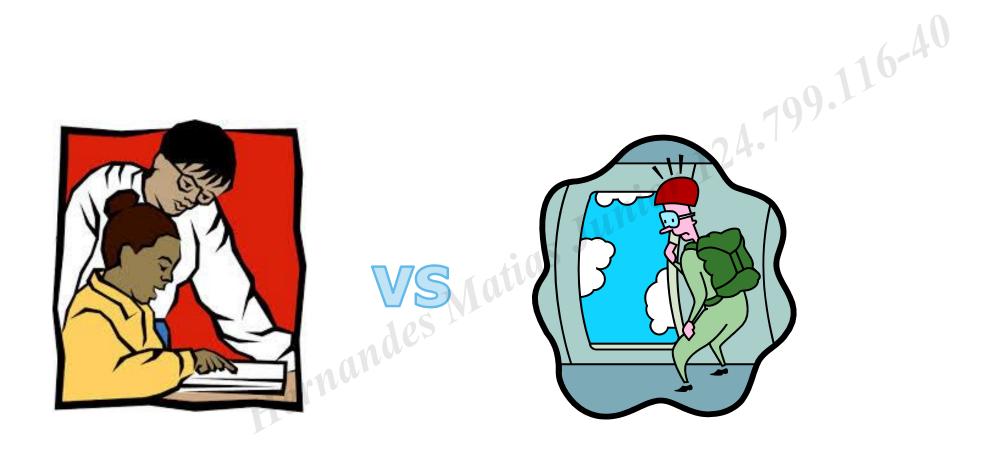
Unsupervised Machine Learning: Clustering I

Profa. Adriana Silva

Supervisionado x Não Supervisionado





Supervisionado x Não Supervisionado



"Aprendendo sem conhecimento prévio da classificação da amostra, aprendendo sem um professor."

Kohonen (1995), "Self-Organizing Maps"



Aplicações

- Marketing
- Vendas
- Fraude



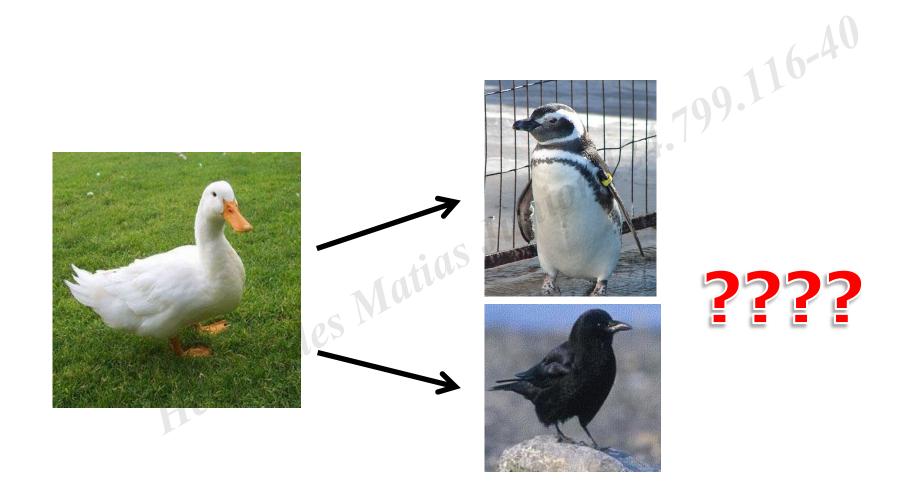
Métodos de Agrupamento

O objetivo da análise de cluster é agrupar as observações em grupos de tal forma que dentro de cada grupo as observações são semelhantes e distintas entre os grupos.

Dentro de cada grupo a variabilidade deve ser mínima e a variabilidade entre os grupos deve ser máxima.



O que é similaridade?





Distância Euclidiana

$$D_E = \left\| \mathbf{x} - \mathbf{w} \right\| = \sqrt{\sum_{i=1}^k \left(x_i - w_i \right)^2}$$

- A distância Euclidiana gera a distância linear entre quaisquer dois pontos em um campo com k dimensões.
- É uma generalização do Teorema de Pitágoras

$$h = \sqrt{\sum_{i=1}^{2} x_i^2} \qquad (x_1, x_2)$$

$$x_2$$

$$(0, 0) \qquad x_1$$



Distância Minkowsky

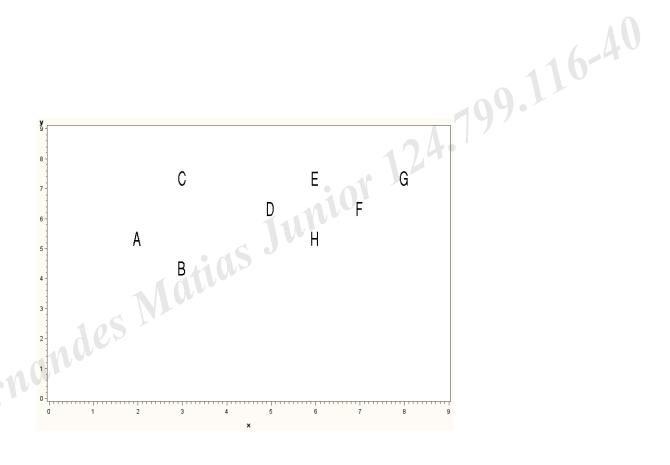
$$d_p(x_i, x_j) = \left(\sum_{k=1}^d |x_{ik} - x_{jk}|^p\right)^{\frac{1}{p}}$$
sos para cada variável, quando necessário.

- Pode criar pesos para cada variável, quando necessário.
- É uma medida menos afetada pela presença de outliers (comparada a distância euclidiana).



Exemplo Distâncias

ID	Χ	Υ
Α	2	5
В	3	4
C	3	7
D	5	6
Ε	6	8
F	7	6
G	8	8
Н	6	5





Exemplo Distâncias

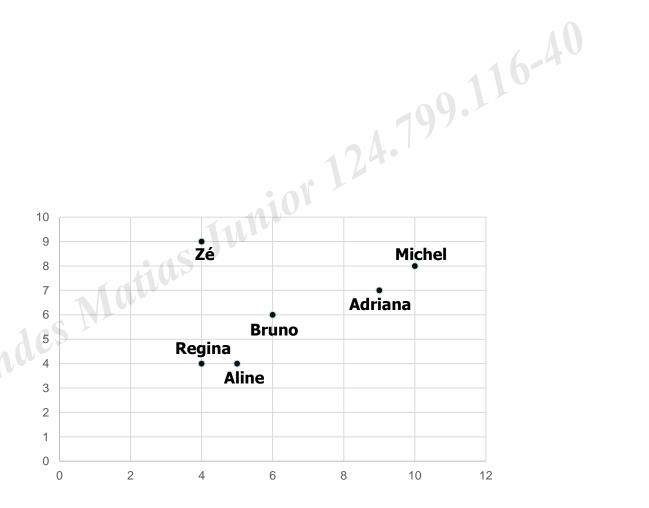
Agrupar alunos que sejam parecidos, com relação as notas em matemática e português.

Aluno	Matemática	Português	
Adriana	9	7	
Aline	5	4	
Bruno	6	6	
Michel	10	8	
Regina	4	4	
Zé	4	9	



Exemplo Distâncias

Aluno	Matemática	Português
Adriana	9	7
Aline	5	4
Bruno	6	6
Michel	10	820
Regina	4	4
Zé	4	9



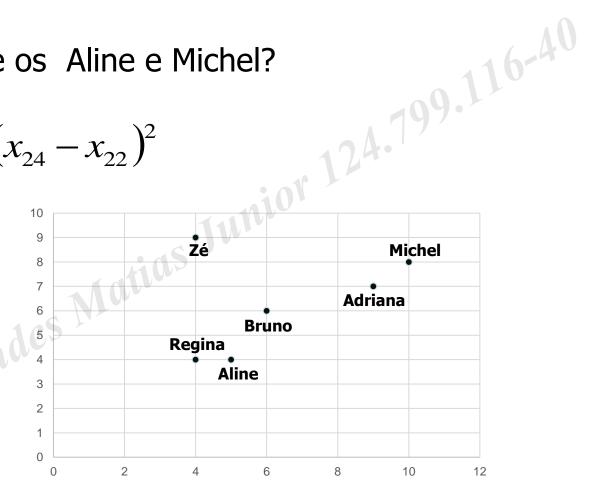


Exemplo Distâncias Euclidiana

Qual a distância entre os Aline e Michel?

$$D^{2} = (x_{14} - x_{12})^{2} + (x_{24} - x_{22})^{2}$$

A 1	.	D 1 0
Aluno	Matemática	Portugues
Adriana	- 9	7
Aline	5	4
Bruno	6	6
Michel	- 10	8 2 6
Regina	4	4
Zé	4	9





Distância Euclidiana

Distância Euclidiana ao Quadrado

$$D^{2} = (x_{11} - x_{12})^{2} + (x_{21} - x_{22})^{2}$$

Distância Euclidiana

$$D = \sqrt{(x_{11} - x_{12})^2 + (x_{21} - x_{22})^2}$$



Aluno	Matemática	Português
Adriana	9	7
Aline	5	4
Bruno	6	6
Michel	10	8
Regina	4	4
Zé	4	9

Aluno	Matemática	Português
Adriana	x11	x21
Aline	x12	x22
Bruno	x13	x23
Michel	x14	x24
Regina	x15	x25
Zé	x16	x26

Qual a distância (D) entre Aline e Michel?

