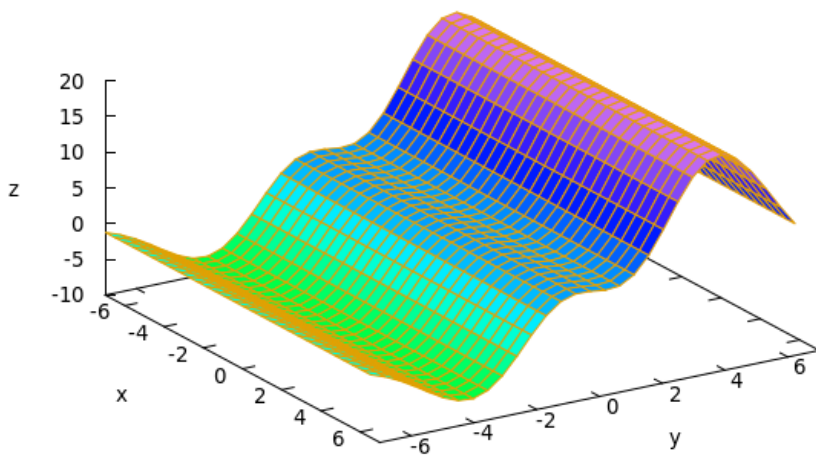


Assinale a alternativa que melhor se aplica à função de duas variáveis cujo gráfico é dado:



- ☒  $f(x, y) = g(y)$ , onde  $g$  é uma função de uma variável.
- ☐  $f(x, y) = f(x + 2\pi, y)$  (isto é,  $f$  é  $2\pi$ -periódica na variável  $x$ )
- ☐  $f(x, y) = g(x^2 + y^2)$ , onde  $g$  é uma função de uma variável.
- ☐  $f(x, y) = f(x, y + 2\pi)$  (isto é,  $f$  é  $2\pi$ -periódica na variável  $y$ )
- ☐  $f(x, y) = g(x)$ , onde  $g$  é uma função de uma variável.

é  $g(y)=f(x,y)$ , pq se vc ver o gráfico ele independe de  $x$ , são várias curvas de  $y$  "alinhadas"

Da lista embaixo, assinale aquelas funções  $f(x, y)$  tais que  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} f(x, y)$  não existe. Observação: respostas erradas são penalizadas.

- ☐  $f(x, y) = \frac{x^3 - 3y^4}{3x^2 + 2y^2}$
- ☒  $f(x, y) = \frac{xy \sin(y)}{3x^2 + 2y^2}$
- ☒  $f(x, y) = \frac{\sin(xy)}{2x^2 + y^2}$
- ☒  $f(x, y) = \frac{x \sin^2(y)}{x^2 + 2y^2}$
- ☒  $f(x, y) = \frac{y \sin(x)}{3x^2 + 2y^2}$

Input interpretation:

$$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x^3 - 3y^4}{3x^2 + 2y^2}$$

Result:

0  
(assuming variables are real-valued)

Input interpretation:

$$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{\sin(x y)}{2x^2 + y^2}$$

Result:

(limit does not exist)  
(value may depend on x, y path in complex space)

Input interpretation:

$$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x y \sin(y)}{3x^2 + 2y^2}$$

Result:

(limit does not exist, is path dependent, or cannot be determined)

Input interpretation:

$$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{x \sin^2(y)}{x^2 + 2y^2}$$

Result:

(limit does not exist)  
(value may depend on x, y path in complex space)

Input interpretation:

$$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{y \sin(x)}{3x^2 + 2y^2}$$

Result:

(limit does not exist)  
(value may depend on x, y path in complex space)

Input interpretation:

$$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \left( \frac{x^3 - 3y^4}{3x^2 + 2y^2} \right)$$

Exemplos »

Solução

$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \left( \frac{x^3 - 3y^4}{3x^2 + 2y^2} \right) = 0$

Passos

$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \left( \frac{x^3 - 3y^4}{3x^2 + 2y^2} \right)$

Input interpretation:

$$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \left( \frac{xy \sin(y)}{3x^2 + 2y^2} \right)$$

Exemplos »

Solução

$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \left( \frac{xy \sin(y)}{3x^2 + 2y^2} \right) = 0$

Passos

$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \left( \frac{xy \sin(y)}{3x^2 + 2y^2} \right)$

Input interpretation:

$$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \left( \frac{\sin(xy)}{2x^2 + y^2} \right)$$

Exemplos »

Solução

$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \left( \frac{\sin(xy)}{2x^2 + y^2} \right) = \text{Diverge}$

Passos

$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \left( \frac{\sin(xy)}{2x^2 + y^2} \right)$

Encontre dois caminhos diferentes para se aproximar do limite

Input interpretation:

$$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \left( \frac{x \sin^2(y)}{x^2 + 2y^2} \right)$$

Exemplos »

Sem passos: A solução passo a passo não está disponível para este problema

Input interpretation:

$$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \left( \frac{y \sin(x)}{3x^2 + 2y^2} \right)$$

Exemplos »

Solução

$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \left( \frac{y \sin(x)}{3x^2 + 2y^2} \right) = \text{Diverge}$

Passos

$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \left( \frac{y \sin(x)}{3x^2 + 2y^2} \right)$

resposta S = 3 e S  
4?

