

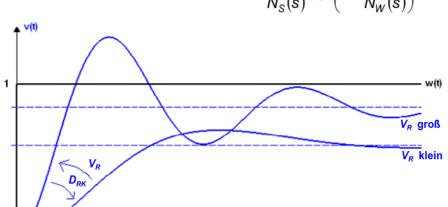
 T_1, T_2

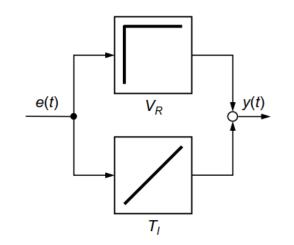
Regelungstechnik

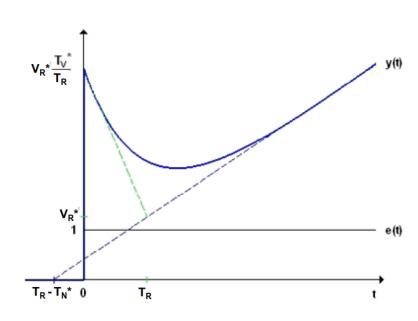
für BEI4, BMEI4 und IBT

Prof. Dr. B. Wagner

$$\underline{\underline{G_R(s)}} = \frac{\underline{Z_W(s)}}{\underline{Z_S(s)}} = \frac{\underline{Z_W(s)}}{\underline{Z_S(s)}(s) \cdot \left(1 - \underline{Z_W(s)}\right)} = \frac{\underline{Z_W(s) \cdot N_S(s)}}{\underline{Z_S(s) \cdot (N_W(s) - Z_W(s))}}$$







± 10

Kap. 5 Regler und Regelkreise

Teil 1: Standard-Regler (P, I, PI, PD / PDT₁, PID / PIDT₁)



Stabilität

=> Klingen alle Eigenschwingungen des Regelkreises ab?

Robustheit

=> lst der Regelkreis unempfindlich gegen Parameterschwankungen?

Stationäre Eigenschaften

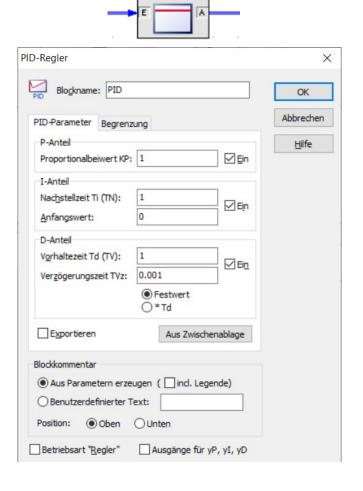
- => Strebt die Regelgröße für $t \Rightarrow \infty$ gegen den Sollwert?
- => Oder gibt es eine bleibende Regelabweichung?
- => (Getrennte) Betrachtung bei Störungen und Sollwertänderungen!

Dynamische Eigenschaften

- => Wie schnell sind Übergangsvorgänge abgeklungen?
- => Sind Überschwinger akzeptabel?



Software-Tools (BORIS, Matlab-Simulink, TIA-Portal...)



"Kompaktregler"

Wachendorff URDR PID Temperaturregler, 2 x Relais Ausgänge, 24 \rightarrow 230 V ac/dc, 72 x 90mm

RS Best.-Nr.: 819-9735 Herst. Teile-Nr.: URDR0001 Marke: Wachendorff

Kfz-Steuergerät (z. B. Getriebesteuergerät)



In dieser Lehreinheit: Wirkungsweise von "Standard-Reglern"



"Standard-Regler" = PID-Familie

P-Regler mit PT₁-/ PT₂-/ PT_n- Strecke

⇒ Stationäres und dynamisches Verhalten

I-Regler

⇒ Stationär genau, jedoch (sehr) langsamer Regelkreis

Der PI-Regler

⇒ DER Standard-Regler überhaupt

Der PD- und der PDT₁-Regler

- ⇒ Das Prinzip der "Pol-Nullstellen-Kompensation"
- ⇒ Beschleunigung einer Regelung

