Applied Multivariate Statistics, Übung 2

HENRY HAUSTEIN

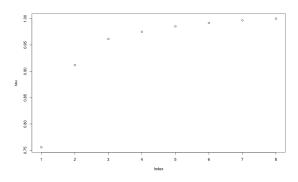
Task 1

```
1 load("data/carmean2.rda")
2 pca = prcomp(carmean2, scale. = FALSE)
3 pca
4 tau = cumsum(pca$sdev^2)/sum(pca$sdev^2)
5 plot(tau)
6 plot(cos((0:360)/180*pi), sin((0:360)/180*pi), type = "1", lty = " dashed", xlab = "cor with PC1", ylab = "cor with PC2")
7 text(cor(carmean2, pca$x)[,1:2], labels = colnames(carmean2), cex = 0.8)
8 biplot(pca)
```

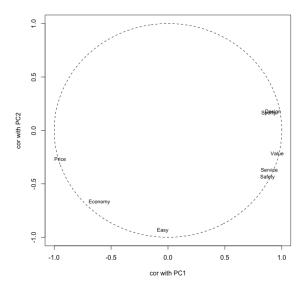
Liefert die folgenden Eigenwerte $\lambda_1=5.55632099,\ \lambda_2=1.14581326,\ \lambda_3=0.36638390,\ \lambda_4=0.09948996,\ \lambda_5=0.07567478,\ \lambda_6=0.04781716,\ \lambda_7=0.03579466$ und $\lambda_8=0.02448393.$ Dazu die folgenden PCs:

Economy	$\int -0.2207$	-0.5406	-0.5934	0.1091	-0.0372	0.2076	-0.436	0.2456
Service	0.306	-0.279	0.1285	-0.2741	0.1076	-0.6892	-0.4762	-0.1535
Value	0.4435	-0.2191	0.0618	0.3293	0.4032	-0.1159	0.3015	0.6133
Price	-0.4777	-0.2965	-0.1164	-0.4562	0.0168	-0.3512	0.5645	0.1412
Design	0.3327	0.1387	-0.2003	-0.7204	0.3672	0.4111	-0.0425	0.0731
Sporty	0.3857	0.1558	-0.7127	0.1461	-0.1302	-0.2452	0.3172	-0.3465
Safety	0.4162	-0.4566	0.2155	-0.1702	-0.6694	0.242	0.1904	-0.0023
Easy	-0.011	-0.4919	0.1397	0.1649	0.4736	0.2397	0.1865	-0.6281

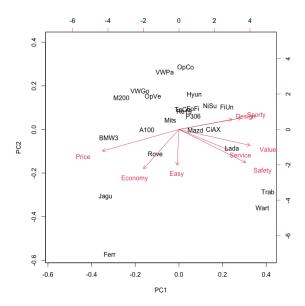
Es reichen 2 PCs, diese erklären bereits über 90% der Varianz:



Wir sehen auch, dass die Variablen Design, Sporty, Value, Service und Safety mit PC_1 positiv korrelieren, während Price negativ mit PC_1 korreliert. Das ist auch klar, da ein billiges Auto keine teuren Features wie Service, Design, etc haben kann.



Das wird auch noch mal im Biplot sichtbar, besonders teure Autos sind BMW, Ferrari und Jaguar, während Autos der Marken Wartburg und Trabi billig sind.



Task 2

```
1 # normale lineare Regression
2 summary(lm(Price ~ 0 + ., data = carmean2))
3
```

```
4 # principle component regression
5 price = scale(carmean2[,4], center = TRUE, scale = FALSE)
6 PCs = prcomp(scale(carmean2[,-4], center = TRUE, scale = FALSE))$x
        [,1:2]
7 summary(lm(price ~ 0 + PCs))
```

Die normale lineare Regression liefert

	lineare Regression
Economy	0.61*
	(0.28)
Service	0.34
	(0.47)
Value	-0.91
	(0.45)
Design	0.60
	(0.32)
Sporty	-0.05
	(0.34)
Safety	-0.42
	(0.32)
Easy	0.97
	(0.46)
\mathbb{R}^2	0.98
$Adj. R^2$	0.98
Num. obs.	23

^{***}p < 0.001; **p < 0.01; *p < 0.05

Während die principle component regression folgende Werte liefert:

	principle component regression
PCsPC1	-0.52^{***}
	(0.03)
PCsPC2	-0.41^{***}
	(0.07)
\mathbb{R}^2	0.93
$Adj. R^2$	0.93
Num. obs.	23
RMSE	0.31
Adj. R ² Num. obs.	0.93 0.93 23

^{***}p < 0.001; **p < 0.01; *p < 0.05

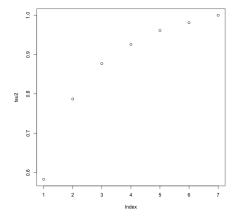
Man sieht, dass sich R^2 bzw. der adjustierte R^2 fast gleich sind, was wiederum bedeutet, dass man mit 2 PCs fast den ganzen Datensatz erklären kann.

Task 3

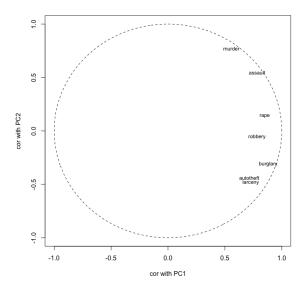
```
load("data/uscrime.rda")
1
2 pca2 = prcomp(uscrime[,3:9], center = TRUE, scale. = TRUE)
3
   pca2
   tau2 = cumsum(pca2$sdev^2)/sum(pca2$sdev^2)
   plot(tau2)
5
  biplot(pca2)
   plot(cos((0:360)/180*pi), sin((0:360)/180*pi), type = "l", lty = "
       dashed", xlab = "cor with PC1", ylab = "cor with PC2")
   text(cor(uscrime[,3:9], pca2$x)[,1:2], labels = colnames(uscrime
       [,3:9]), cex = 0.8)
   plot(pca2$x[,1:2], col = c("orange", "green", "blue", "red")[
       uscrime$reg], xlab = "PC1", ylab = "PC2")
   text(pca2$x[,1:2], labels = colnames(uscrime), col = c("orange", "
10
       green", "blue", "red")[uscrime$reg], cex = 0.8, pos = 4)
  legend("topright", legend = levels(uscrime$reg) , col = c("orange"
       , "green", "blue", "red"), pch = 20)
```

Liefert die folgenden Eigenwerte $\lambda_1 = 4.0767793$, $\lambda_2 = 1.4316417$, $\lambda_3 = 0.6311694$, $\lambda_4 = 0.3401460$, $\lambda_5 = 0.2483953$, $\lambda_6 = 0.1396704$, $\lambda_7 = 0.1321979$, dazu die folgenden PCs:

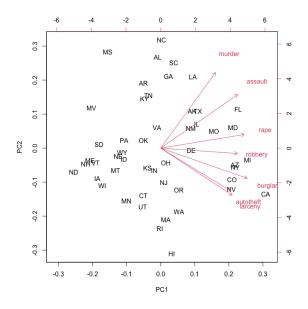
Auch hier nehmen wir wieder 2 PCs, diese erklären fast 80% der Varianz:



Im Korrelationsplot sehen wir, dass PC_1 angibt, ob eine Straftat vorliegt und PC_2 sagt uns, wie schwer diese ist:



Im Biplot sehen wir, dass es durchaus Unterschiede zwischen den Staaten gibt, in North Dakota gibt es am wenigsten Straftaten.



Man kann das ganze noch nach Region aufteilen, im Süden gibt es besonders schwere Straftaten:

