Perhatikan gambar kubus ABCD.EFGH berikut ini:	
G F X A A	
Apabila panjang rusuk pada kubus diatas ialah 6 cm dan titik X ialah pertengahan rusuk AB. Maka hitunglah jarak titik H ke titik X.	ı antara
Jawab jarak titik H ke titik X ialah panjang garis HX. Panjang AX sama dengan set panjang rusuk AB, maka:	tengah dari
AX = 1/2 AB = 1/2 x 6 xm = 3 cm	
dengan memakai teorema phytagoras:	
$HX = \sqrt{AH^2 + AX^2}$	
$HX = \sqrt{\left(6\sqrt{2}\right)^2 + 3^2}$	
$HX = \sqrt{72 + 9}$ $HX = \sqrt{81}$	
HX =9 cm	
Diberikan data sebagai berikut: 6, 6, 7, 8, 9, 10	
Tentukan nilai rata-rata data di atas!	
Jawab $\overline{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}$	
$\overline{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}$ $\overline{x} = \frac{6 + 6 + 7 + 8 + 9 + 10}{6}$	
$\overline{x} = \frac{46}{6} = 7,67$	
Diberikan data nilai ujian matematika anak kelas XII IPA-1 sebagai berikut: 7, 8, 8, 6, 8, 6, 9, 7, 6, 8, 5, 8	
Tentukan modus dari data di atas!	
Jawab	. 12
Modus diambil dari data yang paling banyak tampil atau muncul. Dari data di atas modusnya adalah 8.	s terlihat
Diberikan data tunggal yang telah diurutkan sebanyak 99 buah. Tentukan data kel yang menjadi median! Jawab	berapa
Me = Data ke $\left(\frac{n+1}{2}\right)$	
$= \left(\frac{99+1}{2}\right) = \text{data ke } 50$	

Nilai ujian akhir matakuliah statistika mahasiswa adalah 70, 72, 69, 67, 54, 60, 49, 75, 59, 6370, 72, 69, 67, 54, 60, 49, 75, 59, 63 Hitunglah range dari data tersebut! Jawab $x_{\text{max}} = 75$ $x_{\min} = 49$ $R = x_{\text{max}} - x_{\text{min}}$ = 75 - 495 = 26 Tentukanlah simpangan kuartil pada data berikut ini: 57 49 30 46 59 43 42 47 40 45 44 56 Jawab 30 40 42 43 44 45 46 47 49 56 57 59 Q1 = (42 + 43)/2Q1 = 42,5Q3 = (49 + 56)/2Q3 = 52,5 $Q_R = Q_3 - Q_1$ $Q_R = 52,5 - 42,5$ $Q_{R} = 10$ Simpangan kuartilnya yaitu: $Q_d={}^1\!\!/_{\!2}Q_R$ $Q_d = \frac{1}{2}.10$ $Q_d = 5$ Jadi, simpangan kuartil dari data tersebut adalah 5. 6 Perhatikan tabel distribusi frekuensi data dibawah ini Nilai Frekuensi 10 6 7 6 4 8 9 8 10 2

Tentukan nilai S_R data di atas!

Jawab
$$\begin{aligned} &\mathrm{SR} = \frac{1}{n} \big(|x_1 - \bar{x}| + |x_2 - \bar{x}| + \ldots + |x_n - \bar{x}| \big) \\ &= \frac{10 \, |6 - 7,53| + 6|7 - 7,53| + 4|8 - 7,53| + 8|9 - 7,53| + 2|10 - 7,53|}{10 + 6 + 4 + 8 + 2} \\ &= \frac{15,3 + 3,18 + 1,88 + 11,76 + 4,94}{30} \\ &= \frac{37,06}{30} \\ &= 1,24 \end{aligned}$$

