

Задача ВЕ (Луна)

Олексій Лубинець, Валерія Жовковська 5 курс, ФВЕ

Об'єктно-орієнтоване програмування

25 травня 2018 р.

Умова задачі

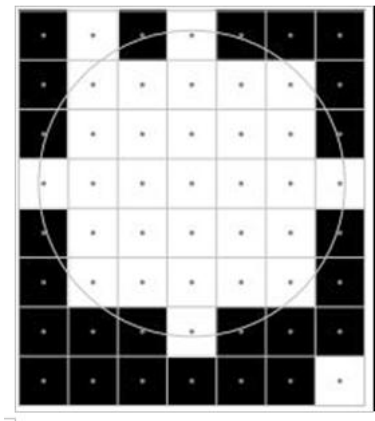
На фотографіях ночного неба можна различить только два цвета: черный и белый.

Будем считать, что Луна на снимке выглядит как круг с центром в точке изображения S и целым неотрицательным радиусом r , то есть как множество белых точек, расстояние от центров которых до точки S не больше r . Луна полностью поместилась на снимке.

Также некоторые звезды могут присутствовать на снимке в виде отдельных белых точек. Таких точек, как и звезд на небе, может быть достаточно много.

Напишите программу, которая по изображению найдет наибольший возможный радиус круга, который соответствует Луне.

Приклад



Input-Output

Input format

В первой строке ввода записаны целые числа w и h — горизонтальное и вертикальное разрешение снимка, соответственно ($1 \leq w, h \leq 200$). В следующих h строках записано по w символов "." (черная точка) или "*" (белая точка).

Output format

В одной строке выведите натуральное число — максимальный радиус изображения Луны. Гарантируется, что корректный ответ существует.

"Критерій Місяця Метод No.1"

Спосіб гарантувати, що ми знайшли Місяць радіуса R з центром C - перевірити всі пікселі, відстань до яких не перевищує R , чи є вони білими.

Тож пробігаємо всі пікселі, крім "рамочки" на предмет того, чи можуть вони бути центром Місяця і якщо можуть, то якого радіуса. Максимальний із знайдених радіусів і буде відповіддю на задачу.

Визначення радіуса для Місяця з центром у конкретному пікселі

Заздалегідь для кожного “потенційного радіуса” визначаються точки (а саме зсуви по X та Y), які будуть для Місяця з таким радіусом граничними.

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
2	3	3	4	5	6	7	8	9	10	11
3	4	4	5	5	6	7	8	9	10	11
4	5	5	5	6	7	8	9	9	10	11
5	6	6	6	7	8	8	9	10	11	12
6	7	7	7	8	8	9	10	10	11	12
7	8	8	8	9	9	10	10	11	12	13
8	9	9	9	9	10	10	11	12	13	13
9	10	10	10	10	11	11	12	13	13	14
10	11	11	11	11	12	12	13	13	14	15

Визначення радіуса для Місяця з центром у конкретному пікселі

```
for(int i=0; i<100; i++)  
    for(int j=0; j<100; j++)  
    {  
        r = (int) (sqrt(i*i + j*j)+1);  
        if(r - sqrt(i*i + j*j) == 1)  
            r--;  
        if(r > 99)  
            break;  
        DX[r][num[r]] = i;  
        DY[r][num[r]] = j;  
        num[r]++;  
    }
```

Пошук по всім пікселям

```
int radius = 0;

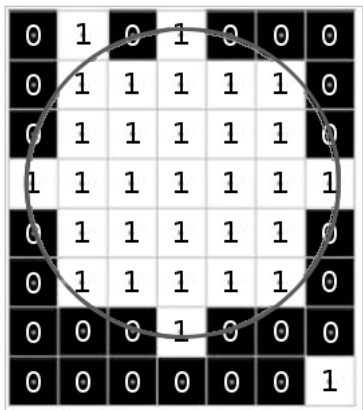
for(int i=1; i<=w-2; i++)
    for(int j=1; j<=h-2; j++)
        if(c[i][j]=='*')
        {
            bool moon = true;
            for(int R=1; R<=maxRad(i, j, w, h); R++)
            {
                for(int k=0; k<num[R]; k++)
                {
                    if(c[i+DX[R][k]][j+DY[R][k]]=='.' || \
                       c[i+DX[R][k]][j-DY[R][k]]=='.' || \
                       c[i-DX[R][k]][j+DY[R][k]]=='.' || \
                       c[i-DX[R][k]][j-DY[R][k]]=='.')
                    {
                        moon = false;
                        break;
                    }
                }
                if(moon == true && R>radius)
                    radius = R;
            }
        }
}
```


“Критерій Місяця Метод No.2”