$$D^{2} = (x_{14} - x_{12})^{2} + (x_{24} - x_{22})^{2}$$

$$D^{2} = (x_{14} - x_{12})^{2} + (x_{24} - x_{22})^{2}$$

$$D^{2} = (5 - 10)^{2} + (4 - 8)^{2} = 5^{2} + 4^{2} = 41$$

$$D = 6,40 \longrightarrow \text{Distância Euclidiana}$$



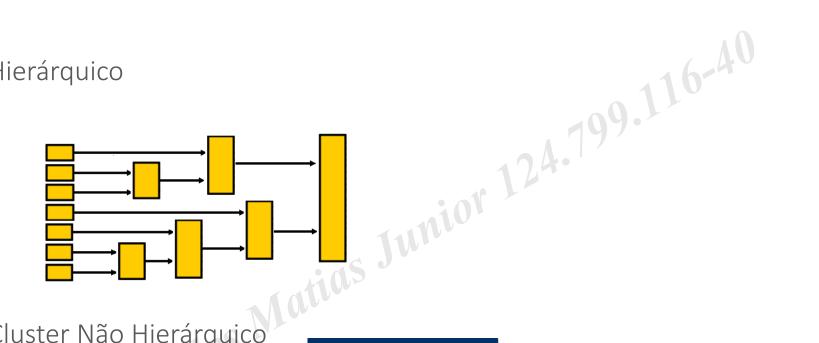
Distância Euclidiana

```
Dri Li Bru Mi Re
Li 5.000000
Bru 3.162278 2.236068
Mi 1.414214 6.403124 4.472136
Re 5.830952 1.000000 2.828427 7.211103
ZŽ 5.385165 5.099020 3.605551 6.082763 5.000000
```

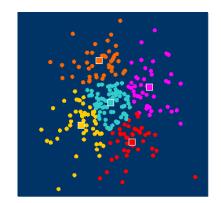


Métodos de Agrupamento

Hierárquico



• Cluster Não Hierárquico





Técnicas de Agrupamentos - Hierárquico

- Single Linkage Vizinho mais próximo
- Matias Junior 124.799.116-40

 Matias Junior 124.799.116-40 • Complete Linkage - Vizinho mais longe
- Avarage Linkage Média
- Centroid Method Centroíde
- •Ward's Method



Técnicas de Agrupamentos – Single Linkage – Vizinho mais próximo

- 1. Calcula-se a distância de todos os alunos contra todos os alunos
- 2. Agrupa os alunos mais próximos (menor distância)
- 3. Define a distância do primeiro grupo contra os demais alunos baseado na **menor** distância entre cada integrante do grupo com os demais
- 4. Etapa 3 até ter apenas um único grupo
- 5. Desenha-se o dendograma baseado na distância encontrada



Técnicas de Agrupamentos – Single Linkage – Vizinho mais próximo



Técnicas de Agrupamentos – Single Linkage – Vizinho mais próximo



Técnicas de Agrupamentos – Complete Linkage – Vizinho mais longe

- 1. Calcula-se a distância de todos os alunos contra todos os alunos
- 2. Agrupa os alunos mais próximos (menor distância)
- 3. Define a distância do primeiro grupo contra os demais alunos baseado na **maior** distância entre cada integrante do grupo com os demais
- 4. Etapa 3 até ter apenas um único grupo
- 5. Desenha-se o dendograma baseado na distância encontrada



Técnicas de Agrupamentos – Complete Linkage – Vizinho mais longe



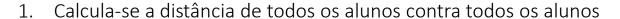
Técnicas de Agrupamentos – Complete Linkage – Vizinho mais longe



Técnicas de Agrupamentos – Complete Linkage – Vizinho mais longe



Técnicas de Agrupamentos – Average Linkage



- 2. Agrupa os alunos mais próximos (menor distância)
- 3. Define a distância do primeiro grupo contra os demais alunos baseado na **média** da distância entre cada integrante do grupo com os demais
- 4. Etapa 3 até ter apenas um único grupo
- 5. Desenha-se o dendograma baseado na distância encontrada



Técnicas de Agrupamentos – Centroid Method – Centróide

- 1. Calcula-se a distância de todos os alunos contra todos os alunos
- 2. Agrupa os alunos mais próximos (menor distância)
- 3. Define a distância do primeiro grupo contra os demais alunos através da fórmula (cálculo do centroide)
- 4. Etapa 3 até ter apenas um único grupo
- 5. Desenha-se o dendograma baseado na distância encontrada



Técnicas de Agrupamentos – Centróide

Os elementos que serão agrupados são denominados **p e q**

A novo grupo (**p+q**) é denominado **t**.

A distância entre o novo grupo t e o elemento/grupo r é dada por

$$S_{t,r} = \frac{N_{p}}{N_{p} + N_{q}} S_{p,r} + \frac{N_{q}}{N_{p} + N_{q}} S_{q,r} + \frac{N_{p} * N_{q}}{(N_{p} + N_{q})^{2}} S_{p,q}$$

Em que,

Np é o número de observações no grupo p,

Nq é o número de observações no grupo q,

Sp,r é a distância entre p e r,

Sq,r é a distância entre q e r,

Sp,q é a distância entre p e q.

Em outra notação:

$$d_{\scriptscriptstyle (UV)W} = (\overline{X}_{\scriptscriptstyle UV} - \overline{X}_{\scriptscriptstyle W})'(\overline{X}_{\scriptscriptstyle UV} - \overline{X}_{\scriptscriptstyle W})$$



Técnicas de Agrupamentos – Centroid Method – Centróide

Os elementos que serão agrupados são denominados **p e q**

Os elementos que serão agrupados são denominado
$${\bf r}$$
. A distância entre o nova grupo te o elemento/grupo ${\bf r}$ é dada por
$$S_{t,x} = \frac{N_p}{N_p + N_q} S_{p,x} + \frac{N_q}{N_p + N_q} S_{q,x} - \frac{N_p * N_q}{\left(N_p + N_q\right)^T} S_{p,q}$$
 Em que, Ny é o número de observoções no grupo p. Ny é o número de observoções no grupo q. Sy é o distancio entre p e ${\bf r}$. Sy é a distancio entre p e ${\bf r}$. Sy é a distancio entre p e ${\bf r}$. Sy ${\bf r}$ a distancio entre p e ${\bf r}$.



Técnicas de Agrupamentos – Centroid Method – Centróide



Técnicas de Agrupamentos – Ward Method

Também conhecido como método do incremento das somas de quadrados, é baseado na análise de variância. Neste método as somas de quadrados entre e dentro grupos, em relação as p variáveis, são utilizadas como critério de agrupamento. A ideia do método de Ward é aglomerar os grupos R e S que minimizam a soma de quadrados dentro dos grupos, ou seja, a soma de quadrado dos erros.

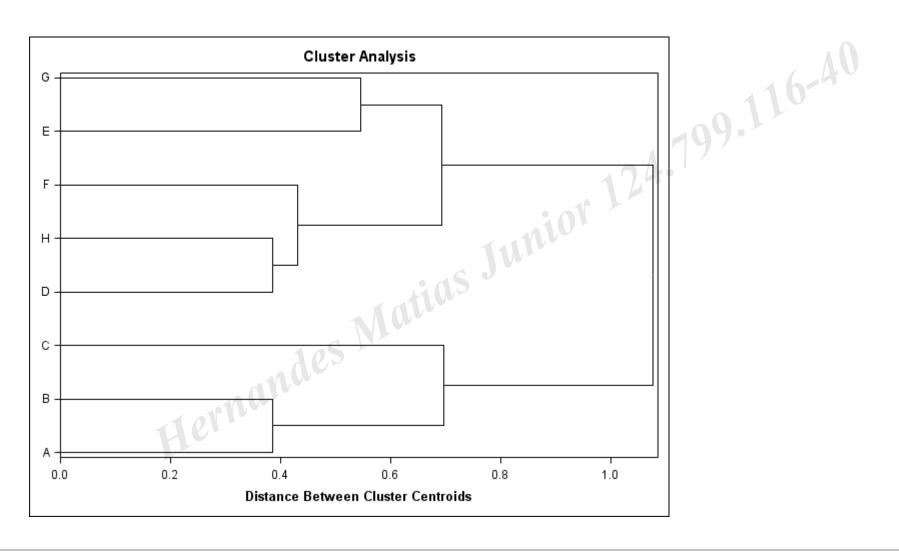
- 1. Calcula-se a distância de todos os alunos contra todos os alunos
- 2. Agrupa os alunos mais próximos (menor distância)
- 3. Define a distância do primeiro grupo contra os demais alunos através da fórmula de Wald
- 4. Etapa 3 até ter apenas um único grupo

$$d(C_l, C_i) = \left[\frac{n_l n_i}{n_l + n_i}\right] (\overline{X}_l - \overline{X}_i) (\overline{X}_l - \overline{X}_i)$$