Perhatikan tabel distribusi frekuensi data tunggal berikut ini

Nilai	frekuensi (f)
5	2
6	5
7	12
8	7
9	4

Tentukan ragam

$$\bar{x} = \frac{x_1 f_1 + x_2 f_2 + \dots + x_n f_n}{f_1 + f_2 + \dots + f_n}$$

$$= \frac{5(2) + 6(5) + 7(12) + 8(7) + 9(4)}{2 + 5 + 12 + 7 + 4}$$

$$= \frac{216}{30}$$

$$= 7,2$$

$$S^2 = \frac{1}{n} ((x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + (x_n - \bar{x})^2)$$

$$S^2 = \frac{2(5 - 7, 2)^2 + 5(6 - 7, 2)^2 + 12(7 - 7, 2)^2 + 7(8 - 7, 2)^2 + 4(9 - 7, 2)^2}{2 + 5 + 12 + 7 + 4}$$

$$= \frac{9,68 + 7,2 + 0,48 + 4,48 + 12,96}{30}$$

$$= \frac{34,8}{30}$$

$$= 1,16$$

Berat badan sekelompok siswa disajikan berikut ini (dalam kg).

Tentukan simpangan baku

8

Jawab
$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}$$

$$= \frac{45 + 44 + 60 + 54 + 47 + 50}{6}$$

$$= \frac{300}{6}$$

$$= 50$$

$$S = \sqrt{\frac{1}{n}((x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + (x_n - \bar{x})^2)}$$

$$= \sqrt{\frac{1}{6}((45 - 50)^2 + (44 - 50)^2 + (60 - 50)^2 + (54 - 50)^2 + (47 - 50)^2 + (50 - 50)^2)}$$

$$= \sqrt{\frac{1}{6}((-5)^2 + (-6)^2 + 10^2 + (-3)^2 + 0^2}$$

$$= \sqrt{\frac{1}{6}(25 + 36 + 100 + 9 + 0)}$$

$$= \sqrt{\frac{1}{6}(186)}$$

$$= \sqrt{\frac{186}{6}}$$

$$= \sqrt{31}$$

Jadi, simpangan bakunya adalah $\sqrt{31}$

Hitunglah mean dari data kelompok berikut ini! Berikut merupakan tabel Tinggi Badan Siswa Kelas XII IPS 2.

Tinggi badan	Frekuensi
(dalam cm)	f_i
156-160	5
161-165	10
166-170	5
171-175	10

Jawab

Juvao			
Tinggi badan	Titik tengah	Frekuensi	$x_i.f_i$
(dalam cm)	x_i	f_i	
156-160	158	5	790
161-165	163	10	1630
166-170	168	5	840
171-175	173	10	1730
Jun	ılah	30	4990
	Σ		

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i f_i}{\sum_{i=1}^{n} f_i}$$

$$= \frac{4990}{30}$$

$$= 166,33$$

10 Jadi, mean dari data kelompok tersebut adalah 166,33 cm

Sebanyak 26 orang mahasiswa terpilih sebagai sampel dalam penelitian kesehatan di sebuah universitas. Mahasiswa yang terpilih tersebut diukur berat badannya. Hasil pengukuran berat badan disajikan dalam bentuk data berkelompok seperti di bawah ini.

Berat badan (kg)	Frekuensi (f_i)
46-50	3
51-55	2
56-60	4
61-65	5
66-70	6
71-75	4
76-80	1
81-85	1

Hitunglah median berat badan mahasiswa

Jawab

	Berat badan (kg)	Frekuensi (f_i)	Frekuensi
11			kumulatif (f_k)

46-50	3	3
51-55	2	5
56-60	4	9
61-65	5	14
66-70	6	20
71-75	4	24
76-80	1	25
81-85	1	26

Jumlah data adalah 26, sehingga mediannya terletak di antara data ke 13 dan 14. Data ke-13 dan 14 ini berada pada kelas interval ke-4 (61 - 65). Kelas interval ke-4 ini kita sebut kelas median.

$$Q_2 = \text{Tb} + \left(\frac{\frac{1}{2}n - f_k}{f_i}\right)p$$

$$= 60.5 + \left(\frac{\frac{26}{2} - 9}{5}\right).5$$

$$= 60.5 + 4$$

$$= 64.5$$

Data umur para pekerja di sebuah pabrik sepatu adalah sebagai berikut.

