

## Trabalho 1: Eliminação Gaussiana

## Atividade

Implementar computacionalmente os métodos de eliminação gaussiana sem e com pivotamento parcial, e utilizá-los conforme descrito a seguir.

## Orientações para a Atividade

- 1. Utilizando alguma linguagem de programação (preferencialmente Python ou Scilab, mas a escolha é negociável), implemente:
  - (a) O método de eliminação gaussiana sem pivotamento
  - (b) O método de eliminação gaussiana com pivotamento

2. Considere<sup>1</sup> as matrizes 
$$A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$
,  $E = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$  e  $v = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \\ 4 \end{bmatrix}$ .

- (a) Resolva o sistema Ax = v sem usar o computador.
- (b) Sem usar o computador e através da técnica algébrica de sua preferência, resolva o sistema  $(A + \varepsilon E)x_{\varepsilon} = v$  supondo  $|\varepsilon| \ll 1$  e obtenha a solução exata em função de  $\varepsilon$ .
- (c) Usando a expressão analítica obtida acima, calcule  $\lim_{\varepsilon\to 0} x_{\varepsilon}$ .
- (d) Resolva o sistema  $(A + \varepsilon E)x = v$  no computador usando pivotamento parcial e depois sem usar pivotamento parcial para valores muito pequenos de  $\varepsilon$  como  $10^{-10}, 10^{-15}, \ldots$  O que você observa? Discuta os resultados obtidos.
- 3. O trabalho deverá ser feito preferencialmente em duplas, ou excepcionalmente em trio (não deve ser feito individualmente, pois a revisão por pares é importante).
- 4. Deverão ser entregues 2 arquivos através do Moodle:
  - <turma>-<nomes>-relatório.pdf: A resolução e uma breve discussão dos resultados obtidos no item 2. Evite erros ortográficos.
  - <turma>-<nomes>-eliminação-gaussiana.py: O arquivo com o código desenvolvido pela equipe (.sci, se usar Scilab, etc). A implementação deve ser genérica o suficiente para resolver sistemas com uma matriz de coeficientes 3 × 3, mas não é preciso que haja interação com o usuário (pode deixar as matrizes fixas no código).
- 5. Qualquer reuso e/ou adaptação de código escrito por terceiros deve ser informado, e devidamente creditado aos verdadeiros autores (afinal, plágio é crime), além de respeitar as licenças aplicáveis. A equipe será avaliada com base em quanto do código final realmente é fruto do seu trabalho (a maior parte? só o nome das variáveis? etc...). Receberá nota zero quem cometer plágio ou entregar código idêntico ao de outros autores. A desonestidade intelectual é identificável com "diff -w A B" e ferramentas similares...

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Exercício de https://github.com/reamat/CalculoNumerico, que está sob a licença CC BY-SA 3.0.