5. Desenha-se o dendograma baseado na distância encontrada

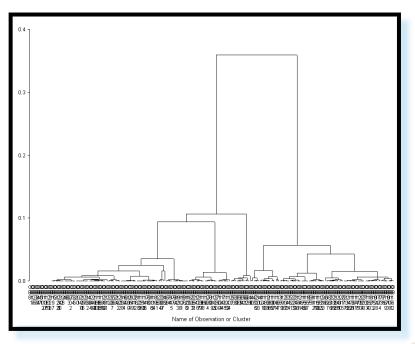


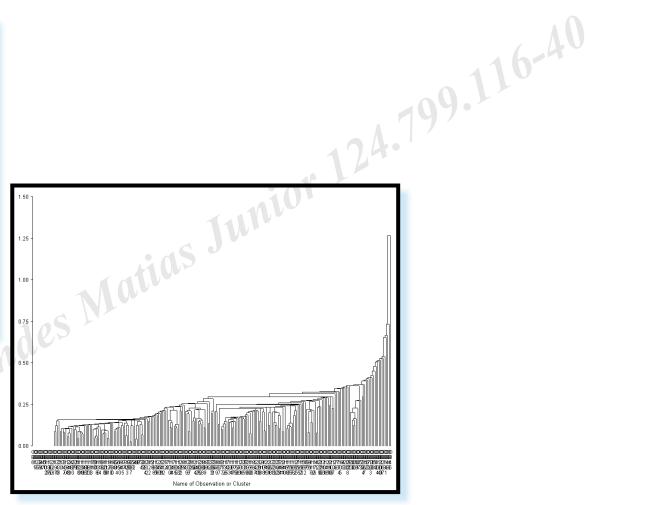
Dendograma





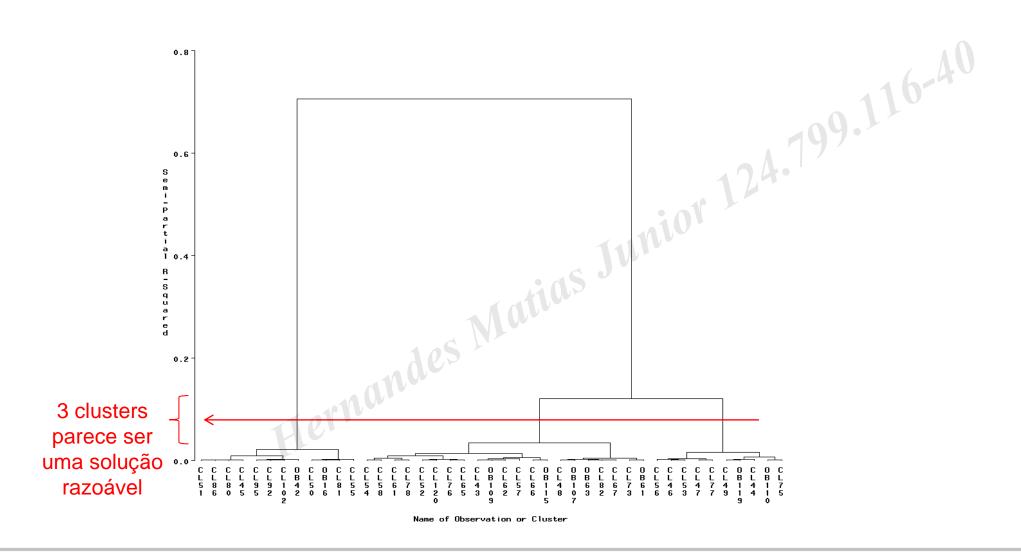
Dendograma







Dendograma

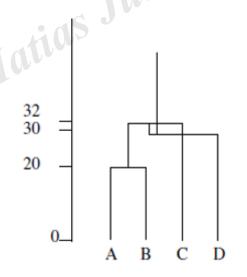




Técnicas de Agrupamentos – Hierárquico

- Podem provocar inversões. Ocorrem quando inexiste uma estrutura de cluster clara.
- Neste caso D é adicionado ano grupo (ABC), a uma distância de 30,

inferior à distância a qual se juntou C(AB).





Técnicas de Agrupamentos – Hierárquico – Comparação

- Single Linkage Vizinho mais próximo
 - Estruturas geométricas diferentes, mas é incapaz de delinear grupos pouco separados.
- Complete Linkage Vizinho mais longe
 - Clusters de mesmo diâmetro e isolam os outliers nos primeiros passos.
- Avarage Linkage Média
 - Clusters de mesma variância interna, produzindo melhores partições.
- Ward's Method
 - Cluster com o mesmo n° de itens, baseado nos princípios de análises de variâncias.



Técnicas para escolha do número de clusters — Hierárquico

- a) Soma de quadrados total : $SSTc = \sum_{i=1}^{g^*} \sum_{j=1}^{n_i} (X_{ij} \overline{X}) (X_{ij} \overline{X})$ b) Soma de quadrados total intragrupos : $SSR = \sum_{i=1}^{g^*} SS_i = \sum_{i=1}^{g^*} \sum_{j=1}^{n_i} (X_{ij} \overline{X}_{i.}) (X_{ij} \overline{X}_{i.})$ c) Soma de quadrados total intergrupos : $SSR = \sum_{i=1}^{g^*} \sum_{j=1}^{n_i} (X_{ij} \overline{X}_{i.}) (X_{ij} \overline{X}_{i.})$
 - c) Soma de quadrados total intergrupos : $SSB = \sum_{i=1}^{g^*} n_i (\overline{X}_{i.} \overline{X}) (\overline{X}_{i.} \overline{X})$

$$R^2 = \frac{SSB}{SSTc}$$

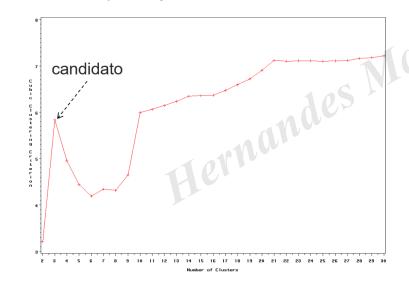
Quanto major o R^2 , major o SSB, consequentemente menor o SSR (que é o que nos importa, pouca variabilidade dentro dos clusters).

Procuramos sempre por algum salto! É possível notar que quanto menor o número de grupos (maior a variabilidade entre), menor o R^2 .



Técnicas para escolha do número de clusters – Hierárquico

- CCC (Cubic Clustering Criterion)
 - compara o R^2 calculado com o seu esperado, $E[R^2]$, supondo que os clusters são gerados por uma distribuição uniforme. Se CCC > 3 (o que é bom), $R^2 > E[R^2]$, isto é, a estrutura de cluster é diferente da partição uniforme.



$$CCC = \ln \left[\frac{1 - E(R^2)}{1 - R^2} \right] \frac{\sqrt{\frac{np^*}{2}}}{\left(0.001 + E(R^2)\right)^{1.2}}$$



Técnicas para escolha do número de clusters – Método Elbow

 $minimize(\sum_{i=1}^{n} W(C_k))$ Assim como no princípio de cluster, a ideia do método é minimizar a variabilidade dentro do cluster, ou seja:

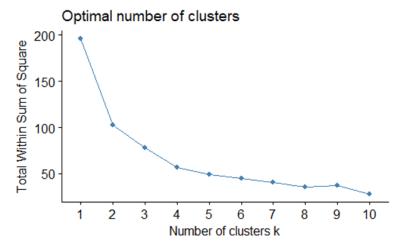
$$minimize(\sum_{i=1}^{n} W(C_k))$$

onde C_k é o k cluster e $W(C_k)$ é a variação dentro do cluster. Então, o total da soma dos quadrados dentro do cluster (wss) mede a homegenidade do cluster e queremos que seja tão pequeno quanto possível. Assim, podemos usar o seguinte algoritmo para definir os clusters como sendo ótimos:



Técnicas para escolha do número de clusters – Método Elbow

- 1. Rodar o algoritmo de agrupamento para diferentes valores de k. Por exemplo, variando de 1 a 15 clusters.
- 2. Para cada *k*, calcular a soma dos quadrados total dentro do cluster (wss).
- 3. Traçar a curva de wss de acordo com o número de clusters.
- 4. A localização de uma curva (joelho) na trama é geralmente considerada como um indicador do número apropriado de clusters.





Técnicas para escolha do número de clusters – Método Silhoutte

- O coeficiente de silhueta é a medida da relação entre um ponto e os membros do grupo dele.
- Se a medida "s" de um ponto é grande, a distância média do ponto dentro do cluster é menor que a distância média até os pontos no cluster vizinho, ou seja, o ponto está bem classificado.
- Se essa medida for pequena, a distância média do ponto dentro do grupo é maior que a distância média aos objetos no cluster vizinho, por isso o ponto foi classificado de forma indevida. ->
- O coeficiente de silhueta de todo o set é definido pela média dos coeficientes calculados para cada ponto.

$$sil(C) = \overline{sil(k)} = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^{k} sil(C_i)$$



$$s = \frac{b - a}{max(a, b)}$$

Sendo que:

"a" é a distância média entre o ponto e todos os demais pontos do cluster.

"b" é a distância média entre o ponto e todos os pontos do cluster vizinho mais próximo.



Padronização

■ Utilizando a Distância Euclidiana, o que impacta mais em um cálculo:

Uma diferença de 100 reais na renda anual?????? ou Uma diferença de 80 anos na idade????

 Quando temos variáveis com escalas diferentes, precisamos nos preocupar com a padronização dos dados.



Padronização de variável

$$Z = \frac{(X - \mu)}{S}$$

X: variável aleatória com média µ e desvio padrão S

Z: variável aleatória padronizada com média 0 e variância 1.



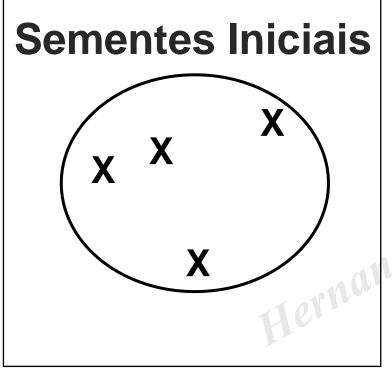
Prática no R – Hierárquico

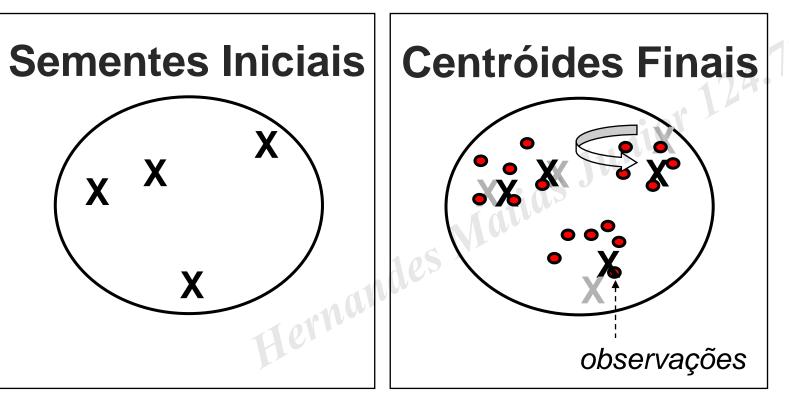
- Exemplo do Alunos no R
- Mcdonald

Hernandes Matias Junior 124.799.116-40



Não Hierárquico





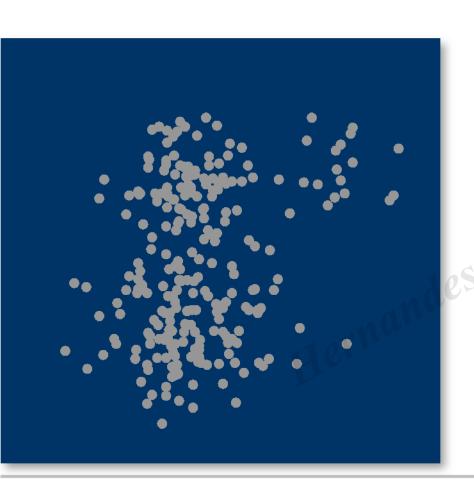


Não Hierárquico – *k-means*

A metodologia *k*-means segue 3 passos:

- Seleciona (ou específica) os centróides iniciais (sementes).
- 2. Lê as observações e atualiza os centróides, esse processo é repetido até a convergência.
- 3. Uma leitura final dos dados assinala cada observação ao centróide mais próximo.