Kelas interval	Frekuensi (<i>f</i>)
16-20	18
21-25	28
26-30	20
31-35	15
36-40	10
41-45	9
46-50	4

Berapakah modus umur para pekerja tersebut?

Jawab

Kelas modus 21-25

Tb = 20,5

$$p = 5$$

 $d_1 = 28 - 18 = 10$
 $d_2 = 28 - 20 = 8$
Mo = Tb + $\left(\frac{d_1}{d_1 + d_2}\right) p$
= 20,5 + $\left(\frac{10}{10 + 8}\right)$.5
= 20,5 + 2,78

12 =23,28

Setiap tahun, SMA Maju Jaya selalu mengadakan pentas seni. Sebelum acara akbar, para siswa mengadakan pemilihan ketua, sekretaris dan bendahara. Setelah melakukan seleksi, ada 5 orang siswa yang mendaftarkan diri. Banyak cara untuk memilih ketua, sekretaris dan bendahara untuk acara tersebut adalah . . .

Jawab

13

Banyak kandidat yang mendaftar = 5 orang, maka nn = 5

Karena akan dipilih 3 orang yaitu, ketua sekretaris dan bendahara, maka banyak pilihannya adalah permutasi 3 dari 5

$$P(n,r) = \frac{n!}{(n-r)!}$$

$$P(5,3) = \frac{5!}{(5-3)!}$$

	I ei
	$=\frac{5!}{1}$
	$= \frac{5!}{2!}$ $= \frac{5 \times 4 \times 3 \times 2!}{2!}$
	$=\frac{5\times4\times3\times2}{}$
	2!
	=60
	Jadi, banyak cara untuk memilih ketua, sekretaris dan bendahara untuk acara tersebut
	adalah 60 cara.
	Banyak cara untuk menyusun dari kata "BASSABASSI" adalah
	,,,
	Jawab
	Dari kata "BASSABASSI", banyak huruf (n) = 10
	$k_1 = \text{huruf B} = 2$
	$k_2 = \text{huruf } A = 3$
	$k_3 = \text{huruf } S = 4$
	$k_4 = \text{huruf I} = 1$
	$P^n \cdot \cdot = \frac{n!}{n!}$
	$P_{k_1,k_2,k_t}^n = \frac{n!}{k_1!k_2!k_t!}$
	p10 10! 10.9.8.7.6.5.2! 12.60
14	$P_{2,3,4,2}^{10} = \frac{10!}{2!3!4!2!} = \frac{10.9.8.7.6.5.2!}{2.13.2.1.4!.2.1} = 1260 \text{ cara}$
	200412: ALMALIATA
	Dari 5 orang anggota keluarga akan duduk mengelilingi sebuah meja bundar, banyak cara
	susunan yang dapat dibuat dari 5 orang tersebut adalah
	* .
	Jawab:
	Denvels group $(n) = 5$
	Banyak orang $(n) = 5$
	$P_{Siklis}^n = (n-1)!$
	$F_{siklis} - (n-1)$:
14-	$D^5 = (5 - 1)! - 4! - 4 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 1 - 24 \cdot 22 \cdot 2 \cdot 24 \cdot 22 \cdot 24$
15	$P_{siklis}^{5} = (5-1)! = 4! = 4.3.2.1 = 24 \text{ cara.}$
1	Aisyah pergi ke pasar untuk membeli 4 jenis buah. Jika di toko buah terdapat 7 jenis buah,
	maka berapa kombinasi empat jenis buah yang mungkin dibeli oleh Aisyah?
1	maka ociapa komomasi empat jenis otan yang mungkin diben disili Aisyan:
1	
	Jawab
	$C(n,r) = \frac{n!}{(n-r)!r!}$
	(n-r):r:
	$C(7,4) = \frac{7!}{(7-4)!4!}$
	(7,1) = (7-4)!4!
	$=\frac{7\times6\times5\times4!}{3!4!}$
	$={3!4!}$
	$=\frac{7\times 6\times 5}{3\times 2\times 1}$
	$=\frac{1}{3\times 2\times 1}$
	210
	$=\frac{210}{6}$
1	$=$ $\frac{6}{35}$
16	Jadi, kombinasi tiga jenis buah yang mungkin dibeli oleh Aisyah adalah 35 kombinasi buah.
17	
<u> </u>	

