Logik und diskrete Strukturen Wintersemester 2022/2023

Abgabe: 30.01.23, 10:00 Besprechung: KW6



PD Dr. Elmar Langetepe Christine Dahn Joshua Könen Institut für Informatik

Übungszettel 13

Aufgabe 13.1: Aussagenlogik Beispiel

(4+2+2 Punkte)

Herr K., Prokurist einer Bank, sucht eine neue Wohnung. Sie soll folgenden Anforderungen genügen:

- X: Wenn die Küche und das Wohnzimmer klein sind, soll ein Esszimmer vorhanden sein.
- Y: Wenn kein Esszimmer vorhanden ist und das Wohnzimmer klein ist, soll die Küche groß sein.
- Z: Um die Mietkosten nicht aus dem Ruder laufen zu lassen, soll das Wohnzimmer klein sein, wenn ein Esszimmer vorhanden oder die Küche groß ist.
- (i) Geben Sie eine aussagenlogische Formel φ an, die den Sachverhalt modelliert.
- (ii) Herr K. besichtigt eine Wohnung und stellt fest, dass diese über eine große Küche und ein großes Wohnzimmer, nicht aber über ein Esszimmer verfügt. Kommt die Wohnung für Herrn K. in Frage? Geben Sie dazu für φ eine entsprechende Bewertung an und entscheiden Sie, ob sie die Formel φ erfüllt.
- (iii) Bestimmen Sie alle Bewertungen, die φ erfüllen.

Aufgabe 13.2: Resolutionskalkül

(8 Punkte)

Zeigen Sie mithilfe des Resolutionskalküls, dass $\varphi = (\neg B \land \neg C \land D) \lor (\neg B \land \neg D) \lor (C \land D) \lor B$ gültig ist.