Einführung in die Produktion, Tutorium 7

HENRY HAUSTEIN

Aufgabe 15

- (a) offene Fertigung: sofortige Weitergabe zur nächsten Stufe geschlossene Fertigung: Weitergabe erfolgt erst, wenn gesamtes Los produziert wurde
- (b) Es handelt sich um ein Staulager, da $x_p > x_v$. Da der Lagerbestand auf Null sinkt, muss eine sofortige Weitergabe der Produkte erfolgen, also handelt es sich hier um ein offenes Staulager.
- (c) Es gilt
 - $t_p = b$
 - $t_v = a$
 - $\bullet \ t_f = t_v t_p = c$
 - $\bullet \ x = e$
 - $L_{max} = d$
- (d) Lagerhaltungskosten je Los:

$$K_{L,Los} = \frac{L_{max}}{2} \cdot t_v \cdot c_L$$

$$L_{max} = t_p(x_p - x_v)$$

$$= \frac{x}{x_p}(x_p - x_v)$$

$$= x\left(1 - \frac{x_v}{x_p}\right)$$

$$t_v = \frac{x}{x_v}$$

$$K_{L,Los} = \frac{x}{2}\left(1 - \frac{x_v}{x_p}\right) \cdot \frac{x}{x_v} \cdot c_L$$

$$= \frac{x^2}{2}\left(\frac{1}{x_v} - \frac{1}{x_p}\right) \cdot c_L$$

(e) Multiplikation mit der Losauflagehäufigkeit $n=\frac{B}{x}$ ergibt:

$$K_L = \frac{x}{2} \left(\frac{1}{x_v} - \frac{1}{x_p} \right) \cdot c_L \cdot B$$

Gesamtkosten sind also

$$\begin{split} K(x) &= K_L + K_R \to \min \\ &= \frac{x}{2} \left(\frac{1}{x_v} - \frac{1}{x_p} \right) \cdot c_L \cdot B + k_R \frac{B}{x} \to \min \end{split}$$

(f) Ableiten und Nullsetzen

$$\begin{split} \frac{\partial K}{\partial x} &= \frac{1}{2} \left(\frac{1}{x_v} - \frac{1}{x_p} \right) \cdot c_L \cdot B - k_R \frac{B}{x^2} = 0 \\ &\qquad \qquad \frac{1}{2} \left(\frac{1}{x_v} - \frac{1}{x_p} \right) \cdot c_L \cdot B = k_R \frac{B}{x^2} \\ &\qquad \qquad x_{opt} = \sqrt{\frac{2k_R}{\left(\frac{1}{x_v} - \frac{1}{x_p} \right) \cdot c_L}} \end{split}$$