### Desafio

Henrique Lispector lispe001@umn.edu
10 de outubro, 2017

### Subindo os dados para o R

```
library(readr)
desafio <- read csv("~/Desktop/desafio.csv")</pre>
## Parsed with column specification:
## cols(
##
    order_id = col_character(),
##
    code = col_character(),
##
    quantity = col_integer(),
##
    price = col double(),
##
    pis_cofins = col_double(),
##
    icms = col_double(),
##
    tax_substitution = col_double(),
##
    category = col_character(),
##
    liquid_cost = col_double(),
##
    order_status = col_character(),
    capture_date = col_date(format = ""),
##
##
    process_date = col_date(format = ""),
##
    process_status = col_character(),
##
    source_channel = col_character()
## )
## Warning in rbind(names(probs), probs_f): number of columns of result is not
## a multiple of vector length (arg 1)
## Warning: 24493 parsing failures.
## row # A tibble: 5 x 5 col
                               row
                                                 expected
                                                             actual
                                           col
                                                                                      file expecte
## ... ......
                                                        ## See problems(...) for more details.
```

#### Pré-Processamento dos Dados

Antes de tudo, como os algoritmos presentes nesta análise utilizam-se de algumas variáveis randômicas, farei uso da função "set.seed()", para que o código produza as mesmas variáveis randômicas e os mesmos resultados, no caso de ser executado por terceiros.

```
set.seed(5)
```

Ao abrir o desafio.csv, a minha primeira atitude foi tentar entender o que cada coluna significa. Para isso, antes de mais nada, quis saber como era o dataset vendo suas primeiras linhas, que não foi muito útil pelo fato de o dataset estar codificado como classe tibble. Então, em seguida, usei o comando View() para ver o arquivo como um todo, que está comentado, pois gera um output muito grande. Quando se trabalha com dados de maior tamanho, o comando View() não é recomendado e transformar a classe do dataset para dataframe seria o mais indicado.

```
head(desafio)
```

```
## # A tibble: 6 x 14
##
                             order_id
                                                                   code
##
                                <chr>
                                                                  <chr>>
## 1 bcb59c839e78b2601374cbad9239ca7b e6762ba2ffbca07ab6cee7551caeaad5
## 2 4e91ee6b95895771dc9ee524e910a902 e6762ba2ffbca07ab6cee7551caeaad5
## 3 88eb0ac86af1a521c0831298d22dea8b e6762ba2ffbca07ab6cee7551caeaad5
## 4 dee418152a36314b4aee6ce9cf94fcbf e6762ba2ffbca07ab6cee7551caeaad5
## 5 1c175bc61b9b659bbf011b2e5e3dcec6 e6762ba2ffbca07ab6cee7551caeaad5
## 6 a8ad36828898fa3f6efeb5bd19c076f2 e6762ba2ffbca07ab6cee7551caeaad5
## # ... with 12 more variables: quantity <int>, price <dbl>,
       pis_cofins <dbl>, icms <dbl>, tax_substitution <dbl>, category <chr>,
       liquid_cost <dbl>, order_status <chr>, capture_date <date>,
       process_date <date>, process_status <chr>, source_channel <chr>
#View(desafio)
```

Para entender melhor o que cada coluna significa, verifiquei a classe que cada variável está codificada e se a classificação faz sentido.

### lapply(desafio, class)

```
## $order_id
## [1] "character"
##
## $code
## [1] "character"
##
## $quantity
## [1] "integer"
##
## $price
## [1] "numeric"
## $pis_cofins
## [1] "numeric"
##
## $icms
## [1] "numeric"
## $tax_substitution
## [1] "numeric"
##
## $category
## [1] "character"
##
## $liquid_cost
## [1] "numeric"
## $order_status
## [1] "character"
##
## $capture_date
## [1] "Date"
## $process_date
```

```
## [1] "Date"
##
## $process_status
## [1] "character"
##
## $source_channel
## [1] "character"
```

Vemos que "order\_id", "code", "category", "order\_status", "process\_status" e "source\_channel" estão classificados como "character", o que não vai nos dizer muita coisa quando usarmos a função "summary()" na sequência. Assim, devemos trocar a classificação dessas variáveis para "factor". Além dessas variáveis, a variável liquid\_cost obviamente é númerica, mas vou trocá-la para "factor" para saber quantos números distintos essa variável possui.

```
desafio1 <- with(desafio,
  data.frame(order_id = factor(order_id), code = factor(code), quantity = quantity, price = price,
  pis_cofins = pis_cofins, icms = icms, tax_substitution = tax_substitution,
  category = factor(category), liquid_cost = factor(liquid_cost), order_status = factor(order_status),
  capture_date = capture_date, process_date = process_date,
  process_status = factor(process_status), source_channel = factor(source_channel)))</pre>
```

Verificamos se a mudança foi efetuada com sucesso.

```
lapply(desafio1, class)
```

```
## $order_id
## [1] "factor"
## $code
## [1] "factor"
##
## $quantity
## [1] "integer"
##
## $price
## [1] "numeric"
## $pis_cofins
## [1] "numeric"
##
## $icms
## [1] "numeric"
## $tax_substitution
## [1] "numeric"
##
## $category
## [1] "factor"
##
## $liquid cost
## [1] "factor"
## $order_status
## [1] "factor"
##
## $capture_date
```

```
## [1] "Date"
##
## $process_date
## [1] "Date"
##
## $process_status
## [1] "factor"
##
## $source_channel
## [1] "factor"
```

Sim, as mudanças de classe forem realizadas com sucesso. Neste momento podemos aplicar a função "summary()".

#### summary(desafio1)

```
##
                                 order_id
##
    3e3225b6aec78dbdd8ce73773764a1b2:
                                           5
##
    a95921da5207ed69e7ef05fefb5ae415:
                                           5
##
                                            5
    e0459fb2a1b29137204e07f3c57e4b95:
##
   050e40476e96a8781424e3a3def8fd9d:
##
   0a05f32038b22f199dedd5ad25ea923e:
##
    2378e930208fc2abd32833e65c322897:
                                     :179122
##
    (Other)
##
                                   code
                                                   quantity
##
    2e35421c34fb588ba40a0c57b3971d24: 20944
                                                      : 1.000
                                                Min.
    4534ea61b50410b3b6243e02b40c8cd1: 17225
                                                1st Qu.:
                                                         1.000
##
##
    3454ea52396a4cfd3fc37414d30c7b9c: 10674
                                                Median : 1.000
    32ceebf3efea1d04ace4183d20d4da5b:
                                                Mean
                                                       : 1.055
    0671c2b9132a3f5215a4212ce0691694:
                                                3rd Qu.: 1.000
##
                                        6496
    5b7a30a9e6a43b170ad4d9e00d8d9359:
                                                       :100.000
##
                                        6333
                                                Max.
##
    (Other)
                                     :108588
        price
                          pis_cofins
##
                                                icms
                                                             tax_substitution
##
    Min.
          :
                1.03
                        Min.
                             :
                                   0.00
                                          Min.
                                                  :
                                                      0.00
                                                             Min.
                                                                   : 0.00
##
              149.91
                        1st Qu.:
                                  10.64
                                          1st Qu.:
                                                      0.00
                                                                        0.00
    1st Qu.:
                                                             1st Qu.:
##
    Median :
              194.40
                        Median :
                                  17.52
                                          Median :
                                                     21.49
                                                             Median: 0.00
##
    Mean
              234.64
                        Mean
                                  19.53
                                          Mean
                                                     25.10
                                                             Mean
                                                                   : 17.87
##
    3rd Qu.:
              309.36
                        3rd Qu.:
                                  28.16
                                          3rd Qu.:
                                                     38.88
                                                             3rd Qu.: 30.40
##
                               :1849.35
                                                  :3598.74
                                                                     :280.83
           :19993.00
                       Max.
                                          Max.
                                                             Max.
##
##
                                 category
                                                  liquid_cost
##
    388128822cef4b4f102ae881e040a64b:153943
                                                213.4382:20944
##
    9a97178a18aa6333aabdfb21de182b99: 18009
                                                119.5065:17225
    90cc5bdd050bcd7cf0d50d079d0fda66:
                                                105.3557:15161
##
    dda10a917a9ea3120e5d299af5105290:
                                        1053
                                                205.8997:13754
    98f679396a60f117b171ddedfcc3e5ed:
                                          330
                                                116.6273:10310
##
    61ad270def6d4b2403f4536f39cff29a:
                                          200
                                                117.082 : 8606
##
    (Other)
                                          406
                                                (Other) :93149
##
                                                   capture_date
                                 order_status
##
    entrega total
                                        :144745
                                                  Min.
                                                         :2016-06-01
##
    cancelado boleto n<U+00E3>o pago
                                       : 18425
                                                  1st Qu.:2016-10-05
##
   cancelado
                                          5274
                                                  Median :2016-12-26
##
    em rota de entrega
                                          2649
                                                  Mean
                                                         :2016-12-20
                                          2516
##
    entrega parcial
                                                  3rd Qu.:2017-03-15
    solicita<U+00E7><U+00E3>o de troca:
                                          2400
                                                  Max.
                                                         :2017-06-01
```

```
##
    (Other)
                                           3140
##
     process_date
                             process_status
##
           :2016-06-01
                          captado
                                     : 24706
    1st Qu.:2016-10-04
##
                          processado: 154443
##
    Median :2016-12-26
           :2016-12-19
##
    Mean
##
    3rd Qu.:2017-03-16
##
    Max.
            :2017-07-11
##
    NA's
            :24493
##
                               source_channel
##
    b76eb9b8fc0f17098812da9117d3e500:81837
    fc7020775a7cdf161ab5267985c54601:31239
##
##
    a578e71c3216f513a84ec6a46084fd3a:20730
    9d3e0fcbc1f16d80a76026e8f1c26002:17714
##
##
    152bf0ce464047b9499ccb9e5b9b77a8: 7251
##
    98defd6ee70dfb1dea416cecdf391f58: 5085
    (Other)
                                      :15293
```