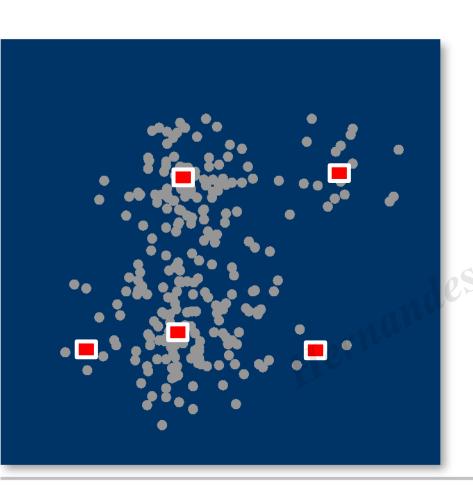




- 1. Seleciona k centróides.
- 2. Assinala casos para o centróide mais perto.
- 3. Atualiza os centróides.
- 4. Re-assinala todos os casos.
- 5. Repita os passos 3 e 4 até a convergência.



Não Hierárquico – *k-means*



1. Seleciona k centróides.

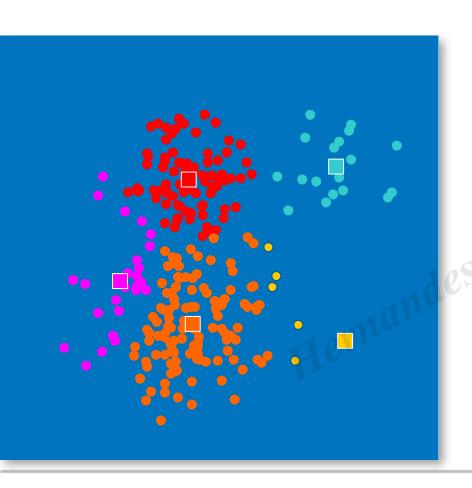
2. Assinala casos para o centróide mais perto.

3. Atualiza os centróides.

4. Re-assinala todos os casos.

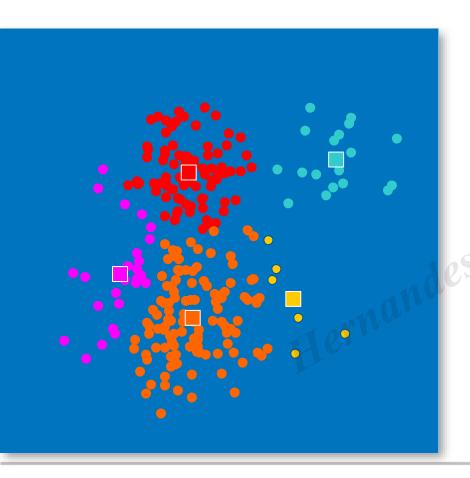
5. Repita os passos 3 e 4 até a convergência.





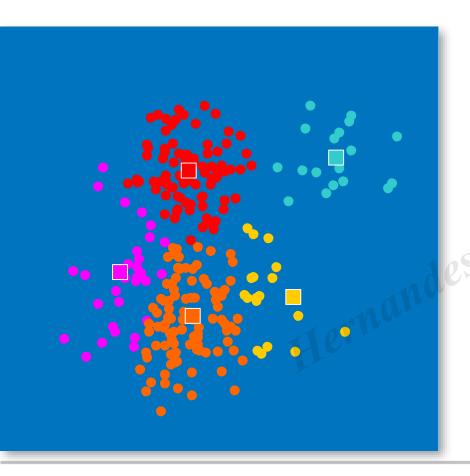
- 1. Seleciona k centróides.
- 2. Assinala casos para o centróide mais perto.
- 3. Atualiza os centróides.
- 4. Re-assinala todos os casos.
- 5. Repita os passos 3 e 4 até a convergência.





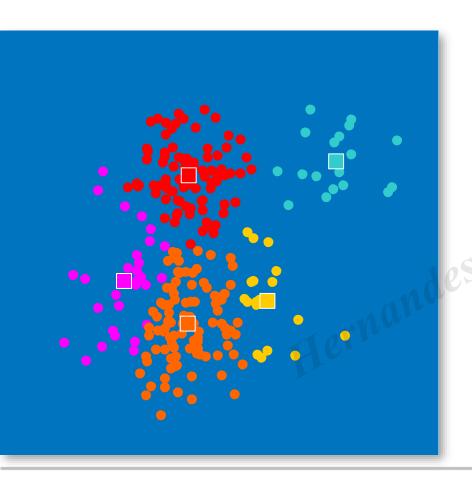
- 1. Seleciona k centróides.
- 2. Assinala casos para o centróide mais perto.
- 3. Atualiza os centróides.
- 4. Re-assinala todos os casos.
- 5. Repita os passos 3 e 4 até a convergência.





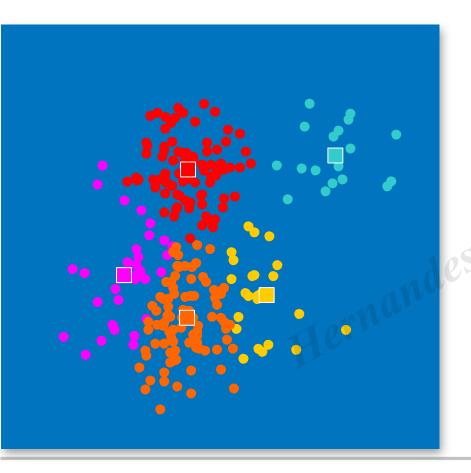
- 1. Seleciona k centróides.
- 2. Assinala casos para o centróide mais perto.
- 3. Atualiza os centróides.
- 4. Re-assinala todos os casos.
- 5. Repita os passos 3 e 4 até a convergência.





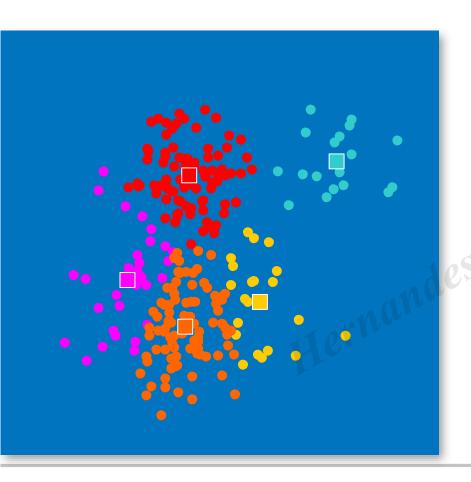
- 1. Seleciona k centróides.
- 2. Assinala casos para o centróide mais perto.
- 3. Atualiza os centróides.
- 4. Re-assinala todos os casos.
- 5. Repita os passos 3 e 4 até a convergência.





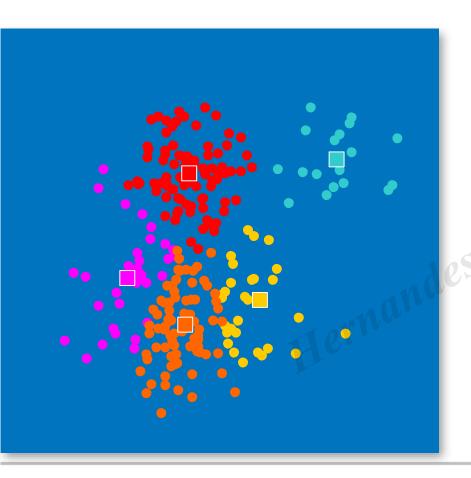
- 1. Seleciona k centróides.
- 2. Assinala casos para o centróide mais perto.
- 3. Atualiza os centróides.
- 4. Re-assinala todos os casos.
- 5. Repita os passos 3 e 4 até a convergência.





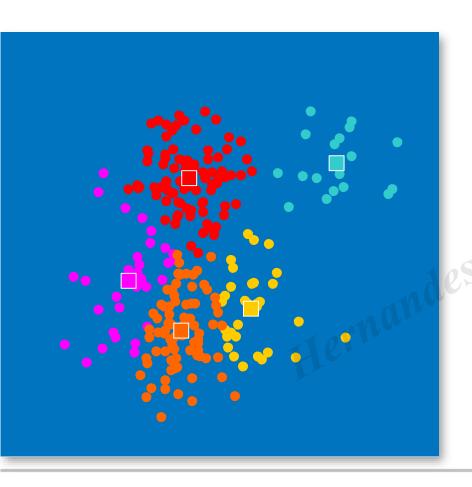
- 1. Seleciona k centróides.
- 2. Assinala casos para o centróide mais perto.
- 3. Atualiza os centróides.
- 4. Re-assinala todos os casos.
- 5. Repita os passos 3 e 4 até a convergência.





