



# REPORTE DE PRACTICA P11

## POLINOMIO CON COEFICIENTES RACIONALES

Julio Cesar Hernández Reyes

Grupo: 2CV11

Profesor: Juan Jesús Gutiérrez García

Algoritmos y Estructura de Datos Sep-2020

## RESPONDIENDO A LO QUE PIDIÓ EN MOODLE

### a.- ¿Por qué elegí esta opción?

Elegí la opción 1 porque tenia tiempo para pensar y llegar a una solución para este problema además de que creo tengo un poco de nivel en la programación, no tanto pero si lo suficiente para poder realizar este proyecto.

#### b.- ¿Cómo la resolví?

El proyecto lo empecé haciendo un código main aparte que no utilizara ninguna función de las ya proporcionadas, que resolviera y encontrara las raíces de un polinomio que ingreses manualmente dando los valores de a, de b y de c. Este código me dio la idea en general de que se tenia que hacer para el main principal que debía probar la función que solucionara esto mismo, pero para racionales y con racionales. Me costo entender cómo funcionaba el código proporcionado, pero no fue nada que no pudiera realizar. Con el paso de los días me di cuenta de una cosa tras otra hasta que complete el proyecto creo yo para los diferentes casos que pude solucionar como es el caso de que solo haya una solución o dos soluciones, además de los casos en que a es o. Lo que le falta a mi código es que la función raíz saque la raíz de un racional de forma mas exacta y que se represente en racionales, como no pude hacer esto el código funciona, pero en unos casos por no decir la mayoría en la comprobación no da o exacto, solo llegue a aproximarme al cero, pero no siempre se obtiene pues como mencione antes la raíz que se obtiene no es del todo exacta.

#### c.- ¿Qué pruebas hice para asegurar que mi respuesta es correcta?

Las pruebas que hice fue crear un archivo main en el que se encuentran varios ciclos en los que dependiendo el valor en el que vayan las variables proporcionadas estos se guardaban como el valor de los racionales que componían a una ecuación del tipo polinomial de segundo grado.

Existen 3 ciclos anidados con diferentes variaciones haciendo que los números sean diferentes en cada uno. Cabe mencionar que mi código solo imprime los polinomios y las soluciones de los que si tienen solución pues los que no simplemente no se imprimen en consola.

Trabaje en Windows utilizando gcc gracias al instalador MWInstaler que nos proporciono y m e funciono de maravilla pues anteriormente trabajaba en una maquina virtual y se me hacía más difícil trabajar de esa forma.

## DESCRIPCIÓN DEL PROBLEMA

El objetivo de la práctica es construir un tipo de dato que represente a los polinomios de segundo grado con coeficientes racionales. Un ejemplo de estos puede ser:

$$\frac{3}{4}x^2 + \frac{3}{22}x + \frac{1}{3} = 0$$

En este caso se trata de un polinomio de segundo grado con coeficientes racionales, el objetivo es obtener las raices del polinomio que esté expresada como una fracción.

Para hacerlo se crearon los siguientes tipos de datos

- Racional, que representa al numerador, denominador y signo de un número raciona. Este tipo está definido en racional.h e implementado en racional.c
- Ecseg, es el tipo que representa una ecuación de segundo grado con coeficientes racionales. Además, mantiene dos campos o atributos racionales x1 y x2 que almacenarán la solución de la ecuación. Y un entero que es el estado en que se encuentra el número racional:

## IMPLEMENTACIÓN DEL RACIONAL

Para implementar el número racional se parte de la siguiente estructura que está definida en el archivo racional.h

```
/**************** Definición del tipo racional-****
typedef struct{
  int num; /*númerador, siempre positivo*/
  int den; /*denominador, siempre positivo */
  int sig; /* 0 negativo 1 positivo*/
} racional;
```

Tanto el denominador como el numerador siempre serán números positivos, habría que evaluar declararlos como unsigded int. Así el signo del número completo estará en el entero sig.