Posso inferir que a variável "code" pode significar produto, e que entre outras coisas, os seguintes pontos chamam a atenção:

- \* A variável "order id" se repete muito pouco e no geral é única para cada pedido;
- \* A variável "category" possui uma categoria com quase 85% dos produtos;
- \* As datas dos pedidos vão de 01/junho/2016 até 11/julho/2017;

Através do código abaixo, consigo saber que há exatamente 131 produtos ("codes") distintos no total no arquivo desafio.csv que foi fornecido. Esses 131 produtos possuem 97 custos ("liquid\_cost") diferentes, ou seja, alguns produtos de códigos diferentes vão ter o mesmo liquid\_cost, há 11 categorias da variável "category", 17 categorias para a variável "order\_status" e 16 para a variável "source\_channel".

```
summary(desafio1$code, maxsum = 131)
```

```
## 0671c2b9132a3f5215a4212ce0691694 09f544ec2a74c89abeec7b0590fc2d11
##
                              6496
                                  0bbe09e34a11e8e31cf49d6f8df2992d
##
  Oad316f6b5cb5e81ebff73ae2490ccfe
##
                               489
                                                               341
##
  ##
                               932
  118484c270085e811fbbc81978a269b2 13b69fd4bf80b95756e3b138c9169a7f
##
##
                               469
                                                               580
  174ef25d9556d516a813e2972f3b8351 193628b6634713730d3c506f2da0ff58
##
                               603
##
  1a225367d52023424b6f4b2aa8632615 1b3980ee40dc5d60ecae3b19cd41f49a
##
                               352
##
  1c234775cae774823f38abe6721e61a4 1c619f92929dbaa41df54608dc70a7ce
##
                              1167
                                                               217
  1dbe25b2fd344aed0c444fd6b715525b 1f12f1e1b9e7a20d4ad9dd549ec072c0
##
##
                               450
                                                               205
##
  213005fe5d815c539812614f1f6a7768 23056d85a1c9115cd021a6ad35c84aff
                                                              5973
##
                               168
##
  24549e47832f72f647d40a86b43b6925
                                  270dcdb08fc6470a6976f43b8169b0f6
##
                               164
  29424aaf6e27a8dbe4b7273a0a39131d 29f175b6bccc264e8141481dcda8102d
##
                               219
                                                              1115
##
  2ab0e87dbce6ac45502aa1d2a8265933 2bc9e1d807d8f9187b8650acd35a14e5
##
                               446
## 2e35421c34fb588ba40a0c57b3971d24 30b6a9b1621f558d788ffb3d07a19281
```

##	20944	1294
## ##		3454ea52396a4cfd3fc37414d30c7b9c 10674
## ##		373cc1cfc10a45488be6b97bd5e94c44 254
## ##	374e1947dcb8f4848f4ada6f04921edd 399	37a62c0ad48679cee5554655de294721 228
## ##	37e2a39e829495d13b6cbb5320413e48 1024	390943ce05959ac98c702d250c2ebb54 178
## ##	3a36dc63a58442085d0ccd98c4f9c64a 349	3b4407288e2983a514a241c9b84b7094 11
## ##	3bc993e0f0c636e9aaaefa0356bdecc0 458	3d21b63892749e921e3ff5818753bd67 1316
## ##	179	3da22f1b88a20ea8efc3d83fcb872e21 469
## ##	1731	40d98a2375332cb635d4cb28ab68e087 397
## ##	82	41e2bee39c1d3ef52fcedd69d0ab8c8c 59
##	592	4534ea61b50410b3b6243e02b40c8cd1 17225
## ##	850	4557c7e5af70efd2e3ca2befd59ccdc3 1486
## ## ##	1214	49d1447a5d1a218169eef2ea58cdc149 450 4ceedf57303e127d31a164c7ae5791d8
## ##	963	685 51016cd454b391dd0b0e23b2b16b6fc3
## ##	273	326 54209126056016c7c391c0c8fd8e6eff
## ##	769	352 5490e2abafb28c022e53b55ba6641122
## ##	906 55447a73ff140176f4210347854c71f1	362
##	1270 585eead66aaf3b2e140d480979184ae6	710 59af761735fbd646f8a8f98dc88f6fab
## ##	582 5b7a30a9e6a43b170ad4d9e00d8d9359	69 5bcebbc4f704cffaf2e6ccaf1d1fb5c7
## ##	6333 5e39201e582b1bb89cae7f650e4330c8	81 5e4c14883e5a606fac56b2630da5dca7
## ##	2224 5fb59bee157577ee04a269e52af88598	1267 5ff2d52d31bf9ad42924a35c4729ffdb
## ##	704 600c486af5e3f2d1624d2fc872e20e16	346 60424117a2618c7184687046fa5693c4
	537 618ea23457368cf423b03d6b8fede992	
	196 6411de56554a998e78ae1317fc956e19	
		361 6e6ae6bc648c6a00b4a4b7a8e976a41a
		451 723f73c85e91fc31d147dfade389d4f9
## ##	200 727673fa3e457bc596532b3eb26b23a0	657 75caad099f6f8c205e22e93826732c22