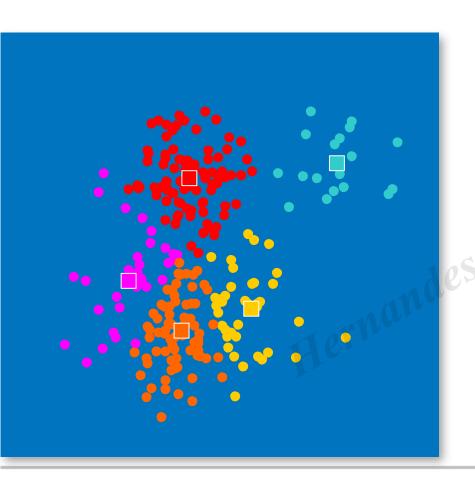
- 1. Seleciona k centróides.
- 2. Assinala casos para o centróide mais perto.
- 3. Atualiza os centróides.
- 4. Re-assinala todos os casos.
- 5. Repita os passos 3 e 4 até a convergência.





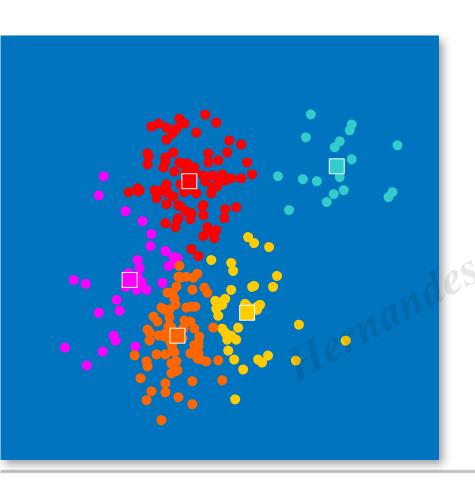
- 1. Seleciona k centróides.
- 2. Assinala casos para o centróide mais perto.
- 3. Atualiza os centróides.
- 4. Re-assinala todos os casos.
- 5. Repita os passos 3 e 4 até a convergência.





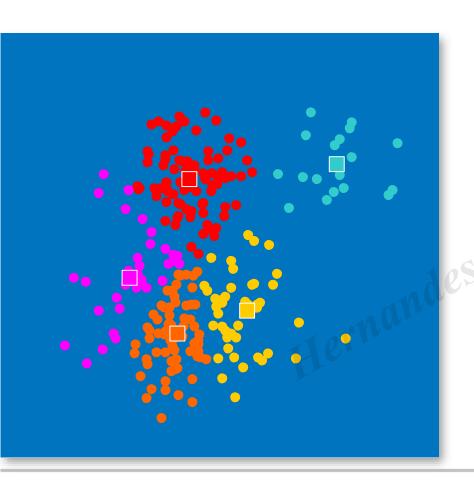
- 1. Seleciona k centróides.
- 2. Assinala casos para o centróide mais perto.
- 3. Atualiza os centróides.
- 4. Re-assinala todos os casos.
- 5. Repita os passos 3 e 4 até a convergência.





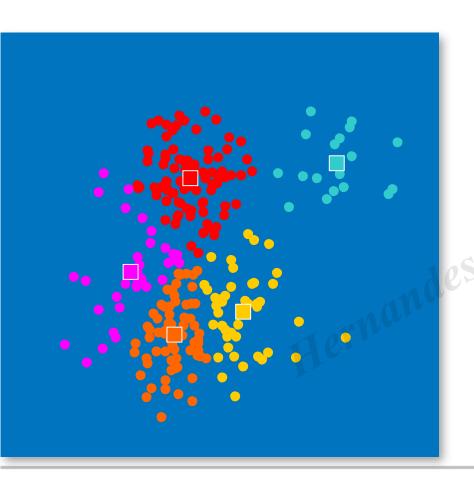
- 1. Seleciona k centróides.
- 2. Assinala casos para o centróide mais perto.
- 3. Atualiza os centróides.
- 4. Re-assinala todos os casos.
- 5. Repita os passos 3 e 4 até a convergência.





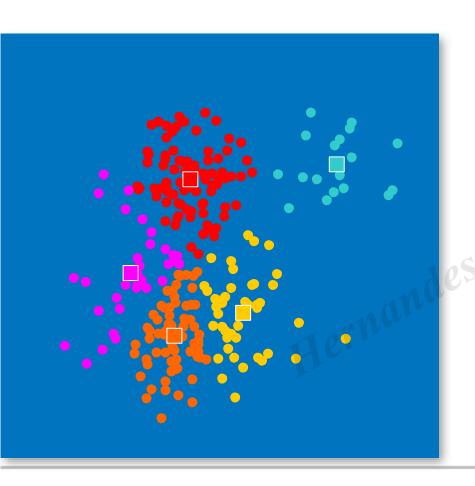
- 1. Seleciona k centróides.
- 2. Assinala casos para o centróide mais perto.
- 3. Atualiza os centróides.
- 4. Re-assinala todos os casos.
- 5. Repita os passos 3 e 4 até a convergência.





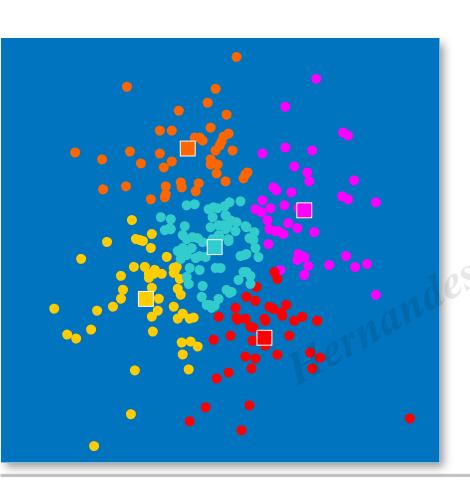
- 1. Seleciona k centróides.
- 2. Assinala casos para o centróide mais perto.
- 3. Atualiza os centróides.
- 4. Re-assinala todos os casos.
- 5. Repita os passos 3 e 4 até a convergência.





- 1. Seleciona k centróides.
- 2. Assinala casos para o centróide mais perto.
- 3. Atualiza os centróides.
- 4. Re-assinala todos os casos.
- 5. Repita os passos 3 e 4 até a convergência.





Quando os clusters não ocorrem naturalmente o algoritmo tende a dividir a tabela em partes iguais.



Prática no R – Não Hierárquico

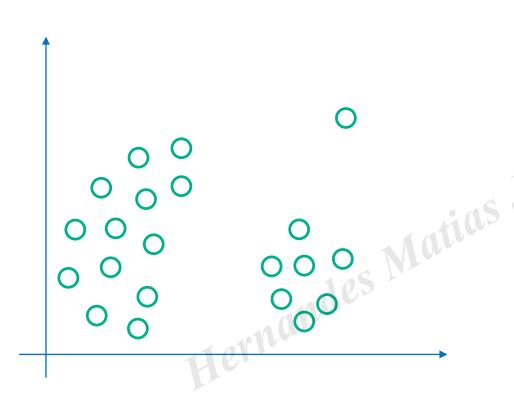
- Mcdonald
- Municípios

Hernandes Matias Junior 124.799.116-40



- "Density Based Spatial Clustering of Application with Noise"
- (Clusterização Espacial Baseada em Densidade de Aplicações com Ruído)
- Dois parâmetros
 - Eps: raio para definição de ponto mais próximo
 - MinPts: número mínimo de pontos no Eps-vizinhos de um ponto





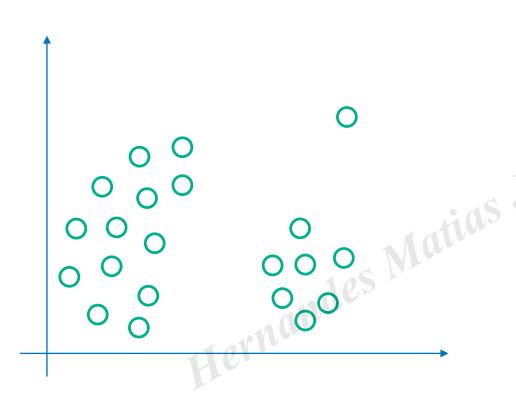
- Papel dos pontos
 - Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
 - Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
 - Outlier: não tem pontos no raio Eps.



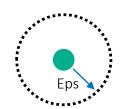
Dbscan

• O método DBSCAN encontra clusters verificando a vizinhança **Eps** de cada ponto na base de dados, começando por um objeto arbitrário p. Se p é um ponto central, um novo cluster com p como um centro é criado. Se p é um ponto de fronteira, nenhum ponto é alcançável por densidade a partir de p e DBSCAN visita o próximo ponto na base. O método DBSCAN, então, iterativamente coleta objetos alcançáveis por densidade diretamente de pontos centrais, que pode envolver a união de alguns clusters alcançáveis por densidade. O processo termina quando nenhum novo ponto pode ser adicionado a qualquer cluster. Para o algoritmo DBSCAN assim definido, quaisquer dois pontos centrais com distância menor ou igual a **Eps** são colocados no mesmo cluster. Qualquer ponto de fronteira que está perto de um ponto central é colocado no mesmo cluster do ponto central. Pontos que não são diretamente atingíveis por algum ponto central são classificados como ruído.

