

Denne skriften er det brukeren ser, inkludert skrift som er fargelagt **rødt** og **blått**
 Skriften brukes til å referere til manus
 Skriften brukes til å referere til videodesign
 Skriften brukes til å referere til handlinger i plattformen
 Skriften brukes til å stille design spørsmål

Ligninger

Førstegradslikninger

Exercise 1

$$\begin{aligned}
 7x - 3 &= 11 && \text{Plus 3 på begge sider av likhetstegnet.} && (1) \\
 7x - 3 + 3 &= 11 + 3 && && (2) \\
 7x &= 14 && && (3) \\
 \frac{7x}{7} &= \frac{14}{7} && \text{Uttrykket kan forkortes mer.} && (4) \\
 x &= 2 && && (5)
 \end{aligned}$$

Exercise 2

Del 1

$$\begin{aligned}
 \frac{x}{2} + \frac{5}{6} &= \frac{4}{3} - x && \text{Pluss x på begge sider av likhetstegnet.} && (6) \\
 \frac{x}{2} + x + \frac{5}{6} &= \frac{4}{3} - x + x && && (7) \\
 \frac{x}{2} + x + \frac{5}{6} - \frac{5}{6} &= \frac{4}{3} - \frac{5}{6} && && (8) \\
 \frac{x}{2} + \frac{2x}{2} &= \frac{8}{6} - \frac{5}{6} && && (9) \\
 \frac{3x}{2} &= \frac{3}{6} && \text{Uttrykket kan forkortes mer.} && (10) \\
 \frac{3x \cdot 2}{7 \cdot 3} &= \frac{1 \cdot 2}{2 \cdot 3} && \text{Uttrykket kan forkortes mer.} && (11) \\
 x &= \frac{1}{2} && && (12)
 \end{aligned}$$

Sett inn tall i formler

Exercise 3

Fatima har kjøpt nytt abonnement hos Teliho. I abonnementet har hun en fast beløp hver måned på 50 kr. I tillegg må hun betale 1.50 kr per MB hun bruker.

Del 1) Lag en ligning som beskriver Fatimas total månedlig kostnad. La x være antall MB hun bruker i måneden og $P(x)$ hennes total kostnad per måned.

$$P = 50 \text{ Hvis Fatima bruker ingen data, blir da hennes forbruk lik } 50 \quad (13)$$

$$P = 50 + 1.5 \cdot 1 \text{ Hvis Fatima bruker 1MB data, blir da hennes forbruk lik } 50 + 1.5 \cdot 1 \quad (14)$$

$$P = 50 + 1.5 \cdot 2 \text{ Hvis Fatima bruker 2MB data, blir da hennes forbruk lik } 50 + 1.5 \cdot 2 \quad (15)$$

Hva blir hennes forbruk hvis hun bruker x -antall data per måned

$$P = 50 + 1.5x \quad (16)$$

Del 2) Finn hennes total kostnad per måned når hun bruker $1000 \text{ MB} = 1 \text{ GB}$ data.

$$P = 50 + 1.5 \cdot 1000 \quad (17)$$

$$P = 50 + 1500 \quad (18)$$

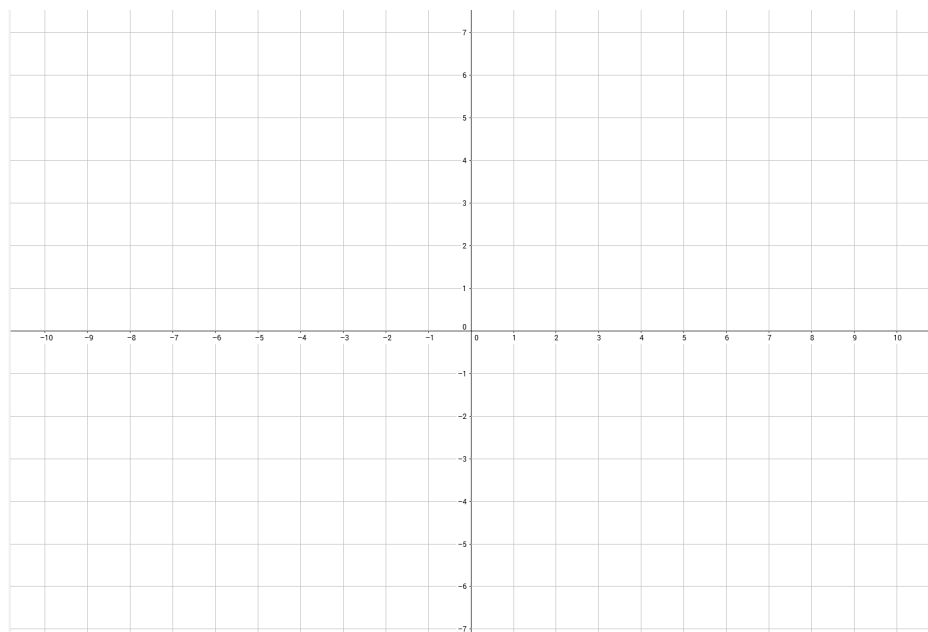
$$P = 1550 \quad (19)$$

Vil du si at dette er et bra abonnement for Fatima i år 2017 ?

Funksjoner

Exercise 4

Vennligst klikk følgende koordinat i planet: $(0, 1)$



Hvis bruker taster feil, får han lov til en ny sjanse

Vennligst klikk følgende koordinat i planet: $(3, 1)$

Hvis bruker taster feil denne gangen vil han få en hint - hint knappen blir synlig

Hint: $(x, y) = (3, 1)$, dvs. at $x = 3$ og $y = 1$. Prøv å vis dette punktet i planet.

