

機械学習アルゴリズムによる 日本企業の四半期利益予測

早稲田大学大学院商学研究科 商学専攻
35201064 王思涵

2020 年月日

目次

第 I 部	はじめに	2
第 II 部	過去の研究	4
第 III 部	データ	8
1	サンプルデータ	8
2	目的変数	9
3	説明変数	10
第 IV 部	予測モデル	10
4	予測のデザイン	11
5	伝統的時系列モデル	12
5.1	ランダムウォークモデル	12

5.2	ARIMA モデル	13
5.3	多変量線形モデル	15
6	機械学習モデル	16
6.1	罰則回帰モデル	16
6.2	ランダムフォレスト回帰モデル	18
6.3	ニューラルネットワークモデル	19
7	ハイパーパラメータの選択	22
第 V 部 予測精度指標		23
第 VI 部 結果		24
第 VII 部 予測の投資指標としての有用性		27
第 VIII 部 終わりに		27

第 I 部

はじめに

1 株当たり利益 (Earnings Per Share: EPS) は株式 1 つ当たりに対する企業の当期純利益を表した指標である。EPS は企業の当期純利益を発行株式数で割ることで求められており、規模に依存しない企業の収益性を示す。企業外部のステークホルダーである投資家は、企業の将来の EPS の予測をもとに、収益性の高いポートフォリオを構築したり、将来の株価収益率を算出して投資判断を行う。また、企業内部の経営者は将来の EPS の予測を用いて、営業予算の作成や設備投資の判断などの重要な意思決定を行う。したがって、EPS を正しく予測することは企業内外の幅広いステークホルダーにとって重要である。

企業の将来利益の予測は、人的な予測と、統計的・機械的な予測の 2 つに大別できる (桜井 1990)。人的な予測の代表として、アナリスト予測がある。アナリスト予測とは、株式市場分析の専門家である証券アナリストが公表する利益予測である。他方、統計的・機械的

な予測とは、過去の実績データをもとに何らかの時系列モデルを用いて将来の利益を予測することである。モデルに基づく予測は、予測値を導出するまでの過程を全て機械化できるため、人的な予測に比べてコストが低いという特徴を有している (桜井 1990)。

統計的・機械的な予測に関する研究で用いられているモデルは、1)「単変量」か「多変量」か、2)「線形」か「非線形」か、の2つの観点で分類できる (Zhang et al. 2004)。従来の、モデルに基づく EPS 予測の研究の多くは、自己回帰和分移動平均 (AutoRegressive Integrated Moving Average: ARIMA) モデル (Box, Jenkins, Reinsel & Ljung 2015) などの単変量で線形な統計的時系列モデルを用いている (e.g., 英語のもっと古い論文)。一方、近年の研究では、「ファンダメンタル会計変数」を用いた多変量モデルによる EPS 予測の研究が増えている。ファンダメンタル会計変数とは、売掛金、棚卸資産、資本的支出といったいくつかの会計変数のことであり、これらの変数には将来の EPS を予測する情報があるとされている (Lev & Thiagarajan 1993, Abarbanell & Bushee 1997)。また、四半期 EPS データには非線形性があるとされており (Hopwood & McKeown 1986)、これを考慮するために、予測モデルに非線形性を反映させている研究も盛んである。中でも従来の統計的時系列モデルに代替されるモデルとして、機械学習アルゴリズムが注目されている。機械学習アルゴリズムは、統計的時系列モデルに比べて、高次元データの処理に長けたモデルや非線形性を捉えられるモデルが豊富にある (Cao & You 2020)。そのため機械学習アルゴリズムを用いることで、多変量なファンダメンタル会計変数から予測情報を抽出し企業利益の非線形を捉え、高い精度の EPS 予測が得られると考えられる。

機械学習アルゴリズムによる企業の EPS 予測の研究の前例として、Zhang et al. (2004) はアメリカのニューヨーク証券取引所の上場企業、Cao & Gan (2009) は中国の上海証券取引所と深セン証券取引所の上場企業、Etemadi et al. (2015) はイランのテヘラン証券取引所の上場企業を対象に、機械学習アルゴリズムの1つである NN モデルによる四半期 EPS の予測を行っている。また、Cao & You (2020) はアメリカの上場企業を対象に、いくつかの代表的な機械学習アルゴリズムを用いた年次 EPS 予測を行っている。いずれの研究においても機械学習アルゴリズムが精度の高い予測をもたらす結果となっている。

このように近年、統計的・機械的な手法による EPS 予測の研究分野では、機械学習アルゴリズムを用いて、モデルに多変量と非線形な特性を反映させることで予測の精度が向上することが様々な国のサンプルで確認されている。しかし、太田 (2006) によると人的な予測と従来の時系列モデル予測の精度比較研究については、明確な結論が出ていないにも拘らず、モデルによる予測よりも人的な予測の方が適切であると暗黙裡に見なされており、時系列モデルによる予測の研究は、現在では衰退しているとされている。現に日本における統計的・機械的な EPS 予測の研究は限定的で、従来の線形時系列モデルの適用に留

まっており、高い予測精度が期待される機械学習アルゴリズムによる日本企業データを用いた EPS 予測の研究は、筆者の知る限り存在しない。また、日本ではモデルによる利益予測が衰退したあとの 2008 年度に四半期報告制度ができているため、四半期データを用いた EPS 予測の研究もない。

そこで本稿は、日本企業データにおいて代替的な時系列予測モデルである機械学習アルゴリズムが、統計的・機械的な手法による EPS 予測の精度を向上させるのか、人的な予測よりも高い精度の予測をもたらすのかを検証する。具体的には東京証券取引所一部上場企業を対象に機械学習アルゴリズムによる四半期 EPS 予測を行い、得られた予測値を用いて従来の線形時系列モデルによる予測やアナリストによる予測と精度比較をする。さらに、機械学習アルゴリズムによる予測と各手法による予測の組み合わせ予測 (Bates & Granger 1969) を求めて、機械学習アルゴリズムによる予測に他の予測手法の精度を向上させる情報を含んでいるかどうかを調べる。追加的な検証として、機械学習アルゴリズムによる予測値と各手法による予測値それぞれに基づいた株価予想利益率からロング・ショートポートフォリオを構築し、それを日本の証券市場に適用させて、機械学習アルゴリズムによる予測と各手法による予測の投資指標としての有用性を考察する。

第 II 部

過去の研究

これまで多くの企業利益予測の研究で、統計的・機械的な予測手法間の精度比較、統計的・機械的な予測手法と人的な予測手法の精度比較、人的な予測手法間の精度比較が行われている。桜井 (1990) や太田 (2006) のレビュー論文は、そのような数々の利益予測の研究に関する文献についてまとめている。アメリカの利益予測の研究に関して、桜井 (1990) は以下のようにまとめている。まず EPS を予測する伝統的な時系列モデルについて、年次 EPS はランダムウォークモデルによってうまく描写され、四半期 EPS は Brown & Rozeff (1979)、Griffin (1977)、Foster (1977) の 3 つの ARIMA モデルによってうまく描写されるとしている。一方で、アナリスト予測と伝統的な時系列モデルによる予測の比較については、アナリストによる年次および四半期の EPS 予測が伝統的な時系列モデルによる予測よりも正確であると述べている。その理由として、アナリストは広く最新な情報集合を予測に用いるからであるとしている。太田 (2006) では、日本の利益予測に関する研究の数が非常に少ないとしつつも、アメリカと同様な比較結果を得ているとしている。そして、時系列モデルによる予測に関しては、アナリスト予測との精度比較の明確な