	Jika peluang Andi dapat menyelesaikan suatu soal adalah 0,4 dan peluang Budi dapat menyelesaikan soal yang sama adalah 0,3 maka peluang mereka berdua dapat menyelesaikan soal tersebut adalah
	Jawab:
	P(A) = 0.4
	P(B) = 0.3
	Peluang Andi dan Budi dapat menyelesaikan soal:
18	$P(A \cap B) = P(A) \times P(B)$ = 0,4 x 0,3 = 0,12
	Sebuah dadu dilempar sekali dan diketahui mata dadu yang muncul adalah ganjil. Tentukan peluang akan muncul mata dadu yang lebib dari 4. Jawab
	$P(A) = ganjil = \{1, 3, 5\} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$
	P(B) = lebih dari $4 = \{5, 6\} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$
	$P(A \cap B) = \text{ganjil dan lebih dari } 4 = \{5\} = \frac{1}{6}$
19	$P(B \ A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{6}}{\frac{1}{2}} = \frac{1}{6} \times \frac{2}{1} = \frac{1}{3}$
	Satu buah dadu dilempar undi satu kali, peluang munculnya angka bilangan prima yaitu Jawab Diketahui:
	Ruang sampel dadu adalah (S) = $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ maka $n(S) = 6$
	Muncul angka prima adalah (A) = $\{2, 3, 5\}$ maka $n(A) = 3$
	Sehingga peluang munculnya angka bilangan prima adalah:
	$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$
20	
	Tentukan hasil dari : a. lim 7
	b. $\lim_{x\to 2} x^3$
	c. $\lim_{x \to 2} 4(x+2)$
	d. $\lim_{x \to 2} x^3 + x^4$
	e. $\lim_{x \to -2} x^3 \cdot x^4$
	f. $\lim_{x\to 2} \frac{x^4}{x^3}$
	g. $\lim_{x\to 2} (x^4+1)^2$
	Jawab
21	a. $a\alpha = 2$ $c = 7$

```
\lim c = c
                                  \lim_{x \to a} 7 = 7
                         b. \lim x^n = a^n
                                  \lim x^3 = 2^3
                                  \lim_{x \to 2} x = 8
                         c. \lim_{x \to a} c. f(x) = c. \lim_{x \to a} f(z)
                                  \lim_{x \to a} 4(x+2) = 4 \cdot (\lim_{x \to 2} (2+2))
\lim_{x \to 2} 4(x+2) = 4 \cdot (\lim_{x \to 2} (2+2))
                                  \lim_{x \to 2} 4(x+2) = 16
                        d. \lim_{x \to 2} f(x) \pm g(x) = \lim_{x \to a} f(x) \pm \lim_{x \to a} g(x)\lim_{x \to 3} (x^3 + x^4) = \lim_{x \to 3} x^3 + \lim_{x \to 3} x^4\lim_{x \to 3} (x^3 + x^4) = 3^3 + 3^4
                                  \lim_{x \to 3} (x^3 + x^4) = 27 + 81
                                   \lim_{x \to 0} (x^3 + x^4) = 108
                        e. \lim_{\substack{x \to a \\ x \to a}} [f(x). g(x)] = \lim_{\substack{x \to a \\ x \to a}} f(x). \lim_{\substack{x \to a \\ x \to -2}} g(x)\lim_{\substack{x \to -2 \\ x \to -2}} (x^3. x^4) = \lim_{\substack{x \to -2 \\ x \to -2}} x^3. \lim_{\substack{x \to -2 \\ x \to -2}} x^4\lim_{\substack{x \to -2 \\ x \to -2}} (x^3. x^4) = -128
                               \lim_{x \to a} \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{\lim_{x \to a} f(x)}{\lim_{x \to a} g(x)}
                                  \lim_{x \to 2} \frac{x^4}{x^3} = \frac{\lim_{x \to 2}^{x \to 4} x^4}{\lim_{x \to 2}^{x \to 4} x^3}
                                  \lim_{x \to 2} \frac{x^4}{x^3} = 2
                         g. \lim_{x \to a} [f(x)]^n = \left[ \lim_{x \to a} f(x) \right]^n
                                  \lim_{\substack{x \to 2 \\ x \to 2}} (x^4 + 1)^2 = \left[ \lim_{\substack{x \to 2 \\ x \to 2}} (x^4 + 1) \right]^2
\lim_{\substack{x \to 2 \\ x \to 2}} (x^4 + 1)^2 = (2^4 + 1)^2
                                  \lim_{x \to 2} (x^4 + 1)^2 = (16 + 1)^2
                                  \lim_{x \to 2} (x^4 + 1)^2 = 17^2
                                   \lim_{} (x^4 + 1)^2 = 289
                         1. Dengan menggunakan rumus penjumlahan dua sudut tentukan nilai dari:
                                  a) sin 75°
                                  b) cos 75°
                         2. Dengan menggunakan rumus selisih dua sudut tentukan nilai dari:
                                   a) sin 15°
                                   b) cos 15°
                Jawab
                         1. a) \sin(A + B) = \sin A \cdot \cos B + \cos A \cdot \sin B
                                   \sin 75^{\circ} = \sin(45^{\circ} + 30^{\circ})
                                   = \sin 45^{\circ} \cdot \cos 30^{\circ} + \cos 45^{\circ} \cdot \sin 30^{\circ}
                                  =\frac{1}{2}\sqrt{2}\cdot\frac{1}{2}\sqrt{3}+\frac{1}{2}\sqrt{2}\cdot\frac{1}{2}
22
```