Hvis bruker taster feil på flere slike oppgaver vil han få en video med forklaring :

La oss se på punkt (4,2) og (-3,5). Vi vil nå vise at disse punktene ligger henholdsvis i første og andre kvadrant. Husk at den horisontale koordinat aksen (x-aksen) er alltid den første koordinat (På videoen blir et punktene hevet med grafikk), mens det andre tallet i tall paret er langs den vertikale koordinat aksen (y-aksen).

Hvis bruker taster riktig på flere slike oppgaver vil han gå videre til neste oppgave.

Exercise 5

Følgende ligning beskriver en lineær funksjon:

$$y = 3x + 2. \quad (20)$$

Hva er y verdien når $x = 2$.

Hvis bruker taster feil, får hun følgende hint.

Hint: Du må erstatte x variabelen med verdien 2.

Hvis eleven oppgir feil y verdi vil han få riktig svar fylt vha. en animasjon.

Hvordan bør animasjonen lages?

Hvis eleven bruker hint, får han en ny oppgave med en annen tallverdi.

Exercise 6

Del 1

En funksjon er gitt ved $y = -2x + 1$. Du skal fylle verdiene i tabellen under.

| x | y | |
|----|----|-----------------------|
| 0 | | $y = -2 \cdot _ + 1$ |
| 3 | | $y = -2 \cdot _ + 1$ |
| -2 | | $y = -2 \cdot _ + 1$ |
| | -7 | $_ = -2 \cdot x + 1$ |
| | 1 | $_ = -2 \cdot x + 1$ |

De siste to verdiene er kun ment for sterke elever og vil ikke være synlig for svake elever.

Tredje kolonne oppstår når eleven vet ikke hva eller hvordan hun skal finne verdiene. Eleven vil da veiledes interaktivt, med for eksempel en pil over hvor tall verdien skal og hvilken tall verdi.

Hvis eleven trenger video forklaring, får han følgende løsningsforlag/demonstrasjon.

1. Videoen startet med tabellen

| x | y |
|----|---|
| 0 | |
| 3 | |
| -2 | |

2. Vi har gitt en lineær funksjon og målet til oppgaven er å finne y verdiene for de gitte x verdiene i tabellen. Det vil si, vi må sette hver x verdi inn i funksjonen og regne ut y verdien.
Skriver ut funksjonen ved siden av tabellen og indikerer variabelen x som skal erstattes.

3. Mens det skrives ned utregning for hver y, skal oppleser lese av operasjonene.

Del 2

I denne oppgaven skal du sette tall parene for x og y koordinatene inn i planet for å visualisere grafen.

Hvis bruker har tastet punktene i riktig koordinater, vil elven få oppgaven godkjent. Det vises en funksjon som går gjennom punktene.

Hvis eleven blander x med y koordinater, vil han få hint om å passe på rekkefølgen når leser av på koordinataksene.

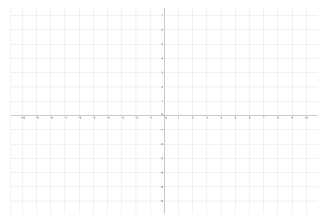
Hvis bruker taster inn koordinater på feil sted, vil hans punkter bli sammenlignet med riktig punkter.

Hvis bruker taster riktig eller feil skal han få en eller annen tilbakemelding når han taster inn hver tall verdi i tabellen. Hvis bruker taster riktig eller feil skal han få en eller annen tilbakemelding når han taster inn hver tall verdi i tabellen.

Hvis bruker ber om video forklaring får han følgende løsning/demonstrasjon:

1. Nå skal vi sett disse punktene i planet.

Videoen starter med grid og punktene blir utpekt og demonstrert når oppleser leser av



instruksjonen.

