### 1 Note

Nella prossima sezione segue una descrizione di come possano essere aggiunti.

Formato di file Il formato di input è il seguente:

- la prima riga contiene le dimensioni della scatola  $(S^1, S^2, S^3) = (W, D, H)$
- ullet la seconda contiene N il numero di ogetti
- $\bullet$  Seguono N righe con il seguente formato:
  - $-s^0$  nella rotazione numero 0
  - $-s^1$  nella rotazione numero 0
  - $-s^2$  nella rotazione numero 0
  - Massa
  - Profitto

#### Note sui constraint

- I vincoli 9 e 10 richiedono l'utilizzo di un M. Per questo valore è stato scelto  $10^6$ , ma probabilmente con altre istanze il numero deve essere cambiato.
- Di seguito vengono riportate alcune modifiche ai constraint in modo da portare tutte le variabili nella parte sinistra della dis/equazione.
  - Il constraint numero (7) è stato riscritto come:

$$\sum_{\delta \in \Delta} (b_{ij}^{\delta} + b_{ji}^{\delta}) \ge t_i + t_j - 1 \iff \sum_{\delta \in \Delta} (b_{ij}^{\delta} + b_{ji}^{\delta}) - t_i - t_j \ge -1 \iff +b_{ij}^1 + b_{ji}^1 + b_{ij}^2 + b_{ji}^2 + b_{ji}^3 + b_{ji}^3 - t_i - t_j \ge -1$$

- Il vincolo numero (9) è stato riscritto come:

$$\begin{array}{l} \chi_i^{\delta} + \sum_{r \in R} s_{ir}^{\delta} \rho_{ir} \leq \chi_j^{\delta} + M(1 - b_{ij}^{\delta}) \\ \chi_i^{\delta} + (\sum_{r \in R} s_{ir}^{\delta} \rho_{ir}) - \chi_j^{\delta} + M b_{ij}^{\delta} \leq M \end{array}$$

- Il vincolo numero (10) è stato riscritto come:

$$\chi_j^{\delta} + \sum_{r \in R} s_{jr}^{\delta} \rho_{ir} \le \chi_j^{\delta} + M(1 - b_{ji}^{\delta})$$
$$\chi_j^{\delta} + (\sum_{r \in R} s_{jr}^{\delta} \rho_{ir}) - \chi_i^{\delta} + M b_{ji}^{\delta} \le M$$

# 2 Per aggiungere i balancing constraint (14/15)

Per aggiungere i vincoli del centro di massa bisogna:

- Aggiungere ai file delle istanze due righe contenenti  $L^0,L^1,L^2$ e  $U^0,U^1,U^2$
- Usare l'opzione --extended o per brevità -e.

## 3 Sviste del paper

• Nel vincolo numero 10  $\rho$  non usa i giusti indici

### 3.1 Oggetti più grandi dello zaino

Si prenda in considerazione un problema dello zaino in 3 dimensioni in cui:

- $(S^0, S^1, S^2)$
- $J = \{1\}$
- $(s_{1,0}^0, s_{1,0}^1, s_{1,0}^2)$

Una volta inseriti i vincoli abbiamo nel vincolo 8:

$$\begin{array}{l} \chi_0^0 + 2\rho_{00} + 2\rho_{01} + \rho_{02} + \rho_{03} + \rho_{04} + \rho_{05} \leq 1 \\ \chi_0^1 + \rho_{00} + \rho_{01} + 2\rho_{02} + \rho_{03} + 2\rho_{04} + \rho_{05} \leq 1 \\ \chi_0^2 + \rho_{00} + \rho_{01} + \rho_{02} + 2\rho_{03} + \rho_{04} + 2\rho_{05} \leq 1 \end{array}$$

Ora siccome deve valere il vincolo numero (16) abbiamo:

$$\sum_{r \in R} \rho_{ir} = 1 \quad \forall i \in J$$

ma visto che le variabili sono binarie:

$$\sum_{r \in R} \rho_{ir} = 1 \iff \exists r \in R : \rho_{ir} = 1$$

anche per gli oggetti che non vengono inseriti nello zaino. Quindi visto che le variabili  $\chi$  sono positive nell'esempio si ha che, se:

$$\rho_{00} = 1 \implies \chi_1^0 + 2\rho_{00} > 1$$

$$\rho_{01} = 1 \implies \chi_1^0 + 2\rho_{01} > 1$$

$$\rho_{02} = 1 \implies \chi_1^1 + 2\rho_{02} > 1$$

$$\rho_{03} = 1 \implies \chi_1^2 + 2\rho_{03} > 1$$

$$\rho_{04} = 1 \implies \chi_1^1 + 2\rho_{04} > 1$$

$$\rho_{05} = 1 \implies \chi_1^2 + 2\rho_{05} > 1$$

#### 3.2 Soluzioni