結論が出ていないにも拘わらず、最近の研究では時系列モデルによる予測よりもアナリスト予測を用いる方が市場の期待利益として適切であると暗黙裡に見なされており、時系列モデル予測の研究は、現在では衰退していると述べている。

ここで注意すべき点として、上記で言及されている EPS 予測精度の比較の研究で扱われている時系列モデルの多くは、あくまでも当時研究が盛んであった伝統的な単変量で線形の時系列モデルのことであり、代替的な多変量モデルや非線形モデルについては議論されていない。太田 (2006) は「ナイーブな時系列を用いた場合には経営者予測の方が精度が高いが、高度な時系列モデルを用いた場合には時系列モデルの予測の方が人的予測よりも精度が高いといえる」と述べ、モデルの改善により統計的・機械的な EPS 予測の精度は向上する余地があること示唆している。

近年、多くの学術分野で応用され成果を上げている予測モデルとして、機械学習アルゴリズムの 1 つであるニューラルネットワーク (Neural Network: NN) モデルが挙げられる。NN モデルは生物の神経細胞 (ニューロン) の構造と機能をもとに考案された数学モデルであり、従来の統計モデルに比べて非線形で不定形な問題にうまく対処できることから、多数の分野での利用が増加している (Tkáč & Verner 2016)。特に、Hill et al. (1996) は、月次や四半期の時系列予測において NN モデルの方が伝統的な統計モデルよりも正確な予測を与え、時系列予測における NN モデルの有用性を示している。その理由として、NN はあらゆる関数形を近似できる普遍性定理 (Universal Approximation Theorem) (Hornik et al. 1989) により、伝統的な線形統計モデルでは捉えられない時系列データの非線形性を捉え、予測モデルの関数形の誤特定を回避できるからであると述べている。また、Hill et al. (1994) は、予測の対象である時系列データが、i) 財務的、ii) 季節的、iii) 非線形な特徴を有するとき、NN モデルによる予測は従来の線形時系列モデルよりも精度が高い傾向があると述べている。特に四半期 EPS は上記の 3 つの特徴を有することも確認されている (Hopwood & McKeown 1986)。

そこで、Callen et al. (1996) はニューヨーク株式市場の企業を対象に、単変量の四半期 EPS 予測における NN モデルと従来の統計的手法である ARIMA モデルとの精度を比較して NN の予測精度を検証したが、結果は予想に反して NN モデルによる予測が ARIMA モデルによる予測よりも精度が低かった。そして、この研究では NN の予測精度は文脈依存であると結論付けている。

一方、会計学の研究では、企業利益の予測について、将来の利益を説明する変数を特定することに注目してきた。Lev & Thiagarajan (1993) は、アナリストが有価証券の価値評価において有用であるとしている会計変数を調査し、それらの会計変数が将来の企業利益と関連があると述べている。言及された会計変数は以下のとおりである。

- 棚卸資産 (Inventories)

売上原価の増加に対して過度な棚卸資産の増加は、売上高を増加させることが困難であることを示唆するため、ネガティブなシグナルとみなされる。さらに、棚卸資産が増加すると経営者は在庫を減らそうとするため、将来の利益が減少するシグナルになり得る。

- 売掛金 (Accounts receivable)

売上高に対して過度な売掛金の増加は、企業の製品販売が困難な状態にあることや、貸倒引当金の増加などを意味し、将来の利益が減少するシグナルになり得る。

- 資本的支出 (Capital expenditures)

資本的支出の過度な減少は、以前の投資水準を維持するための現在および将来のキャッシュフローが十分でないという経営者の懸念を意味する。このように一般的に資本的支出の減少は、短期的な経営志向とみなされ、将来の利益が減少するシグナルになり得る。

- 売上総利益 (Gross margin)

売上総利益は企業の競争の激しさや営業レバレッジなどの要因を捉え、これが企業の長期的なパフォーマンスに影響を与える。したがって、売上総利益は企業の利益の持続性や企業価値に関して有益な情報を持ち、売上高に対して過度な売上総利益の減少は、将来の利益が減少するシグナルになり得る。

- 販売費および一般管理費 (Selling and administrative expenses)

ほとんどの場合、販売費および一般管理費は一定であるため、売上高に対して過度な販売費および一般管理費の増加は、コストコントロールの喪失や異常な販売努力を示唆し、将来の利益が減少するシグナルになり得る。

- 実効税率 (Effective tax rate)

法定税率の変更に依らない企業の実効税率の大幅な変化は、一般的には一時的なものとして捉えられる。したがって、過度な実効税率の低下は将来の利益が減少するシグナルになり得る。

- 労働力 (Labor force)

一般的に労働力の削減の発表に対してアナリストは好意的な反応を示す。したがって、過度な労働力の増加は将来の利益が減少するシグナルになり得る。

Abarbanell & Bushee (1997) では、上記の会計変数を「ファンダメンタル会計変数」とし、ファンダメンタル会計変数が将来の EPS の変化を説明するかどうかについて検証している。分析の結果、ファンダメンタル会計変数と将来の EPS の変化の間に強い関係

が確認され、ファンダメンタル会計変数に含まれる会計情報は、将来の EPS に対して予測能力を持つと述べている。

これを受け Zhang et al. (2004) は、Callen et al. (1996) の単変量 NN モデルによる四半期 EPS 予測の研究を発展させる形で、NN モデルにファンダメンタル会計変数を反映させた多変量 NN モデルによる四半期 EPS 予測を行った。この研究では、単変量線形モデル、多変量線形モデル、単変量 NN モデル、多変量 NN モデルの 4 つの精度比較を行い、結果として、NN モデルは線形モデルよりもうまくファンダメンタル会計変数の情報を反映し、より精度の高い EPS の予測値を与えた。その後、様々な国のサンプルで EPS 予測における NN モデルの有用性を示した研究が行われている。Cao & Gan (2009) は中国の上海証券取引所と深セン証券取引所の上場企業、Etemadi et al. (2015) はイランのテヘラン証券取引所の上場企業を対象に、ファンダメンタル会計変数を反映させた NN モデルによる EPS 予測を行っており、いずれも高い精度の予測を与える結果を得ている。

このように近年の四半期 EPS 予測の研究では機械学習アルゴリズムの 1 つとして NN モデルが盛んに用いられているが、他の機械学習アルゴリズムを用いた研究は限られている。これは EPS 予測の文脈に限らず、他の時系列予測研究でも NN モデルのみに着目している傾向がある (Ahmed et al. 2010)。一方、NN モデル以外の機械学習アルゴリズムが四半期 EPS 予測において成果を上げられる可能性も十分にある。代表的な機械学習アルゴリズムとして、罰則回帰モデルやランダムフォレスト回帰モデルが挙げられる (Hastie et al. 2009)。罰則回帰モデルは、高次元データに対して変数選択・係数縮小を行うことで多数の説明変数から目的変数を予測する情報を抽出し、精度の高い予測を行うことができるため、四半期 EPS の多変量予測において有用であると考えられる。また、ノンパラメトリックで非線形なランダムフォレスト回帰モデル (Breiman 2001) も、NN モデルとは異なったアルゴリズムで四半期 EPS データの非線形性を捉えることができると考えられる。Cao & You (2020) は年次ではあるものの、これらの代表的な機械学習アルゴリズムを用いた EPS 予測をしており、ベンチマークであるランダムウォーク (Random Walk: RW) モデルよりも精度の高い予測を与える結果となっている。

以上の過去の研究を踏まえ、現状の日本の EPS 予測における「時系列モデルが古典的な手法にとどまっていること」と「時系列モデルと人的な予測の優劣の曖昧さ」の 2 つの課題に対し、本稿は機械学習アルゴリズム (NN モデル、罰則回帰モデル、ランダムフォレスト回帰モデル) にファンダメンタル会計変数を含めて日本企業の四半期 EPS の予測を行い、さらに時系列モデルとアナリストの EPS 予測精度を比較し、予測手法間の精度の優劣を明らかにする。