##	3737	666
## ##	760693745e10b0c5e68c42214c729b0d 4865	7c829a5a8a0e4408b682f4394783483e 140
## ##	7da116bd1d42f3475803402e710253cf 2094	7e3713530b46887cff58a2e2ac433ac5 1047
## ##	8bdd60f700ed8368e66080eb6bb6d313 193	8ca06ab9bced028b2f180d4fa0527588 454
## ##	8e5d2c3f2476cb5c507dd0f00f6eabda 75	9cdf9e07e226869d8da4a3e10ac65c62 1197
## ##	9e5dd3c1d252136c4351b84589dae2b5 425	a0c96bb1b4117eeeae27b77a1381f55f 3977
## ##	a2018dae10d736a66eea5a0a349ef9ee 1421	a36f5dfa4f08cdfe64594061ba76f30e 91
## ##	a586c072b4a3958ac72a6ffff71730cb3 1100	a7772a34be22f0fd09f0ef36b6eb337f 134
## ##	abf2d3cb446492ee7897087db9a0b2a0 784	ae5a740ca930b9149f590179b0dde3f3
## ##	b08b7321c4db8f45a1a97a79d1e44dd8 4487	b272ba3f4adb1dd16eaac1b53940629e
## ##	b367e71967b4701550ffce69e729ee6f 688	b3fca69c356bec270dc3a90f8b498883
## ##	b763aecfcfc8cbac2c3a51488d33480a 1005	b9d929195dcd4e6a36e5e65891746b5e 562
##	bc4d7296a37f5dfa0944b3274229b0a0 462	
##	c254dc11afbcc091678f0ab49a02e7ad 1469	
## ##	c32ada18ec4f2992e8c003ffeb73b97b 864	c348d9bc6a152d8d34489a79ab9452a7
##		c80a47e4c53432d9ee8cd98c9ce13769
##		c85f192a81fa83780e5c012175749eee
##	cbeb3a98c1c9b01522db6ee2128ed805	ce4baabfbcb1d43e22f7ba44b49f2714
##	== -	d408e1b5e841dde4e15a4cfa182e3812 80
	d4592ab52cb9cd5af0510943a4c8e28c	
	d5bc9e14d090330cd07e6ccbcb3c3e4e 4017	
	dd1935ffd0ee2b6ec159ba7867d11e57	
	e13f7f001fe2b1af072a3d50d3058284 1883	
	e6762ba2ffbca07ab6cee7551caeaad5	
	f08984b2adcbf33ba61fe13fcfa5b957 424	
	f9a023f31c8087fd0c169b3bedd351d1 691	
	ffdad3ddbaf6c76c9bba1b48c51e03c6 1113	2911

```
#table(desafio1$source_channel)
summary(desafio1$liquid_cost, maxsum = 97)
                                                   17.8758
##
     4.1141
              6.7456 10.2705 12.8622
                                         16.6601
                                                             27.2847
                                                                      32.2506
##
        140
                    7
                            11
                                     200
                                               59
                                                          3
                                                                3156
                                                                          1893
##
    33.9367
             36.5302
                       36.5678
                                37.6516
                                          37.7795
                                                   37.8157
                                                             39.9637
                                                                      41.6587
##
                                             1294
        537
                 4664
                          1115
                                     144
                                                         81
                                                                 219
                                                                           530
##
     42.544
              42.909
                       43.8556
                               45.5046
                                         45.6096
                                                   46.7958
                                                             47.0044
                                                                      48.5266
##
        156
                  58
                           205
                                     154
                                              450
                                                        51
                                                                 580
                                                                          5809
##
    50.4232
              53.823
                      54.1711
                               55.4998
                                         57.5133
                                                   59.7151
                                                             60.0668
                                                                      60.3155
##
                  437
                           178
                                   2195
                                             1150
                                                        346
                                                                 673
        183
##
    60.9701
             64.5115
                        64.932
                                68.9802
                                          72.4568
                                                   72.7082
                                                             73.8002
                                                                      73.9351
##
       1220
                  592
                           463
                                   2733
                                              458
                                                       1058
                                                                1428
                                         82.7021
##
    75.9576
             76.8654
                       78.8621
                                81.6082
                                                   86.1829
                                                             86.2419
                                                                       88.535
##
       5973
                1316
                          1267
                                   2080
                                             1005
                                                        667
                                                                1779
                                                                          1047
##
    88.9639
             90.9232
                       91.9564
                                 92.701
                                         94.0023
                                                   94.2809
                                                             97.7355 101.3513
       1007
##
                1651
                           662
                                   1648
                                              520
                                                        399
                                                                  31
                                                                           846
                                                                      117.082
##
   105.3557 106.1157 106.4842 106.6572 110.4704 116.6273 117.0742
##
      15161
                 1100
                          1353
                                     945
                                              603
                                                      10310
                                                                 906
   119.5065 124.0901 125.2397 134.6823 137.8216 141.4304 142.3325 168.8458
##
##
      17225
                 1470
                           438
                                     108
                                              641
                                                         80
                                                                2094
##
             184.311 185.3262 191.2586 191.5473 199.3086 205.8997 213.4382
    184.239
       1036
                1486
                          2917
                                   1421
                                              134
                                                         82
                                                               13754
## 219.1066 229.3837 229.5249 234.8044 241.6715 285.8913 289.3563 387.1154
##
                4017
                          3737
                                              867
                                                        446
                                                                 657
                                                                           881
       1729
                                     671
## 414.0702 474.4175 496.9297 542.7065
                                          550.952
                                                   564.595 636.5652 641.0867
                  69
                                                                   6
##
        425
                          1270
                                     57
                                              469
                                                        784
## 896.6814
##
         75
summary(desafio1$category, maxsum = 11)
## 388128822cef4b4f102ae881e040a64b 4ece547755cba9e7fc14125bc895f31b
##
                              153943
## 568696c0b6828f77884ea8628fcc6200 61ad270def6d4b2403f4536f39cff29a
##
                                  71
                                                                    200
## 90cc5bdd050bcd7cf0d50d079d0fda66 98f679396a60f117b171ddedfcc3e5ed
##
                                5208
                                                                    330
## 9a97178a18aa6333aabdfb21de182b99 9cfa7aefcc61936b70aaec6729329eda
##
                               18009
## d7ecf0071e88c21e993da125d2229a51 dda10a917a9ea3120e5d299af5105290
##
                                  140
                                                                   1053
## f79dccaf0b890eced0724d8563948c4f
                                  73
summary(desafio1$order_status, maxsum = 17)
##
                                cancelado
##
                                      5274
##
        cancelado boleto n<U+00E3>o pago
##
                                     18425
##
             cancelado dados divergentes
##
                                       674
##
             cancelado fraude confirmada
```

```
##
                                         75
##
           cancelado n<U+00E3>o aprovado
##
##
        dispon<U+00ED>vel para retirada.
##
##
      em rota de devolu<U+00E7><U+00E3>o
##
##
                       em rota de entrega
##
                                       2649
##
                           entrega parcial
                                       2516
##
                             entrega total
##
                                     144745
##
                         fraude confirmada
##
                                        163
##
                   pendente processamento
##
                                          5
                                processado
##
                                        888
##
##
   solicita<U+00E7><U+00E3>o de cancelamento
##
                                       1022
##
      solicita<U+00E7><U+00E3>o de troca
                                       2400
##
##
                       suspeita de fraude
##
                                         31
##
                         suspenso barragem
##
```

```
summary(desafio1$source_channel, maxsum = 16)
```

```
152bf0ce464047b9499ccb9e5b9b77a8 2934a86a91bfa55d7f20b4f08a441fac
                               7251
  3ab2427543039f8c9f17d06f6f65a3a7 5a97b8efd901c1d28ff86522b95babb9
##
                                                                 2638
##
  5e38ada24380f6dc6094fbaac452b121 67c19e107de33cab7ea9a9db8bc9ccd2
  7261d300057219056592010c7bdaf5ee 98defd6ee70dfb1dea416cecdf391f58
##
##
                               4579
  9d3e0fcbc1f16d80a76026e8f1c26002 a578e71c3216f513a84ec6a46084fd3a
                              17714
##
   af082bb0c2fa1414655017d464aa0262 b76eb9b8fc0f17098812da9117d3e500
##
                                826
                                                                81837
  d0dd472c8e766eca296e556085d778f7 e9b49f9086ba813ca3f0b321710fef16
##
##
                                                                    2
  ea2912716be1999ab62d5b9dfa4f58f9 fc7020775a7cdf161ab5267985c54601
##
                               3961
                                                                31239
```

Para entrar na análise de cluster, me perguntei quais fatores deveria levar em conta para poder agrupar os 131 códigos dos produtos. Ao analisar o dataset, logo percebi que um "code" pode ter: mais de um "price", mais de um "source\_channel" e mais de um "order\_status". Assim, decidi descartar essas variáveis, pois não caracterizariam de maneira única os produtos. Me perguntei também sobre o comportamento das variáveis "pis\_cofins", "icms", "tax\_substitution". Será que todas as linhas tinham imposto? Será que o imposto é um fator que vai diferenciar grupos de produtos? Talvez, mas através do código seguinte, verifiquei que há muitas linhas zeradas com esses três campos de imposto.

#### colSums(desafio1 == 0) ## order\_id code quantity price ## 0 0 ## pis\_cofins icms tax\_substitution category ## 18433 74633 105491 ## liquid\_cost order\_status capture\_date process\_date ## 0 0 ## process\_status source\_channel ## 0

Logo, decidi ignorá-los para a análise de cluster. Como verifiquei, através de tabelas dinâmicas no excel, que "category" era única para cada um dos 131 produtos, bem como "liquid\_cost" era único para cada um dos 131 produtos, decidi que essas variáveis seriam levadas em consideração. Além de "category" e "liquid\_cost", também cheguei na conclusão de que talvez a soma total da quantidade vendida de cada produto poderia ser uma variável que diferenciasse grupos de produtos. Como o "price" pode variar para um mesmo produto, decidi então levar em conta a soma do "price" para cada um dos 131 produtos, ou seja, quanto em dinheiro cada produto vendeu.