La función que inicializa el número racional recibirá parámetros enteros con signo y los convertira a positivos para almacenarlos en la estructura y calculará el valor de sig. Como la fracción siempre se almacena reducida, es decir el 4/2 se guarda como 1/2, es necesario calcular el máximo común divisor. Hay dos funciones que se usan para ello uno que verifica los parámetros y la otra que hace el proceso recursivo del cálculo.

Las funciones implementadas son:

- a) inic\_rac, que le da valores iniciales a numerador y denominador, esta función verifica que el denominador no sea cero.
- b) tostr\_rac, convierte un número racional en una representación en cadena para poder ser mostrada con la función printf.
- c) copia rac, realiza la copia de un racional en otro.
- d) comp rac, compara dos racionales, si el primer parámetro igual con el segundo parámetro.
- e) dist\_rac, dice si dos racionales son diferentes
- f) mayq\_rac, dice si el primer parámetro es mayor que el segundo
- g) inv rac, invierte el número racional.
- h) raiz rac, calcula la raíz cuadrada de un número racional
- i) suma rac, calcula la suma entre dos racionales.
- j) rest rac, calcula la resta entre dos racionales.
- k) mult rac, calcula la multiplicación de dos racionales.
- I) divi rac, calcula la división entre dos racionales
- m) mcd r, Realiza el cálculo recursivo del máximo común divisor

En el caso de representar el polinomio de segundo grado con coeficientes racionales utilice la siguiente estructura:

Las funciones utilizadas para este tipo son:

a) ini ec2r, Inicializa una ecuación como polinomio de segundo grado

- b) tost ec2r, Convierte una ecuación a cadena
- c) sol\_ecseg, Obtiene la solución para un polinomio de segundo grado Partes que se añadieron al código proporcionado:

Las inicializaciones de las funciones multiplicación y división de racionales:

```
/*Multiplicacion de dos números racionales
Recibe: Tres parámetros
   Apuntador a un rarcional que almacenará el resultado
   Apuntador a el primer racional para multiplpicar
   Apuntador a el segundo racional para multiplpicar
Regresa:
   APINV: en caso de recibir un apuntador invalido
   OK: Si no hay error

*/
int mult_rac(racional*, const racional*, const racional*);

/*Division de dos números racionales
Recibe: Tres parámetros
   Apuntador a un rarcional que almacenará el resultado
   Apuntador a el primer racional para ser el dividendo
   Apuntador a el segundo racional para ser el divisor
Regresa:
   APINV: en caso de recibir un apuntador invalido
   OK: Si no hay error

*/
int divi_rac(racional*, const racional*, const racional*);
```

Ya las funciones desarrolladas en el archivo racional.c

```
/*Multiplica dos números racionales
Recibe: Tres parámetros
   Apuntador a un rarcional que almacenará el resultado
   Apuntador a el primer racional para multiplicarse
   Apuntador a el segundo racional para multiplicarse
Regresa:
   APINV: en caso de recibir un apuntador invalido
   OK: Si no hay error
*/
int mult_rac(racional* r, const racional* a, const racional* b){
    int num,den,err;
   /* Valida */
    if(!(APVAL(r)&&APVAL(a)&&APVAL(b)))
    return APINV;
    num = (SIGNOV(a)*a->num) * (SIGNOV(b)*b->num);
    den = (a->den)*(b->den);
    err = ini_rac(r,num,den);
    return err;
}
```

```
/*Division dos números racionales
Recibe: Tres parámetros
   Apuntador a un rarcional que almacenará el resultado
   Apuntador a el primer racional para ser el dividendo
   Apuntador a el segundo racional para ser el divisor
Regresa:
   APINV: en caso de recibir un apuntador invalido
   OK: Si no hay error
*/
int divi_rac(racional* r, const racional* a, const racional* b){
   int num,den,err;
   /* Valida */
   if(!(APVAL(r)&&APVAL(a)&&APVAL(b)))
   return APINV;

   num= (SIGNOV(a)*a->num) * (SIGNOV(b)*b->den);
   den= a->den * b->num;
   err = ini_rac(r,num,den);
   return err;
}
```