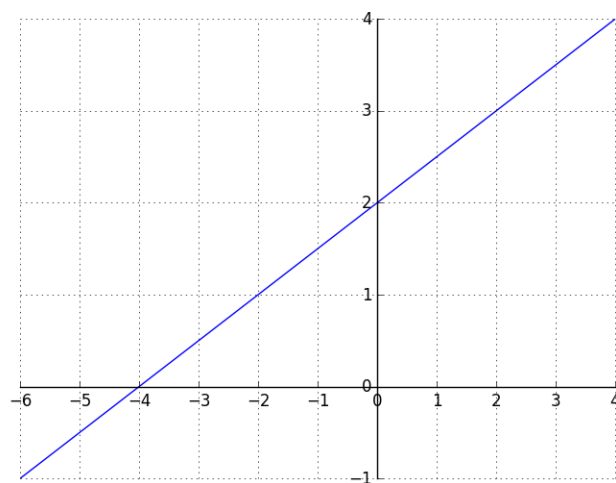
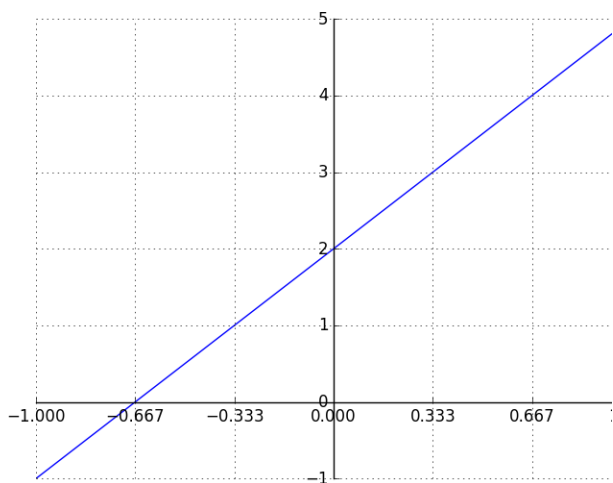
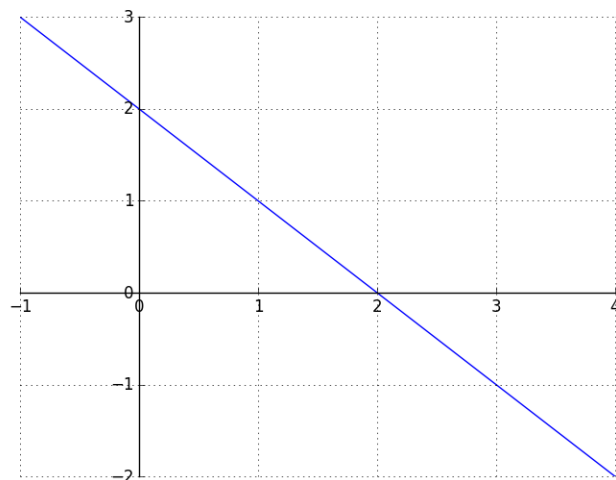
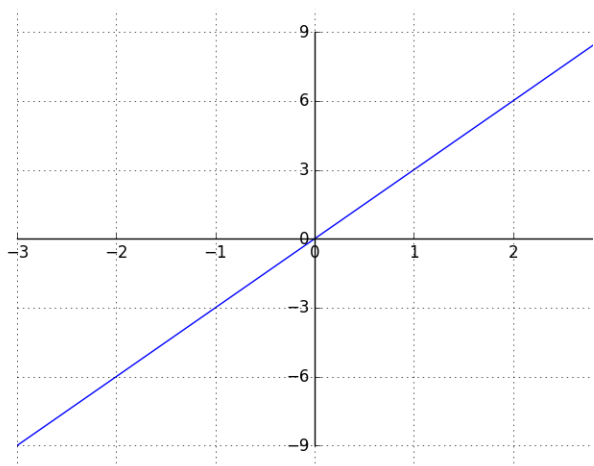
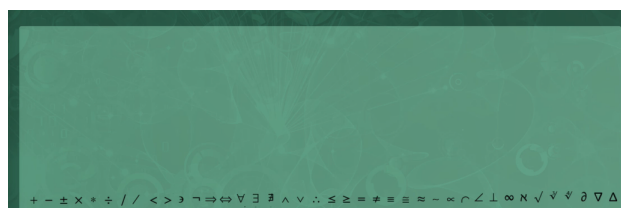
2. For eksempel, la oss begynne med punkt (3,-5). Vi skal bevege oss fra origo 3 plasser langs x-aksen mot høyre og videre beveger vi oss 5 plasser ned fra x-aksen i 4 kvadrant, dvs. under x-aksen til høyre.
3. Punkt (-2,5) vi beveger oss 2 plasser horisontalt til venstre og 5 plasser vertikalt i 2 kvadrant (over x-aksen til venstre).
4. Punkt (0,1) er 0 i x koordinaten og 1 i y koordinaten. For å plassere punktet holder vi oss langs y aksen, siden $x = 0$ og flytter 1 plass vertikalt.

Stigningstallet

Exercise 7

Finn stigningstallet til følgende lineære funksjoner. Fyll svaret i svarfeltet : Hvis eleven taster feil: Husk at stigningstallet beskriver hvor mye funksjonen vokser eller minker når du øker x verdien. Husk at stigningstallet er gitt som forandring i y-verdien delt på forandringen i x-verdien:

$$a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \quad (21)$$



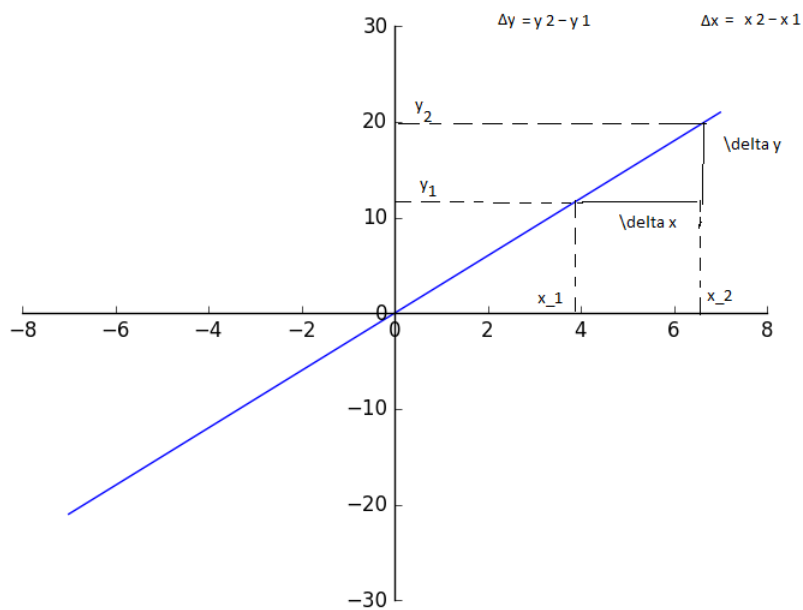
Hvis eleven fortsatt ikke forstår vil da eleven presenteres med en video forklaring : Video forklaring knappen dukker opp.

Video forklaring:

Husk at stigningstallet kan regnes ved å dele forandringen mellom y verdiene på forandringen i x-verdiene.

