

Master d'Informatique  
spécialité DAC  
BDLE (Bases de Données Large Echelle)  
-Seconde Partie-

Cours 2 : Requêtes relationnelles en  
M/R

Mohamed-Amine Baazizi – email: prénom.nom@lip6.fr  
<http://dac.lip6.fr/master/ues-2014-2015/bdle-2014-2015/>

---

---

---

---

---

---

---

Objectifs

1. Traduction des requêtes relationnelles en MR
2. Estimation du coût d'un programme MR

---

---

---

---

---

---

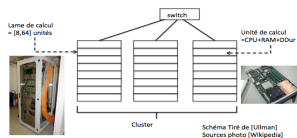
---

Coût d'un programme MR

Rappel : architecture en grappe

Deux facteurs :

1. Communication : transfert des données entre noeuds
2. Calcul : exécution des *maps* et des *reduces* (accès disque)




---

---

---

---

---

---

---

## Différents modèles de coût

Facteur \ Modèle	Orienté communication	Orienté calcul
Communication	✓	✗
Calcul	✗	✓

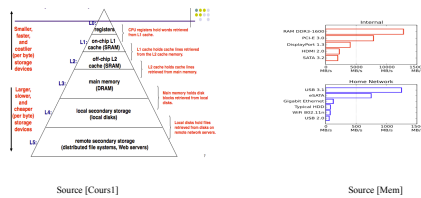
[Afrati et al.]

[Suciu et al.]

Ignorer les calculs car  
considérés simples  
Considérer les transferts car  
hiérarchie des mémoires

Fixer les transferts → coût de  
communication constant

## Hierarchie des mémoires



## Différents modèles de coût

Facteur \ Modèle	Orienté communication	Orienté calcul
Communication	✓	✗
Calcul	✗	✓

[Afrati et al.]

[Suciu et al.][??]

Ignorer les calculs car  
considérés simples  
Considérer les transferts car  
hiérarchie des mémoires

Fixer les transferts → coût  
communication constant

## Modèle orienté communication

### Rappel

Communication = transfert données entre les noeuds

### Transfert de données :

- *Maps* vers *reduces* : les paires clés valeurs
- *Reduces* vers *maps* : résultat d'une étape MR

### Remarque

- Les *maps* s'exécutent localement, pas de transfert

## Modèle orienté communication Illustration

Jointure naturelle  $R(A, B)$  et  $S(B, C)$

### Rappel :

**Map** pour chaque  $(a, b)$  de  $R$  produire  $(b, (R, a))$   
pour chaque  $(b, c)$  de  $S$  produire  $(b, (S, c))$

### Reduce

Produire  $(b, \{a_1, \dots, a_k\} \times \{c_1, \dots, c_m\})$

**Coût** =  $|R| + |S|$  = coût pour mettre à disposition les données aux reduces

## Modèle orienté communication opérateurs algébriques

- |   |   |
|---|---|
| <ul style="list-style-type: none"> <li>• Opérateurs ensemblistes :</li> <li>– Union : <math>\cup</math></li> <li>– Intersection : <math>\cap</math></li> <li>– Différence : <math>-</math></li> </ul> | <ul style="list-style-type: none"> <li>• Autres opérateurs :</li> <li>– Projection : <math>\pi_x</math></li> <li>– Sélection : <math>\sigma_C</math></li> <li>– Jointure naturelle : <math>\bowtie</math></li> <li>– Renommage : <math>Q_{A \rightarrow B}</math></li> <li>– Produit cartésien : <math>\times</math></li> <li>– Division : <math>\div</math></li> </ul> |
|---|---|

**Coût** :  $|R|$  si opérateur unaire

$|R| + |S|$  si opérateur binaire

**Question** : opérateurs n-aires?

## Modèle orienté communication opérateurs algébriques n-aires

**Objectif : une seule passe MR**

Hypothèse :  $R_1 \dots R_n$   $n$  schémas de relations

Opérateurs ensemblistes :  $\text{sch}(R_i)$  identiques

- Union  $\text{coût} = \sum |R_i|$
- Intersection  $\text{coût} = \sum |R_i|$

Jointure :  $R(A,B) \bowtie S(B,C) \bowtie T(C,D)$

- $\text{coût} = \sum |R_i|$
- Généralisation de la jointure à 2 relations?

10

---

---

---

---

---

---

---

---

## Jointure à n relations

**Objectif : une seule passe MR**

Hypothèse :  $n=3$  et  $R(A,B)$ ,  $S(B,C)$ ,  $T(C,D)$

Exemple

r0 : a1 b0
s0 : b1 c1
r1 : a1 b2
r2 : a0 b1
t0 : c1 d0
t2 : c2 d2
t3 : c1 d0

Entrée



Reduce

---

---

---

---

---

---

---

---

## Jointure à n relations

**Objectif : une seule passe MR**

Hypothèse :  $n=3$  et  $R(A,B)$ ,  $S(B,C)$ ,  $T(C,D)$

Tentative 1 : généralisation 'naïve'

**Map** pour chaque  $(a, b)$  de  $R$  produire  $(b, (R, a))$   
pour chaque  $(b, c)$  de  $S$  produire  $(b, (S, c))$   
pour chaque  $(c, d)$  de  $T$  produire  $(c, (T, d))$

$(b, (R, a)) (b, (S, c)) (b, [(R, a), (S, c)]) (c, (T, d))$

Constat ?