Portanto, rearrumei o arquivo esv para ficar apenas com as colunas que decidi levar em conta para a aplicação dos algoritmos de agrupamento. Percebendo que dos 179149 pedidos, apenas 154443 foram processados, todos os números no dataset seguinte partiram de 154443 pedidos. O dataset ficou da seguinte maneira:

```
library(readxl)
cluster <- read_excel("~/Desktop/cluster.xlsx", sheet = "cluster")
head(cluster)</pre>
```

```
## # A tibble: 6 x 6
##
                                  Code `Sum of quantity`
                                                          `Sum of price`
##
                                 <chr>
                                                    <dbl>
                                                                    <dbl>
                                                                 4786.41
## 1 c27a276b623c751a6b0a8ad6243d681d
                                                       47
                                                       76
## 2 5bcebbc4f704cffaf2e6ccaf1d1fb5c7
                                                                 6241.81
## 3 d709ff164dc53eb7b8470e84c2b60974
                                                      140
                                                                11094.43
## 4 a36f5dfa4f08cdfe64594061ba76f30e
                                                       85
                                                                11502.30
## 5 e6017ce062eb324ab446e9983afba369
                                                      138
                                                                11920.50
## 6 213005fe5d815c539812614f1f6a7768
                                                      195
                                                                16728.06
## # ... with 3 more variables: liquid_cost <dbl>, category <chr>,
       category1 <dbl>
```

### #View(cluster)

O arquivo cluster.xlsx está disponível neste link: https://github.com/hlispector/Desafio/blob/master/Clustering/cluster.xlsx. Como uma análise de cluster se baseia em medir distâncias entre linhas e pontos, a variável "category" foi transformada em número. A legenda dessa transformação pode ser encontrada no arquivo cluster.xlsx na aba "legend".

O código do produto não é numérico, então ele será retirado da seguinte forma, juntamente com a coluna original "category". A "category1" representará "category".

```
cluster1 <- cluster[,-c(1,5)]
head(cluster1)</pre>
```

```
## # A tibble: 6 x 4
     `Sum of quantity`
                         `Sum of price` liquid_cost category1
##
##
                                                <dbl>
                                                           <dbl>
                  <dbl>
                                   <dbl>
## 1
                                 4786.41
                                              46.7958
                                                                1
                      47
                      76
                                 6241.81
                                              37.8157
                                                                1
## 2
## 3
                     140
                                11094.43
                                              37.6516
                                                                1
```

```
## 4 85 11502.30 60.0668 1
## 5 138 11920.50 42.5440 1
## 6 195 16728.06 41.6587 1
```

#### #View(cluster1)

Para termos uma ideia das variáveis neste novo dataset, utilizamos a função "summary()" novamente

### summary(cluster1)

```
##
    Sum of quantity
                         Sum of price
                                            liquid_cost
                                                                 category1
##
    Min.
                                                   : 4.114
                 2.0
                       Min.
                                     145
                                           Min.
                                                                       : 1
                                                               Min.
##
    1st Qu.:
               197.5
                        1st Qu.:
                                  36599
                                           1st Qu.: 55.500
                                                               1st Qu.: 1
    Median:
               477.0
                                           Median: 90.923
##
                       Median:
                                  83372
                                                               Median: 1
            : 1245.6
                                                   :134.417
                                                                       : 2
##
    Mean
                       Mean
                               : 276287
                                           Mean
                                                               Mean
##
    3rd Qu.: 1053.0
                        3rd Qu.: 209993
                                           3rd Qu.:141.881
                                                               3rd Qu.: 1
##
    Max.
            :19654.0
                       Max.
                               :6531395
                                           Max.
                                                   :896.681
                                                               Max.
                                                                       :11
```

Para uma análise de cluster, antes de mais nada, precisamos verificar se os dados das variáveis estão em uma escala relativamente parecida, ou se o range dos números varia muito de uma variável para outra. Baseado no summary acima, vemos que o range das variáveis é bem diferente. Nesse caso, precisamos realizar um processo de scaling das colunas, para que o efeito de dominância das variáveis com números maiores ou ranges maiores seja diminuito sobre variáveis com ranges menores. Ao deixar todas as colunas em uma escala parecida, a dispersão dos data-points é reduzida ao calcular distâncias, resultando num melhor desempenho do algoritmo de agrupamento. Utilizamos a função scale, da seguinte maneira:

```
cluster2 <- scale(cluster1) # [xi - mean(x)]/[sd(x)]
head(cluster2)</pre>
```

```
##
        Sum of quantity Sum of price liquid_cost category1
## [1,]
             -0.4683029
                                       -0.6140806 -0.4197044
                           -0.3874411
## [2,]
             -0.4569719
                           -0.3853642
                                       -0.6770164 -0.4197044
## [3,]
             -0.4319657
                           -0.3784393
                                       -0.6781664 -0.4197044
## [4,]
             -0.4534554
                           -0.3778573
                                       -0.5210727 -0.4197044
## [5,]
             -0.4327471
                           -0.3772605
                                       -0.6438787 -0.4197044
## [6,]
             -0.4104760
                           -0.3703999
                                       -0.6500832 -0.4197044
```

### #View(cluster2)

Agora, calculamos as distâncias entre as linhas. Há vários métodos para calcular distâncias entre linhas como o Manhattan Distance, Max-Coordinate Distance, Jaccard Distance, etc. Mas o mais comum é a distância euclidiana, que é a que será utilizada nessa análise. Curta explanação sobre Distância Euclidiana: Imaginemos que temos uma linha A, com colunas a1, a2,..., ak. Imaginemos uma linha B, com colunas b1, b2,..., bk. A distância euclidiana nada mais é do que  $d(A,B) = SQRT(|a1 - b1|^2 + ... + |ak - bk|^2)$ .

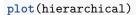
```
euclid <- dist(cluster2, method = "euclidean")</pre>
```

Finalmente, vamos usar o primeiro algoritmo de agrupamento não supervisionado chamado Hierarchical Clustering. Esse algoritmo começa com um cluster por linha e vai juntando uma linha a outra em grupos baseado no quão próximo é uma linha da outra, ou quão parecida é uma linha a outra, baseado na distância calculada, nesse caso euclidiana. Isso se repete até que todas as linhas sejam agrupadas em um único cluster. É um algoritmo computacionalmente pesado, mas produz um diagrama útil para visualização e útil posteriormente para um bom guess de cluster no algoritmo K-Means, que será abordado na sequência.

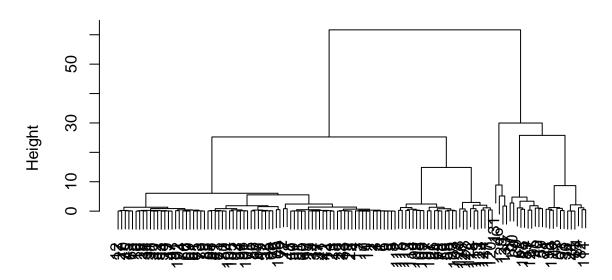
Começamos usando a função "hclust()", que leva como primeiro argumento a distância, nesse caso "euclid", e como segundo argumento o método, nesse caso será o Ward.D, que é um método comumente utilizado.

```
hierarchical <- hclust(euclid, method = "ward.D")
```

Agora vizualisamos o diagrama, que é chamado de dendograma:



## **Cluster Dendrogram**

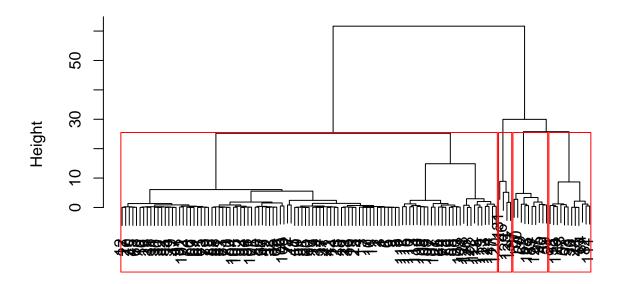


### euclid hclust (\*, "ward.D")

Notamos que pode-se existir 3 ou 4 clusters. Utilizando a função "cutree()", podemos especificar a quantidade de grupos que queremos ver no dendograma. Em seguida, podemos visualizar esses grupos em vermelho da seguinte maneira:

```
plot(hierarchical)
groups <- cutree(hierarchical, k = 4)
rect.hclust(hierarchical, k = 4, border = "red")</pre>
```

### **Cluster Dendrogram**



### euclid hclust (\*, "ward.D")

Bem, ve-

mos que 4 grupos de produtos foram separados, mas quais as suas características? Esse é um defeito do algoritmo de hierarchical clustering, pois essas características não são reveladas. Mas podemos utilizar um algoritmo bastante famoso chamado K-Means para chegar nessas informações.