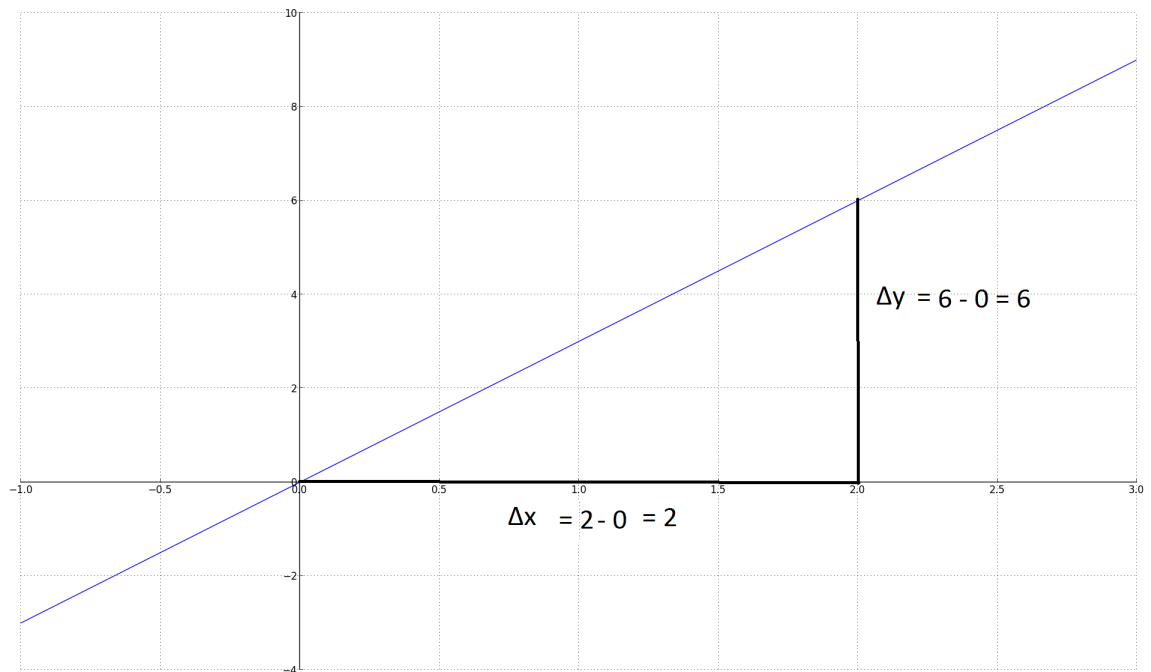
På videoen vises formelen mens det forklares vha. grafen hvor oppleseren trekker en vertikal linje ned fra grafen fra en passelig funksjonsverdi og deretter trekkes det en linje horisontalt inntil til funksjonen.

Jeg kan velge passende Δy og Δx verdiene og sette disse inn i formelen for å regne ut stigningstallet. Det vises at oppleseren markerer Δy og Δx på grafen og skriver opp formelen.



F.eks i funksjonen $y = 3x$. Vi velger disse to punktene y_2 og y_1 . Her ser vi at forandringen i y , er $\Delta y = y_2 - y_1 = 6 - 0$ og forandringen i for disse funksjonsverdiene er $\Delta x_2 - \Delta x_1 = 2 - 0$. Da ser vi at stigningstallet blir $6/2 = 3$.

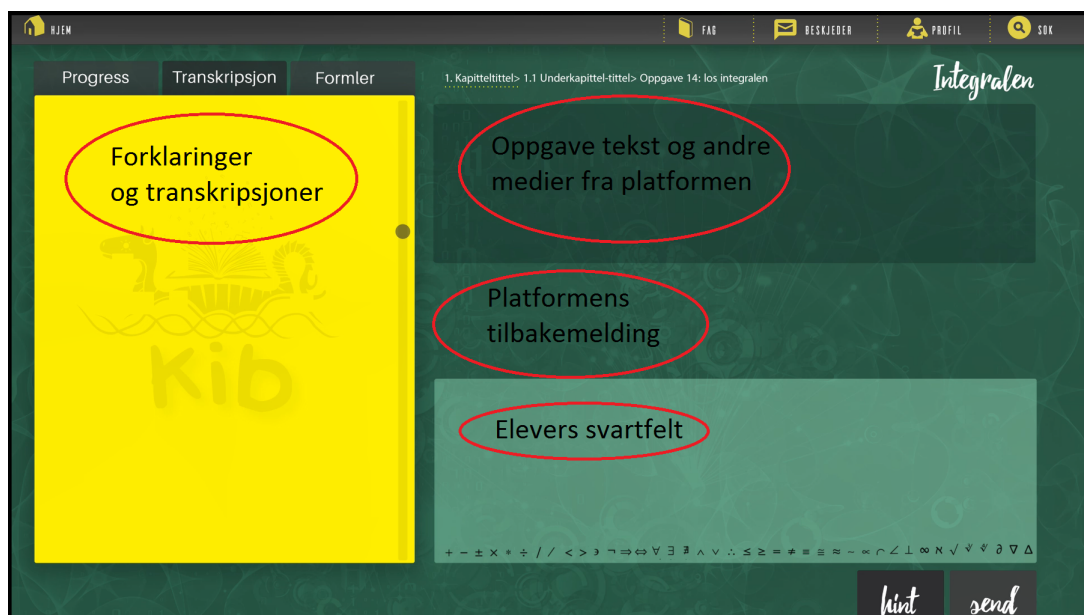
Det vises at oppleseren gjentar avlesning fra funksjonen og markerer verdiene med striplet linje. Deretter setter oppleseren verdiene inn i formelen og regner ut stigningstallet.



