# Steuertheorie, Hausaufgabe 1

#### HENRY HAUSTEIN

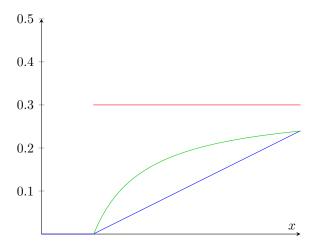
#### Aufgabe 1

(a) Der Grenzsteuersatz und Durchschnittssteuersatz ist

$$\frac{\partial T_1}{\partial y} = \begin{cases} 0 & y \le y_0 \\ 0.3 & y < y_0 \end{cases}$$

$$\frac{T_1}{y} = \begin{cases} 0 & y \le y_0 \\ 0.3 - \frac{y_0}{y} & y > y_0 \end{cases}$$

Es handelt sich um einen indirekt progressiven Steuertarif mit Freibetrag.

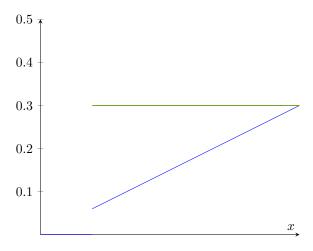


Tarifverlauf, Grenzsteuersatz, Durchschnitsssteuersatz

(b) Der Grenzsteuersatz und Durchschnittssteuersatz ist

$$\frac{\partial T_1}{\partial y} = \begin{cases} 0 & y \le y_0 \\ 0.3 & y < y_0 \end{cases}$$
$$\frac{T_1}{y} = \begin{cases} 0 & y \le y_0 \\ 0.3 & y > y_0 \end{cases}$$

Es handelt sich um einen proportionalen Steuertarif.



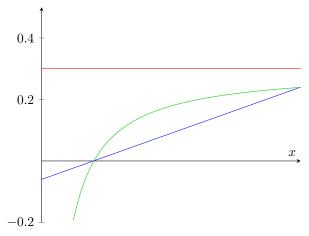
Tarifverlauf, Grenzsteuersatz, Durchschnitsssteuersatz

(c) Der Grenzsteuersatz und Durchschnittssteuersatz ist

$$\frac{\partial T_1}{\partial y} = 0.3$$

$$\frac{\partial T_1}{\partial y} = 0.3$$
 
$$\frac{T_1}{y} = 0.3 - \frac{y_0}{y}$$

Es handelt sich um einen indirekt progressiven Steuertarif.



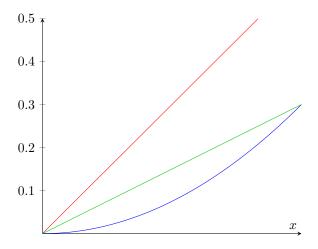
Tarifverlauf, Grenzsteuersatz, Durchschnitsssteuersatz

(d) Der Grenzsteuersatz und Durchschnittssteuersatz ist

$$\frac{\partial T_1}{\partial y} = 0.6y$$
$$\frac{T_1}{y} = 0.3y$$

$$\frac{T_1}{y} = 0.3y$$

Es handelt sich um einen direkt progressiven Steuertarif.



Tarifverlauf, Grenzsteuersatz, Durchschnitsssteuersatz

#### Aufgabe 2

(a) Bei einer Bruttowertsteuer gilt  $p=q(1-\tau)$  und damit

$$\frac{p-q}{q} = \frac{q(1-\tau)-q}{q} = (1-\tau)-1 = -\tau$$

Bei einer Nettowertsteuer gilt  $q = p(1 + \theta)$  und damit

$$\frac{p-q}{q} = \frac{p-p(1+\theta)}{p(1+\theta)} = \frac{1-(1+\theta)}{1+\theta} = \frac{-\theta}{1+\theta}$$

Die Umrechnung sieht wie folgt aus

$$q(1-\tau) = \frac{q}{1+\theta}$$
$$1-\tau = \frac{1}{1+\theta}$$
$$\Rightarrow \tau = 1 - \frac{1}{1+\theta}$$
$$\Rightarrow \theta = \frac{1}{1-\tau} - 1$$

(b) Es handelt sich um eine Nettowertsteuer: Die Umsatzsteuer kommt auf den Nettopreis drauf. In 100 € Bruttowert sind 84.03 € Nettowert und 15.97 € Umsatzsteuer enthalten. Die Quote beträgt also 15.97 %.

