```
import matplotlib.pyplot as plt
2 import numpy as np
3 from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D
4 import matplotlib.animation as animation
5 def f(x,mu,sigma):
      F=1/(2*np.pi*np.sqrt(float(np.linalg.det(sigma)))) * np.exp(-1/2 *np.dot(np.dot(np.transpose(x-mu),np.linalg
     .inv(sigma)),(x-mu)))
      return F
8 import random
g random.seed(18)
10 donnees=[]
for loop in range(10):
      donnees.append(np.array(([random.randint(0,10),random.randint(30,40)])))
      donnees.append(np.array(([random.randint(7,17),random.randint(24,34)])))
14 pourcentage_y=[]
pourcentage_z=[]
16 listemoyenne_y=[np.array(([15,50]))]
17 listemoyenne_z=[np.array(([30,20]))]
18 listeMCov_y = [np.array(([4,1],[1,4]))]
19 listeMCov_z=[np.array(([6,2],[2,6]))]
21 for i in range (20):
      pourcentage_y.append(f(donnees[i],listemoyenne_y[0],listeMCov_y[0])/(f(donnees[i],listemoyenne_y[0],
     listeMCov_y[0])+f(donnees[i],listemovenne_z[0],listeMCov_z[0])))
      pourcentage_z.append(f(donnees[i],listemoyenne_z[0],listeMCov_z[0])/(f(donnees[i],listemoyenne_y[0],
     listeMCov_y[0])+f(donnees[i],listemovenne_z[0],listeMCov_z[0])))
#On a calcule le pourcentage de chaque point des donnees
25 moyenne_y=np.array(([0,0]))
26 moyenne_z=np.array(([0,0]))
variance0_y, variance1_y, cov_y=0,0,0
variance0_z, variance1_z, cov_z=0,0,0
29 coeff_v=0
30 coeff_z=0
31 #On initialise les variables a recalculer en fonction des points ponderes
32 for i in range (20):
      coeff_y+=pourcentage_y[i]
33
      coeff_z+=pourcentage_z[i]
34
35
36 for i in range (20):
      moyenne_y = moyenne_y + donnees[i] * pourcentage_y[i] / coeff_y
37
      moyenne_z=moyenne_z+donnees[i]*pourcentage_z[i]/coeff_z
```

```
39 listemoyenne_y.append(moyenne_y)
40 listemoyenne_z.append(moyenne_z)
41 #la movenne est faite au tour de la variance et covariance
42 for i in range (20):
      varianceO_y += ((donnees[i][0]-moyenne_y[0]) **2) *pourcentage_y[i]/coeff_y
      variance1_y+=((donnees[i][1]-movenne_y[1])**2)*pourcentage_y[i]/coeff_y
44
      cov_y+=(donnees[i][0]-moyenne_y[0])*(donnees[i][1]-moyenne_y[1])*pourcentage_y[i]/coeff_y
45
      variance0_z+=((donnees[i][0]-moyenne_z[0])**2)*pourcentage_z[i]/coeff_z
46
      variance1_z+=((donnees[i][1]-moyenne_z[1])**2)*pourcentage_z[i]/coeff_z
47
      cov_z+=(donnees[i][0]-moyenne_z[0])*(donnees[i][1]-moyenne_z[1])*pourcentage_z[i]/coeff_z
49 MCov_y=np.array(([variance0_y,cov_y],[cov_y,variance1_y])) #Matrice de covariance de y
50 listeMCov_y.append(MCov_y)
MCov_z=np.array(([variance0_z,cov_z],[cov_z,variance1_z])) #Matrice de covariance de z
1 listeMCov_z.append(MCov_z)
53 #On a utilise des variables pour MCov car le calcul matriciel ne fonctionne pas
54
55
56 while abs(listemoyenne_y[len(listemoyenne_y)-1][0]-listemoyenne_y[len(listemoyenne_y)-2][0])>0.01:
      coeff_v=0
      coeff_z=0
58
      pourcentage_y=[]
      pourcentage_z=[] #on reinitialise les pourcentages
60
      for i in range (20):
61
          pourcentage_v.append(f(donnees[i],movenne_v,MCov_v)/(f(donnees[i],movenne_v,MCov_v)+f(donnees[i],
62
     movenne_z, MCov_z)))
          pourcentage_z.append(f(donnees[i],moyenne_z,MCov_z)/(f(donnees[i],moyenne_y,MCov_y)+f(donnees[i],
     movenne_z, MCov_z)))
      for i in range(20):