Konstantledd

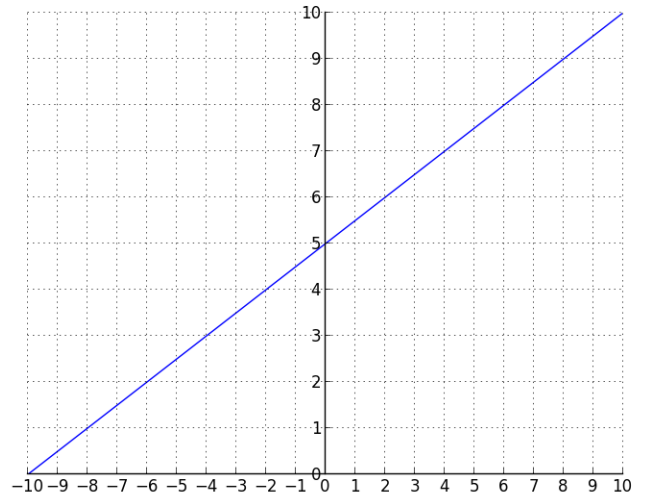
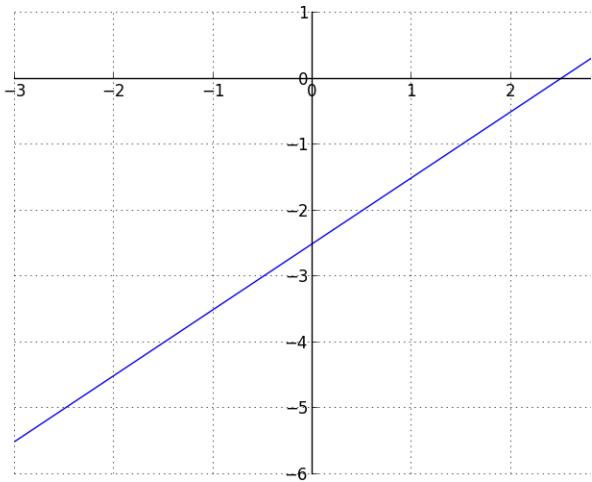
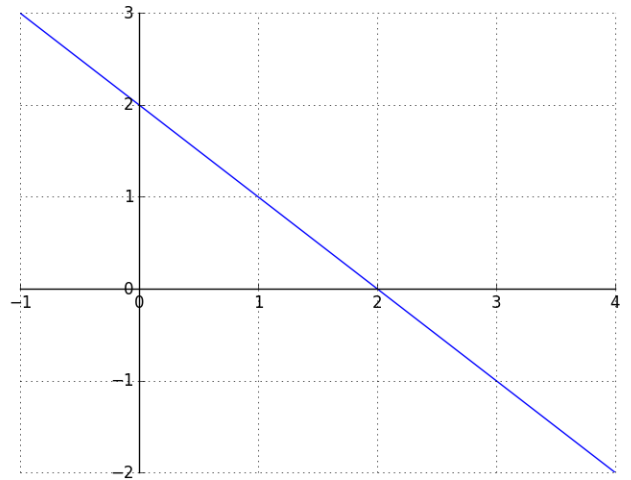
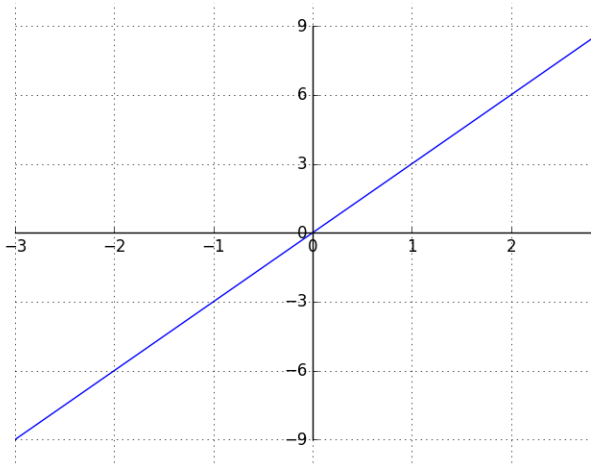
Exercise 8

Finn verdien til y hvor funksjonen krysser y -aksen. (Tast verdien i svarfeltet) [Hvordan bør svarfeltet brukes](#). Her skal svaret være en tall og da føler vi at det vanlige svarfeltet (se figuren under) blir for pregende.



Exercise 9

Finn konstantleddet til følgende lineære funksjoner. Fyll svaret i svarfeltet:



Hvis eleven taster feil:

Husk at konstantleddet til funksjonen kan leses av figuren. Det er verdien til y der funksjonen krysser y -aksen. Figur med utpekt verdi på funksjonen blir mens oppleseren forklarer eller tegner.

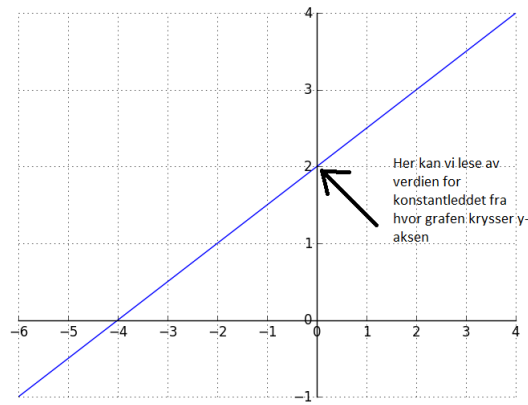
Lineær funksjon

I disse oppgavene skal vi finne likninger til lineære funksjoner. Husk at en linje beskrives med likningen i formen $y = ax + b$ der a er stigningstallet og b er y verdien ved krysnings punkt, dvs. konstantleddet.

Exercise 10

Del 1)

Skriv likning til linja som har stigningstallet 4 og konstantledd 1



Svar

$$y = 4x + 1$$

Hint 1

Husk at likningen til en linje har formen $y = ax + b$ der a er stigningstallet og b er konstantleddet.