---

---

---

---

---

---

---

---

### Jointure à n relations

**Objectif : une seule passe MR**

Hypothèse :  $n=3$  et  $R(A,B)$ ,  $S(B,C)$ ,  $T(C,D)$

Tentative 2 : généralisation **moins** 'naïve'

**Map** pour chaque  $(a, b)$  de  $R$  produire  $(b, (R, a))$   
 pour chaque  $(b, c)$  de  $S$  produire  $(b, (S, c))$   
 pour chaque  $(c, d)$  de  $T$  produire  $(c, (T, d))$   
 pour chaque  $(b, c)$  de  $S$  produire  $(c, (S, b))$   
 $(b, (R, a)) (b, (S, c)) (b, [(R, a), (S, c)]) (c, (T, d)) (c, [(S, b), (T, d)])$   
 Constat ?

---

---

---

---

---

---

---

---

### Jointure à n relations

**Objectif : une seule passe MR**

Hypothèse :  $n=3$  et  $R(A,B)$ ,  $S(B,C)$ ,  $T(C,D)$

Tentative 3 : la bonne!

**Question** : que doit-on avoir du côté Reduce?

**Réponse** : les tuples de  $R$ ,  $S$  et  $T$  correspondant à une combinaison de valeur de  $B$  et de  $C$

**Mise en œuvre** : deux fonctions de hachage  $h$  et  $g$

$h : \{b_0..b_n\} \rightarrow D_B$  et  $g : \{c_0..c_m\} \rightarrow D_C$

avec  $|D_B| \times |D_C| = |\text{reduces}| = k$

---

---

---

---

---

---

---

---

### Jointure à n relations

**Objectif : une seule passe MR**

Hypothèse :  $n=3$  et  $R(A,B)$ ,  $S(B,C)$ ,  $T(C,D)$

Tentative 3 : la bonne! (*suite*)

**Map** chaque  $(a, b)$  de  $R$ ,  $r_i \rightarrow$  les  $|D_C|$  buckets  $(h(b), y)$   
 chaque  $(b, c)$  de  $S$ ,  $s_j \rightarrow$  le seul bucket  $(h(b), g(c))$   
 chaque  $(c, d)$  de  $T$ ,  $t_l \rightarrow$  les  $|D_B|$  buckets  $(x, g(c))$

**Reduce** considérer les buckets où il y a des tuples de  $S$

---

---

---

---

---

---

---

---

### Jointure à n relations

**Objectif : une seule passe MR**

Hypothèse :  $n=3$  et  $R(A,B)$ ,  $S(B,C)$ ,  $T(C,D)$

Tentative 3 : la bonne! (*suite*)

**Map** chaque  $(a, b)$  de  $R$ ,  $r_i \rightarrow$  les  $|D_C|$  buckets  $(h(b), y)$   
chaque  $(b, c)$  de  $S$ ,  $s_j \rightarrow$  le seul bucket  $(h(b), g(c))$   
chaque  $(c, d)$  de  $T$ ,  $t_l \rightarrow$  les  $|D_B|$  buckets  $(x, g(c))$

**Reduce** considérer les buckets où il y a des tuples de  $S$

**Coût** du reduce  $|S| + |D_C| \times |R| + |D_B| \times |T|$

### Jointures circulaire

**Objectif : une seule passe MR**

Hypothèse :  $n=3$  et  $R(A,B)$ ,  $S(B,C)$ ,  $T(C,A)$

**Questions** : généraliser la solution précédente.

Formule de coût?

### Jointures à n relations

- Solution 'mono-passe' vs solution deux à deux

- Comparaison de coûts

- Coût jointure n-aire mono-passe

$$\frac{|S| + |D_B| \times |R| + |D_C| \times |T|}{\text{avec } |D_B| \times |D_C| = |\text{reducers}| = k}$$

**Question** : partitionner  $k$  pour avoir coût minimum?

**Réponse**: équations de Lagrange

$$C = |S| + |D_B| \times |R| + |D_C| \times |T| - \lambda(|D_B| \times |D_C| - k) = 0$$

Solutions à partir de  $dC/d|D_B|$  et  $dC/d|D_C|$

$$|D_B| = (k|R|/|T|)^{1/2} \text{ et } |D_C| = (k|T|/|R|)^{1/2}$$

### Jointures à n relations

- Solution ‘mono-passe’ vs solution deux à deux
  - Comparaison de coûts
  - Coût jointure n-aire mono-passe
  - Coût jointure n-aire deux à deux
    - $p_{rs}(p_{st})$  proba que tuples R et S (S et T) joignables selon ordre : si R,S puis T alors  $|R|+|S|+p_{rs}|R||S|+|T|$

---

---

---

---

---

---

---

### Jointures à n relations

Considérons  $R=S=T$  avec  $R(u,v)$  et  $R \bowtie R \bowtie R$   
 (jointure pour trouver chemins de longueur 3)  
 $|\pi_u R| = 3 \cdot 10^8$  et à chaque  $u$  correspond 300  $v$   
 donc,  $|R| = 9 \cdot 10^{10}$ .