Der PID- und der PIDT₁-Regler

⇒ Unterschiedliche Formen (additiv / multiplikativ)



PID Blockname: PID			OK
PID-Parameter Begrenz	ung		Abbrech
P-Anteil			Hilfe
Proportionalbeiwert KP:	1	☑ <u>E</u> in	
I-Anteil			
Nachstellzeit Ti (TN):	1	☐ ☑ Ein	
Anfangswert:	0	_ Crin	
D-Anteil			
Vorhaltezeit Td (TV):	1	☐ M Ein	
Ver <u>z</u> ögerungszeit TVz:	0.001		
	Festwert	_	
	○*Td		
Exportieren	Aus Zwisch	nenablage	
Blockkommentar	_		
Aus Parametern erzei		gende)	
O Benutzerdefinierter T	ext:		



Füllstands-Regelstrecke "LEVELPLANT" aus BORIS (Bibliothek "Regelstrecken")



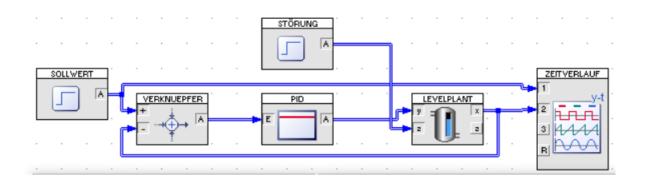
Eingangsgröße: Ventilansteuersignal 0 ... 10 V

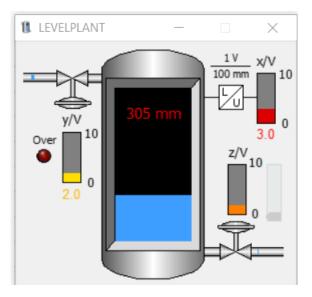
Ausgangsgröße: Füllstands-Messsignal 0 ... 10 V

Störgröße: Abflussventil 0 ... 10 V

Verhalten: "nichtlineares PT₁" (bei geöffnetem Ausfluss)

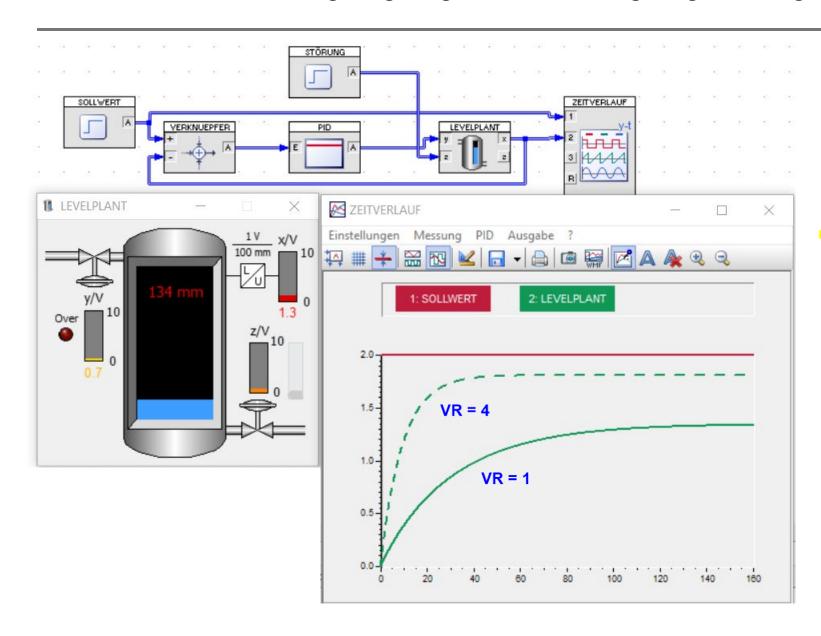
Regelung mit einem P-Regler





Zunächst eine einfache Regelungsaufgabe: Füllstandsregelung mit P-Regler – Simulation in BORIS





stationäres Verhalten wird mit steigendem VR besser, die bleibende Regelabweichung sinkt

dynamisches Verhalten wird mit steigendem VR besser, schnelleres Einschwingen, kein Überschwinger

