



UNIVERSIDADE DE SÃO PAULO

ALGORÍTMOS E ESTRUTURA DE DADOS 2

Mundo de Kevin Bacon

Alunos:

Henrique Gomes Zanin
Gabriel Guimarães Vilas Boas Marin

Sumário

1	Resumo	2
2	Introdução	2
3	Implementação	3
4	Operacionalização do grafo	3
4.1	Comandos	4
4.1.1	Inicializar	4
4.1.2	Pesquisar número Kevin Bacon de ator	4
4.1.3	Consultar média aritmética e desvio padrão	4
4.1.4	Finalizar programa	4

1 Resumo

O presente trabalho propõe a exploração do mundo de Kevin Bacon. Para tanto utilizou-se um grafo não direcionado bipartido com o objetivo de disponibilizar a consulta do numero de Kevin Bacon de qualquer ator. O usuário também está habilitado a consultar a média do numero de Kevin Bacon para o mundo de Kevin Bacon bem como o desvio padrão.

2 Introdução

Um grafo pode ser definido como "Um conjunto de vértices e uma coleção de arestas com cada uma conectando um par de vértices"[Robert, 2011, p.518][2]. Há duas representações computacionais comuns para grafos: matrizes de adjacências e lista de adjacências, como exposto por Cormen(2002)[1].

A Matriz de adjacências é fundada sobre *arrays* ou vetores, estruturas disponíveis na maioria das linguagens de programação. Possuem a vantagem de serem de fácil implementação e complexidade $O(1)$ para acesso aos nós e arestas. Sua desvantagem reside no espaço necessário para acomodar os nós, sendo muitas vezes n^2 ¹.

A Lista de adjacências, por sua vez, não possui uma única estrutura de dado para apoiar-se, pode ser construída com: listas, para linguagens que as possuem como tipo primitivo; listas encadeadas; mapas, dicionários ou tabelas hash; sets ou conjuntos de valores únicos. Dessa forma a complexidade nas operações recuperação de arestas variam de acordo com a implementação. Para inserção de arestas, possuem $O(1)$ se as arestas forem adicionadas no início da lista, quando essa for encadeada. A estrutura de dado com o melhor desempenho é a tabela hash, que permite recuperar nós e arestas em $O(1)$.

Além das estruturas, grafos dependem de algoritmos de busca para operacionalizar o percurso que permite recuperar informações e caminhos. Há dois algoritmos que são base para a construção de outros algoritmos: busca em profundidade e busca em largura. A busca em profundidade é muito comum para percurso em árvore e quando aplicado a grafos gera uma árvore primeiro na profundidade, essa busca possui muita utilidade em inteligência artificial. Já a busca em largura gera um árvore primeiro em largura e, garante que o percurso gerado de um nó a outro é sempre o menor caminho[1], essa busca também origina diversos outros algoritmos como o Dijkstra para percurso em grafo ponderado, *topological sort*, entre outros.

¹O espaço ocupado pode ser reduzido para n em grafos não direcionados

3 Implementação

Para construir o mundo de Kevin Bacon um grafo bipartido foi implementado com listas de adjacência. Todas as arestas são inseridas no início da lista, o que garante $O(1)$ para inserção de nós e arestas. No grafo bipartido os nós filme estão conectados apenas a nós ator e ator apenas a filmes. Para o percurso no grafo foi utilizada a busca em largura para que o caminho de um ator para o Kevin Bacon seja o menor possível. A busca em largura é executada apenas uma vez, a partir dela um vetor de caminhos é gerado para que um caminho específico possa ser reconstruído. Dessa forma consultar o caminho de um ator para o Kevin Bacon exige em média 2,53 consultas ao vetor de caminhos².

Buscamos nesse trabalho usar diferentes níveis de abstração, onde cada *header file* evita que o usuário tenha que fazer chamadas de baixo nível para gerenciar estruturas fundamentais do grafo. Isso possibilitou a construção de um grafo genérico, sendo útil para solucionar diferentes problemas. A camada de mais baixo nível é a lista encadeada, utilizada pelo grafo. O *header file* que implementa o grafo garante que quem o utiliza não necessite fazer chamadas à lista encadeada. A última camada de abstração é o *sixDegree.h* que utiliza um dicionário para armazenar uma string e uma chave, evitando que o grafo tenha que manipular ponteiros genéricos. Essa estrutura também reduz a complexidade da consulta a um ator. Sua organização interna é um vetor ordenado lexicograficamente pela string, permitindo uma busca binária para recuperar o índice do nó. A inserção no dicionário é no pior caso linear e a busca $O(\log(n))$. Todo esse conjunto compõe a solução criada para administrar o mundo de Kevin Bacon. O número de Kevin Bacon, *kb*, de um ator é dado por:

$$kb = \frac{n - 1}{2} \quad (1)$$

Com *n* representando o tamanho do vetor de caminho de um ator para o Kevin Bacon. O divisor consiste na quantidade de elementos do grafo bipartido, nesse caso filme e ator, totalizando 2 elementos. O caminho exibido muitas vezes não é único e está totalmente dependente da ordem de inserção na lista encadeada. Caso queira verificar outro caminho possível mude no *graph.h* em *addDirectedEdge* na linha 82 para *addLast* ao invés de *addFirst*. Atente-se para o fato de que isso aumentará a complexidade.

4 Operacionalização do grafo

Nesse trabalho, a maneira para operar o grafo é bem simples, usando apenas o básico do C e por isso sendo bem intuitivo, portátil e eficaz.

²Valor extraído da consulta "Média aritmética e desvio padrão"

4.1 Comandos

Foram implementados os comandos existentes na descrição do trabalho. Logo, são encontrados as ordens, "inicializar", "pesquisar número de Kevin Bacon de um ator" e "Consultar média e desvio padrão dos atores".

4.1.1 Inicializar

Este comando, abre o arquivo "input-top-grossing.txt" com os dados e carrega tudo para o grafo. Após isso, a inicialização exerce sua busca em largura de todos os atores até o Kevin Bacon. Em seguida, calcula a média aritmética e o desvio padrão do número de Kevin Bacon dos atores.

Número do comando: 1

4.1.2 Pesquisar número Kevin Bacon de ator

Ao digitar o comando, o usuário deve inserir um nome do autor com o mesmo padrão que foi inserido. Assim que a informação for coletada, o programa busca a rota registrada do ator até o Kevin Bacon.

Número do comando: 2

4.1.3 Consultar média aritmética e desvio padrão

Executando essa instrução, o programa simplesmente acessa as duas variáveis que guardam a média aritmética e o desvio padrão calculadas na inicialização.

Número do comando: 3

4.1.4 Finalizar programa

Para sair do programa, esse comando dá o "free" em todas as estruturas alocadas na memória, encerrando de uma maneira segura.

Número do comando: 0

Referências

- [1] Thomas H Cormen, Charles E Leiserson, Ronald L Rivest, and Clifford Stein. Algoritmos: teoria e prática. *Editora Campus*, 2:296, 2002.
- [2] Robert Sedgewick and Kevin Wayne. *Algorithms*. Addison-wesley professional, 2011.