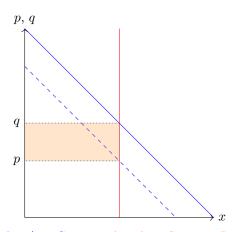
Steuertheorie, Hausaufgabe 3

HENRY HAUSTEIN

Aufgabe 1

(a) falsch, denn es gibt keinen Wohlfahrtsverlust



GZB ohne/mit Steuern, Angebot, Steueraufkommen

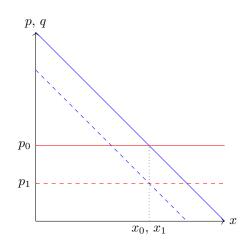
(b) falsch, es gibt Nullgewinne vor und nach der Maßnahme:

$$\Pi_{vor} = p_0 x_0 - GK x_0$$

$$= GK x_0 - GK x_0 = 0$$

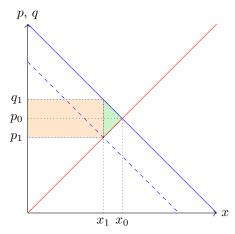
$$\Pi_{nach} = p_1 x_1 - (GK - s) x_1$$

$$= (GK - s) x_1 - (GK - s) x_1 = 0$$



GZB ohne/mit Steuern, GK ohne/mit Subvention

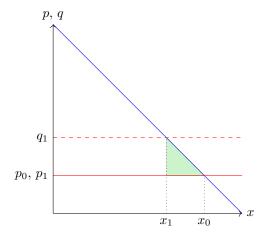
(c) richtig, Einbuße = Steueraufkommen + Wohlfahrtsverlust



Nachfrage ohne/mit Steuern, Angebot, Wohlfahrtsverlust, Steueraufkommen

Aufgabe 2

(a) Diagramm



GZB, GK ohne/mit Steuern, Wohlfahrtsverlust

(b) ohne Steuern

$$GZB = Gk$$
$$20 - x = 5$$

 $x_0 = 15 \Rightarrow p_0 = 5$

mit Steuern

$$GZB = GK + t$$

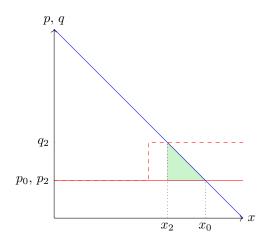
$$20 - x = 5 + 4$$

$$x_1 = 11 \Rightarrow q_1 = 9 \Rightarrow p_1 = 5$$

(c) Der Wohlfahrtsverlust beträgt

$$WFV = \frac{1}{2}(x_0 - x_1)(q_1 - p_0)$$
$$= \frac{1}{2}(15 - 11)(9 - 5)$$
$$= 8$$

- (d) Das Steueraufkommen ist $T = x_1 \cdot t = 11 \cdot 4 = 44$.
- (e) Diagramm



GZB, GK ohne/mit Steuern, Wohlfahrtsverlust

- (f) Da Mengen und Preise gleich bleiben, ändert sich auf der Wohlfahrtsverlust nicht.
- (g) $T = (x_2 9) \cdot t = 2 \cdot 4 = 8$.

Aufgabe 3

(a) Es handelt sich hier um Cobb-Douglas-Präferenzen, das heißt es werden 50 % des Einkommens für Gut 1 und Gut 2 ausgegeben:

$$x_1 = \frac{\frac{1}{2}E}{p_T} = \frac{8}{2} = 4$$

$$y_1 = \frac{\frac{1}{2}E}{p_y} = \frac{8}{2} = 4$$

(b) Es gibt einen neuen Preis für Gut 1: $q_x = (1+\theta)p_x = 4$. Damit gilt

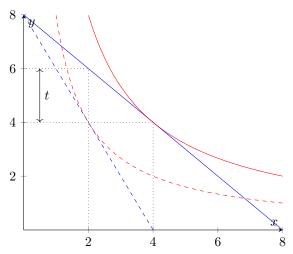
$$x_2 = \frac{\frac{1}{2}E}{q_x} = \frac{8}{4} = 2$$

$$y_2 = \frac{\frac{1}{2}E}{p_y} = \frac{8}{2} = 4$$

3

Das Steueraufkommen ist $T = x_2 \cdot \theta \cdot p_x = 2 \cdot 1 \cdot 2 = 4$.

(c) Die Steuer und das Steueraufkommen kann man hier nicht in Geldeinheiten ablesen, sondern nur in Einheiten von y.