64
          coeff_y+=pourcentage_y[i]
65
          coeff_z+=pourcentage_z[i]
66
      moyenne_y=np.array(([0,0]))
67
      moyenne_z=np.array(([0,0]))
68
      variance0_v, variance1_v, cov_v=0,0,0
      variance0_z, variance1_z, cov_z=0,0,0
70
      for i in range (20):
71
          moyenne_y = moyenne_y + donnees[i] * pourcentage_y[i] / coeff_y
72
          moyenne_z=moyenne_z+donnees[i]*pourcentage_z[i]/coeff_z
73
      listemoyenne_y.append(moyenne_y)
74
      listemoyenne_z.append(moyenne_z) #On ajoute les nouvelles valeurs de moyenne aux listes associees
      for i in range (20):
76
          variance0_y+=((donnees[i][0]-movenne_y[0])**2)*pourcentage_y[i]/coeff_y
```

```
variance1_y+=((donnees[i][1]-moyenne_y[1])**2)*pourcentage_y[i]/coeff_y
           cov_y+=(donnees[i][0]-moyenne_y[0])*(donnees[i][1]-moyenne_y[1])*pourcentage_y[i]/coeff_y
           variance0_z += ((donnees[i][0] - moyenne_z[0]) **2) * pourcentage_z[i] / coeff_z
80
           variance1_z+=((donnees[i][1]-moyenne_z[1])**2)*pourcentage_z[i]/coeff_z
81
           cov_z+=(donnees[i][0]-moyenne_z[0])*(donnees[i][1]-moyenne_z[1])*pourcentage_z[i]/coeff_z
82
      MCov_y=np.array(([variance0_y,cov_y],[cov_y,variance1_y]))
83
      listeMCov_y.append(MCov_y)
84
      MCov_z=np.array(([variance0_z,cov_z],[cov_z,variance1_z]))
85
      listeMCov_z.append(MCov_z) #On ajoute les nouvelles matrices de covariance aux listes associees
86
88 movenne_y=listemovenne_y [len(listemovenne_y)-1]
movenne_z=listemovenne_z[len(listemovenne_z)-1]
90 MCov_y=listeMCov_y[len(listeMCov_y)-1]
91 MCov_z=listeMCov_z[len(listeMCov_z)-1]
93
94 #La partie graphique
95 a=np.linspace(-20,60,100)
96 A = []
97 X = []
98 Y = []
99 X deux=[]
100 Y deux=[]
101 courbe_y,courbe_z=[],[]
102 for i in range(len(a)):
      for j in range(len(a)):
           A.append([a[i],a[i]])
104
  for i in range(len(A)):
106
      X.append(A[i][0])
      Y.append(A[i][1])
108
109 for i in range(len(A)):
      X_deux.append(A[i][0])
      Y_deux.append(A[i][1])
111
for i in range(len(A)):
       elem_y=f(np.array(([A[i][0]],[A[i][1]])),moyenne_y,MCov_y)
114
       elem_z=f(np.array(([A[i][0]],[A[i][1]])),moyenne_z,MCov_z)
115
       courbe_y.append(elem_y[0][0])
       courbe_z.append(elem_z[0][0])
118 #On rentre l'integralite des valeurs sur le linspace a 2 dimensions
```

```
for i in range(len(courbe_y)):
       if courbe_y[i] < 0.01 * max(courbe_y):</pre>
           X[i], Y[i] = 0, 0
121
122 courbe_y=[elem for elem in courbe_y if elem>=0.01*max(courbe_y)]
123 X=[elem for elem in X if elem!=0]
Y=[elem for elem in Y if elem!=0]
#On enleve les points plus petits que 1% du max
for i in range(len(courbe_z)):
       if courbe_z[i] < 0.01 * max(courbe_z):</pre>
127
           X_deux[i],Y_deux[i]=0,0
129 courbe_z=[elem for elem in courbe_z if elem>=0.01*max(courbe_z)]
130 X_deux=[elem for elem in X_deux if elem!=0]
131 Y_deux=[elem for elem in Y_deux if elem!=0]
#On fait de meme pour la seconde courbe
134 fig=plt.figure()
ax = fig.gca(projection='3d')
ax.plot(X,Y,courbe_y)
ax.plot(X_deux,Y_deux,courbe_z)
plt.title("GMM en 3D")
139 plt.show()
140
141
142 for angle in range(0, 360):
       ax.view_init(30, angle)
       plt.draw()
       plt.pause(.001)
145
146 II II II
```