第 III 部

データ

1 サンプルデータ

日本の四半期報告制度は比較的新しく、2007 年の企業会計基準委員会 (ASBJ) による企業会計基準第 12 号「四半期財務諸表に関する会計基準」及び企業会計基準適用指針第 14 号「四半期財務諸表に関する会計基準の適用指針」の公表以降、上場企業の四半期報告書の提出が義務付けられた。^{*1}

これにより、四半期データを分析の単位とする本稿では、サンプル期間を四半期報告制度が適用された 2008 年度 (2008 年 4 月 1 日) から現在 2020 年度 (2021 年 3 月 31 日) までの計 52 四半期とする。また、本稿の分析対象企業 (サンプル企業) を、サンプル期間において以下の基準で選択する。

- 東京証券取引所一部上場企業
- 3 月決算企業
- 一般事業者 (「銀行業」、「証券、商品先物取引業」、「保険業」、「その他金融業」を除く)
- 各四半期の中間月末 (5 月末, 8 月末, 11 月末, 2 月末) までに前四半期決算を発表している企業^{*2}

四半期 EPS(3 ヶ月) およびファンダメンタル会計変数の算出に必要な四半期会計データは「日経 NEEDS-FinancialQUEST」から収集している。結果、1,003 社、延べ 1,003 社 × 52 四半期 = 52,156 個の企業四半期が最終サンプルである。表 1 はサンプル企業の所属業種の割合を示している。なお、所属業種は証券コード協議会の中分類 (全 33 種) に基づいている。

^{*1} 2011 年に企業会計基準委員会 (ASBJ) は改正企業会計基準第 12 号「四半期財務諸表に関する会計基準」及び改正企業会計基準適用指針第 14 号「四半期財務諸表に関する会計基準の適用指針」等の公表をしている。この四半期報告制度の改正では財務諸表作成者の作成負担を考慮し、いくつかの四半期情報の開示を義務ではなく任意としている。それに伴い、四半期報告制度の改正以降、資本金の支出と期末従業員数の観測される頻度が減り、欠損が多く見られる。Zhang et al. (2004) は四半期単位で欠損している資本金の支出と期末従業員数について、資本金の支出は毎四半期均等であるとし、期末従業員数は前期の値を維持すると仮定して、欠損値を補填している。本稿でもこの方法に倣って資本金の支出と期末従業員数の欠損処理を行うこととする。

^{*2} IBES 予測及びポートフォリオ構築のタイミングをそろえるため。

表 1 業種 (証券コード協議会中分類 33 種)

業種コード	業種名	企業数
3650	電気機器	108
6050	卸売業	101
3200	化学	92
3600	機械	83
2050	建設業	70
5250	情報・通信業	66
9050	サービス業	59
6100	小売業	54
3050	食料品	44
3700	輸送用機器	41
5050	陸運業	34
3450	鉄鋼	28
3800	その他製品	27
3100	繊維製品	24
3400	ガラス・土石製品	23
3250	医薬品	23
3550	金属製品	22
3750	精密機器	20
8050	不動産業	19
3500	非鉄金属	14
5200	倉庫・運輸関連業	12
3150	パルプ・紙	8
5100	海運業	7
4050	電気・ガス業	7
3300	石油・石炭製品	5
3350	ゴム製品	4
0050	水産・農林業	3
1050	鉱業	3
5150	空運業	2

2 目的変数

予測の対象となる四半期 1 株あたり利益 (四半期 EPS) は以下のように定義される。

$$\begin{aligned}
Y &= \text{四半期 1 株あたり利益} \\
&= \frac{\text{普通株式に係る四半期当期純利益}}{\text{普通株式の期中加重平均株式数}} \\
&= \frac{\text{損益計算書上の四半期当期純利益} - \text{普通株式に帰属しない金額}}{\text{普通株式の期中加重平均発行済株式数} - \text{普通株式の期中加重平均自己株式数}}
\end{aligned} \tag{1}$$

3 説明変数

単変量モデルによる四半期 EPS 予測は、過去の四半期 EPS のみを説明変数として用いる。一方、多変量モデルによって四半期 EPS を予測する場合は、過去の四半期 EPS に加えて、Lev & Thiagarajan (1993) や Abarbanell & Bushee (1997) が企業の将来の EPS に対して予測能力を持つと言及しているファンダメンタル会計変数を説明変数として用いる。本稿では、ファンダメンタル会計変数を実際に四半期 EPS 予測に用いた Zhang et al. (2004) に倣って以下のように 7 つのファンダメンタル会計変数を定義する。

$$\begin{aligned}
INV &= \frac{\text{棚卸資産 (円)}}{\text{普通株式の期中加重平均株式数}} \\
AR &= \frac{\text{売掛金 (円)}}{\text{普通株式の期中加重平均株式数}} \\
CAPX &= \frac{\text{資本的支出 (円)}}{\text{普通株式の期中加重平均株式数}} \\
GM &= \frac{\text{売上総利益 (円)}}{\text{普通株式の期中加重平均株式数}} \\
SA &= \frac{\text{販売費及び一般管理費 (円)}}{\text{普通株式の期中加重平均株式数}} \\
ETR &= \frac{\text{法人税 (円)}}{\text{税引前利益 (円)}} \\
LF &= \log \left(\frac{\text{売上高 (円)}}{\text{従業員数 (人)}} \right)
\end{aligned} \tag{2}$$

多変量モデルによる予測では四半期 EPS とファンダメンタル会計変数の 4 期までのラグを説明変数として用いる。表 2 は予測に用いた変数の記述統計を示している。

表 2 変数の記述統計量

	EPS	INV	AR	CAPX	GM	SA	ETR	LF
count	52156.000	52156.000	52156.000	52156.000	52156.000	52156.000	52156.000	52156.000
mean	67.468	808.786	1272.915	173.152	513.363	385.510	0.339	16.205
std	707.529	7234.778	8087.579	2387.784	3577.896	2699.862	5.835	0.793
min	-37300.500	0.011	0.026	0.001	-30368.482	-482.938	-494.716	11.628
25%	3.490	91.615	181.897	9.296	53.156	39.603	0.241	15.662
50%	15.230	193.908	357.978	24.741	115.768	83.523	0.331	16.154
75%	37.540	415.649	717.761	64.527	222.790	166.317	0.414	16.693
max	31202.830	404482.462	293004.896	143224.390	104813.930	87333.561	817.750	22.531

