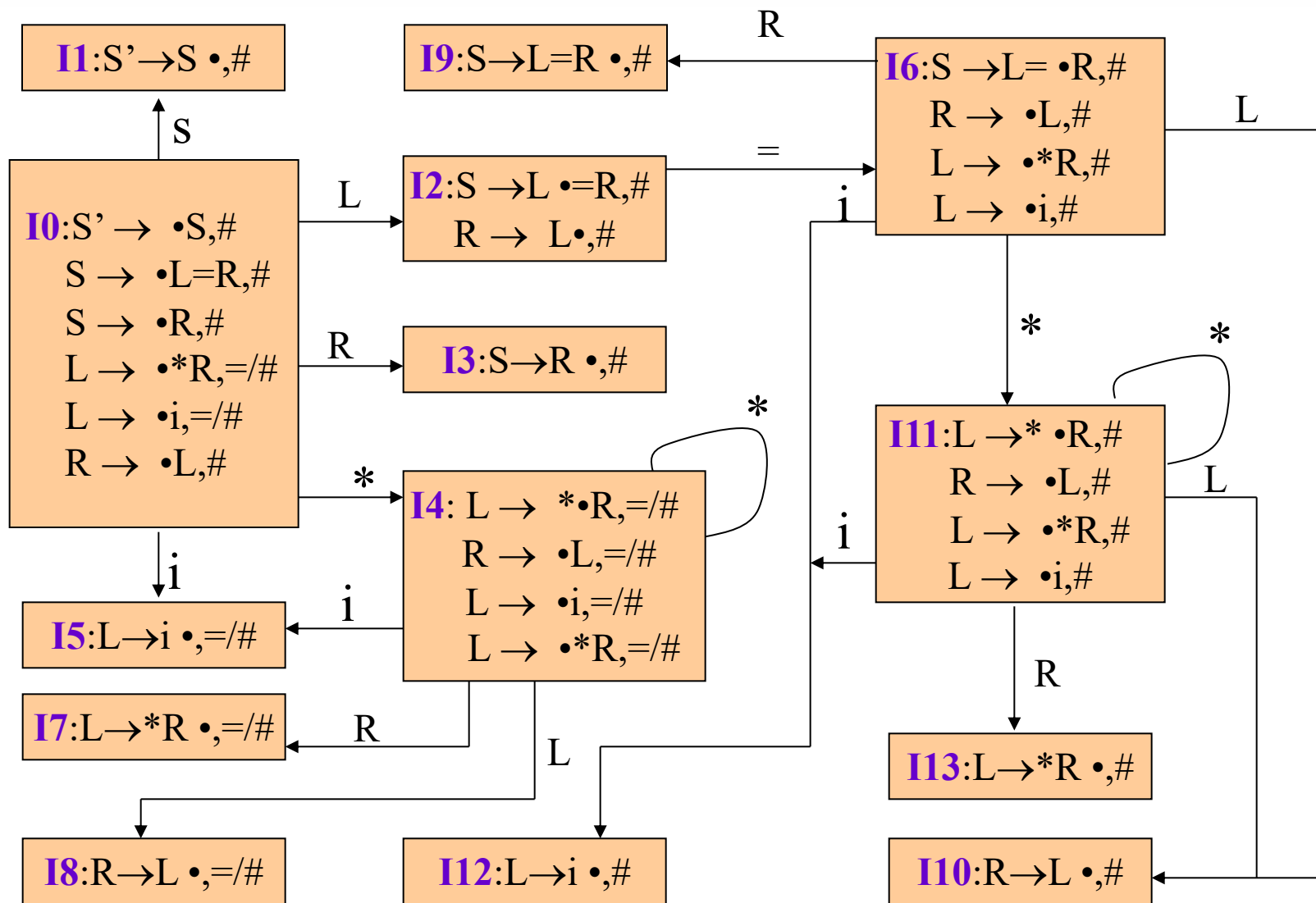
步骤	状态栈	符号栈	输入串	ACTION	GOTO
1	0	#	ab#	S <sub>3</sub>	
2	03	#a	b#	S <sub>4</sub>	
3	034	#ab	#	出错	

## 对输入串ab#用LALR(1)分析的过程

步骤	状态栈	符号栈	输入串	ACTION	GOTO
1	0	#	ab#	S <sub>3,6</sub>	
2	0(3,6)	#a	b#	S <sub>4,7</sub>	
3	0(3,6)(4,7)	#ab	#	r <sub>3</sub>	(8,9)
4	0(3,6)(8,9)	#aB	#	r <sub>2</sub>	2
5	02	#B	#	出错	