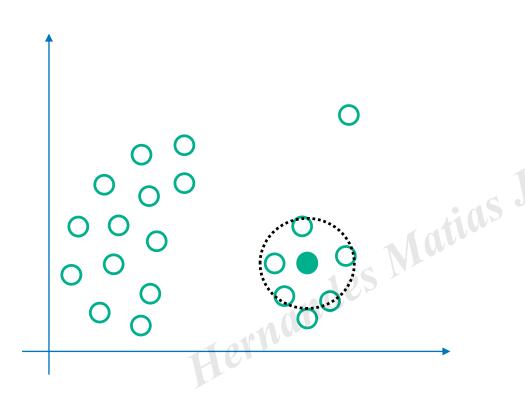




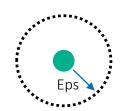
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



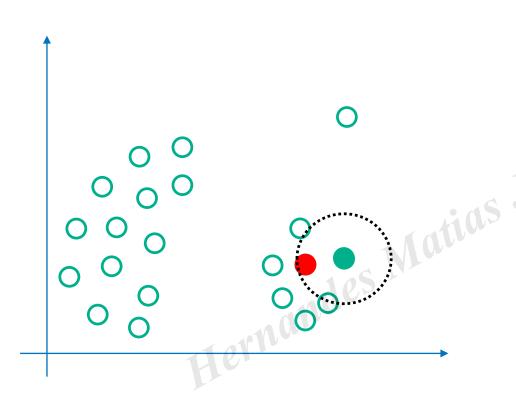




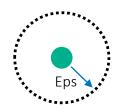
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



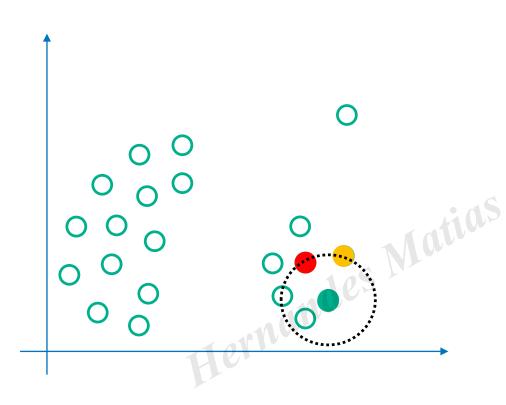




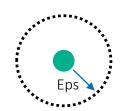
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



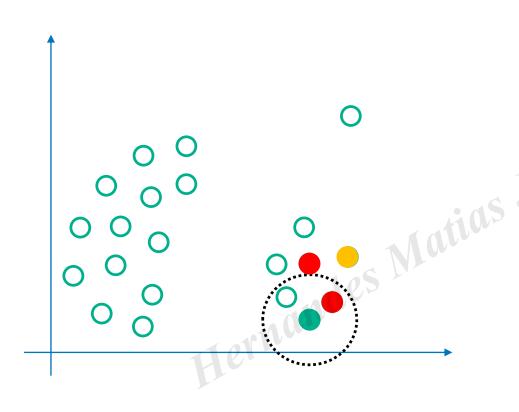




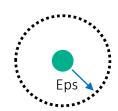
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
 - Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



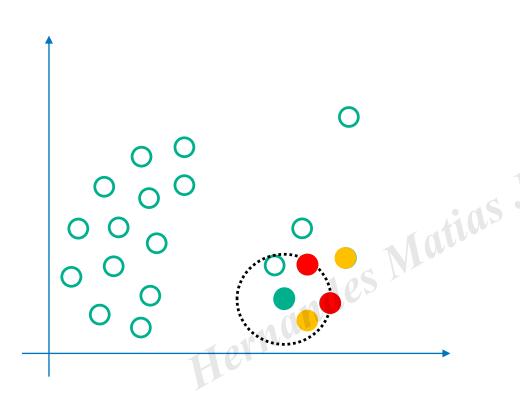




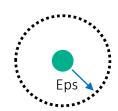
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



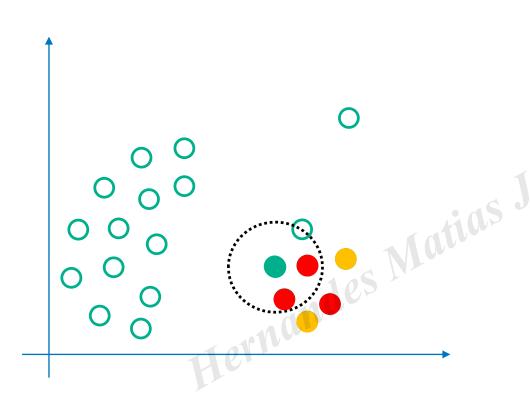




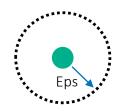
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



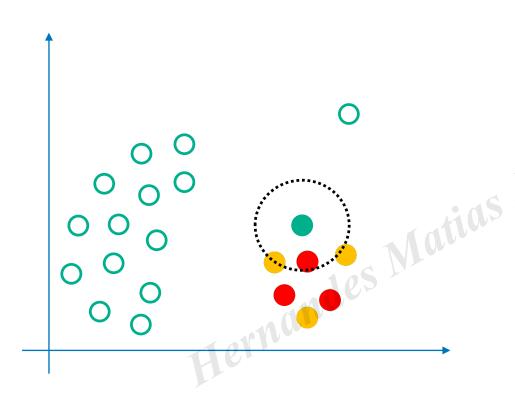




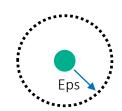
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



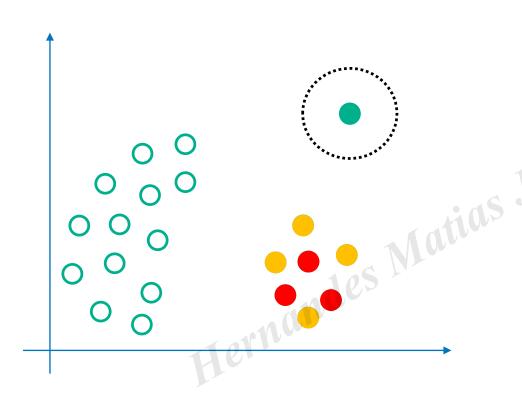




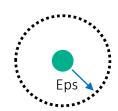
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



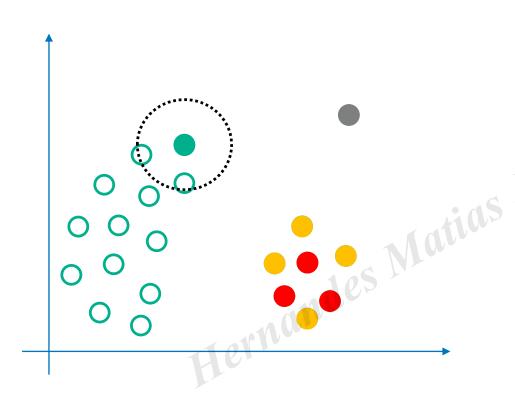




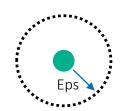
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
 - Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



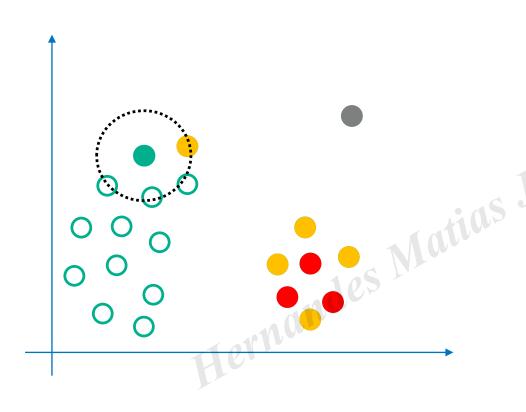




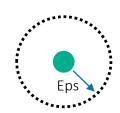
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
 - Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



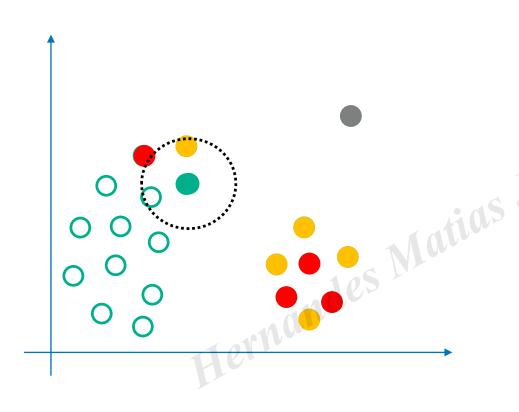




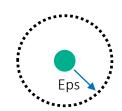
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



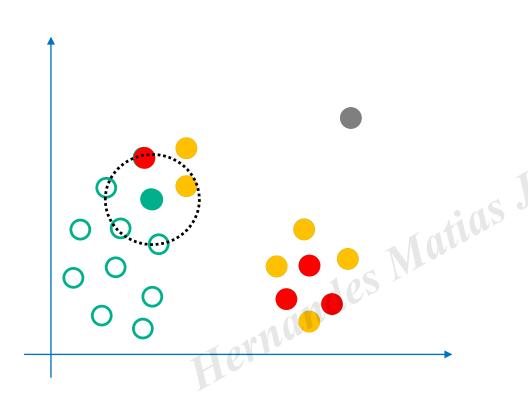




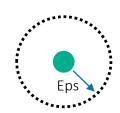
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



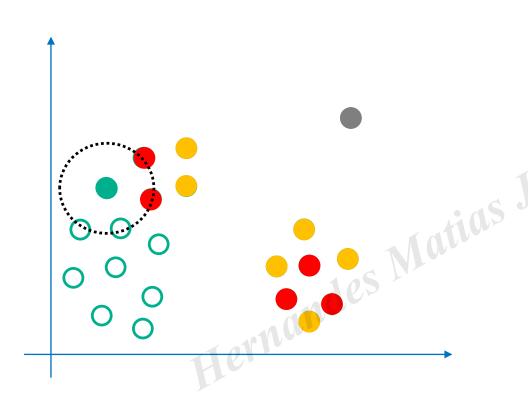




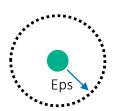
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



