

# CV 作业三报告

---



姓名：秦昇 学号：3120000060 课程：计算机视觉

## 软件开发说明：

---

1. 基于 OpenCV 库，对输入的一组棋盘图像进行标定。
2. 输出根据图像标定所得相机的 4 个内参和 5 个畸变参数。
3. 对输入的一幅图像，根据所得相机标定参数进行还原并输出。
4. 输出该图像的 `bird_eye` 俯瞰视角变换图。

---

## 算法具体步骤

### 1. 图像的读入和棋盘角点检测

为了便于读入，将输入的图片名称列表放在 `lists.txt` 文件中。利用如下函数来检测棋盘内部的角点，这里需预先设置棋盘内角点数为每行每列 12 个。这里将图像转化为灰度图像后，可以通过 `cvFindCornerSubPix` 函数来精确检测角点，得到像素级别的位置。

```
int found = cvFindChessboardCorners(  
    image,  
    board_sz,  
    corners,  
    &corner_count,
```

```

        CV_CALIB_CB_ADAPTIVE_THRESH |
CV_CALIB_CB_FILTER_QUADS
    );

    cvCvtColor(image, gray_image, CV_BGR2GRAY);
    cvFindCornerSubPix(gray_image, corners, corner_count,
        cvSize(11, 11), cvSize(-1, -1),
    cvTermCriteria(CV_TERMCRIT_EPS + CV_TERMCRIT_ITER, 30, 0.1));

```

在测试时我们可以利用 `cvDrawChessboardCorners` 和 `cvShowImage` 函数来输出将检测到角点画出后的图像。

## 2. 相机标定与参数输出

需要注意的是，在标定的时候，并非每一张图像都能够检测出完整的角点，例如给定的第一组 `listss1.txt` 中，23 幅图像只有 22 幅检测出了所有角点，所以预先需要将角点的矩阵的大小变为正确的形式

```

    CvMat* object_points2 = cvCreateMat(successes*board_n, 3,
CV_32FC1);
    CvMat* image_points2 = cvCreateMat(successes*board_n, 2,
CV_32FC1);
    CvMat* point_counts2 = cvCreateMat(successes, 1,
CV_32SC1);
    //TRANSFER THE POINTS INTO THE CORRECT SIZE MATRICES
    for (int i = 0; i<successes*board_n; ++i){
        /// CV_MAT_ELEM(*image_points2, CvPoint2D32f,0,i)
= CV_MAT_ELEM(*image_points, CvPoint2D32f,0,i);
        /// CV_MAT_ELEM(*object_points2,CvPoint3D32f,0,i)
= CV_MAT_ELEM(*object_points,CvPoint3D32f,0,i);
        CV_MAT_ELEM(*image_points2, float, i, 0) =
CV_MAT_ELEM(*image_points, float, i, 0);
        CV_MAT_ELEM(*image_points2, float, i, 1) =
CV_MAT_ELEM(*image_points, float, i, 1);
        CV_MAT_ELEM(*object_points2, float, i, 0) =
CV_MAT_ELEM(*object_points, float, i, 0);
        CV_MAT_ELEM(*object_points2, float, i, 1) =
CV_MAT_ELEM(*object_points, float, i, 1);
        CV_MAT_ELEM(*object_points2, float, i, 2) =
CV_MAT_ELEM(*object_points, float, i, 2);
    }

```

```
}
```

然后调用 `cvCalibrateCamera2` 函数进行标定，结果在屏幕输出的同时也可以输出到 `Intrinsics.xml` 和 `Distortion.xml` 中，方便以后载入并使用

```
CV_MAT_ELEM(*intrinsic_matrix, float, 0, 0) = 1.0f;
CV_MAT_ELEM(*intrinsic_matrix, float, 1, 1) = 1.0f;
cvCalibrateCamera2(
    object_points2,
    image_points2,
    point_counts2,
    cvGetSize(image),
    intrinsic_matrix,
    distortion_coeffs,
    NULL,
    NULL,
    0//CV_CALIB_FIX_ASPECT_RATIO
);

// Save our work

cvSave("Intrinsics.xml", intrinsic_matrix);
cvSave("Distortion.xml", distortion_coeffs);
```

### 3. 对输入图像进行畸变的消除

在载入根据输入图像进行标定的参数后，我们只需调用如下函数，来实现我们消除畸变时所需 `mapx` 和 `mapy` 矩阵。然后调用 `cvRemap` 函数，重绘图像并输出。

```
cvInitUndistortMap(
    intrinsic,
    distortion,
    mapx,
    mapy
);
```

```
IplImage *t = cvCloneImage(image);  
  
cvRemap(t, image, mapx, mapy);
```