Analytische Rechnung: P-Regler für PT₁-Regelstrecke Betrachte Führungsverhalten G_W(s)



Gegeben:

Gesucht:

$$G_R(s) = V_R$$

$$G_{s}(s) = V_{s}/(1+sT_{s})$$

$$G_W(s) = (V_R * V_S) / (1 + sT_S + V_R * V_S)$$

- \Rightarrow Systemtyp von G_w(s)? PT1
- \Rightarrow G_W(s) auf Standardform bringen! (VR*VS / (1+VR*VS)) / (1 + s*(TS/(1+VR*VS)))

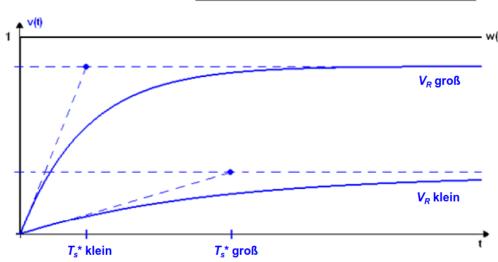
 $V_W = Z\ddot{a}hler (immer < 1)$ $T_W = TS/(1+VR*VS)) (immer kleiner TS)$

⇒ Ist der geschlossene Regelkreis stabil? mit V_R steigendem sinkt T_W

Z(s) = 0 $G_{R}(s)$ $G_{S}(s)$

⇒ Endwert der Führungssprungantwort?

stets kleiner 1 strebt für V_R -> \infty gegen 1 mit steigendem V_R sinkt bleibende Regelabweichung mit steigendem V_R wird Regelkreis schneller



Analytische Rechnung: P-Regler für PT_2 -Regelstrecke Betrachte Führungsverhalten $G_W(s)$



Gegeben: $G_R(s) = V_R > 0$

Gesucht:

$$G_{S}(s) = \frac{V_{S}}{1 + s \frac{2D_{S}}{\omega_{0S}} + s^{2} \frac{1}{\omega_{0S}^{2}}} \rightarrow G_{W}(s) = \frac{\frac{V_{S}V_{R}}{1 + s \frac{2D_{S}}{\omega_{0S}} + s^{2} \frac{1}{\omega_{0S}^{2}}}}{1 + \frac{V_{S}V_{R}}{1 + s \frac{2D_{S}}{\omega_{0S}} + s^{2} \frac{1}{\omega_{0S}^{2}}}} = \frac{V_{S}V_{R}}{1 + V_{S}V_{R} + s \frac{2D_{S}}{\omega_{0S}} + s^{2} \frac{1}{\omega_{0S}^{2}}}$$

$$= ... \frac{\frac{V_S V_R}{1 + V_S V_R}}{1 + \frac{2D_S}{\omega_{0S}(1 + V_S V_R)} s + \frac{1}{\omega_{0S}^2(1 + V_S V_R)} s^2}$$

 \Rightarrow Systemtyp von $G_W(s)$? PT2

Analytische Rechnung: P-Regler für PT_2 -Regelstrecke Betrachte Führungsverhalten $G_w(s)$

 \Rightarrow G_w(s) auf Standardform bringen (Koeffizientenvergleich)

$$V_{RK} = VS*VR/(1+VS*VR)$$
 $D_{RK} = DS*(1/sqrt(1+VS*VR))$ (wie PT1 mit P-Regler) Regelkreis schwächer gedämpft als die

Regelkreis schwächer gedämpft als die ungeregelte Strecke; mit steigendem VR sinkt DRK; Schwingneigung nimmt zu

⇒ Ist der geschlossene Regelkreis stabil?