分析表

例：(0) $S' \rightarrow S$  (1) $S \rightarrow L=R$  (2) $S \rightarrow R$  (3) $L \rightarrow *R$  (4) $L \rightarrow I$  (5) $R \rightarrow L$



LALR分析表

考察项目集 $I_2$ ：

$$S \rightarrow L \bullet = R, \#$$

$$R \rightarrow L \bullet, \#$$

1. 存在移进与归约项目，非LR(0)；
2. FOLLOW(R)={#, =}，与{=}相交不为空，非SLR(1)；
3. 是LR(1)和LALR(1)的。

合并： $I_4$ 与 $I_{11}$ ， $I_5$ 与 $I_{12}$ ， $I_7$ 与 $I_{13}$ ， $I_8$ 与 $I_{10}$ 。

状态	ACTION				GOTO		
	=	*	i	#	S	L	R
0		S4	S6		1	2	3
1				acc			
2	S6			r5			
3				r2			
4		S4	S5			8	7
5	r4			r4			
6		S4	S5			8	9
7	r3			r3			
8	r5			r5			
9				r1			



LR(1)项目集不存在动作冲突，合并同心集后会不会产生新的冲突（移进-归约、归约-归约）？

**例：** $S \rightarrow aAd|bBd|aBe|bAe$

$A \rightarrow c$

$B \rightarrow c$

不会产生新的移进-归约冲突；

会产生新的归约-归约冲突。

可见，该文法是LR(1)的但不是LALR(1)的。

## 非LR的上下文无关文法

语言  $L = \{ww^R | w \in (a|b)^*\}$  的文法：

$$S \rightarrow aSa \mid bSb \mid \varepsilon$$

对其中的任一句子，如abaaba，扫描前半一半字符时应压栈，扫描后半一半字符时先做空归约，然后将剩余字符和栈中字符通过归约进行比较，以保证后半一半是前半一半的逆。

# 二义性文法在LR分析中的应用

例：表达式文法

$$E' \rightarrow E$$
$$E \rightarrow E + E$$
$$E \rightarrow E * E$$
$$E \rightarrow (E)$$
$$E \rightarrow i$$

二义性文法不是LR文法，但对某些二义性文法，根据背景语义人为地给出优先性和结合性，则可能构造出更有效的LR分析器

如：规定在表达式文法中  
i 的优先性最高

'\*' > '+'

'\*' 和 '+' 服从左结合

# 算术表达式二义性文法的 LR(0)项目集及状态转换矩阵

当前符号 状态	+	*	(	)	i	#	E
$I_0$ : $E' \rightarrow \bullet E$ $E \rightarrow \bullet E + E$ $E \rightarrow \bullet E * E$ $E \rightarrow \bullet (E)$ $E \rightarrow \bullet i$			$I_2$ : $E \rightarrow (\bullet E)$ $E \rightarrow \bullet E + E$ $E \rightarrow \bullet E * E$ $E \rightarrow \bullet (E)$ $E \rightarrow \bullet i$		$I_3$ : $E \rightarrow i \bullet$		$I_1$ : $E' \rightarrow E \bullet$ $E \rightarrow E \bullet + E$ $E \rightarrow E \bullet * E$
$I_4$ : $E \rightarrow E + \bullet E$ $E \rightarrow \bullet E + E$ $E \rightarrow \bullet E * E$ $E \rightarrow \bullet (E)$ $E \rightarrow \bullet i$		$I_5$ : $E \rightarrow E * \bullet E$ $E \rightarrow \bullet E + E$ $E \rightarrow \bullet E * E$ $E \rightarrow \bullet (E)$ $E \rightarrow \bullet i$				acc	

当前 符号 状态	+	*	(	)	i	#	E
$I_2:$			$I_2:$		$I_3:$		$I_6:$ $E \rightarrow (E \bullet)$ $E \rightarrow E \bullet + E$ $E \rightarrow E \bullet * E$
$I_3:$							
$I_4:$			$I_2:$		$I_3:$		$I_7:$ $E \rightarrow E + E \bullet$ $E \rightarrow E \bullet + E$ $E \rightarrow E \bullet * E$
$I_5:$			$I_2:$		$I_3:$		$I_8:$ $E \rightarrow E * E \bullet$ $E \rightarrow E \bullet + E$ $E \rightarrow E \bullet * E$
$I_6:$	$I_4:$	$I_5:$		$I_9:$ $E \rightarrow (E) \bullet$			
$I_7:$	$I_4:$	$I_5:$					
$I_8:$	$I_4:$	$I_5:$					
$I_9:$							