$$= \frac{1}{4}\sqrt{6} + \frac{1}{4}\sqrt{2}$$

$$= \frac{1}{4}(\sqrt{6} + \sqrt{2})$$
b) cos (A + B) = cos A cos B - sin A sin B cos 75° = cos (45° + 30°)
$$= \cos 45° \cdot \cos 30° - \sin 45° \cdot \sin 30°$$

$$= \frac{1}{2}\sqrt{2} \cdot \frac{1}{2}\sqrt{3} - \frac{1}{2}\sqrt{2} \cdot \frac{1}{2}$$

$$= \frac{1}{4}\sqrt{6} - \frac{1}{4}\sqrt{2}$$

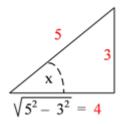
$$= \frac{1}{4}(\sqrt{6} - \sqrt{2})$$

2. a)
$$\sin (A - B) = \sin A \cos B - \cos A \sin B \sin 15^{\circ} = \sin 45^{\circ} - 30^{\circ})$$

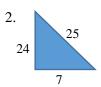
 $= \sin 45^{\circ} \cdot \cos 30^{\circ} - \cos 45^{\circ} \cdot \sin 30^{\circ}$
 $= \frac{1}{2}\sqrt{2} \cdot \frac{1}{2}\sqrt{3} - \frac{1}{2}\sqrt{2} \cdot \frac{1}{2}$
 $= \frac{1}{4}\sqrt{6} - \frac{1}{4}\sqrt{2}$
 $= \frac{1}{4}(\sqrt{6} - \sqrt{2})$
b) $\cos (A - B) = \cos A \cos B + \sin A \sin B \cos 15^{\circ} = \cos (45^{\circ} - 30^{\circ})$
 $= \cos 45^{\circ} \cdot \cos 30^{\circ} + \sin 45^{\circ} \cdot \sin 30^{\circ}$
 $= \frac{1}{2}\sqrt{2} \cdot \frac{1}{2}\sqrt{3} + \frac{1}{2}\sqrt{2} \cdot \frac{1}{2}$
 $= \frac{1}{4}\sqrt{6} + \frac{1}{4}\sqrt{2}$
 $= \frac{1}{4}(\sqrt{6} + \sqrt{2})$