Inicialización de la función que solucionara los polinomios de segundo grado en pol2rac.h:

```
/* Saca las raices del polinomio ingesado pero como no pude
reducir mucho las raices hay uno que otro fallo en los resultados
pues de repente en unps casos se aleja mucho del cero.
*/
void sol_ecseg(ecseg* e, const racional* a, const racional* b, const racional* c);
```

Aquí empieza lo que implemente de la funcion para solucionar los polinomios de segundo grado:

```
Dependiendo de las condiciones de cada polinomio se hacen diferentes cosas para obtener las raices

En esta funcion solo saca las raices cuando a es 0, cuando la raiz de la formula es mayor a cero,

y cuando la raiz de la formula es igual a cero.

No se tomo en cuanta la cituacion en la que la raiz es negativa pues el resultado seria soluciones imaginarias.

*/

Pooid sol_ecseg(ecseg* e, const racional* a, const racional* b, const racional* c){
    //declaracion de todas las variables racionales que se usaran en el calculo de las raices
    racional D,p,q,r,ml,m2,m3,m4,m5,m6,div1,divi2,divi3,divi4,raiz1,sumal,rest1,rest2,minusone,two,four,x1,x2;

//se igualan los numeros racionales dados por p,q y r para poder trabajar con ellos en esta funcion

p=*a;

q=*b;
    r=*c;

//se declaran estos enteros para despues hacer comparaciones

//entre racionales y dependiendo que se hace u na cosa u otra

int dif,dif1,azero;

char s1[1000];//variable para guardar los valores y luego comvertirlos a cadena.

racional cero;//racional cero para hacer comparaciones de racionales

ini_rac(&ecro,0,1);

ini_rac(&minusone,-1,1);//racional -1 que sera el que hara negativos a los racionales que se necesiten

ini_rac(&two,2,1);//valor de 4b en la ecuacion de las raices de los polinomios

ini_rac(&two,2,1);//valor de 4b en la ecuacion de las raices de los polinomios
```

```
mult_rac(&m1,&q,&q);
mult_rac(&m2,&p,&r);
mult_rac(&m3,&four,&m2);
rest_rac(&rest1,&m1,&m3);
dif=comp_rac(&D,&cero);//comparacion de lo que esta en la raiz y el racional cero 1-->iguales 0--diferentes
difl=mayq_rac(&D,&cero);//compara si lo que esta en la raiz es mayor a cero
azero=comp_rac(&p,&cero);//verifica si el valor a del polinomio es cero
if(azero==0){//lo que se hace si el valor a del polinomio no es 0
if(dif==1){//lo que se hace si D es igual a cero
    printf("+%sx",tostr_rac(s1,&q));
    printf("+%s=0\n",tostr_rac(s1,&r));
    mult_rac(&m5,&minusone,&q);//calculo de -b
    mult_rac(&m4,&two,&p);//calculo de 2a
    divi_rac(&div1,&m5,&m4);//Calculo de -b/2a
     mult_rac(&x_2,&x1,&x1);
     mult rac(&ax_2,&p,&x_2);
     mult_rac(&bx,&q,&x1);
     mult_rac(&cx,&r,&x1);
     suma_rac(&sumaparte,&ax_2,&bx);
     suma_rac(&sumacompleta,&sumaparte,&cx);
     printf("siendo x=%s\n",tostr_rac(s1,&x1));
     printf("%s",tostr_rac(s1,&p));
printf("%s^2",tostr_rac(s1,&x1));
printf("+%s",tostr_rac(s1,&x1));
printf("+%s",tostr_rac(s1,&x1));
printf("+%s",tostr_rac(s1,&x1));
     printf("%s=0\n",tostr rac(s1,&x1))
     printf("%s",tostr_rac(s1,&p));
     printf("%s",tostr_rac(s1,&x_2));
printf("+%s",tostr_rac(s1,&bx));
     printf("+%s=0\n",tostr_rac(s1,&cx));
     printf("+%s",tostr_rac(s1,&bx));
