

## Grundlagen der Robotik

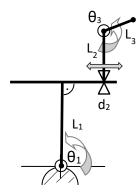
## Übung 5

RHEINISCHE FRIEDRICH-WILHELMS-UNIVERSITÄT BONN INFORMATIK VI **AUTONOMOME** INTELLIGENTE SYSTEME

Abgabe am Donnerstag, 23. November, vor der Vorlesung.

Prof. Dr. Sven Behnke Friedrich-Hirzebruch-Allee 8

Gegeben sei ein planarer Arm (Bewegung in der xy-Ebene) mit einem Rotationsgelenk, einem 5.1) Lineargelenk und einem Rotationsgelenk:



Endeffektor:  $x_e$ ,  $y_e$ ,  $\theta_e$ 

 $L_1 = 3,5 \text{ m}$ 

 $L_2 = 2 \text{ m}$ 

 $L_3 = 1,5 \text{ m}$ 

Basis:  $x_0=0$ ,  $y_0=0$ ,  $\theta_0=0$ 

a) Bestimmen Sie die  $xy\theta$ -Pose des Endeffektors ( $x_e$ ,  $y_e$ ,  $\theta_e$ ) als Funktion der Rotation  $\theta_1$ , der Linearverschiebung  $d_2$  und der Rotation  $\theta_3$ !

2 Punkte

b) Bestimmen Sie die Lineargeschwindigkeit des Endeffektors bezüglich der Basis in Abhängigkeit von der Geschwindigkeiten der drei Gelenke!

2 Punkte

c) Bestimmen Sie die Rotationsgeschwindigkeit des Endeffektors bezüglich der Basis in Abhängigkeit der Geschwindigkeiten der drei Gelenke!

2 Punkte

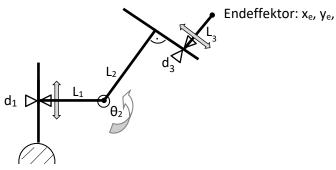
d) Fassen Sie die Ergebnisse aus b) und c) in einer Jacobi-Matrix zusammen!

2 Punkte

e) Für welche Konfigurationen ist die Jacobi-Matrix aus d) singulär?

2 Punkte

5.2) Gegeben sei ein planarer Arm (Bewegung in der xy-Ebene) mit einem Lineargelenk entlang der y-Achse, einem Rotationsgelenk und einem Lineargelenk:



Basis:  $x_0=0$ ,  $y_0=0$ ,  $\theta_0=0$ 

Die Längen seien:  $L_1 = 4$  m,  $L_2 = 5$  m,  $L_3 = 3$  m.

a) Visualisieren Sie alle erreichbaren (x,  $\theta_e$ )-Posen des Endeffektors (x<sub>e</sub>, y<sub>e</sub>,  $\theta_e$ ) wenn y<sub>e</sub> = 4 m, 1 m  $\leq$  d<sub>1</sub>  $\leq$  3 m, -45°  $\leq$   $\theta_2$   $\leq$  45° und -1 m  $\leq$  d<sub>3</sub>  $\leq$  1 m!

4 Punkte

b) Die Gelenkgeschwindigkeiten seien im Betrag auf 2 m/s für Lineargelenke und 3 rad/s für das Rotationsgelenk begrenzt. In welchen Konfigurationen ( $d_1$ ,  $\theta_2$ ,  $d_3$ ) ist die Lineargeschwindigkeit in y-Richtung (vertikal) am größten?

4 Punkte

c) Für welche Konfigurationen (d1 ,  $\theta_2$  , d3) ist der Roboterarm singulär?

2 Punkte