Primer Parcial

- **1-** Sea un sistema estadístico compuesto por 2 partículas ultrarelativistas, moviéndose en un segmento de longitud *L*.
 - **a** Escriba el hamiltoniano del sistema y calcule el volumen en el espacio de fases o microestados.
 - **b-** Calcule la entropía y la ecuación de estado del sistema.
 - **C-** Utilice el formalismo canónico y calcule la función partición del sistema, calcule la energía media y el calor específico, explique el resultado utilizando el teorema de equipartición de la energía.
- **2-** Uno de los logros científicos más importantes de Stephen Hawking fue descubrir que los agujeros negros tienen una cierta temperatura. A partir de la expresión de la entropía de un agujero negro:

$$S = \frac{1}{4} \frac{kc^3}{\hbar G} A$$

- donde, A representa el área del horizonte de eventos, para un agujero negro sin rotación, $A=4\pi\left(\frac{2GM}{c^2}\right)^2$ con M la masa del agujero negro, calcule la temperatura del agujero negro.
- **3-** Bajo ciertas circunstancias, un sistema termodinámico puede presentar temperaturas absolutas negativas.
 - **a-** Desarrolle el concepto de temperaturas negativas en un sistema de 2 niveles.
 - **b-** Si un sistema tiene solamente energía cinética, ¿puede tener temperatura negativa?
 - **C-** Considere un ciclo de Carnot operando entre 2 fuentes térmicas, la fuente "caliente" a $T_1 < 0$, y la fuente "fría" a $T_2 > 0$. El trabajo realizado por el motor es $\omega = q_1 q_2$, por otro lado si el ciclo es reversible $\Delta S = 0$, con: $\Delta S_1 = \frac{q_1}{T_1}$, $\Delta S_2 = -\frac{q_2}{T_2}$, por lo tanto:

$$\frac{q_1}{T_1} = \frac{q_2}{T_2}$$

Por lo tanto, el rendimiento del ciclo es:

$$\eta = \frac{\omega}{q_1} = 1 + \frac{|q_2|}{q_1} > 1$$

¿es posible?, ¿el resultado implica un móvil perpetuo?

4- Sea un conjunto de osciladores unidimensionales anarmónicos, con potencial elástico:

$$V(q) = cq^2 - gq^3 - fq^4$$

donde, $g \ll c^{\frac{3}{2}}/\sqrt{kT}$ y $f \ll c^2/\sqrt{kT}$

- **a-** Calcule la función partición del sistema Z(T, V, N).
- **b-** Calcule el calor específico y determine la dependencia con la temperatura.
- **C-** Calcule el valor medio de la posición q del oscilador.

5- Fake?

https://www.youtube.com/watch?v=tJOTAou0fzw