第 IV 部

予測モデル

4 予測のデザイン

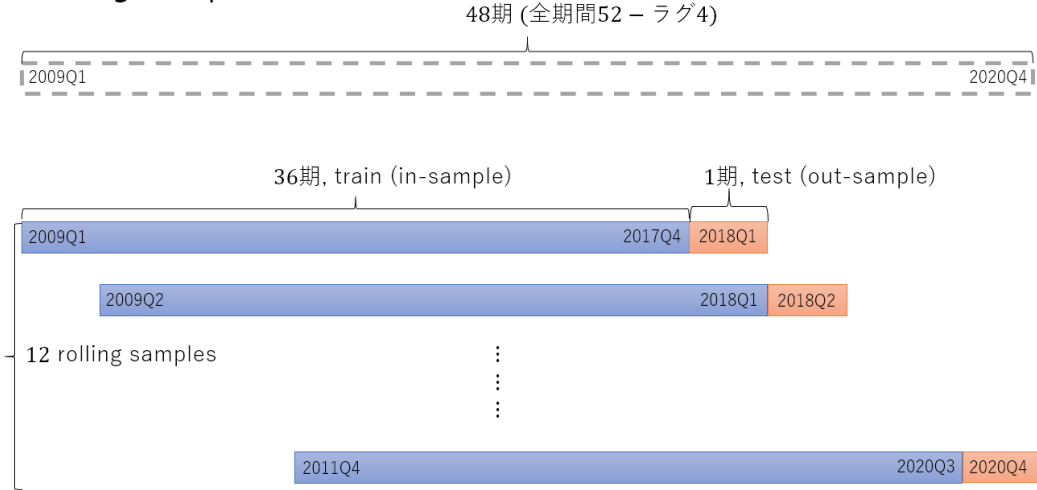
本稿では、サンプル企業 1,020 社について、それぞれ 1 社ごとに 1 四半期先予測を 12 期 (3 年) 分行う。まず、ある企業の全 52 四半期サンプル期間^{*3}をもとに、1 つあたり長さ 41 期のローリングサンプル (rolling sample) を 12 個形成する。次に、1 つのローリングサンプルを、過去 40 期の訓練データ (training data, in-sample) と最新 1 期のテストデータ (test data, out-of-sample) に分ける。そして訓練データを用いてモデルを推定し、テストデータと同じ期にあたる 1 期先の予測を行う。これを 12 個のローリングサンプルで繰り返すことによって、ある企業の 1 四半期先予測が 12 期分得られる。

つまり具体的には、ある企業の全 52 四半期サンプル期間 ($Data_{2008Q1}, Data_{2008Q2}, \dots, Data_{2020Q4}$) から 12 個のローリングサンプルを作り、1 つ目の長さ 41 期のローリングサンプル ($Data_{2008Q1}, Data_{2008Q2}, \dots, Data_{2017Q4}, Data_{2018Q1}$) を長さ 40 期の訓練データ ($Data_{2008Q1}, Data_{2008Q2}, \dots, Data_{2017Q4}$) と長さ 1 期のテストデータ ($Data_{2018Q1}$) に分け、訓練データを用いてモデルを推定し、テストデータの説明変数を代入して訓練データの 1 期先の四半期 EPS y_{2018Q1} の予測値 \hat{y}_{2018Q1} を求める。2 つ目のローリングサンプル ($Data_{2008Q2}, Data_{2008Q3}, \dots, Data_{2018Q1}, Data_{2018Q2}$) も同様に 訓練データ ($Data_{2008Q2}, Data_{2008Q3}, \dots, Data_{2018Q1}$) を用いて 1 期先の四半期 EPS の予測

^{*3} 実際のモデル推定では説明変数にラグ変数を含める。したがって利用できるサンプル期間は 52 - ラグの次数 である。モデルのデザインによってラグの次数は異なるため、利用できる訓練データの長さもモデルによって異なる。

図 1 ローリングサンプルのイメージ

• Rolling Sample



値 \hat{y}_{2018Q2} を求める。同様に他のローリングサンプルに対しても、それぞれ同じモデルを異なる期間の訓練データで推定し、1 企業につき 12 期分の 1 四半期先予測値系列 ($\hat{y}_{2018Q1}, \hat{y}_{2018Q2}, \dots, \hat{y}_{2020Q4}$) が得られる。この予測プロセスを全サンプル企業 1,020 社に対して行うことで、最終的に 12 期 \times 1,003 社 = 12,036 個の四半期 EPS 予測値が各予測手法から算出される。

図 1 は本稿のローリングサンプルによる 1 期先予測の概要を示している。

5 伝統的時系列モデル

5.1 ランダムウォークモデル

Y_t をある企業における t 期の四半期 EPS とすると、もっとも単純な単変量モデルであるランダムウォークモデルは次のとおりである。

$$\begin{aligned} Y_t &= Y_{t-1} + \epsilon_t \\ \hat{y}_t^{RW} &= Y_{t-1} \end{aligned} \quad (3)$$

ただし、 ϵ_t は全ての時点 t において

$$\begin{aligned} E[\epsilon_t] &= 0 \\ E[\epsilon_t \epsilon_{t-k}] &= \begin{cases} \sigma^2 & k = 0 \\ 0 & k \neq 0 \end{cases} \end{aligned} \quad (4)$$

を満たすホワイトノイズである。

一方、四半期 EPS 時系列には 1 年単位での季節的変動パターンがあると考えられる。そこでランダムウォーク過程を 1 四半期単位ではなく、1 会計年度単位 (4 四半期) であると考慮した季節ランダムウォークモデルが次のとおりである。

$$\begin{aligned} Y_t &= Y_{t-4} + \epsilon_t \\ \hat{y}_t^{SRW} &= Y_{t-4} \end{aligned} \tag{5}$$

ランダムウォークモデルは前四半期の実績値を、季節ランダムウォークモデルは前年同四半期の実績値を予測値とするモデルであり、どちらも実際の予測においてパラメータを推定する工程がない単純なモデルである。そこで、本稿ではランダムウォークモデル及び季節ランダムウォークモデルを他の予測に対するベンチマークとして用いる。

5.2 ARIMA モデル

従来の四半期 EPS を予測する単変量線形時系列モデルとして、自己回帰和分移動平均 (AutoRegressive Integrated Moving Average: ARIMA) モデル (Box et al. 2015)^{*4}、特にデータの季節性にも対応できるように一般化した季節自己回帰和分移動平均 (Seasonal AutoRegressive Integrated Moving Average: SARIMA) モデルを用いる。 $B^n Y_t = y_{t-n}$ と定義されるような B (backshift operator) を導入すると、SARIMA モデルの一般形は以下のとおりである。^{*5}

$$\phi_p(B)\Phi_P(B)(1-B)^d(1-B^s)^D Y_t = \theta_q(B)\Theta_Q(B^s)\epsilon_t \tag{6}$$

^{*4} ARIMA モデルは提唱者の名前から Box-Jenkins モデルとも呼ばれる。

^{*5} 定数項 $\theta_\mu = (1 - \phi_1 - \dots - \phi_p)\mu$ は階差をとれば 0 となるため、通常の取り扱いに従って 0 としている。

ただし、

$$\begin{aligned}
p &: \text{トレンドの自己回帰過程の階数} \\
d &: \text{トレンド階差の次数} \\
q &: \text{トレンドの移動平均過程の階数} \\
P &: \text{季節変動の自己回帰過程の階数} \\
D &: \text{季節階差の次数} \\
Q &: \text{季節変動の移動平均過程の階数} \\
s &: \text{季節変動の周期}
\end{aligned} \tag{7}$$

$$\begin{aligned}
\phi_p(B) &= (1 - \phi_1 B - \dots - \phi_p B^p) \\
\theta_q(B) &= (1 - \theta_1 B - \dots - \theta_q B^q) \\
\Phi_P(B^s) &= (1 - \Phi_1 B^s - \dots - \Phi_P B^{sP}) \\
\Theta_Q(B^s) &= (1 - \Theta_1 B^s - \dots - \Theta_Q B^{sQ})
\end{aligned}$$