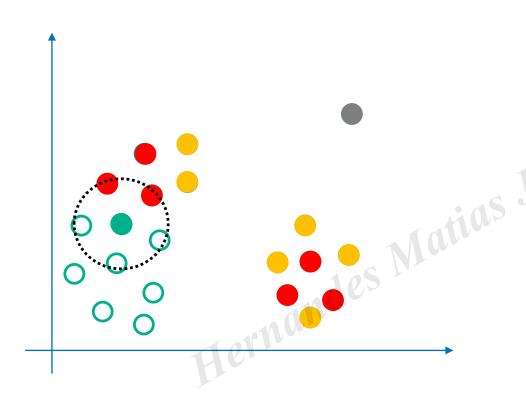




- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



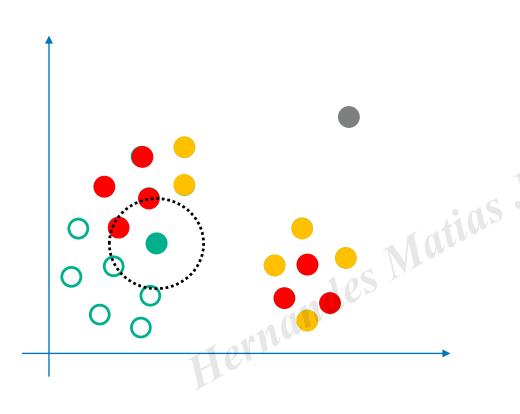




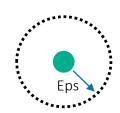
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



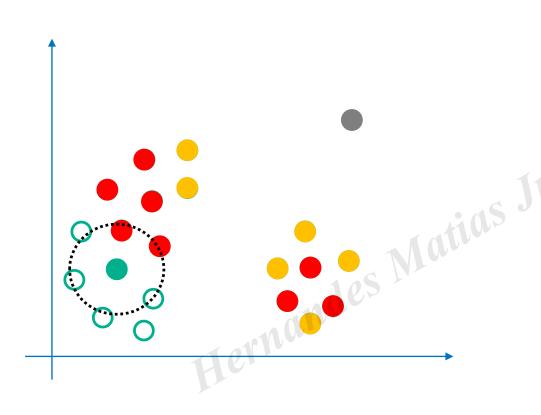




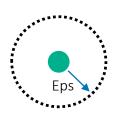
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



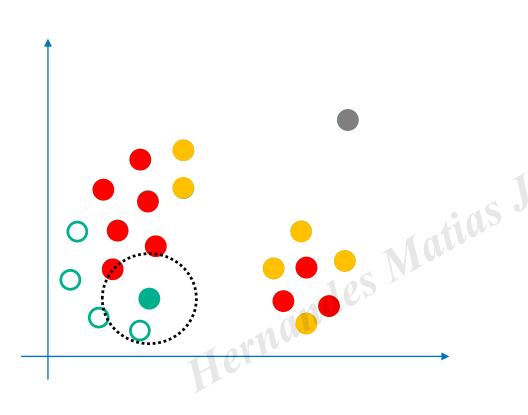




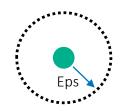
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



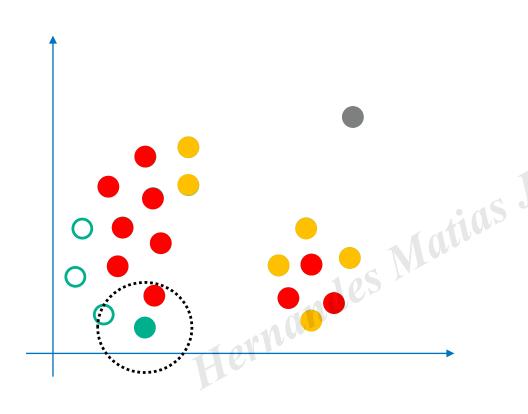




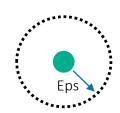
- Papel dos pontos
 - Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



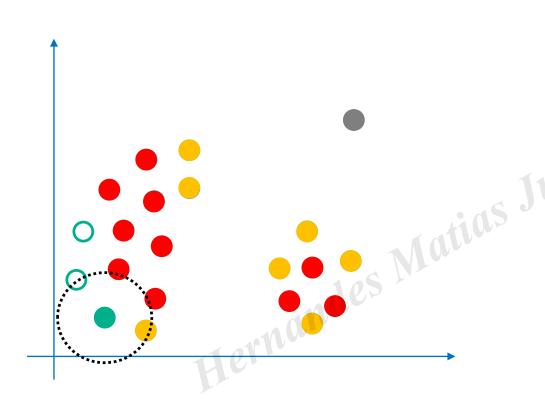




- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



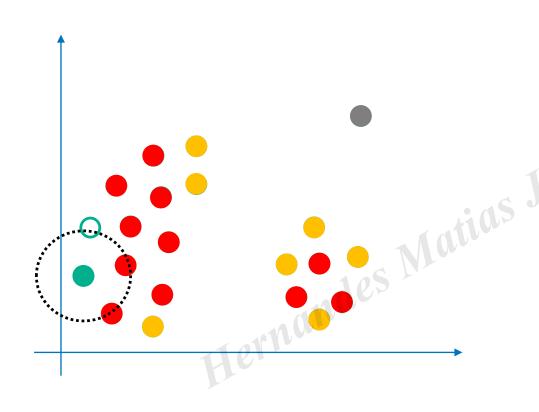




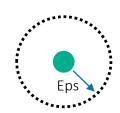
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



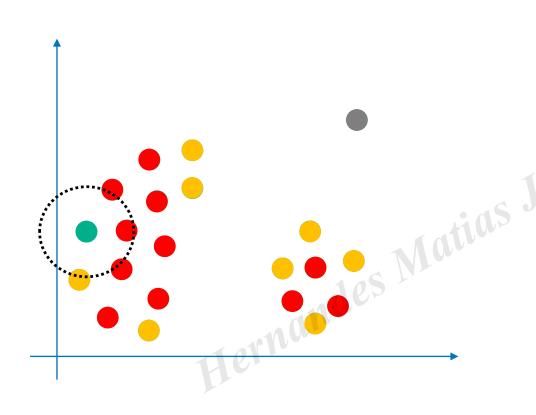




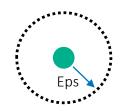
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



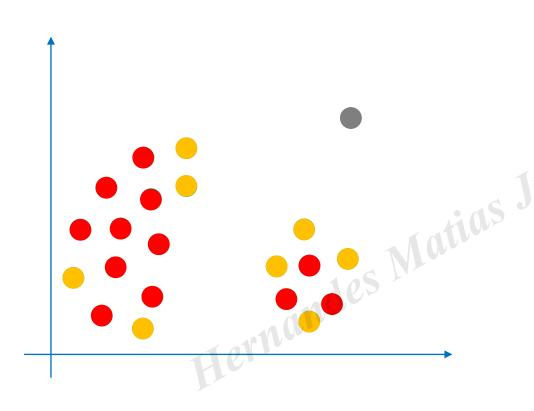




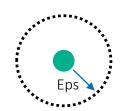
- Papel dos pontos
 - Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4







- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4

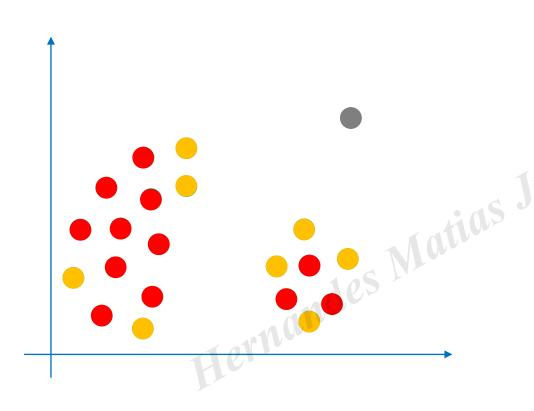




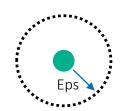
Dbscan

• O método DBSCAN encontra clusters verificando a vizinhança **Eps** de cada ponto na base de dados, começando por um objeto arbitrário p. Se p é um ponto central, um novo cluster com p como um centro é criado. Se p é um ponto de fronteira, nenhum ponto é alcançável por densidade a partir de p e DBSCAN visita o próximo ponto na base. O método DBSCAN, então, iterativamente coleta objetos alcançáveis por densidade diretamente de pontos centrais, que pode envolver a união de alguns clusters alcançáveis por densidade. O processo termina quando nenhum novo ponto pode ser adicionado a qualquer cluster. Para o algoritmo DBSCAN assim definido, quaisquer dois pontos centrais com distância menor ou igual a **Eps** são colocados no mesmo cluster. Qualquer ponto de fronteira que está perto de um ponto central é colocado no mesmo cluster do ponto central. Pontos que não são diretamente atingíveis por algum ponto central são classificados como ruído.