Budgetrestriktion vor/nach Besteuerung, Nutzenniveaus vor/nach Besteuerung

(d) Eine Pauschalsteuer wirkt wie eine Einkommensreduktion. Das neue Einkommen ist $E_2=E-t=16-4=12$. Damit ist die Nachfrage

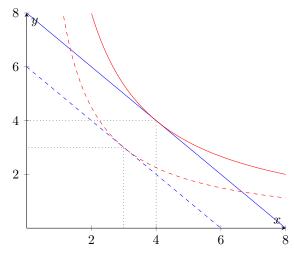
$$x_3 = \frac{\frac{1}{2}E_2}{p_x} = \frac{6}{2} = 3$$

$$y_3 = \frac{\frac{1}{2}E_2}{p_y} = \frac{6}{2} = 3$$

(e) Ein Vergleich der Nutzen nach Besteuerung zeigt, dass das selbe Steueraufkommen zu einem höheren Nutzen bei Pauschalsteuer erzeugt werden kann:

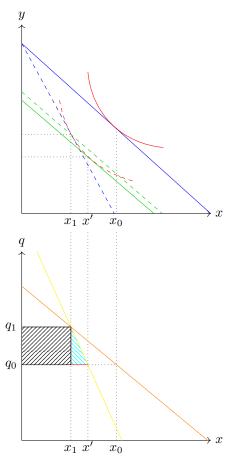
$$U_{\theta_x} = \sqrt{2} \cdot \sqrt{4} = 2\sqrt{2} \approx 2.828$$

$$U_{Pauschal} = \sqrt{3} \cdot \sqrt{3} = 3$$



Budgetrestriktion vor/nach Besteuerung, Nutzenniveaus vor/nach Besteuerung

Aufgabe 4



 D_M , D_H , fiktives Steueraufkommen, falls der Haushalt durch den Staat für die Steuererhebung kompensiert würde, Excess Burden

Aufgabe 5

(a) Wir haben wieder Cobb-Douglas-Präferenzen, das heißt es werden 50 % des Einkommens für Gut 1 und für Gut 2 ausgegeben. Vor der Besteuerung gilt

$$x_1^1 = \frac{\frac{1}{2}m}{p_1^1} = \frac{50}{1} = 50$$

$$x_2^1 = \frac{\frac{1}{2}m}{p_2^1} = \frac{50}{2} = 25$$

$$U^1 = x_1^1 \cdot x_2^1 = 50 \cdot 25 = 1250$$

Nach der Besteuerung gilt

$$x_1^2 = \frac{\frac{1}{2}m}{p_1^2} = \frac{50}{4} = 12.5$$

$$x_2^2 = \frac{\frac{1}{2}m}{p_2^2} = \frac{50}{2} = 25$$

$$U^2 = x_1^2 \cdot x_2^2 = 12.5 \cdot 25 = 312.5$$

(b) Es gilt

$$U^{2} = x_{1} \cdot x_{2}$$

$$= \frac{\frac{1}{2}m^{AV}}{p_{1}^{1}} \cdot \frac{\frac{1}{2}m^{AV}}{p_{2}^{1}}$$

$$= \frac{1}{2}m^{AV} \cdot \frac{1}{4}m^{AV}$$

$$= \frac{1}{8}(m^{AV})^{2}$$

$$= \sqrt{8 \cdot 312.5}$$

$$= 50$$

Die äquivalente Variation ist also $AV = m - m^{AV} = 50$. Der Haushalt ist also bereit 50 Geldeinheiten an den Staat zu zahlen, damit dieser auf die Besteuerung verzichtet.

(c) Für die Wertsteuer θ gilt: $p_1^2=4=(1+\theta)\cdot p_1^1\Rightarrow \theta=3$. Damit ist das Steueraufkommen

$$T = x_1^2 \cdot \theta \cdot p_1^1 = 12.5 \cdot 3 \cdot 1 = 37.5$$

Der Excess Burden ist AV - T = 50 - 37.5 = 12.5.

(d) Es gilt

$$\begin{split} U^1 &= \frac{\frac{1}{2} m^{KV}}{p_1^2} \cdot \frac{\frac{1}{2} m^{KV}}{p_2^2} \\ &= \frac{1}{8} m^{KV} \cdot \frac{1}{4} m^{KV} \\ &= \frac{1}{32} \left(m^{KV} \right)^2 \\ m^{KV} &= \sqrt{32 \cdot U^1} \\ &= \sqrt{32 \cdot 1250} \\ &= 200 \end{split}$$

Die kompensierende Variation ist also $KV = m^{KV} - m = 200 - 100 = 100$. Der Staat müsste 100 Geldeinheiten zahlen, damit der Haushalt nach Steuern das gleiche Nutzenniveau wie vor Steuern hat.

(e) Das Steueraufkommen ist

$$T = \frac{\frac{1}{2}m^{KV}}{p_1^2} \cdot \theta = 25 \cdot 3$$

Der Excess Burden ist KV - T = 100 - 75 = 25.