通常、SARIMA モデルは $(p, d, q) \times (P, D, Q)$ の値の組み合わせを Box-Jenkins 法によってデータごとに選定し、モデルの構築を行う。一方、これまでの四半期 EPS の時系列予測の分野では全ての企業に適合する SARIMA モデルが探求され、次の 3 つの SARIMA モデル (Foster 1977, Griffin 1977, Brown & Rozeff 1979) があらゆる企業の四半期 EPS の時系列特性を描写するモデルであるとされている。^{*6}

$$\text{Foster (1977)} : (p, d, q) \times (P, D, Q)_s = (1, 0, 0) \times (0, 1, 0)_4$$

$$\begin{aligned}
Y_t &= Y_{t-4} + \phi_1(Y_{t-1} - Y_{t-5}) + \epsilon_t \\
\hat{y}_t^{ARIMA-F} &= Y_{t-4} + \phi_1(Y_{t-1} - Y_{t-5}) + \delta
\end{aligned} \tag{8}$$

$$\text{Griffin (1977)} : (p, d, q) \times (P, D, Q)_s = (0, 1, 1) \times (0, 1, 1)_4$$

$$\begin{aligned}
Y_t &= Y_{t-4} + (Y_{t-1} - Y_{t-5}) - \theta_1 a_{t-1} - \Theta_1 a_{t-4} + \theta_1 \Theta_1 a_{t-5} + \epsilon_t \\
\hat{y}_t^{ARIMA-G} &= Y_{t-4} + (Y_{t-1} - Y_{t-5}) - \theta_1 a_{t-1} - \Theta_1 a_{t-4} + \theta_1 \Theta_1 a_{t-5} + \delta
\end{aligned} \tag{9}$$

$$\text{Brown \& Rozeff (1979)} : (p, d, q) \times (P, D, Q)_s = (1, 0, 0) \times (0, 1, 1)_4$$

$$\begin{aligned}
Y_t &= Y_{t-4} + \phi_1(Y_{t-1} - Y_{t-5}) - \Theta_1 a_{t-4} + \epsilon_t \\
\hat{y}_t^{ARIMA-BR} &= Y_{t-4} + \phi_1(Y_{t-1} - Y_{t-5}) - \Theta_1 a_{t-4} + \delta
\end{aligned} \tag{10}$$

^{*6} 先行研究では、企業ごとにモデルを構築するよりも、企業で共通の構築で予測したほうが全体として予測のパフォーマンスが良いと示されている。

ただし、 δ は SARIMA モデルの定数項。

本稿では先行研究に倣い、特に支持されてきたこの 3 つのモデルを単変量線形時系列モデルとして用いることとする。

5.3 多変量線形モデル

ファンダメンタル会計変数が将来の四半期 EPS を線形に説明するかどうかについて確かめるため、Lev & Thiagarajan (1993)、Abarbanell & Bushee (1997)、Lorek & Willinger (n.d.) の研究で用いられているモデルを基に、以下のような多変量線形回帰モデルを考える。

$$\begin{aligned}\hat{y}_t^{OLS-1} = & \beta_0 + \beta_1 Y_{t-1} + \beta_2 Y_{t-4} + \beta_3 INV_{t-1} + \beta_4 AR_{t-1} + \beta_5 CAPX_{t-1} \\ & + \beta_6 GM_{t-1} + \beta_7 SA_{t-1} + \beta_8 ETR_{t-1} + \beta_9 LF_{t-1}\end{aligned}\quad (11)$$

$$\begin{aligned}\hat{y}_t^{OLS-2} = & \beta_0 + \beta_1 Y_{t-1} + \beta_2 Y_{t-4} + \beta_3 INV_{t-4} + \beta_4 AR_{t-4} + \beta_5 CAPX_{t-4} \\ & + \beta_6 GM_{t-4} + \beta_7 SA_{t-4} + \beta_8 ETR_{t-4} + \beta_9 LF_{t-4}\end{aligned}\quad (12)$$

2 つのモデルはどちらも、四半期 EPS の 1 四半期前ラグ Y_{t-1} と 4 四半期前ラグ Y_{t-4} が自己回帰的な説明変数として含まれている。両者の違いとしてはファンダメンタル会計変数のラグの次数にあり、(11) のモデルではファンダメンタル会計変数の 1 四半期前ラグを、(12) のモデルでは季節性を考慮してファンダメンタル会計変数の 4 四半期前ラグをモデルの説明変数として含めている。一方、Cao and Parry (2009) は後述する機械学習モデルと利用できる情報の公平性に保つため、以下のように四半期 EPS とファンダメンタル会計変数のラグ変数を 1 四半期前、2 四半期前、3 四半期前、4 四半期前すべて含めた多変量線形回帰モデルを推定している。

$$\begin{aligned}\hat{y}_t^{OLS-3} = & \beta_0 + \sum_{\tau=1}^4 (\beta_{1\tau} Y_{t-\tau} + \beta_{2\tau} INV_{t-\tau} + \beta_{3\tau} AR_{t-\tau} + \beta_{4\tau} CAPX_{t-\tau} \\ & + \beta_{5\tau} GM_{t-\tau} + \beta_{6\tau} SA_{t-\tau} + \beta_{7\tau} ETR_{t-\tau} + \beta_{8\tau} LF_{t-\tau})\end{aligned}\quad (13)$$

以上のファンダメンタル会計変数を説明変数として用いた 3 つの多変量線形回帰モデルを多変量モデルのベンチマークとして、他の手法による多変量予測と比較する。なお、これらのモデルのパラメータは最小二乗法を用いて推定する。

6 機械学習モデル

ここでは、本稿で用いる機械学習的手法について紹介する。なお、以下より共通して時点 t の説明変数ベクトル X_t について、単変量モデルでは目的変数である四半期 EPS(Y_t) のラグのみを用いてモデル構築を行う。

$$\begin{aligned} X_t &= (X_{t1}, \dots, X_{tk}) \\ &= (Y_{t-1}, Y_{t-2}, Y_{t-3}, Y_{t-4}) \end{aligned} \tag{14}$$

また、多変量モデルでは四半期 EPS(Y_t) のラグに加え、ファンダメンタル会計変数のラグも含めてモデルを構築する。

$$\begin{aligned} X_t &= (X_{t1}, \dots, X_{tk}) \\ &= (Y_{t-1}, Y_{t-2}, Y_{t-3}, Y_{t-4}, \\ &\quad INV_{t-1}, INV_{t-2}, INV_{t-3}, INV_{t-4}, \\ &\quad AR_{t-1}, AR_{t-2}, AR_{t-3}, AR_{t-4}, \\ &\quad CAPX_{t-1}, CAPX_{t-2}, CAPX_{t-3}, CAPX_{t-4}, \\ &\quad GM_{t-1}, GM_{t-2}, GM_{t-3}, GM_{t-4}, \\ &\quad SA_{t-1}, SA_{t-2}, SA_{t-3}, SA_{t-4}, \\ &\quad ETR_{t-1}, ETR_{t-2}, ETR_{t-3}, ETR_{t-4}, \\ &\quad LF_{t-1}, LF_{t-2}, LF_{t-3}, LF_{t-4}) \end{aligned} \tag{15}$$

としてモデルを構築する。

6.1 罰則回帰モデル

説明変数間に複数の強い相関が存在する場合、線形回帰モデルの最小二乗推定量の分散は大きくなる。そして高分散 (high variance) により係数の推定値が極端な値をとると、in-sample での予測精度は高くても、out-of-sample における予測精度が低くなる恐れがある。このように予測モデルが in-sample データの規則性のみを捉えてしまい、out-of-sample を含めたデータ全体に対して汎化できていないことを過学習 (overfitting) という。

線形回帰モデルの係数の推定値が極端な値をとることに起因する過学習を防ぐために、係数の大きさに罰則を与えて推定する手法が罰則回帰モデル (penalized regression

model) である^{*7}。罰則回帰モデルは、その罰則の与え方によって推定で最小化する目的関数が異なる。本稿では罰則回帰モデルのうち、代表的な Ridge 回帰モデル、LASSO 回帰モデル、Elastic Net 回帰モデルの 3 つを用いる。