#### 4. 实现 **bird\_eye** 俯瞰视角变换

将高度  $Z$  初始值设为 25，用 `cvGetPerspectiveTransform` 函数可以得到透视投影的变换矩阵，利用该矩阵绘图，可得透视投影图，按 **u** 和 **d** 键可以改变  $Z$  值的大小实现投影图像的实时变化。

```
while (key != 27) { //escape key stops  
  
    CV_MAT_ELEM(*H, float, 2, 2) = Z;  
  
    //      cvInvert(H,H_invt); //If you want to  
invert the homography directly  
  
    //  
cvWarpPerspective(image,birds_image,H_invt,CV_INTER_LINEAR  
+CV_WARP_FILL_OUTLIERS );  
  
    //USE HOMOGRAPHY TO REMAP THE VIEW  
  
    cvWarpPerspective(image, birds_image, H,  
        CV_INTER_LINEAR + CV_WARP_INVERSE_MAP +  
CV_WARP_FILL_OUTLIERS);  
  
    cvShowImage("Birds_Eye", birds_image);  
  
    key = cvWaitKey();  
  
    if (key == 'u') Z += 0.5;  
  
    if (key == 'd') Z -= 0.5;  
  
};
```

## 算法实现要点

### 1. 相机标定参数的确定和实际意义

摄像机成像模型和四个坐标系

空间某点  $P$  到其像点  $p$  的坐标转换过程主要是通过这四套坐标系的三次转换实现的，首先将世界坐标系进行平移和转换得到摄像机坐标系，然后根据三角几何变换得到图像物理坐标系，最后根据像素和公制单位的比率得到图像像素坐标系。（实际的应用过程是这个的逆过程，即由像素长度获知实际的长度）。转化的过程和公式参见

$$\begin{bmatrix} u_u \\ v_u \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/d_x & \lg a/d_x & u_0 \\ 0 & 1/d_y & v_0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix} \\ = \frac{1}{Z_c} \begin{bmatrix} f_x & \gamma & u_0 \\ 0 & f_y & v_0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X_c \\ Y_c \\ Z_c \end{bmatrix} = \lambda A\{R, t\} \begin{bmatrix} X_w \\ Y_w \\ Z_w \\ 1 \end{bmatrix}$$

calibration 的算法包含两个模型：一.经典针孔模型，包含四个坐标系，二畸变模型

$$\begin{aligned}\delta_x(X,Y) &= k_1 X(X^2 + Y^2) + (p_1(3X^2 + Y^2) + 2p_2 XY) + s_1(X^2 + Y^2) \\ \delta_y(X,Y) &= k_2 X(X^2 + Y^2) + (p_2(X^2 + 3Y^2) + 2p_1 XY) + s_2(X^2 + Y^2)\end{aligned}$$

公式三项依次表示，径向畸变，切线畸变，薄棱镜畸变。

## 2. 畸变消除和俯瞰视角变换

畸变消除实质上是得到了畸变参数后执行的一个逆过程。透视变换 (Perspective Transformation) 是将图片投影到一个新的视平面 (Viewing Plane)，也称作投影映射 (Projective Mapping)。通用的变换公式为：

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ w' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} u \\ v \\ w \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix}$$

$u, v$  是原始图片左边，对应得到变换后的图片坐标  $x, y$ , 其中  $x = x' / w', y = y' / w'$ 。

变换矩阵  $\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{bmatrix}$  可以拆成 4 部分， $\begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{bmatrix}$  表示线性变

换，比如 scaling, shearing 和 rotation。 $\begin{bmatrix} a_{31} & a_{32} \end{bmatrix}$  用于平移，

$\begin{bmatrix} a_{13} & a_{23} \end{bmatrix}^T$  产生透视变换。所以可以理解成仿射等是透视变换的特殊形式。经过透视变换之后的图片通常不是平行四边形（除非映射视平面和原来平面平行的情况）。

重写之前的变换公式可以得到：

$$x = \frac{x'}{w'} = \frac{a_{11}u + a_{21}v + a_{31}}{a_{13}u + a_{23}v + a_{33}}$$

$$y = \frac{y'}{w'} = \frac{a_{12}u + a_{22}v + a_{32}}{a_{13}u + a_{23}v + a_{33}}$$

在 OpenCV 中也实现了透视变换的公式求解和变换函数。

求解变换公式的函数：

`Mat getPerspectiveTransform(const Point2f src[], const Point2f dst[])`

输入原始图像和变换之后的图像的对应 4 个点，便可以得到变换矩阵。之后用求解得到的矩阵输入 `perspectiveTransform` 便可以对一组点进行变换：