Hint 2

I dette tilfellet $a = 4$ og $b = 1$

Del 2)

Hvilken graf tilhører denne funksjonen?

Det skal vises følgende funksjoner:

$$y = 4x + 1$$

$$y = 4x + 5$$

$$y = 1x + 4$$

$$y = 5x + 3$$

Exercise 11

Skriv likning til linja som har stigningstallet -2 og som krysser y aksen på 3

svar

$$y = 4x + 1$$

Hint 1

Husk at likningen til en linje har formen $y = ax + b$ der a er stigningstallet og b er y verdien ved krysnings punkt.

Hint 2

I dette tilfellet $a = -2$ og $b = 3$

Oppgave 1.b Hvilken graf tilhører denne funksjon?

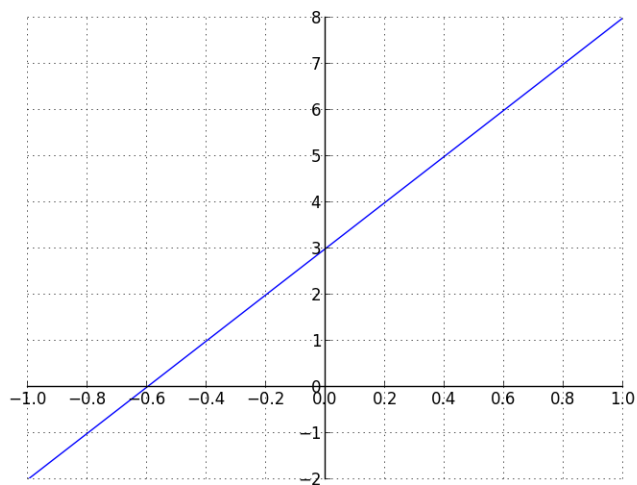
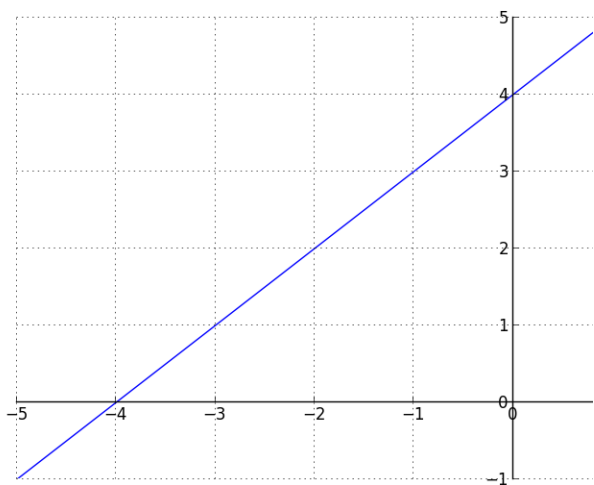
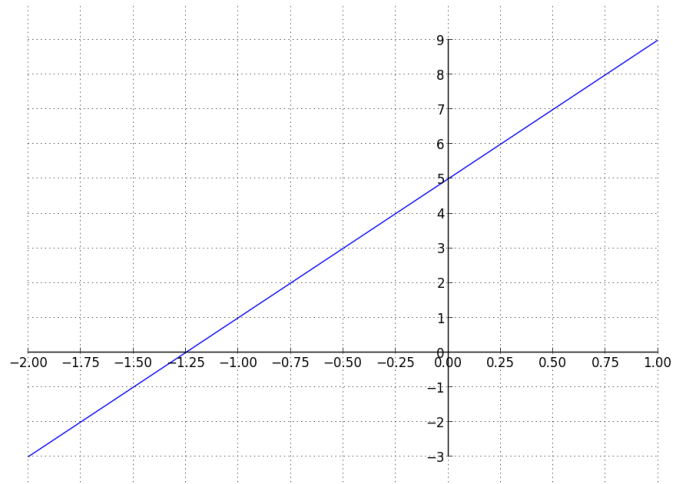
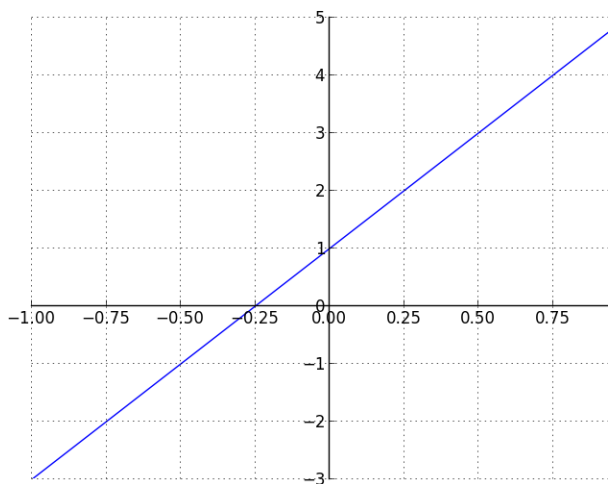
Det skal vises følgende funksjoner:

$$y = -2x + 3$$

$$y = 2x + -3$$

$$y = -3x + 2$$

$$y = -3x + 3$$



Exercise 12

Skriv likningen som beskriver linear funksjon som vises i denne grafen:

The graph will show this linear function: $y = 6x - 3$:

Hint 1

Husk at likningen til en linje har formen $y = ax + b$ der a er stigningstallet og b er y verdien ved krysnings punkt. Hva er stigningstallet til denne linearfunksjon? $a =$ Hvor krysser funksjonen y akse? $b =$

Exercise 13

Finn likning til linja som går gjennom punktene $(2, 6)$ og $(0, -4)$

Hint :

Likning til en linje er på denne formen:

$$y = ax + b \quad (22)$$

Det vil si at vi vil finne stigningstallet **a** og konstantleddet **b**.

