

Cálculo integral - Aplicações - Áreas

**E. Síntese**

1. Explícite, utilizando integrais simples, dois processos diferentes para calcular a área da região limitada por  $x = \sqrt{3}y^2$ ,  $x^2 + y^2 = 4$ ,  $y = 0$ .

Cálculo integral - Aplicações - Volumes

**D. Análise**

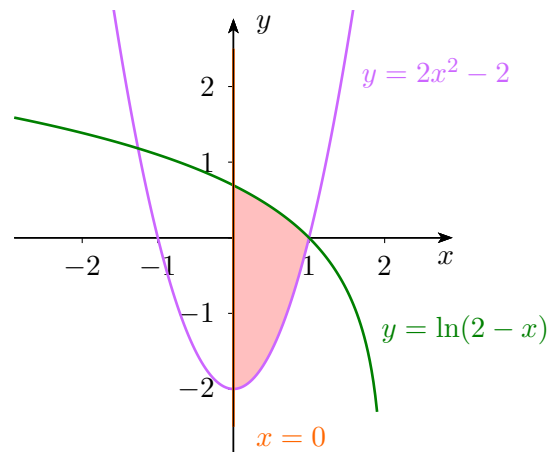
2. Averigue qual das seguintes regiões corresponde à representada no gráfico e identifique, através de um integral simples, uma expressão que permita calcular o volume dos sólidos de revolução que se obtêm pela rotação da região em torno do eixo  $OX$  e do eixo  $OY$ .

$$B_1 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y \geq x^2 - 2 \wedge y \leq \ln(x - 2) \wedge x \geq 0\}$$

$$B_2 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y \geq x^2 - 2 \wedge y \leq \ln(2 - x) \wedge x \geq 0\}$$

$$B_3 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y \geq 2x^2 - 2 \wedge y \leq \ln(x - 2) \wedge x \geq 0\}$$

$$B_4 = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : y \geq 2x^2 - 2 \wedge y \leq \ln(2 - x) \wedge x \geq 0\}$$



Cálculo integral - Aplicações - Comprimentos

**C. Aplicação**

Explícite, utilizando integrais simples, uma expressão que lhe permita determinar a medida do perímetro de cada uma das regiões indicadas

1. Limitada por  $y = |x|$ ,  $y = x^2 - 1$ ,  $x = -1$ ,  $x = 1$ .