ja für alle VR

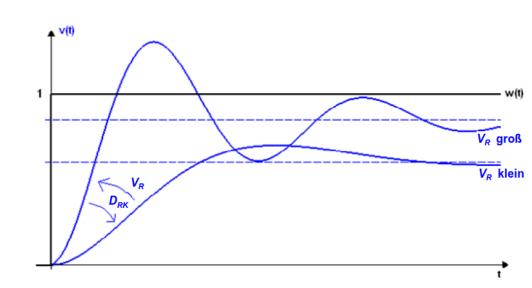
⇒ Endwert der Führungssprungantwort?

$$a(infty) = GW(0) = VRK --> < 1$$

für steigendes VR: 1. bleibende Regelabweichung sinkt (gut)
2. Schwingneigung steigt (schlecht)

$$\frac{\frac{V_{S}V_{R}}{1 + V_{S}V_{R}}}{1 + \frac{2D_{S}}{\omega_{0S}(1 + V_{S}V_{R})}s + \frac{1}{\omega_{0S}^{2}(1 + V_{S}V_{R})}s^{2}}$$

$$\omega_{0RK} = \text{wos * sqrt(1+VS*VR)}$$



Verallgemeinerung: P-Regler für PT_n -Regelstrecke Betrachte Führungsverhalten $G_w(s)$ und Störverhalten $G_z(s)$



Gegeben:

$$G_R(s) = V_R$$

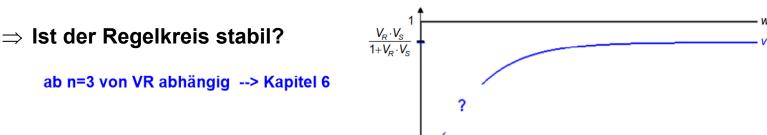
$$G_{S}(s) = \frac{V_{s}}{1 + sa_{1} + s^{2}a_{2} + \cdots}$$

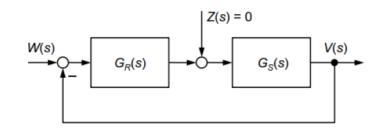
$$S_{W}(s) = \frac{\frac{V_{S}V_{R}}{1 + sa_{1} + s^{2}a_{2} + \cdots}}{1 + \frac{V_{S}V_{R}}{1 + sa_{1} + s^{2}a_{2} + \cdots}} = \frac{\frac{V_{R}V_{S}}{1 + V_{R}V_{S}}}{1 + s\frac{a_{1}}{1 + V_{R}V_{S}} + s^{2}\frac{a_{2}}{1 + V_{R}V_{S}} + \cdots}$$

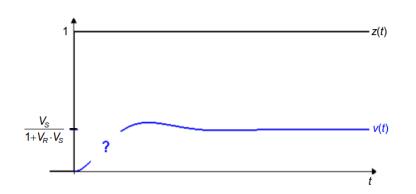
$$G_{z}(s) = \frac{\frac{V_{S}}{1 + sa_{1} + s^{2}a_{2} + \cdots}}{1 + \frac{V_{S}V_{R}}{1 + sa_{1} + s^{2}a_{2} + \cdots}} = \frac{\frac{V_{S}}{1 + V_{R}V_{S}}}{1 + s\frac{a_{1}}{1 + V_{R}V_{S}} + s^{2}\frac{a_{2}}{1 + V_{R}V_{S}} + \cdots}$$

 \Rightarrow Systemtyp von $G_W(s)$

- und von $G_z(s)$
- \Rightarrow Stationärer Endwert der Führungssprungantwort: $\frac{V_R V_S}{1+V_R V_S}$ wie PT1 u. PT2 (mit P-Regler)
- \Rightarrow Stationärer Endwert der Störsprungantwort: $\frac{V_s}{1+V_RV_s}$



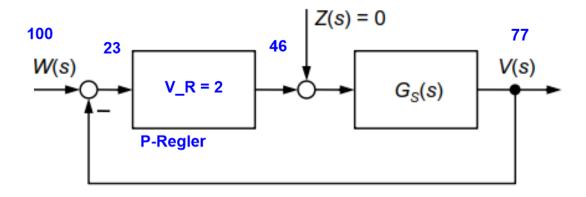






"Der P-Regler braucht eine Regelabweichung e(t) =/ 0, um am Ausgang ein Stellsignal y(t) =/ 0 auszugeben."