Ridge 回帰モデルの係数の推定式は次のとおりである。

$$\hat{\beta}^{Ridge} = \arg \min_{\beta} \left\{ \sum_{t=1}^T \left(Y_t - \beta_0 - \sum_{j=1}^k \beta_j X_{tj} \right)^2 + \lambda \sum_{j=1}^k \beta_j^2 \right\} \quad (16)$$

ここで、 $\lambda \geq 0$ は罰則の強さを調節するパラメータであり、モデル推定の枠組みの中で決定されないパラメータ (ハイパーパラメータ) である。ハイパーパラメータの値はデータに応じて指定する必要がある、ハイパーパラメータの選択方法の詳細については 7 節で説明する。(16) 式で示されるように、Ridge 回帰モデルでは目的関数に係数の二乗和が含まれており、係数が過大な値をとることを防ぐ構造となっている。したがって Ridge 回帰モデルは予測情報を持たない説明変数に対して係数縮小 (parameter shrinkage) し、モデルの過学習を防ぐ。

LASSO (Least Absolute Shrinkage and Selection Operator) 回帰モデルの係数の推定式は次のとおりである。

$$\hat{\beta}^{LASSO} = \arg \min_{\beta} \left\{ \sum_{t=1}^T \left(Y_t - \beta_0 - \sum_{j=1}^k \beta_j X_{tj} \right)^2 + \lambda \sum_{j=1}^k |\beta_j| \right\} \quad (17)$$

LASSO 回帰モデルは、Ridge 回帰モデルと同様、目的関数にパラメータのサイズに関する罰則項が含まれているが、罰則として係数の絶対値の和を用いている点が Ridge 回帰モデルとの違いである。この罰則の与え方により、予測情報を持たない説明変数の係数が丁度 0 となるスパース推定が行われる。つまり、LASSO 回帰モデルを推定することで変数選択が行われる。

Elastic Net 回帰モデルの係数の推定式は次のとおりである。

^{*7} 罰則回帰モデルの詳細については、Hoerl & Kennard (1970), Tibshirani (1996), Zou & Hastie (2005)などを参照されたい。

$$\hat{\beta}^{EN} = \arg \min_{\beta} \left\{ \sum_{t=1}^T \left(Y_t - \beta_0 - \sum_{j=1}^k \beta_j X_{tj} \right)^2 + \lambda \left\{ (1 - \alpha) \sum_{j=1}^k \beta_j^2 + \alpha \sum_{j=1}^k |\beta_j| \right\} \right\} \quad (18)$$

Elastic Net 回帰モデルは、Ridge 回帰モデルと LASSO 回帰モデル両方の罰則項を利用する構造となっている。 α は LASSO 回帰モデルの罰則の影響の割合を調節するハイパーパラメータであり、罰則の強さを調節するハイパーパラメータ λ と併せて指定する必要がある。

なお、それぞれの罰則回帰モデルの予測値は次のとおりである。

$$\begin{aligned} \hat{y}_t^{Ridge} &= \beta_0^{Ridge} + \sum_{j=1}^k \beta_j^{Ridge} x_{tj} \\ \hat{y}_t^{LASSO} &= \beta_0^{LASSO} + \sum_{j=1}^k \beta_j^{LASSO} x_{tj} \\ \hat{y}_t^{EN} &= \beta_0^{EN} + \sum_{j=1}^k \beta_j^{EN} x_{tj} \end{aligned} \quad (19)$$

6.2 ランダムフォレスト回帰モデル

ランダムフォレスト (Breiman 2001) は、決定木を弱学習器とするアンサンブル学習である。弱学習器とはそれ単独で用いると精度が低いような予測モデルであり、アンサンブル学習はその弱学習器を複数推定し、組み合わせることで予測精度の向上を図る手法である。弱学習器となる決定木は、ある変数のある閾値でデータを 2 分割し、この分割を繰り返すことで作成される。単独の決定木による予測値は、予測サンプルの説明変数をもとに作成された木の分岐を辿り、到達した末端ノードに属するサンプルの目的変数の平均値である。ランダムフォレスト回帰モデルでは、元のデータセットから標本及び変数を実験的無作為に復元抽出した複数のサブデータセットを構築し (ブートストラップサンプリング)、それをもとに弱学習器である決定木を複数推定する。そして各決定木の予測値の平均値が最終的なランダムフォレスト回帰モデルの予測値となる。

決定木の数 M とし、 $m = 1, \dots, M$ 番目の決定木の t 時点における予測値を $Tree_m(X_t)$ とすると、ランダムフォレスト回帰モデルの予測値は以下のように表される。

$$\hat{y}_t^{RF} = \frac{1}{M} \sum_{m=1}^M \text{Tree}_m(\mathbf{X}_t) \quad (20)$$

なお、ランダムフォレスト回帰モデルの複雑さを調節する決定木の数や決定木の分岐の回数 (木の深さ) はハイパーパラメータであり、分析者が指定する必要がある。

ランダムフォレスト回帰モデルは、ノンパラメトリックで非線形なモデルであり、説明変数と目的変数間に非線形な関係がある場合でも優れた予測が得られると考えられる。また、ブートストラップをもとに相関のない複数の決定木を推定して各決定木の予測値の平均を用いて予測を行うため、最終的な予測値の分散は小さく、予測の汎化性能が高まる性質を持つ。

6.3 ニューラルネットワークモデル

ニューラルネットワーク (Neural Network: NN) モデルについて述べる。まず NN の構造の最小単位であるパーセプトロン (perceptron) について考える。 $\mathbf{X}_t = (X_{t1}, \dots, X_{tk})$ を入力ベクトルとする。 (w_1, \dots, w_k) は入力ベクトルの要素それぞれに対応する重み (weight) であり、スカラー値 b はバイアス (bias) という。パーセプトロンではまず始めに $\mathbf{X}_t = (X_{t1}, \dots, X_{tk})$ と (w_1, \dots, w_k) の内積と b の和であるプレアクティベーション (pre-activation) z を計算する。

$$z = w_1 X_{t1} + \dots + w_k X_{tk} + b \quad (21)$$

次に z は非線形な関数である活性化関数 (activation function) $\phi(\cdot)$ に渡され、アクティベーション (activation) a として出力される。

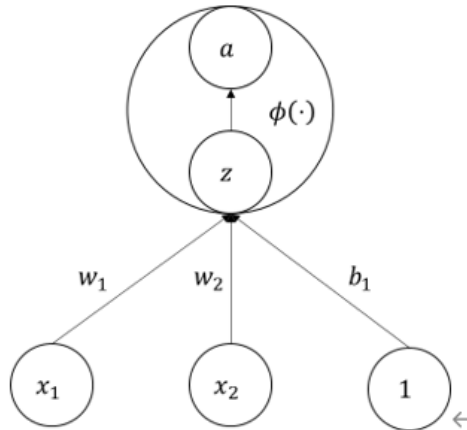
$$a = \phi(z) \quad (22)$$

以上が NN のパーセプトロンの構造であり、まとめると以下の式で表される。

$$a = \phi(w_1 X_{t1} + \dots + w_k X_{tk} + b) \quad (23)$$

このパーセプトロンを複数組み合わせることで、NN が構成される。

図 2 パーセプトロンのイメージ

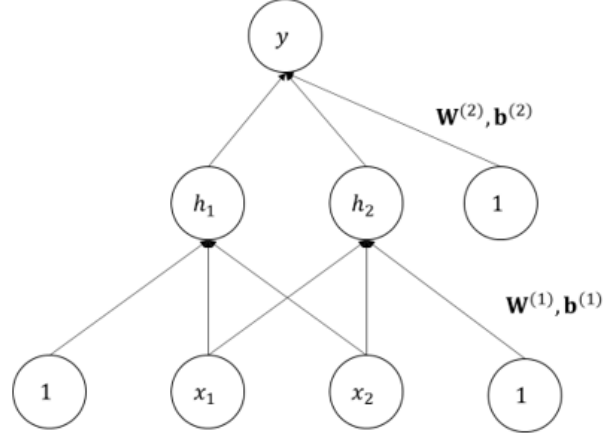


NN と一口に言っても様々な構造をもつ多くの種類がある。NN の 1 種である順伝播型ニューラルネットワーク (Feed-forward Neural Network: FNN) は NN のなかでも基本的な構造を持ち、全てのパーセプトロンが結合した無閉路グラフ (acyclic graph) で表現されすべての計算が逐次的に行われる。FNN の最も代表的なネットワークは多層パーセプトロン (multilayer perceptron: MLP) であり、図 2 のように表される。

