UNIVERSIDADE FEDERAL DO PARANÁ - DEPTO DE MATEMÁTICA

Disciplina MNUM7009 - Análise Numérica I - PPGMNE Profs. Lucas G. Pedroso e Luiz C. Matioli Lista de exercícios sobre Integração numérica.

Exercícios a serem entregues: 2, 3 e 4.

- 1. Considere as integrais
 - (a) $\int_1^2 e^x dx$
- (b) $\int_1^2 \sqrt{x} dx$
- (i) Calcule analiticamente o valor das integrais.
- (ii) Calcule as integrais pela regra dos Trapézios simples com 5 subintervalos. Estime o erro cometido.
- (iii) Calcule as integrais pela regra1/3 de Simpson simples com5 subintervalos. Estime o erro cometido
- (iv) Calcule as integrais pelas regras repetidas dos Trapézios e 1/3 de Simpson com 4 subintervalos. Estime o erro cometido em cada caso.
- (v) Calcule as integrais por quadratura Gaussiana de dois pontos (ver vídeo 4).
- 2. Use as fórmulas repetidas dos Trapézios e Simpson para aproximar as integrais
 - (a) $\int_0^2 x^2 e^{-x^2} dx$, usando 8 subintervalos.
 - (b) $\int_0^3 \frac{xe^{2x}}{(1+2x)^2}$, usando 6 subintervalos.
- 3. Dado o polinômio $p(x) = x^3 + 3x^2 + 2x 1$. Calcule:
 - (a) $\int_0^2 p(x)dx$ usando a fórmula de 1/3 de Simpson simples com 5 subintervalos. Estime o erro cometido
 - (b) $\int_0^2 p(x) dx$ usando a fórmula de quadratura Gaussiana de dois pontos. Estime o erro cometido.
 - (c) Qual sua explicaão com respeito aos erros encontrados nos itens (a) e (b)?
- 4. Considere os pontos (1,1), (2,3) e (5,2) no plano, determinados através de um experimento, ou seja, a funão f não é conhecida.
 - (a) Determine o polinômio interpolador de Lagrange, p(x), que interpola os pontos dados.

- (b) Calcule, aproximadamente, a área da figura compreendida pela região formada por f e entre as retas x=1 e x=5, utilizando a regra dos Trapézios e 1/3 de Simpson compostas. Represente geometricamente essa Área.
- 5. Calcule numericamente a integral

$$\int_0^2 x^2 e^{x^2} dx$$

pelas regras repetidas dos Trapézios e 1/3 de Simpson variando o número de intervalos n=1,2,3,6,12,24,48 e 96.