### K-Means

O algoritmo K-Means funciona da seguinte maneira:

- 1) k data-points são escolhidos randomicamente para serem os centroids ou centros dos k clusters.
- 2) Atribuem-se outros data points para serem agrupados com o cluster com centroid mais próximo.
- 3) Recalcula-se o centroid de cada cluster.
- 4) Volta-se ao passo 2 até que os centroids atinjam convergência.

O objetivo é que as distâncias entre os data-points que pertençam a um mesmo cluster (within distance) sejam as menores possíveis, enquanto que as distâncias entre clusters diferentes (between distance) sejam as maiores possíveis.

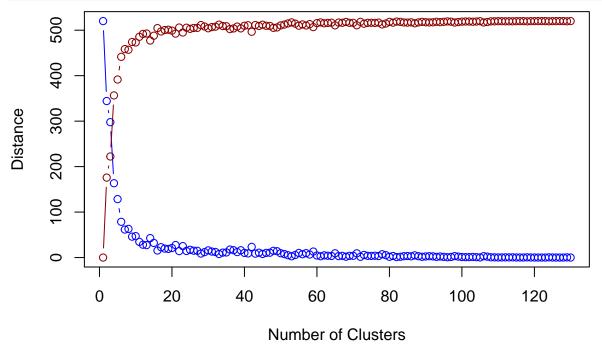
Começamos criando dois vetores vazios, onde vamos guardar os valores WSS(within sum of squares) para cada loop do algoritmo, com k (número de clusters) entre 1 e o máximo número de clusters que os dados permitam. K=1 significa que teremos um grande cluster com todos os produtos, o que não faz muito sentido, enquanto k=131 significa que cada produto é um cluster, o que também não faz muito sentido. Então vamos definir k=1 até 130. Vimos pelo Hierarchical clustering que o número de clusters deve ser em torno de 3, 4 ou 5 mas pode variar um pouco.

```
wss <- c(rep(0, nrow(cluster2)-1))
bss <- c(rep(0,nrow(cluster2)-1))
```

Agora vamos usar um loop para passar por cada célula dos nossos vetores "wss" e "bss", aplicar o algoritmo k-means e guardar a soma total dos squared errors para o resultado. Então vamos guardar esse valor nos vetores wss e bss e passar para o próximo valor de k.

```
for (i in 1:(nrow(cluster2)-1)){
  kmeans_temp <- kmeans(cluster2, centers = i)
  wss[i] <- kmeans_temp$tot.withinss
  bss[i] <- kmeans_temp$betweenss
}</pre>
```

Plotamos os valores WSS vs k(número de clusters). Essa linha será em azul. O momento em que a curva se estabiliza, sugere que aumentar o valor de k além daquele ponto não agrega muito ao resultado, pois a distância within não diminui mais significativamente. Plotamos por cima, em vermelho, o gráfico do bss. Nesse caso, quanto maior o bss, melhor.



```
par(new = F)
```

Em ambos os casos, vemos que as curvas se estabilizam por volta de 4 a 6 clusters. Assim, vamos executar novamente o algoritmo escolhendo 4 clusters como solução.

2.4133002

0.4197044

-0.4269323

0.3167626

## 2

## 3

## 4

-0.35938906

-0.07380251

5.24848304

-0.30520308

-0.11456135

5.42554863

-0.2423525 -0.4038665

Para fazerem sentido, os resultados precisam ser deescalados. Para tanto, criei a seguinte função:

```
#DESCALING COLUMNS
# x = column number, y = column reference name
descale <- function(x,y){
  for (i in 1:nrow(centers)){
    centers[i,x] <<- centers[i,x] * sd(y) + mean(y)
  }
}</pre>
```

Usando a função para deescalar cada variável:

```
descale(1, cluster1$`Sum of quantity`)
descale(2, cluster1$`Sum of price`)
descale(3, cluster1$liquid_cost)
descale(4, cluster1$category1)
centers
```

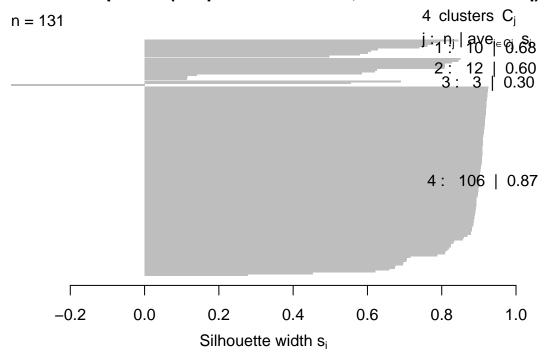
```
##
     Sum of quantity Sum of price liquid_cost category1
## 1
              321.70
                        243302.27
                                     560.51196 5.000000
## 2
              325.75
                         62414.99
                                      73.49938
                                                7.750000
## 3
            14678.33
                       4078259.71
                                     179.61480
                                                3.000000
## 4
             1056.67
                        196007.86
                                      99.83648
                                               1.037736
```

Portanto, por exemplo, na média, os produtos vindos do grupo de category1=1.037 tiveram 1.056,67 unidades vendidas, geraram 196.007,86 de lucro e possuem um custo líquido individual de 99,83 e fazem parte da category1, que corresponde à category "388128822cef4b4f102ae881e040a64b". Já os produtos vindos do grupo de category1=5.0, tiveram, em média, 321,70 unidades vendidas, geraram 243.302,27 de lucro, possuem um custo líquido individual de 560,51 e pertencem à category1 número 100,500 que corresponde à category "100,500 de interpretação se repete para os dois clusters restantes, e a categoria deles pode ser consultada pela aba "legend" no arquivo cluster.xlsx .

Quanto à qualidade do agrupamento, podemos usar um gráfico de silhouette, chamado de silhouette plot, através do seguinte código:

```
library(cluster)
euclidean_sq <- euclid * euclid
plot(silhouette(partition$cluster, euclidean_sq))</pre>
```

### Silhouette plot of (x = partition\$cluster, dist = euclidean\_sq)



### Average silhouette width: 0.82

Interpretamos o silhouette plot da seguinte maneira:

- 0 < 0.25: Nenhuma estrutura significativa foi identificada no grupo
- 0.26 0.50: A estrutura identificada é fraca e pode ser artificial
- 0.51 0.70: Uma estrutura razoável foi encontrada
- 0.71 1.00: Uma estrutura forte foi identificada

Assim, vemos que uma estrutura forte foi identificada para 106 produtos, pois possuem um silhouette width de 0.87. Para o grupo com 10 e o grupo com 12 produtos, uma estrutura razoável foi encontrada, com silhouette width de 0.68 e 0.60 respectivamente. Já para o grupo com 3 produtos, a estrutura identificada é fraca e pode ser artificial, pois seu silhouette width é 0.30. De maneira geral, obtemos uma silhouette width de 0.82, que é um número bastante satisfatório.

Para finalizar a parte de agrupamento, vamos anexar a coluna membership ao dataframe "cluster", que vai dizer a que grupo cada coluna pertence, colocando os números de 1 a 4 que correspondem aos grupos 1 a 4.

cluster <- cbind(cluster, membership = partition\$cluster)
head(cluster)</pre>

##		Code	Sum of	quantity	Sum of price	
##	1	$\verb c27a276b623c751a6b0a8ad6243d681d $		47	4786.41	
##	2	$5 \verb bcebbc4f704cffaf2e6ccaf1d1fb5c7 $		76	6241.81	
##	3	d709ff164dc53eb7b8470e84c2b60974		140	11094.43	
##	4	$\verb a36f5dfa4f08cdfe64594061ba76f30e $		85	11502.30	
##	5	e6017ce062eb324ab446e9983afba369		138	11920.50	
##	6	213005fe5d815c539812614f1f6a7768		195	16728.06	
##		liquid cost	cat	egory cate	egory1 membersh	nip

```
## 1
         46.7958 388128822cef4b4f102ae881e040a64b
                                                                        4
                                                             1
## 2
         37.8157 388128822cef4b4f102ae881e040a64b
                                                                        4
                                                             1
## 3
         37.6516 388128822cef4b4f102ae881e040a64b
                                                             1
                                                                        4
                                                                        4
## 4
         60.0668 388128822cef4b4f102ae881e040a64b
                                                             1
## 5
         42.5440 388128822cef4b4f102ae881e040a64b
                                                             1
                                                                        4
## 6
         41.6587 388128822cef4b4f102ae881e040a64b
                                                                        4
                                                             1
```

Agora exportei esse arquivo com o código abaixo. O código está comentado pois o arquivo Cluster-Membership.csv está disponível neste link: https://github.com/hlispector/Desafio/blob/master/Clustering/ProductMembership.xlsx.

```
#write.csv(cluster,file="ProductMembership.csv")
```

O código esta em comentário pois o arquivo já está disponível.