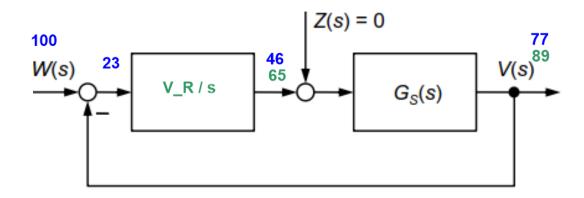
(Da e(t) einfach nur mit V_R multipliziert wird)



Idee: verwende Integrator als Regler:

"Der Integrator integriert so lange, bis sein Eingangssignal e(t) = w(t) - v(t) = 0 ist!"

--> keine bleibende Regelabweichung (e(t) -> infty = 0) im Führungs- UND Störverhalten (gut)



Analytische Rechnung: I-Regler für PT₁-Regelstrecke Betrachte Führungsverhalten G_w(s)



Gegeben:

Gesucht:

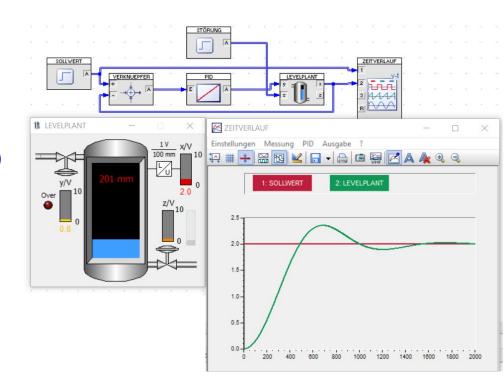
$$G_R(s) = VR/s$$

$$G_s(s) = \frac{VS}{(1+sTS)}$$

$$G_S(s) = VS/(1+sTS)$$
 $G_W(s) = ... = 1/(s^2*(TS/VR*VS) + s*(1/VR*VS) + 1)$

$$G_Z(s) = \dots = (s*VS) / (s^2*(TS/VR*VS) + s*(1/VR*VS) + 1)$$

- \Rightarrow Systemtyp von $G_W(s)$?
- \Rightarrow Systemtyp von $G_7(s)$? DT2
- Endwert der Führungssprungantwort? a(infty) = GW(0) = 1 (unabh. v. VR!)
- ⇒ Endwert der Störsprungantwort? a(infty) = GW(0) = 0 (unabh. v. VR!)





P-Regler: schnellere Reaktion, aber nicht stationär genau

I-Regler: stationär genau, aber langsamere Reaktion

- ⇒ Kombination der Vorteile im PI-Regler
- ⇒ PI Regler: PARALLELschaltung von P- und I-Kanälen!
- ⇒ In der Praxis der mit Abstand am häufigsten eingesetzte Reglertyp!
- ⇒ Ungebräuchlich: Parallelstruktur

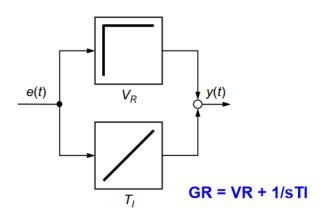


Bild 5-5: PI-Regler in Parallelstruktur

<mark>gebräuchliche Standardform:</mark> Verstärkung $oldsymbol{V_R}$ und Nachstellzeit $oldsymbol{T_N}$

$$G_R(s) = V_R \left(1 + \frac{1}{sT_N}\right) = V_R \frac{1 + sT_N}{sT_N}$$
 NS bei -1/TN Pol bei s = 0 ("I-Anteil")

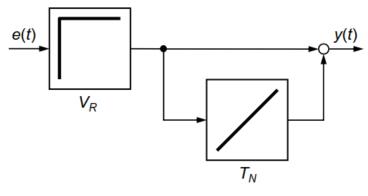


Bild 5-6: PI-Regler

Der PI-Regler im Zeit- und Frequenzbereich



$$G_R(s) = V_R \left(1 + \frac{1}{sT_N}\right)$$

Sprungantwort:

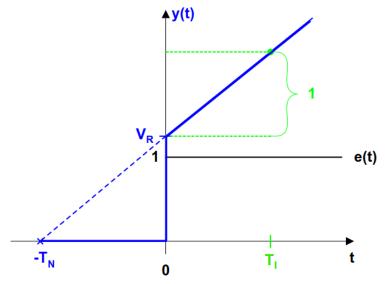
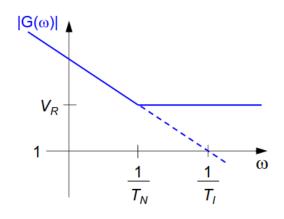


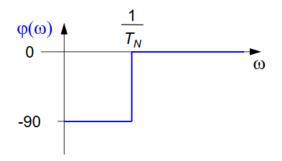
Bild 5-7: Sprungantwort des PI-Reglers

"Nachstellzeit"

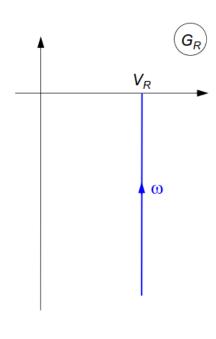
Frequenzgang:







Ortskurve





z. B. im PD-Regler
$$VR * (1 + sTV)$$

- ⇒ Schnelle Reaktion auf eine entstehende Regelabweichung auch: Bedämpfung des Regelverhaltens
- ⇒ T_V = "Vorhaltzeit"
- ⇒ Idealer PD-Regler ist nicht realisierbar (Zählergrad > Nennergrad!)
- ⇒ Ideales Differenzieren wäre sowieso nicht wünschenswert (Messrausch-Verstärkung!)
 - VR(1+sTV) / (1+sTR)
- ⇒ Darum in der Praxis: PDT₁-Regler
- ⇒ Meist wird Reglerzeitkonstante "klein" gewählt ⇔ T_R ≅ (0,01 ... 0,2) T_V
- ⇒ Wie wählt man die Reglernullstelle? Ein Konzept: "Kompensation" eines (langsamen) Streckenpols



Idee: wähle Reglernullstelle gleich einer Streckenzeitkonstante

Beispiel: PD-Regler ...

für PT2-Regelstrecke

... mit P-N-Kompensation

$$G_{R}(s) = V_{R} \cdot (1 + sT_{V})$$
hat NS
--> wird genutzt um
Pol zu kompensieren
$$G_{S}(s) = \frac{V_{S}}{(1 + sT_{S1})(1 + sT_{S2})}$$

$$T_{V} = T_{S2}$$

$$T_{V} = T_{S2}$$

Berechne $G_w(s) =$

$$=\frac{\frac{V_{R}(1+sT_{V})\cdot V_{S}}{(1+sT_{S1})(1+sT_{S2})}}{1+\frac{V_{R}(1+sT_{V})\cdot V_{S}}{(1+sT_{S1})(1+sT_{S2})}}=\frac{\frac{V_{R}\cdot V_{S}}{(1+sT_{S1})}}{1+\frac{V_{R}\cdot V_{S}}{(1+sT_{S1})}}=\frac{V_{R}V_{S}}{1+V_{R}V_{S}+sT_{S1}} \xrightarrow{\text{--> entspricht PT1-Führungsverhalten mit P-Regler aperiodisch/nicht}}$$

--> Kompensation führt generell zu einem günstigen Führungsverhalten

--> Störverhalten? Getrennt betrachten, ggf. "Kriechen"

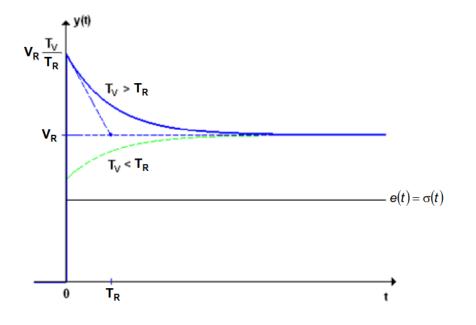
aperiodisch/nicht schwingfähig --> keine Überschwinger bei großem VR: kleine bleibende Regelabweichung mgl