Hvis elev fortsatt sitter fast gis det et løsningsforslag - for denne oppgavene der løsningen gitt gjennom skritt for skritt veiledning. Det antas heretter at eleven har svak forståelse

1. Først kan vi finne stigningstallet **a** ved å bruke formelen:

$$a = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \quad (23)$$

med de gitte punktene $\begin{matrix} x_1 & y_1 \\ (0, & -4) \end{matrix}$ og $\begin{matrix} x_2 & y_2 \\ (2, & 6) \end{matrix}$

Det oppstår $a = \frac{*}{*}$ på svarefeltet. Hvis brukeren klarer ikke å fylle riktig tall selv, oppstår det en forklarings video

La oss finne stigningstallet ved å bruke formelen a er lik forandring på y delt på forandring på x

The equation for the slope is written: $a = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$

For å finne forandring på y, tar vi differansen i y koordinatene, som i dette tilfelle er 6 minus minus 4

6 - (- 4) is inserted in the nominator of the formula

For å finne forandring på x, tar vi differansen i x koordinatene, som i dette tilfelle er 2 minus 0

2 - 0 is inserted in the denominator of the formula

Etter videoen må brukeren selv sette inn tallene.

2. Sett inn verdien vi har funnet for stigningstallet i den opprinnelige likningen: $y = ax + b$
Hvis brukeren klarer ikke å fylle riktig tall selv, oppstår det formel i svarfeltet med blanktegn mens video forklarer hva bruker skal gjøre:

$$y = _x + b \quad (24)$$

Nå at vi har funnet stigningstallet kan vi sette den i formelen $y = ax + b$

$y = ax + b$

Vi erstatter "a" med tall verdien 5

the letter a is erased and replaced with the number 5

3. Nå må vi finne konstantleddet b, for å gjøre det velger vi et punkt og ersatter koordinatene i ligningen og deretter løser vi ligningen for b. Sett opp ligningen og løs uttrykket for b.

$$() = 5 \cdot () + b \quad (25)$$

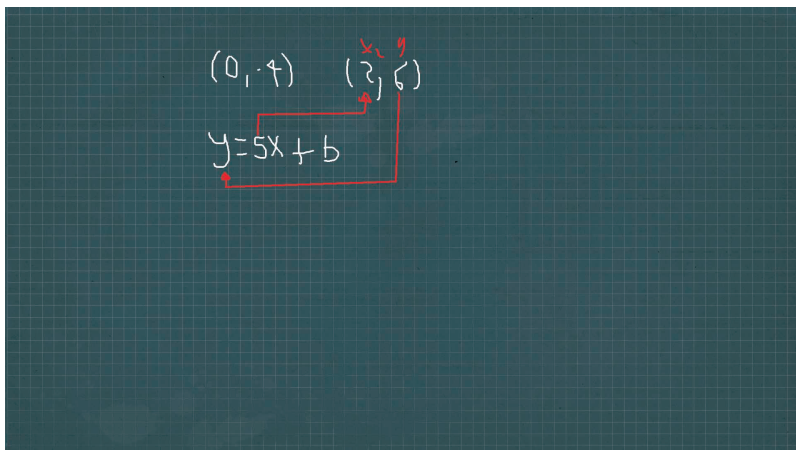
$$(-4) = 5 \cdot (0) + b \quad (26)$$

$$b = -4 \quad (27)$$

Hvis bruker klarer ikke å sette opp en ligning for b, får han veiledning til å sette opp ligningen. Bruker trykker på hjelpeknappen

For å finne konstantleddet b velger vi et punkt og ersatter koordinatene i ligningen. For eksempel velger jeg (2,6). Så jeg skal erstatte 6 med y og 2 med x

write down the two points (2,6) and (0, -4) above the equation and draw a red circle around (2,6) . Then draw an arrow coming from 6 to y and another from 2 to x (see figure ??) Vi får



da ligningen $6 = 5 \cdot 2 + b$, der b er en ukjent

write down equation

$$6 = 5 \cdot 2 + b$$

Vi løser for b og får at b er lik $6 - 10$ som er lik -4

write down equation

$$b = 6 - 10 = -4 \quad (28)$$

4. Siste skritt for å svare på oppgaven er å skrive opp uttrykket for funksjonen ved å sette verdiene vi har funnet for stigningstallet og konstantleddet .

$$a = 5 \text{ og } b = -4$$

Sett disse verdiene i likningen Hvis brukerer vet ikke hva han skal gjøre får han hint :

Hint:

$$y = ()x + () \quad (29)$$

Hvis brukerer fortsatt vet ikke hva han skal gjøre :

$$y = ()x + () \quad (30)$$

$$y = (5)x + (-4) \quad (31)$$

$$y = 5x - 4 \quad (32)$$

For å fullføre oppgave erstatter vi verdiene vi har funnet for a og b i linearlikningen. Så vi for at $y = 5x - 4$

When he says "a"we write $a = 5$ and when he says b"we write $b = -4$, then below we write $y = 5x - 4$

Tilslutt skal det gis følgende oppsummering :

- Finn først stigningstallet ved å bruke formelen :

$$a = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \quad (33)$$

- Sett inn stigningstallet i funksjonen og løs ligning for konstantleddet b:

- Sett opp et uttrykk for ligningen hvor b er ukjent :