O source code, além de estar disponível neste documento, também está disponível neste link: https://github.com/hlispector/Desafio/blob/master/Clustering/clustering%20part.r

### Previsão de venda para junho, julho e agosto de 2017

A partir dos dados fornecidos pelo desafio, o meu primeiro passo foi preparar um dataset em que na sua primeira coluna estivessem as datas de meses, enquanto que o resto das colunas seria composto por cada um dos 131 produtos ou "codes". As quantidades vendidas por cada produto por cada mês popularia esse dataset. Então agreguei todas as vendas por mês por produto através de uma tabela dinâmica no excel. Nomeei esse dataset de "TodosOsProdutos", que está disponível neste link: https://github.com/hlispector/Desafio/blob/master/Forecast/TodosOsProdutos.xlsx. Verifiquei que, como já havia citado antes, o mês mais antigo que aparece nos dados fornecidos é junho/2016, enquanto que o mês mais recente é julho/2017. Porém, apenas trouxe os dados de junho/2016 até maio/2017, pois o target é prever junho, julho e agosto de 2017. Vamos ver as 2 primeiras colunas e as 12 primeiras linhas deste dataset:

```
library(readxl)
TodosOsProdutos <- read excel("~/Desktop/PrevisaoTodosProdutos/TodosOsProdutos.xlsx")
TodosOsProdutos[1:12,1:2]
## # A tibble: 12 x 2
       `Row Labels` `0671c2b9132a3f5215a4212ce0691694`
##
##
             <dttm>
                                                    <dbl>
        2016-06-01
##
    1
                                                       NA
##
    2
        2016-07-01
                                                       NA
##
    3
        2016-08-01
                                                       NA
##
    4
        2016-09-01
                                                       NA
##
    5
        2016-10-01
                                                       NA
##
    6
        2016-11-01
                                                      717
##
    7
        2016-12-01
                                                      249
##
    8
        2017-01-01
                                                      252
##
    9
        2017-02-01
                                                      668
## 10
        2017-03-01
                                                     1481
## 11
        2017-04-01
                                                      536
## 12
        2017-05-01
                                                      722
#View(TodosOsProdutos)
```

Percebi que, para alguns produtos, não havia dados para alguns meses. Ou seja, ou unidades não haviam sido pedidas para aquele mês, ou simplesmente esses dados não foram fornecidos. Fazer um modelo de previsão para cada produto seria impossível. Por isso, foi preciso pensar em uma maneira de fazer um modelo que fosse se auto-adaptar a cada série temporal, e seria imprescindível também que esse modelo fosse robusto o suficiente para lidar com células vazias.

Há dois pacotes famosos que conheço para séries temporais que poderiam ser utilizados: O "prophet", desenvolvido pelo Facebook, ou o "forecast", desenvolvido por Rob Hyndman, grande estatístico australiano especialista em séries temporais. Decidi utilizar o "forecast", pois tinha um pouco mais de familiaridade. Assim, vamos carregar essa library.

```
library(forecast)
```

```
## Warning: package 'forecast' was built under R version 3.4.2
```

Tendo o dataset "TodosOsProdutos" já carregado no R, o primeiro passo é transformar esse dataset na classe ts (timeseries). Tiramos a primeira coluna com as datas, selecionamos a frequência = 12, que correspondem a 12 meses, e selecionamos a start date como junho de 2016. Então verificamos as duas primeiras colunas novamente:

```
TodosOsProdutos1 <- ts(TodosOsProdutos[,-1],f=12,s=2016+6/12)
TodosOsProdutos1[1:12,1:2]
```

```
##
##
   [1,]
                                 NA
                                                             NA
##
   [2,]
                                 NA
                                                             NA
##
   [3,]
                                 NA
                                                             57
##
   [4,]
                                 NA
                                                            141
##
   [5,]
                                 NA
                                                             25
##
   [6,]
                                717
                                                            196
##
   [7,]
                                249
                                                            180
##
   [8,]
                                252
                                                            128
   [9,]
##
                                                              2
                                668
## [10,]
                               1481
                                                             50
## [11,]
                                536
                                                             62
## [12,]
                                722
                                                             97
```

### #View(TodosOsProdutos1)

Se a frequência fosse maior que 24, deveríamos usar a função tbats(), que é o modelo "Exponential smoothing state space model with Box-Cox transformation, ARMA errors, Trend and Seasonal components" com performance um tanto lenta. Como os dados fornecidos são de baixa frequência (f=12), segundo o próprio Rob Hyndman (https://robjhyndman.com/hyndsight/forecast6/), é recomendado que se use o modelo ets() "error, trend and seasonality" ou "Exponential Smoothing State Space Model". Podemos aplicar diretamente a função forecast() para cada time series, já que o parâmetro "model" usa o modelo "ets" como padrão.

Antes, guardamos o número de colunas na variável ncols, e definimos quantos períodos futuros queremos prever determinando o valor de "h".

```
ncols <- ncol(TodosOsProdutos1)
ncols
## [1] 131
h <- 3 #períodos futuros para o forecast</pre>
```

```
Criamos uma matriz 3x131 para receber todos os valores das 393 previsões.
```

```
fcastMean <- matrix(NA,nrow=h,ncol=ncols)</pre>
```

Então fazemos um for loop, passando pela time series de cada produto em suas respectivas colunas, fazemos a previsão e vemos as primeiras 3 previsões.

```
fcastMean <- matrix(NA,nrow=h,ncol=ncols)
for (i in 1:ncols) {
   fcastMean[,i] <- forecast(TodosOsProdutos1[,i],h=h)$mean</pre>
```

```
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
```

```
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
```

## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest

## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest

## contiguous portion of time series

```
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
```

```
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
```

- ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
- ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend = ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend = ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend = ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend = ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest

```
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
```

## contiguous portion of time series

```
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
fcastMean[1:3,1:3] #Vendo as primeiras previsões
##
                     [,2]
                              [,3]
            [,1]
## [1,] 660.7836 93.79542 72.79111
## [2,] 660.7836 93.79542 72.79111
## [3,] 660.7836 93.79542 72.79111
 Adicionanamos a coluna data:
fcastMean1 <- cbind(c('06/2017', '07/2017', '08/2017'), fcastMean)
fcastMean1[,1:4]
                                      [,3]
        [,1]
                  [,2]
                                                         [,4]
## [1,] "06/2017" "660.783564803514" "93.7954157832027" "72.791110136131"
## [2,] "07/2017" "660.783564803514" "93.7954157832027" "72.791110136131"
## [3,] "08/2017" "660.783564803514" "93.7954157832027" "72.791110136131"
 Guardamos o nome de todos os produtos em um vetor "produtos"
produtos <- colnames(TodosOsProdutos[2:ncol(TodosOsProdutos)])</pre>
head(produtos)
## [1] "0671c2b9132a3f5215a4212ce0691694" "09f544ec2a74c89abeec7b0590fc2d11"
## [3] "0ad316f6b5cb5e81ebff73ae2490ccfe" "0bbe09e34a11e8e31cf49d6f8df2992d"
## [5] "0dca7ec6ba9b6e8f17f04f713a6be727" "0f38be2df6854b4374f06cae1bc38482"
 Adicionamos uma linha em cima colocando o nome da cada produto na coluna das suas previsões.
fcastMean2 <- rbind(union("PredictionDates", produtos), fcastMean1)</pre>
fcastMean2[,1:4]
##
        [,1]
                          [,2]
## [1,] "PredictionDates" "0671c2b9132a3f5215a4212ce0691694"
## [2,] "06/2017"
                          "660.783564803514"
```

```
## [3,] "07/2017" "660.783564803514"

## [4,] "08/2017" "660.783564803514"

## [,3] [,4]

## [1,] "09f544ec2a74c89abeec7b0590fc2d11" "0ad316f6b5cb5e81ebff73ae2490ccfe"

## [2,] "93.7954157832027" "72.791110136131"

## [4,] "93.7954157832027" "72.791110136131"
```

