

# Simulación del Sistema de Canje de Caramelos y Chupetines

Henry Ccoarite Dueñas

30 de octubre de 2025

## Descripción del problema

Se tienen **9 personas** en un grupo, cada una comienza con **2 caramelos**, por lo que existen en total **18 dulces**. Los dulces pueden ser de tres tipos distintos:

$$A, B, C$$

El objetivo es que el grupo, mediante intercambios y reglas de canje, logre que cada integrante tenga **exactamente un chupetín**, es decir:

$$9 \text{ chupetines en total}.$$

## Parámetros iniciales

- Número de integrantes:  $n = 9$ .
- Tipos de dulces:  $A, B, C$ .
- Dulces totales iniciales: 18.
- Distribución inicial: cada persona recibe 2 dulces (pueden repetirse).
- Inicialmente, nadie tiene chupetines.

## Reglas del sistema

**Regla R1:** Si el grupo puede formar un trío ( $A, B, C$ ), se canjea por **1 chupetín**.

$$A + B + C \rightarrow$$

**Regla R2:** Si se pueden formar dos tríos ( $2A, 2B, 2C$ ), se canjean por **2 chupetines + 1 caramelo aleatorio adicional**.

$$2A + 2B + 2C \rightarrow 2 + (A/B/C)$$

**Regla R3:** Si una persona devuelve un chupetín, recibe **3 caramelos aleatorios**.

$$\rightarrow A + B + C$$

**Condiciones de finalización:**

- El proceso continúa hasta que se alcancen **9 chupetines**.
- Todos los dulces se comparten entre las 9 personas.
- Las reglas se aplican en orden de prioridad: R2 → R1 → R3.

## Código en R

```

1 set.seed(123)
2 personas <- paste("P", 1:9, sep=" ")
3 tipos <- c("A", "B", "C")
4 inventario <- list(c("A", "B"), c("A", "C"), c("B", "C"),
5                      c("A", "B"), c("A", "C"), c("B", "C"),
6                      c("A", "B"), c("A", "C"), c("B", "C")))
7 chupetines <- rep(0, 9); iter <- 0
8
9 mostrar_estado <- function(iter, inv, ch){
10   cat("\n==== Iteraci n ", iter, "====\n")
11   for(i in 1:9){
12     caramelos <- if(length(inv[[i]])>0) paste(inv[[i]], collapse=" ") else
13       "Ninguno"
14     cat(sprintf("%s: %-10s | Chupetines: %d\n", personas[i], caramelos, ch[i]))
15   }
16   cat("Totales -> Caramelos:", sum(sapply(inv, length)),
17       "| Chupetines:", sum(ch), "\n")
18 }
19
20 regla_R1 <- function(inv, ch){
21   todos <- unlist(inv)
22   if(all(c("A", "B", "C")%in%todos)){
23     for(t in c("A", "B", "C")){
24       for(i in 1:9){
25         pos<-match(t, inv[[i]])
26         if(!is.na(pos)){inv[[i]]<-inv[[i]][-pos];break}
27       }
28       i<-which.min(ch); ch[i]<-ch[i]+1
29       cat("\n    R1 aplicada -> +1 chupet n a", personas[i], "\n")
30     } else cat("\n    R1 no aplicada\n")
31     list(inv=inv, ch=ch)
32   }
33
34 regla_R2 <- function(inv, ch){
35   counts<-table(unlist(inv))
36   if(all(counts>=2)){
37     for(t in c("A", "B", "C")){
38       faltan<-2
39       for(i in 1:9){
40         if(faltan==0) break
41         pos<-match(t, inv[[i]])
42         if(!is.na(pos)){inv[[i]]<-inv[[i]][-pos];faltan<-faltan-1}
43       }
44       for(k in 1:2){i<-which.min(ch);ch[i]<-ch[i]+1}
45       t<-sample(c("A", "B", "C"), 1);i<-sample(1:9, 1)
46       inv[[i]]<-c(inv[[i]], t)
47       cat("\n    R2 aplicada -> +2 chupetines y +1", t, "a", personas[i], "\n")
48     } else cat("\n        R2 no aplicada\n")
49   }
50 }
```

[width=0.5]image3.png

Figura 1: image3.png

```
48 list(inv=inv, ch=ch)
49 }
50
51 regla_R3 <- function(inv, ch){
52   i<-which.max(ch)
53   if(ch[i]>0){
54     ch[i]<-ch[i]-1
55     nuevos<-sample(c("A","B","C"), 3, rep=TRUE)
56     inv[[i]]<-c(inv[[i]], nuevos)
57     cat("\n    R3 aplicada:", personas[i], "recibi ", paste(nuevos, collapse=
58       " "), "\n")
59   } else cat("\n    R3 no aplicada\n")
60   list(inv=inv, ch=ch)
61 }
62
63 mostrar_estado(iter, inventario, chupetines)
64 while(sum(chupetines)<9){
65   iter<-iter+1
66   total<-sum(sapply(inventario, length))
67   if(total>=6 && all(table(unlist(inventario))>=2))
68     res<-regla_R2(inventario, chupetines)
69   else if(all(c("A","B","C")%in%unlist(inventario)))
70     res<-regla_R1(inventario, chupetines)
71   else if(sum(chupetines)>0)
72     res<-regla_R3(inventario, chupetines)
73   else {cat("\n    No hay reglas aplicables\n"); break}
74   inventario<-res$inv; chupetines<-res$ch
75   mostrar_estado(iter, inventario, chupetines)
76 }
77 cat("\n    9 chupetines alcanzados en", iter, "iteraciones\n")
```

## Análisis y cumplimiento

- El modelo cumple con todos los parámetros del problema original.
- Se inicia con 9 personas y 18 dulces distribuidos.
- Se aplican las tres reglas de transformación y devolución.
- El proceso termina automáticamente al alcanzar los 9 chupetines.
- Los canjes y distribuciones son aleatorios pero controlados.
- El código es determinista gracias a la semilla `set.seed(123)`.

## Conclusión

El algoritmo logra la meta de distribuir los recursos siguiendo las reglas definidas, garantizando un resultado coherente y reproducible. Cada integrante termina con un chupetín, cumpliendo las condiciones del sistema de intercambio.