Der PDT₁-Regler im Zeit- und Frequenzbereich:

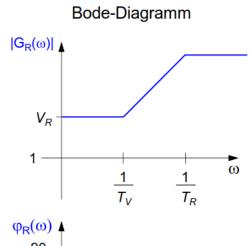


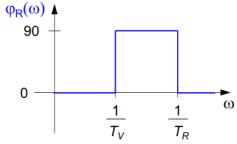
$$G_{R}(s) = \frac{V_{R}(1 + sT_{V})}{(1 + sT_{R})}$$

Sprungantwort:



Frequenzgang:







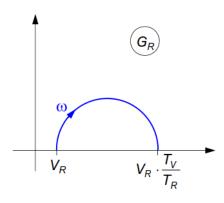


Bild 5-21: Bode-Diagramm (Asymptoten) und Ortskurve des PDT₁-Reglers



- ⇒ Parallelschaltung von P-, I- und D-Kanal mit Verzögerung 1. Ordnung
- ⇒ Vorteile: ermöglicht schnelle Reaktion und stationäre Genauigkeit
- ⇒ Darstellungsformen:

⇒ Parallelstruktur (PID)

$$G_{PID}(s) = V_R^* + \frac{1}{sT_I^*} + sT_D^*$$

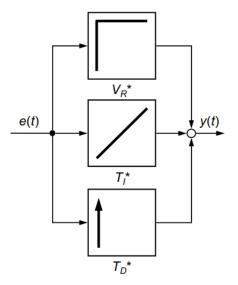


Bild 5-22: PID-Regler in Parallelstruktur

PIDT₁ additive Form

$$G_{RA}(s) = V_R^* \cdot \frac{1 + \frac{1}{sT_N^*} + sT_V^*}{1 + sT_R} = V_R^* \cdot \frac{s^2 T_N^* T_V^* + sT_N^* + 1}{sT_N^* (1 + sT_R)}$$

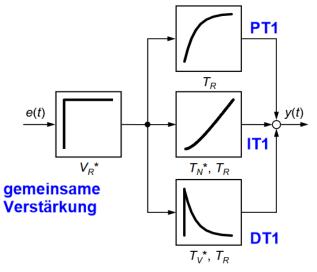
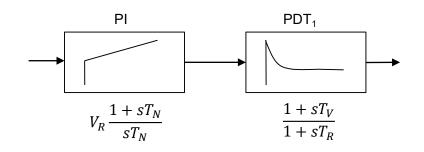


Bild 5-23: PIDT₁-Regler in Parallelstruktur (additive Form)

hier auch Kompensation von komplexen Polen möglich

PIDT₁ multiplikative Form

$$G_{RM}(s) = V_R \cdot \frac{(1 + sT_N)(1 + sT_V)}{sT_N(1 + sT_R)}$$
 2 reelle NS



Der PIDT₁-Regler im Zeit- und Frequenzbereich:



$$G_{RA}(s) = V_R^* \cdot \frac{1 + \frac{1}{sT_N^*} + sT_V^*}{1 + sT_R} = V_R^* \cdot \frac{s^2 T_N^* T_V^* + sT_N^* + 1}{sT_N^* (1 + sT_R)}$$

Sprungantwort (additive Form):