在 $I_1$ ,  $I_7$ ,  $I_8$ 中存在移进-归约冲突

## 在 $I_1, I_7, I_8$ 中存在移进-归约冲突

$I_1$ :  $E' \rightarrow E \bullet$   
 $E \rightarrow E \bullet + E$   
 $E \rightarrow E \bullet * E$

$I_1$ : 移进和接受无冲突

$I_7$ :  $E \rightarrow E + E \bullet$   
 $E \rightarrow E \bullet + E$   
 $E \rightarrow E \bullet * E$

$I_7, I_8$ 利用优先关系和结合性解决冲突, 规定:  $'*'$  优先于  $'+'$ , 都服从左结合。

$I_8$ :  $E \rightarrow E * E \bullet$   
 $E \rightarrow E \bullet + E$   
 $E \rightarrow E \bullet * E$

$I_7$ : 遇  $'*'$  移进,  
遇  $'+'$  归约。

$I_8$ : 遇  $'+'$ ,  $'*'$  都归约。

# 二义性表达式文法的LR分析表

状态	ACTION						GOTO
	+	*	(	)	i	#	E
0			S2		S3		1
1	S4	S5				acc	
2			S2		S2		6
3	r4	r4		r4		r4	
4			S2		S3		7
5			S2		S3		8
6	S4	S5		S9			
7	r1	S5		r1		r1	
8	r2	r2		r2		r2	
9	r3	r3		r3		r3	



## 对输入串 $i+i*i$ 的分析过程

步骤	状态栈	符号栈	输入串	ACTION	GOTO
1	0	#	$i+i*i\#$	S3	
2	03	#i	$+i*i\#$	r4	1
3	01	#E	$+i*i\#$	S4	
4	014	#E+	$i*i\#$	S3	
5	0143	#E+i	$*i\#$	r4	
6	0147	#E+E	$*i\#$	S5	
7	01475	#E+E*	i#	S3	
8	014753	#E+E*i	#	r4	8
9	014758	#E+E*E	#	r2	
10	0147	#E+E	#	r1	1
11	01	#E	#	acc	

# LR分析的错误处理---在表中插入处理程序

$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid (E) \mid id$

State on top of stack	Action						Goto
	id	+	*	(	)	\$	E
0	s3	e1	e1	s2	e2	e1	1
1	e3	s4	s5	e3	e2	acc	
2	s3	e1	e1	s2	e2	e1	6
3	e3	r4	r4	e3	r4	r4	
4	s3	e1	e1	s2	e2	e1	7
5	s3	e1	e1	s2	e2	e1	8
6	e3	s4	s5	e3	s9	e4	
7	e3	r1	s5	e3	r1	r1	
8	e3	r2	r2	e3	r2	r2	
9	e3	r3	r3	e3	r3	r3	

- e1:** 状态 0, 2, 4, 5 调用, 这些状态期望输入一个表达式的首符, 而遇到的是算符, 错误信息是“缺少运算量”, 可将id置于栈, 并盖以状态3
- e2:** 状态 0, 1, 2, 4, 5 调用, 这些状态期望一个新表达式的开头或者是状态1的输入结束, 而见到的是右括号, 可能的修复: 删除右括号, 错误信息是“不匹配的右括号”
- e3:** 状态 1, 3, 6, 7, 8, 9 调用, 见到的是左括号或id, 期望输入的是算符, 可能的修复: 将+置于栈, 并盖以状态4, 错误信息是“缺少运算符”
- e4:** 状态 6 调用, 见到的是输入结束符 \$. 期望输入的是算符或右括号, 可能的修复: 可将“)”置于栈, 并盖以状态9, 错误信息是“缺少右括号”

## 习 题

3 (1)(2)

7

8

9

## 补充习题

1. 下列文法是LR(0)吗？是SLR(1)吗？

$$\begin{aligned} \text{a) } E &\rightarrow E + T \mid T \\ T &\rightarrow (E) \mid \text{id} \mid \text{id}[E] \end{aligned}$$

$$\text{b) } S \rightarrow Ab \mid ABc$$

$$A \rightarrow aA \mid a$$

$$B \rightarrow b$$

2. 为下列文法构造LR(1)分析表，并分析串 baab。

$$0) S' \rightarrow S$$

$$1) S \rightarrow XX$$

$$2) X \rightarrow aX$$

$$3) X \rightarrow b$$