Examen Final-Mecánica Estadística

1- Calcule la primer corrección a la ley de gas ideal para un sistema de bosones en el límite clásico, muestre que:

$$pV = \langle N \rangle kT \left(1 - \frac{1}{\sqrt{2}} \left(\frac{\langle N \rangle \lambda^3}{V} \right) \right)$$

- **a-** Explique las condiciones utilizadas para describir el límite clásico.
- **b-** Desarrolle el mismo problema para fermiones, ¿cómo cambia la presión con la degeneración en espín?

Ayuda:
$$P = \frac{2}{3} \langle E \rangle$$

2- Considere un gas de partículas rígidas de radio a, moviéndose en un espacio tridimensional. El sistema se encuentra a una dada temperatura T, y el potencial de interacción entre partículas responde a la siguiente expresión:

$$V(|r_i - r_j|) = 0 |r_i - r_j| > 2a$$

$$V(|r_i - r_j|) = \infty |r_i - r_j| < 2a$$

- **a-** Calcule la función partición y la energía media del gas.
- **b-** Calcule el primer término del virial A_1 , de acuerdo a la expresión:

$$\frac{PV}{RT} = 1 + \frac{A_1(T)}{V} + \frac{A_2(T)}{V^2} + \cdots$$

- **3-** Sea un sistema de 3 niveles energéticos, $\varepsilon_1=0, \varepsilon_2=\epsilon \ y \ \varepsilon_3=10\epsilon.$
 - **a-** Obtenga la relación entre la energía E del sistema y la temperatura T, utilizando un desarrollo microcanónico o canónico, y explique el fundamento de su elección.
 - **b-** Muestre que a baja temperatura, solo los niveles inferiores están ocupados.
 - **C-** ¿Cuál es el máximo de ocupación posible del nivel 3?
 - d- ¿El sistema puede presentar temperaturas negativas?

- **4-** Describa detalladamente el fenómeno de condensación de Bose-Einstein.
 - **a-** ¿Puede un sistema de fermiones condensar?, explique.
 - **b-** ¿Puede ocurrir la condensación de Bose-Einstein a temperatura ambiente?
- **5-** Muestre la equivalencia entre los tres ensembles estadísticos microcanónico, canónico y gran canónico.