Exportamos esse arquivo, vide código abaixo. O código está comentado, pois arquivo já está disponível neste link: https://github.com/hlispector/Desafio/blob/master/Forecast/PrevisaoJunhoJulhoAgosto2017.xlsx

```
 \#write(t(fcastMean2), file="Desktop/PrevisaoTodosProdutos/PrevisaoJunhoJulhoAgosto2017.csv", sep=", "#,ncol=ncol(fcastMean2)) \\
```

Agora podemos verificar qual modelo foi usado em cada série temporal através da construção da seguinte matriz

```
fcastMethod <- matrix(NA,nrow=h,ncol=ncols)</pre>
  for (i in 1:ncols) {
  fcastMethod[,i] <- forecast(TodosOsProdutos1[,i],h=h)$method</pre>
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
```

```
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
```

## contiguous portion of time series

```
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series

## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
```

- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
  ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
  ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
  ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
  ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
  ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
  ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
  ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
  ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
  ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
  ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
  ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
  ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
  ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
  ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
  ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
  ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
  ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
  ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
  ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
  ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
  ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
  ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
  ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest

```
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
```

```
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
```

- ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
  ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
- ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
  ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
- ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
  ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
- ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
- $\hbox{\tt \#\# allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest}$
- ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
- ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
- ## contiguous portion of time series
- ## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
- ## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest

```
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
## Warning in ets(object, lambda = lambda, allow.multiplicative.trend =
## allow.multiplicative.trend, : Missing values encountered. Using longest
## contiguous portion of time series
fcastMethod [1:3,1:3]
##
        [,1]
                     [,2]
                                  [,3]
## [1,] "ETS(A,N,N)" "ETS(M,N,N)" "ETS(M,N,N)"
## [2,] "ETS(A,N,N)" "ETS(M,N,N)" "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)" "ETS(M,N,N)" "ETS(M,N,N)"
 Adicionamos a coluna data
fcastMethod1 <- cbind(c('06/2017', '07/2017', '08/2017'), fcastMethod)
fcastMethod1[,1:4]
##
        [,1]
                  [,2]
                               [,3]
## [1,] "06/2017" "ETS(A,N,N)" "ETS(M,N,N)" "ETS(M,N,N)"
```

```
## [2,] "07/2017" "ETS(A,N,N)" "ETS(M,N,N)" "ETS(M,N,N)" "## [3,] "08/2017" "ETS(A,N,N)" "ETS(M,N,N)" "ETS(M,N,N)"
```

Adicionamos uma linha em cima colocando o nome da cada produto na coluna das suas previsões e verificamos cada modelo utilizado para cada série temporal.