MLP の特徴として、横のつながりのパーセプトロンをそれぞれ層としてまとめると少なくとも 3 つ以上の層から構成される。また MLP はネットワークの全てのパーセプトロンが次の層に含まれる全てのパーセプトロンとそれぞれ結合している (fully connected)。ネットワークの最初の層は入力層 (input layer) といい入力される特徴量がここにあたる。最後の層は出力層 (output layer) といいネットワークが出力する値であり、出力層のアクティベーションは予測値を表す。この 2 つを除いた間の層は全て隠れ層 (hidden layer) といい、MLP の多層構造を作る。

例えば、入力層と 1 層の隠れ層、出力層から成る 3 層パーセプトロンを定式化してみる。まず、隠れ層のアクティベーションをベクトル (H_{t1}, \dots, H_{tL}) とする (activation vector)。ただし、 L は隠れ層に含まれるパーセプトロンの数である。また、隠れ層の活性化関数を $\phi^{(1)}(\cdot)$ とし、隠れ層のバイアス項を $(b_1^{(1)}, \dots, b_L^{(1)})$ とすると、隠れ層のアクティベーションは以下のように表される。

図 3 パーセプトロンのイメージ



$$\begin{aligned}
 H_{t1} &= \phi^{(1)}(w_{11}^{(1)} X_{t1} + w_{21}^{(1)} X_{t2} + \cdots + w_{k1}^{(1)} X_{tk} + b_1^{(1)}) \\
 H_{t2} &= \phi^{(1)}(w_{12}^{(1)} X_{t1} + w_{22}^{(1)} X_{t2} + \cdots + w_{k2}^{(1)} X_{tk} + b_2^{(1)}) \\
 &\vdots \\
 H_{tL} &= \phi^{(1)}(w_{1L}^{(1)} X_{t1} + w_{2L}^{(1)} X_{t2} + \cdots + w_{kL}^{(1)} X_{tk} + b_L^{(1)})
 \end{aligned} \tag{24}$$

次に、出力層について考える。予測する変数は本稿では 1 次元であるため、出力層のアクティベーションはスカラー Y となる。出力層の活性化関数を $\phi^{(2)}(\cdot)$ とし、バイアス項を $b^{(2)}$ とすると、出力層のアクティベーション (または予測値) は以下のように表される。図 3 は MLP のイメージを表している。

$$Y_t = \phi^{(2)}(w_1^{(2)} H_{t1} + w_2^{(2)} H_{t2} + \cdots + w_L^{(2)} H_{tL} + b^{(2)}) \tag{25}$$

このように、MLP は線形結合モデルを非線形変換したものの繰り返しであることがわかる。この MLP の隠れ層の数を増やすことで、ネットワークをより深くすることができ、深層ニューラルネットワークが構築できる。一方、Qi (1999) は隠れ層のパーセプトロン数が十分であれば、隠れ層が 1 つで、隠れ層の活性化関数にロジスティック関数、出力層の活性化関数に恒等関数を用いた 3 層パーセプトロンは、あらゆる連続関数を近似できると述べている。そこで本稿は、Callen et al. (1996) や Zhang et al. (2004) と同様に以下のような 3 層パーセプトロンを用いる。

$$\begin{aligned}
\hat{y}_t^{NN} &= f(\mathbf{X}_t, \alpha, \beta) \\
&= \sum_{l=1}^L (\alpha_0 + \alpha_l H_{tl}) \\
&= \sum_{l=1}^L \left\{ \alpha_0 + \alpha_l \text{logistic} \left(\sum_{j=1}^k (\beta_{0l} + \beta_{jl} X_{tj}) \right) \right\}
\end{aligned} \tag{26}$$

ただし、

$$\begin{aligned}
Y_t &: \text{出力 (目的変数)} \\
\mathbf{X}_t &= (X_{t1}, \dots, X_{tk}) : \text{時点 } t \text{ の入力 (説明変数) ベクトル} \\
X_{tk} &: k \text{ 番目の入力 (説明変数)} \\
\alpha_l &: \text{隠れ層の } l \text{ 番目のパーセプトロンと目的変数のウェイト (パラメータ)} \\
L &: \text{隠れ層のパーセプトロン数} \\
\alpha_0 &: \text{出力層のバイアス (定数項)} \\
\beta_{jl} &: j \text{ 番目の入力 (説明変数) と } l \text{ 番目の隠れ層のパーセプトロンのウェイト (パラメータ)} \\
\beta_{0l} &: \text{隠れ層の } l \text{ 番目のパーセプトロンのバイアス (定数項)} \\
\text{logistic}(\cdot) &= \frac{\exp(\cdot)}{1 + \exp(\cdot)} : \text{ロジスティック関数}
\end{aligned} \tag{27}$$

NN モデルの推定は誤差逆伝播法 (Backward propagation algorithm) を用いてウェイトの勾配を計算し、勾配降下によって行う。なお、NN モデルの複雑さを調節する隠れ層のパーセプトロン数と、ウェイトの更新量の幅を調節する学習率はハイパーパラメータであり、分析者が指定する必要がある。

7 ハイパーパラメータの選択

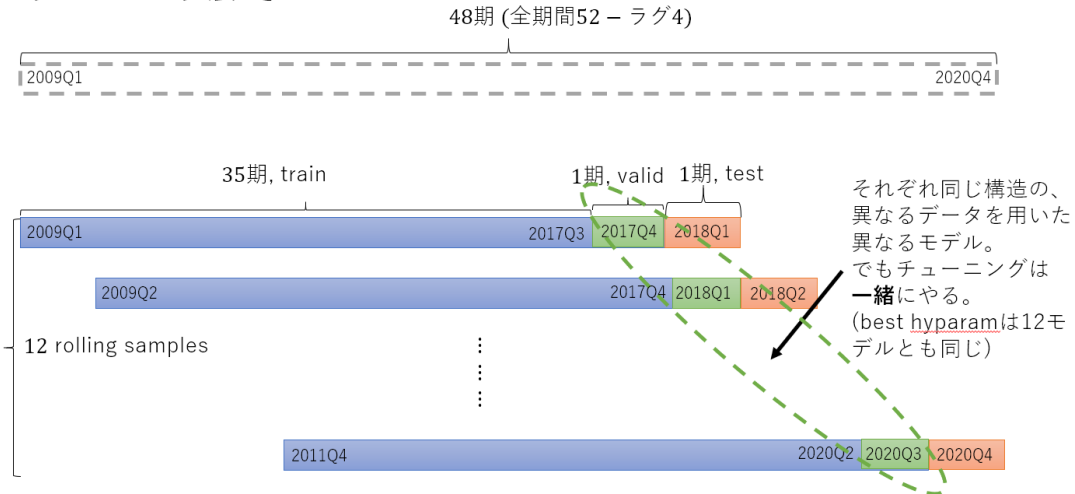
多くの機械学習アルゴリズムには、モデル推定の枠組みでは決定されない、分析者が指定する必要があるハイパーパラメータが存在する。ハイパーパラメータの値が正しく設定できていないと、それをもとに推定されたモデルは過学習もしくは学習不足^{*8}となる恐れ