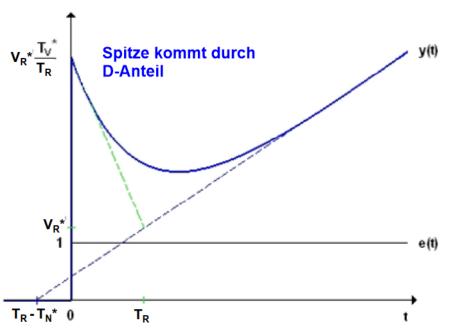


Bild 5-24: Sprungantwort des PIDT₁-Reglers

$$V_R^* = V_R \left(1 + \frac{T_V}{T_N} \right)$$

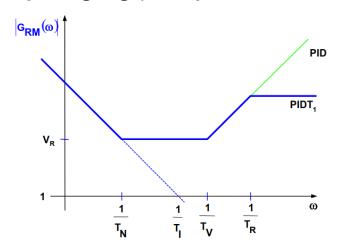
$$T_N^* = T_N \left(1 + \frac{T_V}{T_N} \right)$$

$$T_V^* = \frac{T_V}{1 + \frac{T_V}{T_N}}$$

 $V_R^* = V_R \left(1 + \frac{T_V}{T_N} \right)$ $T_N^* = T_N \left(1 + \frac{T_V}{T_N} \right)$ $T_V^* = \frac{T_V}{1 + \frac{T_V}{T_N}}$ --> Umrechnung von additiver in multiplikative Form

$$G_{RM}(s) = V_R \cdot \frac{(1 + sT_N)(1 + sT_V)}{sT_N(1 + sT_R)}$$

Frequenzgang (multiplikative Form):



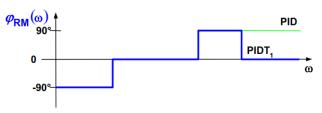


Bild 5-25: Bode-Diagramm (Asymptoten) des PID- und PIDT₁-Reglers

$$T_{N} = 0.5 \cdot T_{N}^{*} \left[1 + \sqrt{1 - 4 \frac{T_{V}^{*}}{T_{N}^{*}}} \right] \qquad T_{V} = 0.5 \cdot T_{N}^{*} \left[1 - \sqrt{1 - 4 \frac{T_{V}^{*}}{T_{N}^{*}}} \right]$$

--> Umrechnung von additiver in multiplikative Form

Zusammenfassung: Standard-Regler



P-Regler: V_R + einfach in der Implementierung

+ rasche Reaktion

- bleibende Regelabweichung bei PT_n-Strecken (G_w(s) und G_z(s))

- bei größeren Verstärkungen Schwingneigung (bei n>1)

I-Regler: VR bzw. TIR + stationär genaue Regelung ($G_w(s)$ und $G_z(s)$) durch Integration

- in den meisten Anwendungen zu langsamer / zu schwach gedämpfter Regelkreis

PI-Regler: VR, TN + rasche Reaktion durch P-Anteil

+ stationär genaue Regelung (G_w(s) und G₇(s)) durch I-Anteil

+ DER Standard-Regler überhaupt (!!!)

- Für manche Anwendungen zu langsamer / zu schwach gedämpfter Regelkreis

PDT₁-Regler: VR, TV, TR + sehr rasche Reaktion durch D-Anteil => sehr schnelle Regelung

+ Reduktion der Schwingneigung

- bleibende Regelabweichung

- in manchen Anwendungen (bei Messrauschen) unruhige Regelung

PIDT₁-Regler: V_R , T_N , T_V , T_R + sehr rasche Reaktion durch P-und D-Anteil => sehr schnelle Regelung

+ Reduktion der Schwingneigung durch D-Anteil

+ stationär genau durch I-Anteil

- aufwändigster Standard-Regler

- in manchen Anwendungen (bei Messrauschen) unruhige Regelung



Umgang mit Stellsignalbegrenzungen

sehr wichtig für die Praxis

für PI-Regler – in der nächsten Lehreinheit Kapitel 5, Teil b

für PIDT1-Regler – im Praktikumsversuch 3

Der Kompensationsregler

Beispiel für einen "Nicht-Standard-Regler"

Vielmehr "modellbasierte Regelungsmethode" ⇔ Reglertyp wird an Regelstrecke angepasst

=> in der nächsten Lehreinheit Kapitel 5, Teil b

=> in Praktikumsversuch 3

Kapitel 6 + 7: Stabilität von Regelkreisen und Reglerentwurf