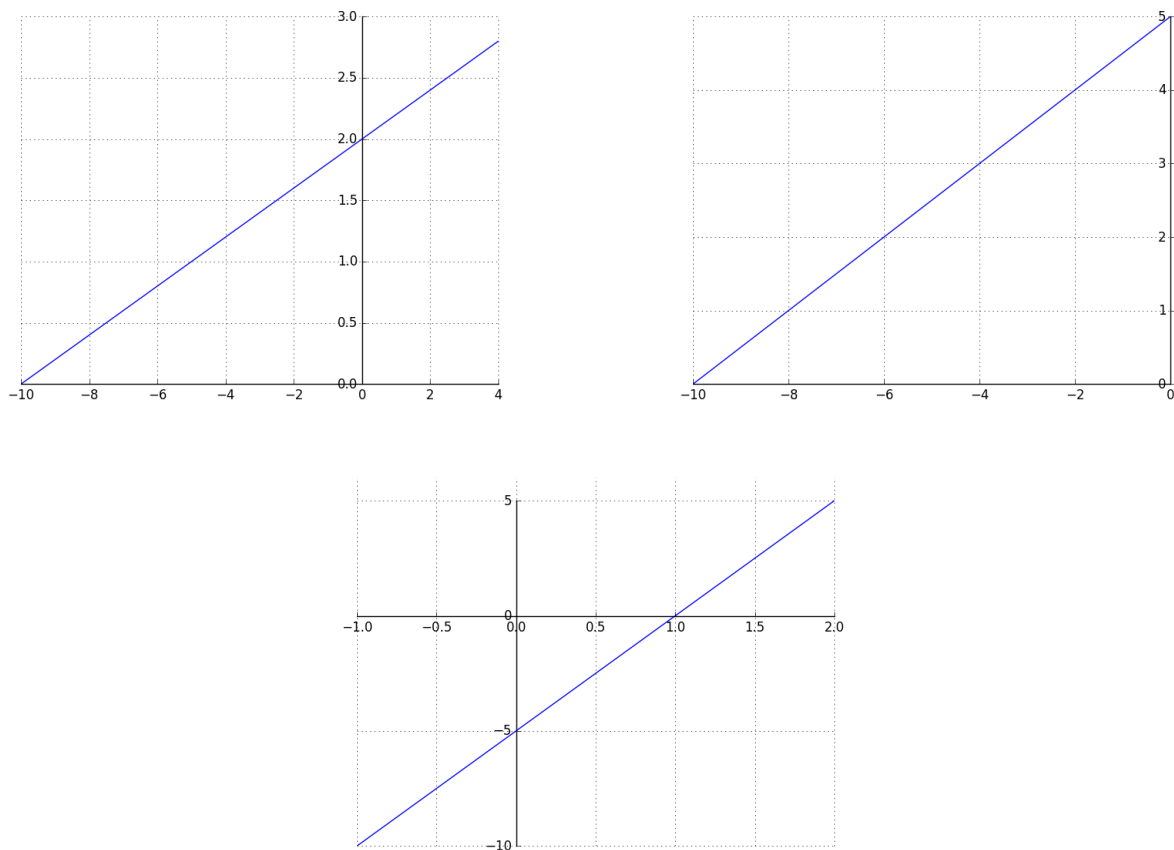
$$b = y_1 - a \cdot x_1 \quad (34)$$

- Velg et punkt (x_1, y_1) og sett den inn for uttrykket for b

Exercise 14

Finn funksjonen som er parallel med $y = 5x - 4$.

Hvordan kan figurene trykkes og bruker bli opplyst om svaret var riktig eller feil?



Figur 4: Figurer til oppgave 14

Hvis brukeren velger feil funksjon.

Hint: En funksjon er parallel med en annen funksjon hvis de har samme stigningstall.

Hvis brukerer trenger ytterlig hint

Hint: Stigningstallet kan finnes ved å bruke følgende formel :

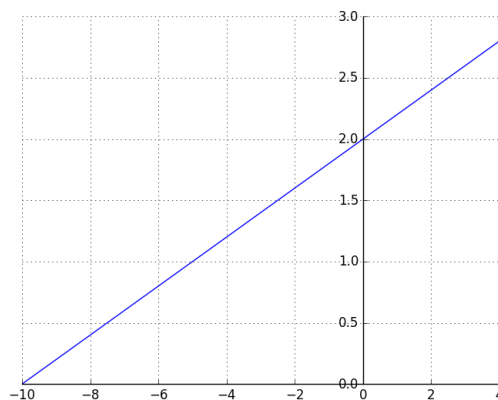
$$a = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \quad (35)$$

Hint: Velg to punkter fra figurene og regn ut stiningstallet.

Hint: Sammenlign stiningstallet du har regnet med den til funksjonen $y = 5x - 4$.

Hvis brukerer velger å få et løsningsforslag, vil følgende vises i plattformen.

1. Vi må først finne stigningstallet til hver figur og sammenligne verdien vi får med stiningstallet til den oppgitte funksjonen: $y = 5x - 4$.



2. La oss begynne med figur ??. Vi leser av figuren to punkter, f.eks: $(-10, 0)$ og $(0, 2)$.
3. Vi regner ut stiningstallet som er gitt ved følgende formel:

$$a = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} \quad (36)$$

Ved å sette inn tallene, får vi at

$$a = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{2 - 0}{0 - (-10)} \quad (37)$$

$$= \frac{1}{5} \quad (38)$$

4. For å bekrefte om stigningstallet samsvarer med stigningstallet til funksjonen $y = 5x - 4$ må vi finne a verdien til denne funksjonen. Ved å huske at formelen for en generell lineær funksjon er gitt ved $y = ax + b$ ser vi at vi kan lese av verdien fra funksjonen for a, som blir da 5. Dermed kan vi se at figur ?? har ikke samme stiningstall og er derfor ikke parallel med $y = 5x - 4$.
5. Vi gjentar denne prosessen for de foregående funksjoner.