- 1. Diketahui sin A = $\frac{3}{5}$ dengan sudut A adalah lancip. Tentukan nilai dari sin 2A.
- 2. Diketahui $\cos A = \frac{7}{25}$. Carilah nilai $\cos 2A$.
- 3. Jika $\sin A = \frac{3}{5}$, maka $\cos 2A = \dots$
- 4. Jika $\sin A = \frac{12}{13} \operatorname{dan} A$ terletak di kuadran II, tentukanlah nilai $\cos 2A$

Jawab



 $\sin 2A = 2 \sin A \cos A$ $= 2\left(\frac{3}{5}\right)\left(\frac{4}{5}\right)$ $= \frac{24}{25}$



$$\cos 2A = \cos^2 A - \sin^2 A$$
$$= \left(\frac{7}{25}\right)^2 - \left(\frac{24}{25}\right)^2$$

```
=-\frac{527}{}
                     625
            3. \cos 2A = 1 - 2\sin^2 A
            4. \cos 2A = 2\cos^2 A - 1
                =\frac{20}{169}
                = -0.7
            1. turunan fungsi dari y = 5 \sin x adalah . . .
                jawab
                y = 5 \sin x
                y' = 5 \cos x
            2. Tentukan turunan dari y = 5 \cos x - 3 \sin x
                Jawab
                y = 5 \cos x - 3 \sin x
                y' = 5 (-\sin x) - 3 (\cos x)
                y' = -5 \sin x - \cos x
            3. Tentukan turunan dari y = \sin(2x + 5)
                Jawab
                y = \sin(2x + 5)
                y' = \cos(2x + 5) \cdot 2
                Angka 2 diperoleh dari menurunkan 2x + 5
                y' = 2 \cos (2x + 5)
            4. Tentukan turunan dari y = \sin^2(2x - 1)
                Jawab
                y = \sin^2(2x - 1)
                y' = 2 \sin^{2-1} (2x - 1) \cdot \cos (2x - 1) \cdot 2
                y' = 2 \sin (2x - 1) \cdot \cos (2x - 1) \cdot 2
                y' = 4 \sin (2x - 1) \cos (2x - 1)
            5. Turunan pertama fungsi y = \cos(2x^3 - x^2) ialah.....
                Jawab
                y = \cos (2x^3 - x^2)
                Misalkan:
                u(x) = 2x^3 - x^2 maka u'(x) = 6x^2 - 2x
                y = \cos u(x)
                y' = -\sin u(x) \cdot u'(x)
                y' = -\sin(2x^3 - x^2) \cdot (6x^2 - 2x)
                y' = -(6x^2 - 2x).\sin(2x^3 - x^2)
            6. Diketahui f(x) = \sin^3 (3 - 2x). Turunan pertama fungsi f adalah f' maka f'(x) =
                Jawab
                f(x) = \sin^3 (3 - 2x)
                Misalkan:
                u(x) = \sin (3 - 2x), maka:
                u'(x) = \cos (3 - 2x) \cdot (-2)
                u'(x) = -2\cos(3 - 2x)
                (-2 berasal dari turunan (3-2x))
                f(x) = [u(x)]^3
                f'(x) = 3[u(x)]^2 \cdot u'(x)
24
```

```
f'(x) = 3\sin^{2}(3 - 2x) \cdot -2\cos(3 - 2x)
= -6\sin^{2}(3 - 2x) \cdot \cos(3 - 2x)
= -3 \cdot 2\sin(3 - 2x) \cdot \sin(3 - 2x) \cdot \cos(3 - 2x)
= -3 \cdot \sin(3 - 2x) \cdot 2\sin(3 - 2x) \cdot \cos(3 - 2x)
(ingat: \sin 2x = 2 \sin x \cdot \cos x)
= -3\sin(3 - 2x) \sin 2(3 - 2x)
= -3\sin(3 - 2x) \sin(6 - 4x)
Sebuah koin dilempar 3 kali pelemparan. Tentukan peluang didapatnya dua angka pada pelemparan tersebut.

Jawab
P(x, n) = C(n, x) \times p^{x} \times q^{n-x}
P(2,3) = \frac{3!}{(3-2)!2!} \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{2} \left(\frac{1}{2}\right)^{1} = \frac{3}{8}
```