## Aufgabe 3

Zuerst der Beweis:

$$\frac{\partial T}{\partial y} = \frac{\partial (t \cdot y)}{\partial y} = \underbrace{\frac{\partial t}{\partial y}}_{0} \cdot y + t \cdot \underbrace{\frac{\partial y}{\partial y}}_{1} = t$$

- (a) Die Steueraufkommenselastizität gibt an, um wie viel Prozent sich das Steueraufkommen ändert, wenn sich die Bemessungsgrundlage um 1 Prozent ändert.
- (b) Es gilt  $\alpha(y) = T'(y) \cdot \frac{1}{t(y)}$ . Damit gilt für einen proportionalen Steuertarif  $\alpha = 1$ , für einen progressiven  $\alpha > 1$  und für einen regressiven  $\alpha < 1$ .
- (c) Es gilt

$$\rho(y) = \frac{\partial x}{\partial y} \cdot \frac{y}{x}$$

$$= \frac{\partial (y - T(y))}{\partial y} \cdot \frac{y}{y - T(y)}$$

$$= \left(\frac{\partial y}{\partial y} - \frac{\partial T(y)}{\partial y}\right) \cdot \frac{y}{y - T(y)}$$

$$= \frac{y - T'(y) \cdot y \cdot \frac{t}{t}}{y - T(y)}$$

$$= \frac{y - \alpha(y) \cdot T(y)}{y - T(y)}$$

Wenn  $\alpha > 1$ , dann Zähler < Nenner und damit  $\rho < 1$ .

Wenn  $\alpha = 1$ , dann Zähler = Nenner und damit  $\rho = 1$ .

Wenn  $\alpha < 1$ , dann Zähler > Nenner und damit  $\rho > 1$ .

(d) Für  $T(y) = a \cdot y^{\beta}$  gilt

$$\alpha(y) = \frac{a \cdot \beta \cdot y^{\beta - 1} \cdot y}{a \cdot y^{\beta}} = \frac{a \cdot \beta \cdot y^{\beta}}{a \cdot y^{\beta}} = \beta$$

Für  $T(y) = y - ay^p$  ist  $x = y - (y - ax^p) = ay^p$  und damit

$$\rho(x) = \frac{a \cdot p \cdot y^{p-1} \cdot y}{a \cdot y^p} = \frac{a \cdot p \cdot y^p}{a \cdot y^p} = p$$

### Aufgabe 4

(a) Es gilt  $T = \theta \cdot w^N \cdot N(w^B)$  und damit

$$\begin{split} \frac{\partial T}{\partial \theta} &= w^N \cdot N(w^B) + \theta \cdot w^N \cdot \frac{\partial N(w^B)}{\partial w^B} \underbrace{\frac{\partial w^B}{\partial \theta}}_{w^N} \\ &= w^N \cdot N(w^B) \left( 1 + \theta \cdot \underbrace{w^N}_{\frac{w^B}{1+\theta}} \cdot \frac{\partial N(w^B)}{\partial w^B} \cdot \frac{1}{N(w^B)} \right) \\ &= w^N \cdot N(w^B) \left( 1 + \frac{\theta}{1+\theta} \cdot \underbrace{w^B \cdot \frac{\partial N(w^B)}{\partial w^B} \cdot \frac{1}{N(w^B)}}_{\eta} \right) \\ &= w^N \cdot N(w^B) \left( 1 + \frac{\theta}{1+\theta} \eta \right) \end{split}$$

Das Steueraufkommen sinkt genau dann, wenn

$$\begin{aligned} 1 + \frac{\theta}{1+\theta} \eta &< 0 \\ 1 + \frac{\theta}{1+\theta} (-3) &< 0 \\ -\frac{3\theta}{1+\theta} &< -1 \\ -3\theta &< -(1+\theta) \\ -2\theta &< -1 \\ \theta &> \frac{1}{2} \end{aligned}$$

(b)  $\eta = -3$  ist schon sehr unelastisch, wenn die nachfrage noch unelastischer wird, kann der Steuersatz noch weiter angehoben werden, die Nachfrage reagiert aber kaum  $\Rightarrow$  Steueraufkommen steigt.

#### Aufgabe 5

(a) Der Staat maximiert T = x(GZB(x) - GK(x)), also

$$\frac{\partial T}{\partial x} = GZB' \cdot x + GZB - (GK' \cdot x) = 0$$

$$GZB + GZB' \cdot x = GK + GK' \cdot x$$

Die Grenzausgabenfunktion ist dann  $A' = GK + GK' \cdot x = 2 + x + x = 2 + 2x$ .

- (b) Die Grenzerlösfunktion ist  $E' = GZB + GZB' \cdot x = 14 2x 2x = 14 4x$ .
- (c) Im Gleichgewicht gilt dann

$$E' = A'$$

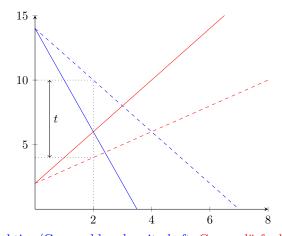
$$2 + 2x = 14 - 4x$$

$$12 = 6x$$

$$x = 2$$

Die Steuer ist dann GZB(2) - GK(2) = 6 und das Steueraufkommen  $T = 2 \cdot 6 = 12$ .

(d) Diagramm



Grenzausgabenfunktion/Grenzzahlungbereitschaft, Grenzerlösfunktion/Grenzkosten