# fcastMethod2 <- rbind(union("PredictionDates", produtos), fcastMethod1) fcastMethod2</pre>

```
[,1]
                           [,2]
## [1,] "PredictionDates" "0671c2b9132a3f5215a4212ce0691694"
## [2,] "06/2017"
                           "ETS(A,N,N)"
## [3,] "07/2017"
                           "ETS(A,N,N)"
## [4,] "08/2017"
                           "ETS(A,N,N)"
        [,3]
                                            [,4]
## [1,] "09f544ec2a74c89abeec7b0590fc2d11" "0ad316f6b5cb5e81ebff73ae2490ccfe"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
##
        [,5]
                                            [,6]
## [1,] "0bbe09e34a11e8e31cf49d6f8df2992d" "0dca7ec6ba9b6e8f17f04f713a6be727"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
                                            [,8]
        [,7]
## [1,] "0f38be2df6854b4374f06cae1bc38482" "118484c270085e811fbbc81978a269b2"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,9]
                                            [,10]
## [1,] "13b69fd4bf80b95756e3b138c9169a7f" "174ef25d9556d516a813e2972f3b8351"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,11]
                                            [,12]
## [1,] "193628b6634713730d3c506f2da0ff58" "1a225367d52023424b6f4b2aa8632615"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
                                            [,14]
        [,13]
## [1,] "1b3980ee40dc5d60ecae3b19cd41f49a" "1c234775cae774823f38abe6721e61a4"
## [2,] "ETS(M,A,N)"
                                            "ETS(M.N.N)"
## [3,] "ETS(M,A,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(M,A,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
##
        [,15]
                                            [,16]
## [1,] "1c619f92929dbaa41df54608dc70a7ce" "1dbe25b2fd344aed0c444fd6b715525b"
## [2,] "ETS(A,A,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(A,A,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(A,A,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
##
        [,17]
                                            [,18]
## [1,] "1f12f1e1b9e7a20d4ad9dd549ec072c0" "213005fe5d815c539812614f1f6a7768"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
        [,19]
                                            [,20]
```

```
## [1,] "23056d85a1c9115cd021a6ad35c84aff" "24549e47832f72f647d40a86b43b6925"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
        [,21]
                                            [,22]
## [1,] "270dcdb08fc6470a6976f43b8169b0f6" "29424aaf6e27a8dbe4b7273a0a39131d"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A.N.N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,23]
                                            [,24]
## [1,] "29f175b6bccc264e8141481dcda8102d" "2ab0e87dbce6ac45502aa1d2a8265933"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,25]
                                            [,26]
## [1,] "2bc9e1d807d8f9187b8650acd35a14e5" "2e35421c34fb588ba40a0c57b3971d24"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
        [,27]
                                            [,28]
## [1,] "30b6a9b1621f558d788ffb3d07a19281" "32ceebf3efea1d04ace4183d20d4da5b"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M.N.N)"
##
        [,29]
                                            [,30]
## [1,] "3454ea52396a4cfd3fc37414d30c7b9c" "3657af9de7395eaba0dbcbcaa6fd90be"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,31]
                                            [,32]
## [1,] "373cc1cfc10a45488be6b97bd5e94c44" "374e1947dcb8f4848f4ada6f04921edd"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
        [,33]
                                            [,34]
## [1,] "37a62c0ad48679cee5554655de294721" "37e2a39e829495d13b6cbb5320413e48"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
##
        [,35]
                                            [,36]
## [1,] "390943ce05959ac98c702d250c2ebb54" "3a36dc63a58442085d0ccd98c4f9c64a"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
        [,37]
                                            [,38]
## [1,] "3b4407288e2983a514a241c9b84b7094" "3bc993e0f0c636e9aaaefa0356bdecc0"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
        [,39]
                                            [,40]
## [1,] "3d21b63892749e921e3ff5818753bd67" "3d3d13446c52ecaaed5d0bf55a933d4d"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
```

```
[,41]
                                            [,42]
##
## [1,] "3da22f1b88a20ea8efc3d83fcb872e21" "40bddb00475d65eddb68e9aeb6fab0de"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,43]
                                            [,44]
## [1.] "40d98a2375332cb635d4cb28ab68e087" "411e1404e183718207628232e91ce5a9"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
        [,45]
                                            [,46]
## [1,] "41e2bee39c1d3ef52fcedd69d0ab8c8c" "42920a6f15855662ee9a272fbe44cbd1"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,A,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,A,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,A,N)"
##
        [,47]
                                            [,48]
## [1,] "4534ea61b50410b3b6243e02b40c8cd1" "453d427550d3816e446d4882bf67a75f"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,49]
                                            [,50]
## [1,] "4557c7e5af70efd2e3ca2befd59ccdc3" "498556cd1dade09f21fea97d3c916875"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M.N.N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
        [,51]
                                            [,52]
## [1,] "49d1447a5d1a218169eef2ea58cdc149" "4b58730cdc153f4eeda0d1321e630ba4"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
##
        [,53]
                                            [,54]
## [1,] "4ceedf57303e127d31a164c7ae5791d8" "4ef261b089aa567ef24778fae254bfe2"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
        [,55]
                                            [,56]
## [1,] "51016cd454b391dd0b0e23b2b16b6fc3" "525848b647262de5fd7be193b17cdaac"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
        [,57]
                                            [,58]
## [1,] "54209126056016c7c391c0c8fd8e6eff" "547bbdaa191bdb83d5b5b376bf2402fb"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M.N.N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
##
        [,59]
                                            [,60]
## [1,] "5490e2abafb28c022e53b55ba6641122" "55447a73ff140176f4210347854c71f1"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
                                            [,62]
##
        [,61]
## [1,] "5837d4e32e5382af65d33b4dfbd9f561" "585eead66aaf3b2e140d480979184ae6"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,A,N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,A,N)"
```

```
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,A,N)"
##
        [,63]
                                            [,64]
## [1,] "59af761735fbd646f8a8f98dc88f6fab" "5b7a30a9e6a43b170ad4d9e00d8d9359"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
        [.65]
                                            [,66]
## [1,] "5bcebbc4f704cffaf2e6ccaf1d1fb5c7" "5e39201e582b1bb89cae7f650e4330c8"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A.N.N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,67]
                                            [,68]
## [1,] "5e4c14883e5a606fac56b2630da5dca7" "5fb59bee157577ee04a269e52af88598"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,69]
                                            [,70]
## [1,] "5ff2d52d31bf9ad42924a35c4729ffdb" "600c486af5e3f2d1624d2fc872e20e16"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
        [,71]
                                            [,72]
## [1,] "60424117a2618c7184687046fa5693c4" "618ea23457368cf423b03d6b8fede992"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M.N.N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
        [,73]
                                            [,74]
##
## [1,] "630b051b117d509fc00a7c72328b1ddf" "6411de56554a998e78ae1317fc956e19"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,75]
                                            [,76]
## [1,] "6ace63708a91744bea8a68311bb3506c" "6c82ad0e791258434fd42c51409b0239"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            [,78]
## [1,] "6e6ae6bc648c6a00b4a4b7a8e976a41a" "7162b3182cd93dd197257b0339627554"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
        [,79]
##
                                            [,80]
## [1,] "723f73c85e91fc31d147dfade389d4f9" "727673fa3e457bc596532b3eb26b23a0"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
                                            [,82]
##
        [,81]
## [1,] "75caad099f6f8c205e22e93826732c22" "760693745e10b0c5e68c42214c729b0d"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
        [,83]
                                            [,84]
## [1,] "7c829a5a8a0e4408b682f4394783483e" "7da116bd1d42f3475803402e710253cf"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
```

```
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
        [,85]
                                            [,86]
## [1,] "7e3713530b46887cff58a2e2ac433ac5" "8bdd60f700ed8368e66080eb6bb6d313"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,87]
                                            [,88]
## [1,] "8ca06ab9bced028b2f180d4fa0527588" "8e5d2c3f2476cb5c507dd0f00f6eabda"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
        [,89]
##
                                            [,90]
## [1,] "9cdf9e07e226869d8da4a3e10ac65c62" "9e5dd3c1d252136c4351b84589dae2b5"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,91]
                                            [,92]
## [1,] "a0c96bb1b4117eeeae27b77a1381f55f" "a2018dae10d736a66eea5a0a349ef9ee"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,93]
                                            [,94]
## [1,] "a36f5dfa4f08cdfe64594061ba76f30e" "a586c072b4a3958ac72a6fff71730cb3"
## [2,] "ETS(A,A,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(A,A,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(A,A,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
##
        [,95]
                                            [,96]
## [1,] "a7772a34be22f0fd09f0ef36b6eb337f" "abf2d3cb446492ee7897087db9a0b2a0"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
##
        [,97]
                                            [,98]
## [1,] "ae5a740ca930b9149f590179b0dde3f3" "b08b7321c4db8f45a1a97a79d1e44dd8"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,99]
                                            [,100]
## [1,] "b272ba3f4adb1dd16eaac1b53940629e" "b367e71967b4701550ffce69e729ee6f"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
        [,101]
                                            [,102]
## [1,] "b3fca69c356bec270dc3a90f8b498883" "b763aecfcfc8cbac2c3a51488d33480a"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,103]
                                            [,104]
## [1,] "b9d929195dcd4e6a36e5e65891746b5e" "bc4d7296a37f5dfa0944b3274229b0a0"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
##
        [,105]
                                            [,106]
## [1,] "bc97d7cb7c13c2a7ff4558bb12a3f047" "c254dc11afbcc091678f0ab49a02e7ad"
```

```
## [2,] "ETS(A,A,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(A,A,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(A,A,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
        [,107]
##
                                            [,108]
## [1,] "c27a276b623c751a6b0a8ad6243d681d" "c32ada18ec4f2992e8c003ffeb73b97b"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3.] "ETS(A.N.N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,109]
                                            [,110]
## [1,] "c348d9bc6a152d8d34489a79ab9452a7" "c443d252c048280160fc427766d9f1f4"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
                                            [,112]
##
        [,111]
## [1,] "c80a47e4c53432d9ee8cd98c9ce13769" "c85bd735a203c905716bc8fba284d02a"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                             "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,113]
                                             [,114]
## [1,] "c85f192a81fa83780e5c012175749eee" "cbeb3a98c1c9b01522db6ee2128ed805"
## [2,] "ETS(M,A,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(M,A,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(M,A,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,115]
                                            [,116]
## [1,] "ce4baabfbcb1d43e22f7ba44b49f2714" "d32bc6c4069b86ba9e9d7d651dbf1a1e"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
        [,117]
                                            [,118]
## [1,] "d408e1b5e841dde4e15a4cfa182e3812" "d4592ab52cb9cd5af0510943a4c8e28c"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                             "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,119]
                                             [,120]
## [1,] "d57911cca4b08f7b46417d952c0ca1dc" "d5bc9e14d090330cd07e6ccbcb3c3e4e"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,121]
                                            [,122]
## [1,] "d709ff164dc53eb7b8470e84c2b60974" "dd1935ffd0ee2b6ec159ba7867d11e57"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
##
        [,123]
                                            [,124]
## [1,] "e0b4fdba39475c05a3ac9e769cce9bfa" "e13f7f001fe2b1af072a3d50d3058284"
## [2,] "ETS(A,N,N)"
                                             "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
        [,125]
                                             [,126]
## [1,] "e6017ce062eb324ab446e9983afba369" "e6762ba2ffbca07ab6cee7551caeaad5"
## [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
        [,127]
                                            [,128]
```

```
## [1,] "ee2b4e97025f5ca840570265c4288c99" "f08984b2adcbf33ba61fe13fcfa5b957"
  [2,] "ETS(M,N,N)"
                                             "ETS(A,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
  [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(A,N,N)"
##
  [4,] "ETS(M,N,N)"
        [,129]
                                             [,130]
## [1,] "f5f92c2a12f182115c45288a6ef28e94"
                                            "f9a023f31c8087fd0c169b3bedd351d1"
## [2.] "ETS(M.N.N)"
                                             "ETS(M.N.N)"
## [3,] "ETS(M,N,N)"
                                             "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
##
        [,131]
                                             [,132]
## [1,] "fd84644da59504bd9e9dcb4b6db63bea"
                                            "ffdad3ddbaf6c76c9bba1b48c51e03c6"
  [2,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
  [3,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
## [4,] "ETS(M,N,N)"
                                            "ETS(M,N,N)"
```

Verificamos que há 4 variações de modelos utilizados: ETS(A,N,N), ETS(M,N,N), ETS(A,A,N) e ETS(MAN). Os valores passados para a função são em ordem: erro, tendência e sazonalidade. "A" significa additive, N significa none e M significa multiplicative.

Ao tentar utilizar o for loop para criação de novas matrizes com upper limit, lower limit, level(intervalo de confiança), residuals e fitted, um erro é gerado. Isso ocorre pelo fato de haver valores vazios nas matrizes iniciais.

O source code desta parte de previsão, além de estar disponível neste documento, também está disponível neste link: https://github.com/hlispector/Desafio/blob/master/Forecast/PrevisaoTodosProdutos.r

### Conclusões

Referente à análise de cluster, acredito que mais colunas que descrevessem características específicas dos produtos facilitariam na hora de fazer uma diferenciação e agrupamento de produtos mais refinado. As informações de impostos, por exemplo, não foram ricas para poder levar em consideração no agrupamento. Entretanto, os resultados me pareceram bastante razoáveis e creio que podem sim ajudar a ter uma ideia sobre os produtos.

Em relação a time series, caso dados de mais meses fossem fornecidos, aumentariam as possibilidades de as previsões serem mais próximas dos números reais. Com um histórico maior e sem tantos campos vazios, também seria possível dividir o dataset em training set e test set e calcular indicadores de erro como MAPE (Mean Absolute Percentage Error) onde se compara o valor real com o valor previsto. De toda maneira, ser capaz de prever números em séries temporais para 131 produtos com alguns dados ausentes é bastante impressionante. As previsões feitas fazem sentido e ficaria curioso em comparar com os dados reais e calcular os erros.

Agradeço a oportunidade de ter trabalhado neste problema interessante que certamente agregou à minha aprendizagem nessa carreira em Data Science.