     printf("+%s=0\n",tostr_rac(s1,&cx));
     printf("%s",tostr_rac(s1,&sumaparte));
     printf("+%s=0\n",tostr_rac(s1,&cx));
     printf("%s=0\n",tostr_rac(s1,&sumacompleta));
```

```
printf("\n\n%sx^2",tostr_rac(s1,&p));
printf("+%sx",tostr_rac(s1,&q));
printf("+%s=0\n",tostr_rac(s1,&r));
mult_rac(&m5,&minusone,&q);//-b
raiz_rac(&raiz1,&D);//raiz de D
suma_rac(&suma1,&m5,&raiz1);//-b+Raiz(D)
mult_rac(&m4,&two,&p);//calculo de 2a
divi_rac(&divi2,&suma1,&m4);//calculo de (-b+Raiz(D))/2a
x1=divi2;//igualacion del resultado a x1
printf("Solucion 1:%s\n",tostr_rac(s1,&x1));//impresion de la raiz 1
rest_rac(&rest2,&m5,&raiz1);//-b+Raiz(D)
divi_rac(&divi3,&rest2,&m4);//calculo de (-b-Raiz(D))/2a
printf("Solucion 2:%s\n",tostr_rac(s1,&x2));
printf("Comprobacion de soluciones:\n");
racional ax 2,x_2,bx,cx,sumaparte,sumacompleta;
mult_rac(&x_2,&x1,&x1);
mult_rac(&ax_2,&p,&x_2);
mult_rac(&bx,&q,&x1);
mult_rac(&cx,&r,&x1);
suma_rac(&sumaparte,&ax_2,&bx);
suma_rac(&sumacompleta,&sumaparte,&cx);
printf("siendo x1=%s\n",tostr_rac(s1,&x1));
printf("%s^2",tostr_rac(s1,&x1));
printf("+%s",tostr rac(s1,&q));
printf("%s",tostr_rac(s1,&x1));
printf("%s=0\n",tostr rac(s1,&x1));
```

```
printf("%s",tostr_rac(s1,&p));
191
                printf("%s",tostr rac(s1,&x 2));
192
                printf("+%s",tostr rac(s1,&bx));
194
                printf("+%s=0\n",tostr rac(s1,&cx));
196
                printf("%s",tostr rac(s1,&ax 2));
                printf("+%s",tostr_rac(s1,&bx));
197
                printf("+%s=0\n",tostr rac(s1,&cx));
198
199
200
                printf("%s",tostr rac(s1,&sumaparte));
                printf("+%s=0\n",tostr rac(s1,&cx));
                printf("%s=0\n",tostr rac(s1,&sumacompleta));
204
                //comprobacion para la raiz 2
                printf("siendo x2=%s\n",tostr rac(s1,&x2));
                printf("%s",tostr rac(s1,&p));
                printf("%s^2",tostr rac(s1,&x2));
                printf("+%s",tostr_rac(s1,&q));
210
                printf("%s",tostr rac(s1,&x2));
211
                printf("+%s",tostr rac(s1,&r));
212
                printf("%s=0\n",tostr rac(s1,&x2));
213
                printf("%s",tostr rac(s1,&p));
214
215
                printf("%s",tostr rac(s1,&x 2));
                printf("+%s",tostr rac(s1,&bx));
216
                printf("+%s=0\n",tostr rac(s1,&cx));
217
218
219
                printf("%s",tostr rac(s1,&ax 2));
                printf("+%s",tostr rac(s1,&bx));
220
                printf("+%s=0\n",tostr rac(s1,&cx));
221
223
                printf("%s",tostr rac(s1,&sumaparte));
224
                printf("+%s=0\n",tostr rac(s1,&cx));
225
226
                printf("%s=0\n",tostr rac(s1,&sumacompleta));
                e->x1=x1;
228
                e->x2=x2;
229
```

```
}else if(azero==1){//Lo que se hace si a es igual a cero
    printf("\n\n%sx^2",tostr_rac(s1,&p));
    printf("+%sx",tostr_rac(s1,&q));
    printf("+%s=0\n",tostr_rac(s1,&r));

### Mult_rac(&m6,&minusone,&r);
    divi_rac(&divi4,&m6,&q);
    printf("\nSolo tien una raiz: %s\n",tostr_rac(s1,&divi4));
    e->x1=divi4;

}

#### Addivitory

**Tostr**

**Tostr
```