`void perspectiveTransform(InputArray src, OutputArray dst, InputArray m)`

注意这里 `src` 和 `dst` 的输入并不是图像，而是图像对应的坐标。

## 实验结果展示

### 1. 输出畸变参数

```

C:\windows\system32\cmd.exe
内参矩阵形式如下:
fx , 0 , cx
0 , fy , cy
0 , 0 , 1 =
1757.73 , 0 , 656.832 ,
0 , 1763.99 , 631.757 ,
0 , 0 , 1 ,
畸变参数如下:
k1 , k2 , k3 , p1 , p2 =
0.0650368 , -0.5971 , 0.00454492 , 0.00615036 , 0.739882 ,
请按任意键继续. . .

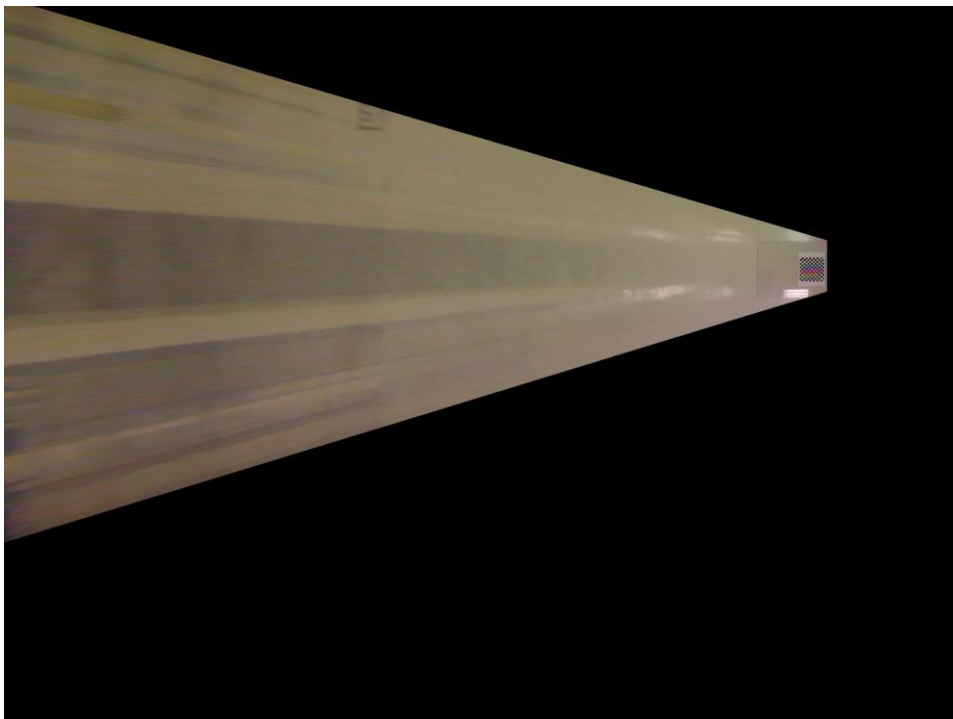
```

### 2. 对图像进行畸变参数的消除

由于原图大小为  $1600 \times 1200$ ，屏幕分辨率无法全部显示，这里是显示角点检测和绘制情况，中间过程是用 `cvShowImage` 函数输出的，所以只显示图像的部分。



### 3. bird\_eye 透视投影视图





# 编程体会

---

## 1. 善于阅读和理解他人的代码

这次实验能够成功，很大部分原因要归功于 **LearnOpenCV** 这本书的指导，在看过这本书以后结合上课所学的知识，达到了一个从系统理论的角度到实践角度的转变，同时书中给出的代码也是很好的实例，让我得以减少工作量，并且学习到了最标准的代码书写规范。

## 2. 在学习借鉴的基础上有所反思

这一次遇到的最大的问题，出在一个很小的细节上，在编写相机标定部分的时候我借鉴了书中给出的 `ch11_ex11_1_fromdisk.cpp` 的代码，结果运行起来，以第一组图片（IMG\_0191-IMG0203）作为实验的测试图片是始终会出现错误并终端，经过不断查找我发现错误来源于 `cvtColor` 函数，检查该函数的参数，我推测可能是 `gray_image` 图像产生了错误，后来发现，标程在转化的时候每一次并没有 `release(gray_image)` 图像，如果 `image` 标定失败，那么在第二次初始化转化灰度图像的时候，`gray_image` 的 `size` 和里面的初始值都将不匹配而产生问题。在改正这个错误以后，就一帆风顺了。