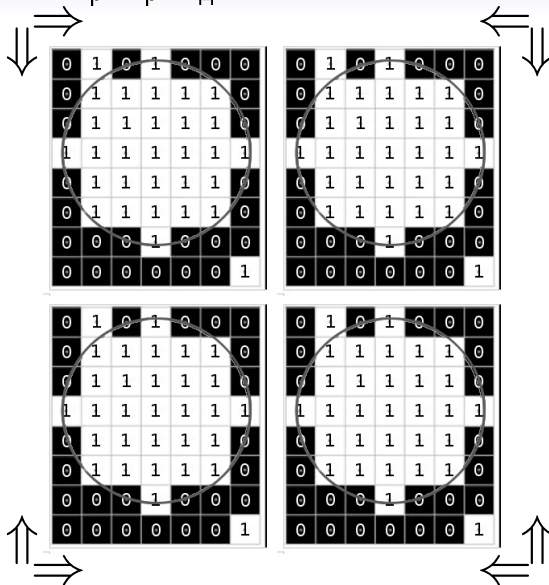
Спосіб гарантувати, що ми знайшли Місяць радіуса R з центром C - для кожного пікселя знайти відстань до найближчого чорного пікселя. Піксель, найбільш віддалений від чорних, буде центром кола C . Відстань від краю до визначеного пікселя буде відповідати радіусу кола R .

Тож пробігаємо всі пікселі, крім “рамочки”, визначаючи кількість білих сусідів по вертикалі та горизонталі.

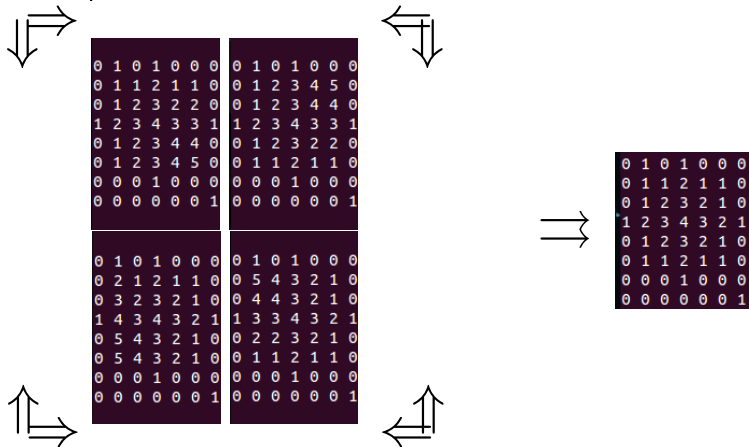
На першому кроці для білої клітинки відстань до найближчої чорної клітинки – 1, для чорної – 0



Виконується чотири проходи:



Значення у клітинці відповідає **мінімальному** зі значень у сусідніх **пройдених** клітинках. Фінальне значення - мінімальне з усіх матриць.



Визначення стартових матриць

```
int w, h, iC=-1, jC=-1;
char x;
int maxR=-1;
cin >> w >> h;

int picD[h][w], picU[h][w], picL[h][w], picR[h][w], pic[h][w];
for(int i=0; i < h; ++i) {
    for(int j=0; j < w; ++j) {
        cin >> x;
        if (x == '.'){
            picD[i][j] = 0;
            picU[i][j] = 0;
            picL[i][j] = 0;
            picR[i][j] = 0;
            pic[i][j] = 0; }
        else {
            picD[i][j] = 1;
            picU[i][j] = 1;
            picL[i][j] = 1;
            picR[i][j] = 1;
            pic[i][j] = 1; }
    }
}
```

Визначення радіуса для Місяця з центром для певного напрямку руху по матриці

```
for(int i=1; i < h; ++i)
    for(int j=0; j < w; ++j)
        if (picU[i][j] != 0){
            picU[i][j] = std::min( picU[i-1][j],picU[i][j-1] )+1;
        }

for(int i=h-2; i > -1; --i)
    for(int j=w-1; j > -1; --j){
        if (picD[i][j] != 0){
            picD[i][j] = std::min( picD[i+1][j],picD[i][j+1] )+1;
        }
    }

for(int i=h-2; i > -1; --i)
    for(int j=1; j < w; ++j) {
        if (picL[i][j] != 0){
            picL[i][j] = std::min( picL[i+1][j],picL[i][j-1] )+1;
        }
    }

for(int i=1; i < h; ++i)
    for(int j=w-1; j > -1; --j){
        if (picR[i][j] != 0){
            picR[i][j] = std::min( picR[i-1][j],picR[i][j+1] )+1;
        }
    }
```

Визначення радіуса для Місяця

```
for(int i=0; i < h; ++i){
    for(int j=0; j < w; ++j){
        pic[i][j] = std::min(picD[i][j], picU[i][j]);
        pic[i][j] = std::min(picL[i][j], pic[i][j]);
        pic[i][j] = std::min(picR[i][j], pic[i][j]);
        std::cout<<pic[i][j]<<" ";
        if (maxR < pic[i][j]){
            maxR = pic[i][j];
            iC = i;
            jC = j;
        }
    }
    std::cout<<std::endl;
}
if (maxR < 1) cout<<0;
else cout << maxR-1;
```