#### CONCLUSIONES

Las pruebas que realice en mi código las corría con el código:

## gcc SoluPolino2Grado.c pol2rac.c racional.c

El archivo main que cree para probar mi código fue este:

```
SoluPolino2Grado.c 🔀
      #include <stdio.h>
      #include "racional.h"
      #include "pol2rac.h"
     int main(){
        racional a,b,c,r;
        racional cero;
        ini rac(&cero,0,1);
        int i,j,err;
        ecseg e;
        char s1[1000];
        for(i=-5;i<5;i++){
          for(j=1;j<10;j++){
              ini rac(&a,i,j);//a
              ini rac(&b,i+1,j);//b
15
              ini rac(&c,i,j+1);//c
18
              ini ec2r(&e,&a,&b,&c);
              sol ecseg(&e,&a,&b,&c);
```

```
for(i=-5;i<5;i++){
22
23
         for(j=1;j<10;j++){
               ini rac(&a,i,j);//a
               ini rac(&b,2*i,j);//b
25
               ini rac(&c,i,j+1);//c
               ini ec2r(&e,&a,&b,&c);
               sol ecseg(&e,&a,&b,&c);
29
  31
           for(i=1;i<10;i++){
           for(j=1;j<10;j++){
                 ini rac(&a,i,j);//a
                 ini rac(&b,i,j);//b
                 ini rac(&c,i,j+1);//c
                 ini ec2r(&e,&a,&b,&c);
                 sol_ecseg(&e,&a,&b,&c);
  42
           return 0;
```

Cuando corro este código se verifica en todos los casos que tome en cuenta para sacar la raíz :

#### Cuando el polinomio tiene dos soluciones:

```
(-1/8)x^2+(-1/4)x+(-1/9)=0
El polinomio tiene dos soluciones:
Solucion 1:(-4/3)
Solucion 2:(-2/3)
Comprobacion de soluciones:
siendo x1=(-4/3)
(-1/8)(-4/3)^2+(-1/4)(-4/3)+(-1/9)(-4/3)=0
(-1/8)(16/9)+(1/3)+(4/27)=0
(-2/9)+(1/3)+(4/27)=0
(1/9)+(4/27)=0
(7/27)=0
siendo x2=(-2/3)
(-1/8)(-2/3)^2+(-1/4)(-2/3)+(-1/9)(-2/3)=0
(-1/8)(4/9)+(1/6)+(2/27)=0
(-2/9)+(1/6)+(2/27)=0
(-1/18)+(2/27)=0
(1/54)=0
(1/7)x^2+(2/7)x+(1/8)=0
El polinomio tiene dos soluciones:
Solucion 1:(-11/18)
Solucion 2:(-25/18)
Comprobacion de soluciones:
siendo x1=(-11/18)
(1/7)(-11/18)^2+(2/7)(-11/18)+(1/8)(-11/18)=0
(1/7)(121/324)+(-11/63)+(-11/144)=0
 (121/2268)+(-11/63)+(-11/144)=0
```

Cuando el polinomio solo tiene una sola solución:

(275/2268)+(-11/144)=0

779/2268)+(-25/144)=0

siendo x2=(-25/18)

(407/9072)=0

(1541/9072)=0

```
(-1/9)x^2+(-2/9)x+(-1/9)=0
El polinomio tiene una sola solucion:
(-1)
Comprobacion de soluciones:
siendo x=(-1)
(-1/9)(-1)^2+(-2/9)(-1)+(-1/9)(-1)=0
(-1/9)(1)+(2/9)+(1/9)=0
(-1/9)+(2/9)+(1/9)=0
(1/9)+(1/9)=0
(2/9)=0
```