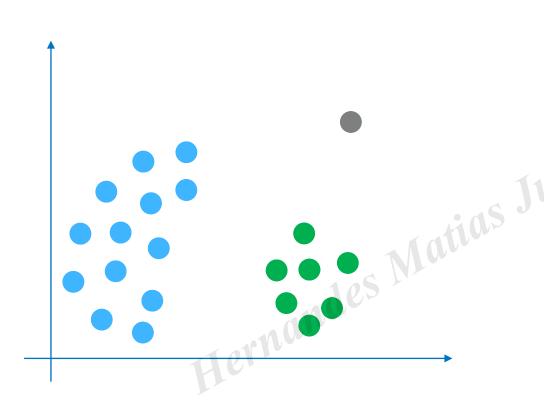




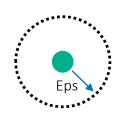
- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



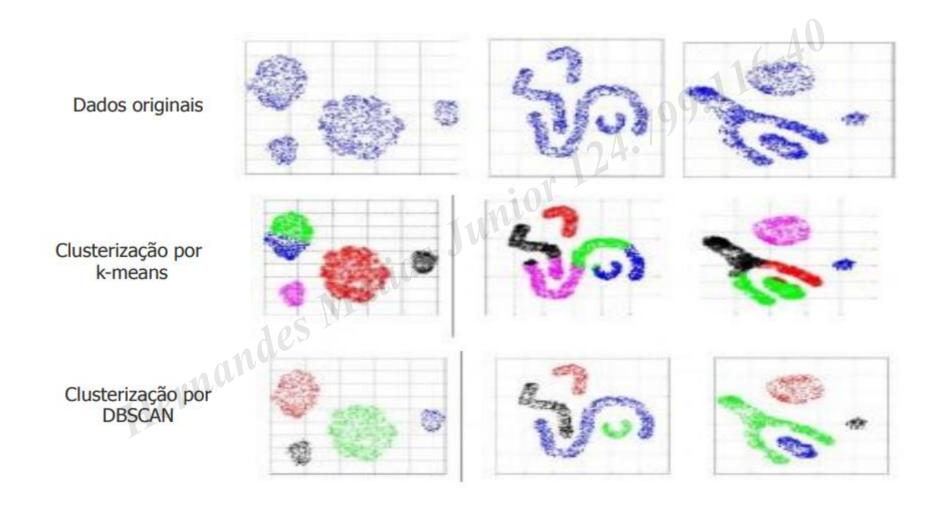




- Papel dos pontos
- Core (ponto central): tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (denso)
- Border (ponto de fronteira): não tem MinPts vizinhos dentro do Eps-vizinhos mais próximos (pouco denso), mas tem pontos no raio Eps.
- Outlier: não tem pontos no raio Eps.
- Eps = 1
- MinPts = 4



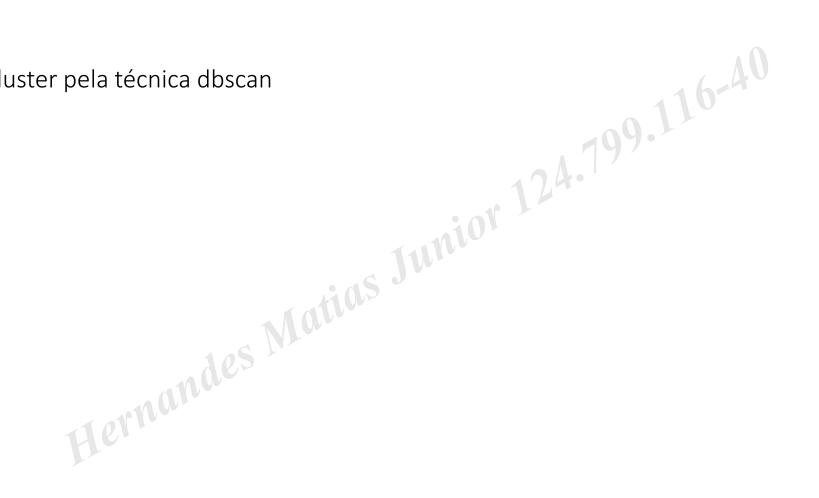






Dbscan

• Fazer cluster pela técnica dbscan







COMO É HOJE

- Grande esforço de manipulação de dados
- Análises univariadas
- Ferramentas não performáticas
- Dúvidas sobre a qualidade da execução



PASSO A PASSO E DESCOBERTAS

- SE O SHARE ESTÁ ABAIXO OU ACIMA DA MÉDIA DA UNIDADE
- SE O SHARE ESTÁ ABAIXO OU ACIMA DA MÉDIA DO SETOR
- QUAL A MARGEM MÉDIA DO CLIENTE
- SE A MARGEM VEZES O VOLUME POSSIVEL DE VENDA, É POSITIVO





ANÁLISE MULTIVARIADA

- Cálculo de distância multivariadamente
- Diminuição da variabilidade no grupo
- Descrição de cada grupo segundo a estratégia desenhada



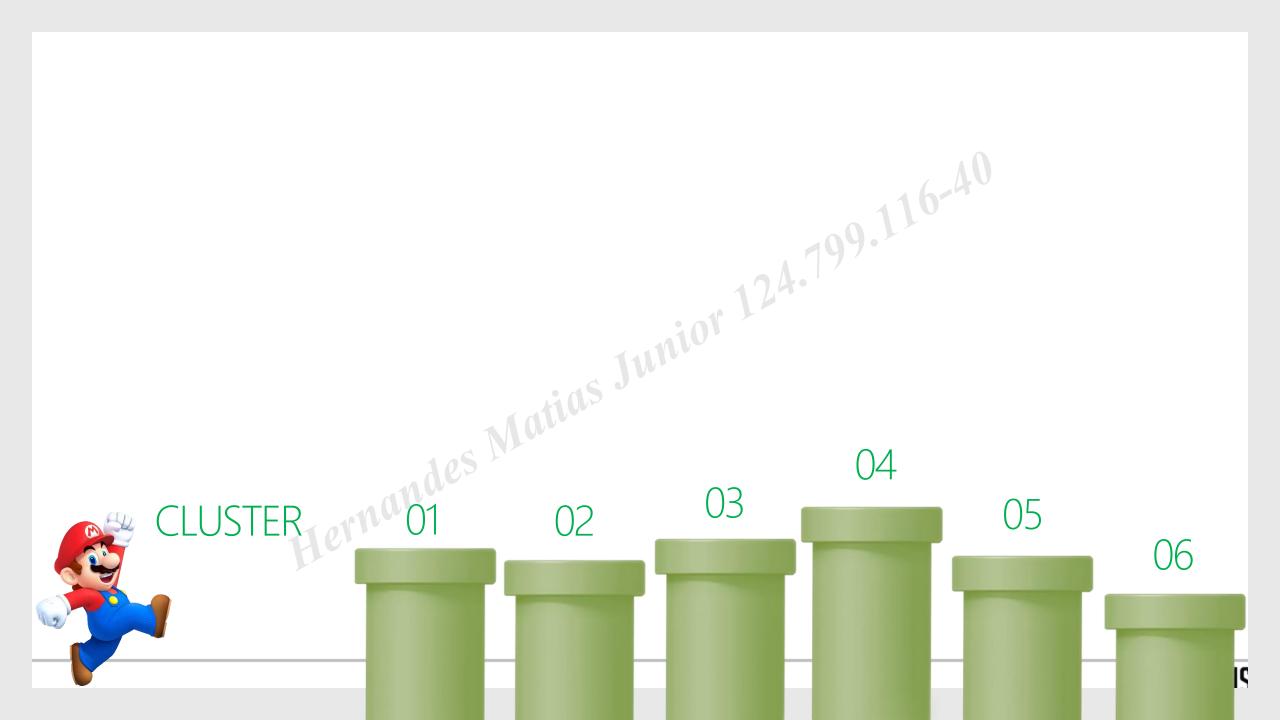


Tempo de análise









Resumo

Produto	Num_treinamentos				
P_A	63				
P_B	17				
P_C	35				
P_D	47				
P_E	17				

			P_C	35				
			P_D	47				
			P_E	17			109.110	
Clus	P_A	P_B	P_C	P_D	P_E	Freq.	Estratégia	Comentários
01	0% 🔱	72%	87%	98%	97%	16	Foco em P_A	Oportunidade
02	87%	86%	75%	65%	88%	37	Manda bem	Parabéns
03	0% 🕕	93% 👉	91%	12%	94%	12	Foco em P_A e P_D	Oportunidade
04	79% 👍	46%	43%	41%	45%	7	Foco geral	Oportunidade
05	0% 🕕	0% 🔱	0%	0%	0% 🕕	10	Foco geral	Oportunidade
06	0% 🔱	98% 👉	13%	8%	86%	18	Foco P_A, P_C e P_D	Oportunidade
	4							





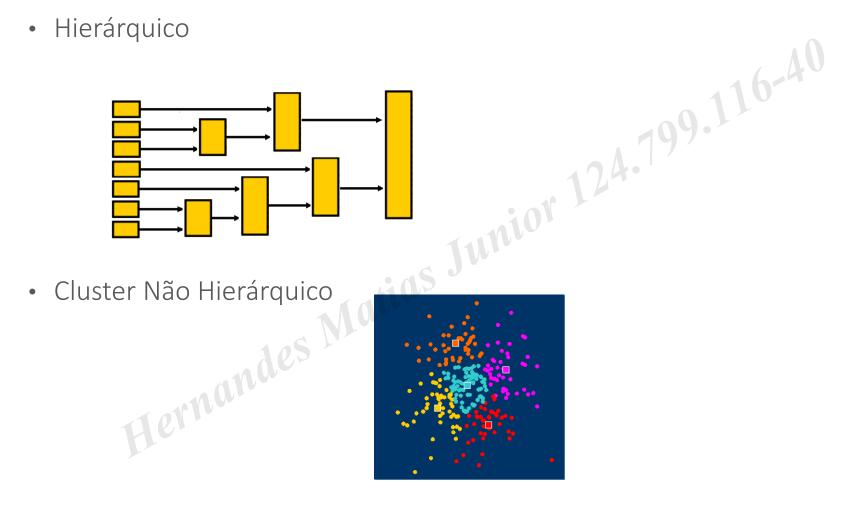


Aprecie



Métodos de Agrupamento

• Hierárquico





Racional

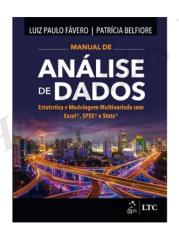
- Definição do Problema
- Matias Junior 124.799.116-40
 Matias Junior 124.799.116-40 • Análise Exploratória da Base de Dados
- Padronização das Variáveis
- Análise de Cluster
- Caracterização dos grupos
- Aplicação de negócio



Referências

- Johnson, R. A. e Wichern, D. W. Applied Multivariate Statistical Analysis. Prentice-Hall Inc., 6th ed. 2007
- .1-,4.199.116-40 Timm, N.H. Applied Multivariate Analysis. Springer-Verlang, 2002
- Ferreira, D. F. Estatística Multivariada. 1.ed. Lavras: Editora Ufla, 2008.









It's kind of fun to do the IMPOSSIBLE