**Solution 1.** Jointure en mono-passe

$|R|(k)^{1/3}$  jointure circulaire mono-passe

**Solution 2.** deux jointures :  $R \bowtie R = R_1$  puis  $R_1 \bowtie R$

$|R|^2 p$  avec  $p$  proba que les tuples de R joignables ...

---

---

---

---

---

---

---

### Jointure à n relations

**Objectif : une seule passe MR**

Hypothèse :  $R(A,B,C)$ ,  $S(A,B,D)$ ,  $T(A,D,E)$ ,  $U(D,F)$

**Question:** déterminer le partitionnement de  $k$ ?

**Réponse:** résoudre l'équation de Lagrange

$$|R| def + |S| cef + |T| bcf + |U| abce \\ - \lambda(abcdef - k)$$

**Problème** : n'admet pas de solution non nulle

**Solution** : Règle du Dominant

---

---

---

---

---

---

---

## Règle du dominant

### Définition :

Etant donné un schéma de relations  $R, S, \dots$   
ayant des attributs  $X, Y, \dots$

«  $X$  domine  $Y$  si chaque relation contenant  $Y$   
alors elle contient aussi  $X$  »

Quels attributs sont dominants/dominés?

$R(A,B,C)$ ,  $S(A,B,D)$ ,  $T(A,D,E)$ ,  $U(D,F)$

## Règle du dominant

### Utilisation :

- La taille des partition pour les attributs dominés peut être égale à 1.
- Il reste à partager  $k$  entre les attributs dominants

Exemple repris :  $R(A,B,C)$ ,  $S(A,B,D)$ ,  $T(A,D,E)$ ,  $U(D,F)$

$|R| def + |S| cef + |T| bcf + |U| abce - \lambda(abcdef - k)$   
devient

$|R| d + |S| + |T| + |U| a$

## Suite exemple

Exemple repris :  $R(A,B,C)$ ,  $S(A,B,D)$ ,  $T(A,D,E)$ ,  $U(D,F)$

$|R| def + |S| cef + |T| bcf + |U| abce - \lambda(abcdef - k)$   
devient

$|R| d + |S| + |T| + |U| a - \lambda(ad - k)$

et admet comme solution

$|R| d = \lambda k$  et  $|U| a = \lambda k$

comme  $ad = k$

$a = (k|R|/|U|)^{1/2}$  et  $d = (k|U|/|R|)^{1/2}$



## Suite et fin exemple

Exemple repris :  $R(A,B,C)$ ,  $S(A,B,D)$ ,  $T(A,D,E)$ ,  $U(D,F)$

$$a = (k|R|/|U|)^{1/2} \text{ et } d = (k|U|/|R|)^{1/2}$$

• **Map :**

- ❖ chaque  $r$  va dans les  $d$  buckets  $(h(A), j)$   $j=1..d$
- ❖ chaque  $u$  va dans les  $a$  buckets  $(g(D), i)$   $i=1..a$
- ❖ chaque  $s$  et  $t$  vont dans le seul bucket  $(h(A), g(D))$

---

---

---

---

---

---

---

---

## Illustration

$R(A,B,C)$ ,  $S(A,B,D)$ ,  $T(A,D,E)$ ,  $U(D,F)$

$$a = (k|R|/|U|)^{1/2} \text{ et } d = (k|U|/|R|)^{1/2}$$

$R = \{(a0,b1,c2), (a1,b0,c2), (a0,b3,c3)\}$

$S = \{(a1,b1,d0), (a0,b1,d1)\}$

$T = \{(a1,d0,e1), (a0,d1,e3)\}$

$U = \{(d1,f3), (d0,f3)\}$

Préalable : déterminer  $a$  et  $d$  (valeur entière si nécessaire)

---

---

---

---

---

---

---

---

## Références

[Afrati et al.] *Optimizing joins in a map-reduce environment*, in Proceedings of EDBT 2010

[Cours1] <https://www.cs.rutgers.edu/~badri/211dir/notes/w11-four.pdf>

[Mem] [en.wikipedia.org/wiki/Random-access\\_memory](https://en.wikipedia.org/wiki/Random-access_memory)

[Suciu et al.] *Parallel evaluation of conjunctive queries*, in Proceedings of PODS 2011

---

---

---

---

---

---

---

---