 $(1/7)(-25/18)^2+(2/7)(-25/18)+(1/8)(-25/18)=0$ 

(1/7)(625/324)+(-25/63)+(-25/144)=0 (121/2268)+(-25/63)+(-25/144)=0 Nótese que en algunas respuestas la raíz no es muy exacta pues a la hora de sustituir el resultado en el polinomio original se no siempre da cero, esto pasa más en la situación en donde solo tenemos una solución. Me gustaría recalcar que en el proceso de escribir el código me costo entender que es lo que se tenia que hacer en realidad por lo que no llegue a simplificar la raíz de tal forma que siempre se reduzca lo mas posible y por esa razón no da exacto en las comprobaciones, teniendo en cuenta que una raíz de racionales siempre va a ser inexacta en algún sentido pues es muy difícil que sea exacta tomando racionales.

Para probar esto cree otro main.c en donde hice el código de la resolución de polinomios de segundo grado, pero con flotantes o sea que se calculan las raíces con decimales y en este caso si es mas preciso. Mi intención era tratar de replicar esta situación en la función de los polinomios, pero creo no lo complete al 100. Creo que hice un 90 por ciento del trabajo que se debía hacer y ya solo faltaría encontrar la forma de reducir las raíces delos racionales de forma que los resultados sean mas precisos o en su defecto que se acerquen lo más posible al cero.

Este es el código de mi main con la resolución del polinomio de segundo grado pero con flotantes:

```
D=b*b-(4*a*c);
      if(D==0){
          sol=-b/(2*a);
          printf("Solucion: %.2f\n",sol);
          comprobacion(a,b,c,sol);
      }else if(D>0){
          sol1=(-b+sqrt(D))/(2*a);
          sol2=(-b-sqrt(D))/(2*a);
          printf("Solucion 1: %.2f\n",sol1);
          printf("Solucion 2: %.2f\n",sol2);
          comprobacion(a,b,c,sol1);
          comprobacion(a,b,c,sol2);
          printf("No tiene solucion.\n");
      return 0;
float comprobacion(float a,float b,float c,float sol){
          float comprobacion;
          comprobacion=a*(sol*sol)+b*(sol)+c;
          comprobacion=fabs(comprobacion); //valor absoluto de la comprobacion
          printf("\nComprobacion de que la solucion es correcta cuando:\n");
          printf("ax^2 + bx + c = 0\n");
          printf("%.2f(%.2f) + (%.2f) + (%.2f) = %.2f\n",a,sol*sol,b*sol,c,comprobacion);
          printf("%.2f + (%.2f) = %.2f\n",a*sol*sol,(b*sol)+c,comprobacion);
          printf("%.2f=%.2f\n",fabs((a*sol*sol)+(b*sol)+c),comprobacion);
```

```
Símbolo del sistema
                                                                                     Comprobacion de que la solucion es correcta cuando:
                                                                                     x = -0.49
                                                                                     ax^2 + bx + c = 0
C:\Users\Cesar Hernández\Desktop\AlgoEstrucDat\P11\scr2>a
                                                                                    1.40(-0.49)^2 + 9.50(-0.49) + 4.30 = 0.00

1.40(0.24) + (-4.63) + (4.30) = 0.00

0.33 + (-0.33) = 0.00
Ecuaciones de segundo Grado
                                                                                    0.00=0.00
ax^2 + bx + c = 0
                                                                                     Comprobacion de que la solucion es correcta cuando:
Introduce el valor de a:1.4
                                                                                     x = -6.30
Introduce el valor de b:9.5
                                                                                     ax^2 + bx + c = 0
                                                                                    1.40(-6.30)^2 + 9.50(-6.30) + 4.30 = 0.00

1.40(39.67) + (-59.83) + (4.30) = 0.00

55.53 + (-55.53) = 0.00
Introduce el valor de c:4.3
Solucion 1: -0.49
Solucion 2: -6.30
```

NOTA: Espero y si me cuente algo el proyecto pues le dedique bastante tiempo para recordar como programar en c y además entender y aprender a usar esta nueva forma de codificar en archivos distintos. Sin mas por el momento esto será todo mi reporte de la practica P11.