Questão 3

nda não

ale 1,70

Marcin

Considere a família de funções  $u_c(x, t)$  de duas variáveis  $x, t$ , indexadas pelo parâmetro  $c$ ,  $u_c(x, y) = \ln(x + ct) (\cos(ct) \cos(x) - \sin(ct) \sin(x))$ .

Determine o valor do parâmetro  $c > 0$  para que a função  $u_c(x, y)$  seja solução da equação de onda

$$11 \frac{\partial^2 u_c}{\partial x^2} - 1 \frac{\partial^2 u_c}{\partial t^2} = 0.$$

Resposta:

$$\frac{d^2 F}{d\tau^2} - C^2 \frac{d^2 \tau}{d\tau^2}$$

$$\sqrt{11} = 3,$$

Questão 4

Ainda não respondida

Vale 1,70 ponto(s).

Marcar questão

O índice de massa corporal  $B$  de uma pessoa de massa  $m$  kg e altura  $h$  metros é dado pela fórmula  $B(m, h) = m/h^2$ .

Uma criança aumentou sua altura prévia de 1,2 metros em 2 centímetros, e a sua massa aumentou de 28 kg para 31 kg. Use o diferencial para estimar quanto mudou o índice de massa corporal da criança.

Resposta: 2,93518

$B(m, h) = \frac{m}{h^2}$        $B_h = -\frac{2m}{h^3}$        $dB = B_m \cdot dm + B_h \cdot dh$

$H = 1,2$        $dh = 0,02$        $B_m = \frac{1}{h^2}$        $\frac{1}{h^2} \cdot ?$

$m = 28$        $dm = 3$        $\left(\frac{1}{1,2^2}\right) \cdot 3 + \left(\frac{-2 \cdot 28}{1,2^3}\right) \cdot 0,02$

Considere uma caixa metálica retangular, sem tampa superior que, por causa de estar sendo aquecida, suas dimensões estão aumentando. No momento em que a largura é 11 cm, a altura é 23 cm e a profundidade é 10 cm, estas medidas estão variando a uma taxa de:

2 cm/s, a largura

6 cm/s, a altura

2 cm/s, a profundidade.

Qual é a taxa em  $\text{cm}^2/\text{s}$  na qual a área da superfície externa da caixa está crescendo?

Resposta:

$$L = 11 \quad \frac{dL}{dT} = 2$$

$$h = 23 \quad \frac{dh}{dT} = 6$$

$$P = 10 \quad \frac{dP}{dT} = 2$$

$$\frac{dA}{dT} = \frac{dA}{dL} \cdot \frac{dL}{dT} + \frac{dA}{dh} \cdot \frac{dh}{dT} + \frac{dA}{dP} \cdot \frac{dP}{dT}$$

$$\frac{dA}{dL} = 10 + 2 \cdot 23 = 56$$

$$\frac{dA}{dT} = 56 \cdot 2 + 42 \cdot 6 + 57 \cdot 2 = \underline{478}$$

$$\frac{dA}{dh} = 2 \cdot 11 + 2 \cdot 10 = 42$$

$$\frac{dA}{dP} = 11 + 2 \cdot 23 = 57$$

Questão 6

Ainda não respondida

Vale 1,70 ponto(s).

⚑ Marcar questão

A temperatura numa placa está descrita pela equação  $T(x, y) = e^{-3x^2 - 3y^2}$ .

Determine a direção  $\vec{u} = (v, w)$  de maior crescimento de  $T$ , no ponto  $(4, 3)$ . Dé como resposta o quociente  $w/v$  da segunda coordenada de  $\vec{u}$  dividida pela primeira.

Resposta:

$$T(x, y) = e^{-3x^2 - 3y^2} \quad p(4, 3)$$

$$f_x = e^{-3x^2 - 3y^2} \cdot -6x \Rightarrow -6x \cdot e^{-3x^2 - 3y^2}$$

$$-6 \cdot 4 \cdot e^{-3(4^2) - 3(3^2)}$$

$$-24 \cdot e$$

$$\underline{-24 e^{\frac{1}{2}}}$$

$$f_y = e^{-3x^2 - 3y^2} \cdot -6y \cdot e^{-3} \quad \frac{-18}{-24}$$