^{*8} 過学習の反対語で、訓練データの規則性を十分とらえきれていないことを意味する。例えば、罰則付き回帰の罰則の強さを表す λ の値がデータに対して大きすぎる場合、係数の大きさに対する罰則が必要以上に強く、モデルがデータの規則性を受分に学習できない可能性が生じる。

図 4 ハイパーパラメータ選択のイメージ

チューニングの実装

・チューニング法 その2



があり、未知のデータに対して汎化性能を持たず、高い予測精度が期待できない。そこで本稿では適切なハイパーパラメータの値を設定するため、企業ごとにグリッドサーチを行う。

具体的には、ある1企業の12個のローリングサンプルそれぞれの訓練データのうち、最新時点のデータをあらたに検証データ (validation data) として分割する。例えば1つ目のローリングサンプル ($Data_{2008Q1}, Data_{2008Q2}, \dots, Data_{2017Q3}, Data_{2017Q4}, Data_{2018Q1}$) では、訓練データを ($Data_{2008Q1}, Data_{2008Q2}, \dots, Data_{2017Q3}$)、検証データを ($Data_{2017Q4}$)、テストデータを ($Data_{2018Q1}$) として3つに分割する。この分割を12個のローリングサンプルに対して行い、12個の検証データ ($Data_{2017Q4}, \dots, Data_{2020Q3}$) を得る。次に、候補となるハイパーパラメータの組を設定し、全通りのハイパーパラメータをそれぞれ用いて訓練データのみをもとに12個のモデルを推定し、検証データの目的変数を予測する。そして、検証データに対する予測能力が最も高いハイパーパラメータの組合せを最適な設定であるとする。最終的には、最適なハイパーパラメータを用いて訓練データと検証データの両方をもとにモデルを推定し、テストデータの目的変数を予測する。図4は本稿におけるハイパーパラメータの選択のイメージを表している。

第 V 部

予測精度指標

各モデルの四半期 EPS 予測の精度を測るために、以下の予測精度指標を用いる。

平均絶対誤差 (Mean Absolute Error: MAE)

$$\text{MAE} = \frac{1}{T} \sum_{t=1}^T |Y_t - \hat{Y}_t| \quad (28)$$

平均絶対誤差率 (Mean Absolute Percentage Error: MAPE)

$$\text{MAPE} = \frac{1}{T} \sum_{t=1}^T \left| \frac{Y_t - \hat{Y}_t}{Y_t} \right| \quad (29)$$

平均二乗誤差率 (Mean Squared Percentage Error: MSPE)

$$\text{MSPE} = \frac{1}{T} \sum_{t=1}^T \left(\frac{Y_t - \hat{Y}_t}{Y_t} \right)^2 \quad (30)$$

ただし、 T はテストデータの期間であり、本稿では 12 期間である。なお、絶対予測誤差率 $\left| \frac{Y_t - \hat{Y}_t}{Y_t} \right|$ が 1 を超える予測サンプルについて、Brown & Rozeff (1979)、Lorek & Willinger (n.d.)、Zhang et al. (2004) に倣い絶対予測誤差率の上界 (Upper Bound) を 1 とし、この制約に基づいて算出した精度指標を報告することとする。また、そのような予測サンプルは Large forecast error サンプルとし、予測精度指標と併せて Large forecast error の割合も報告する。

上述の指標は異なる予測モデル間で予測精度を比較するために用いられる。一方、精度指標の値は本稿で用いているデータセットのみに由来しているため、精度指標の大小関係を比較するだけではモデルの精度の優劣を一般化することはできない。そこで、異なる 2 つの予測モデル間に統計的に有意な予測精度の差が存在するかどうかを検定するために、Diebold-Mariano(DM) 検定 Diebold & Mariano (2002) を行う。

第 VI 部

結果

表 3 1 期先四半期 EPS の予測精度

Model ^a	Q1				Q2				Q3				Q4				Overall			
	MAE ^b	MAPE ^c	MSPE ^d	Large Forecast Error ^e	MAE	MAPE	MSPE	Large Forecast Error	MAE	MAPE	MSPE	Large Forecast Error	MAE	MAPE	MSPE	Large Forecast Error	MAE	MAPE	MSPE	Large Forecast Error
U-RW	44.178	0.668	0.572	0.426	27.604	0.529	0.408	0.257	29.684	0.499	0.372	0.223	47.929	0.621	0.514	0.361	37.349	0.579	0.467	0.317
U-SRW	27.130	0.547	0.436	0.278	27.380	0.505	0.390	0.238	26.260	0.461	0.338	0.204	47.176	0.573	0.464	0.322	31.986	0.521	0.407	0.260
U-ARIMA-F	32.595	0.549	0.437	0.295	25.696	0.480	0.362	0.224	28.321	0.477	0.355	0.214	46.729	0.573	0.463	0.323	33.335	0.520	0.404	0.264
U-ARIMA-G	37.745	0.567	0.460	0.324	30.889	0.481	0.366	0.239	33.191	0.488	0.370	0.235	50.171	0.570	0.461	0.318	37.999	0.526	0.414	0.279
U-ARIMA-BR	36.398	0.559	0.445	0.293	29.178	0.482	0.362	0.225	30.087	0.471	0.348	0.210	47.664	0.564	0.452	0.301	35.832	0.519	0.402	0.257
U-LASSO	35.157	0.591	0.474	0.289	31.028	0.530	0.401	0.216	33.876	0.521	0.385	0.184	45.539	0.592	0.473	0.279	36.400	0.559	0.433	0.242
U-RIDGE	41.878	0.576	0.469	0.335	35.435	0.506	0.391	0.262	36.957	0.499	0.373	0.222	49.674	0.575	0.464	0.315	40.986	0.539	0.424	0.283
U-EN	33.964	0.581	0.462	0.284	30.709	0.519	0.390	0.214	32.681	0.510	0.372	0.177	45.631	0.591	0.471	0.276	35.746	0.550	0.423	0.238
U-NN	50.730	0.624	0.515	0.344	49.402	0.580	0.460	0.282	49.406	0.554	0.430	0.257	60.493	0.626	0.516	0.340	52.507	0.596	0.480	0.306
M-OLS1	64.118	0.626	0.527	0.388	50.599	0.556	0.447	0.320	40.429	0.528	0.414	0.274	60.890	0.603	0.499	0.354	54.009	0.578	0.472	0.334
M-OLS2	62.459	0.613	0.514	0.380	44.044	0.549	0.439	0.308	77.543	0.569	0.461	0.324	84.423	0.625	0.526	0.386	67.117	0.589	0.485	0.350
M-OLS3	333.790	0.821	0.769	0.679	278.607	0.798	0.738	0.638	263.912	0.790	0.727	0.620	225.436	0.797	0.733	0.627	275.436	0.801	0.742	0.641
M-LASSO	23.602	0.490	0.374	0.231	23.495	0.438	0.321	0.191	24.323	0.422	0.302	0.172	38.054	0.495	0.382	0.244	27.368	0.461	0.345	0.210
M-RIDGE	38.072	0.527	0.419	0.293	33.862	0.483	0.374	0.251	36.597	0.468	0.355	0.242	45.746	0.534	0.429	0.303	38.569	0.503	0.394	0.272
M-EN	22.947	0.479	0.362	0.218	22.732	0.425	0.308	0.182	23.679	0.417	0.296	0.168	37.675	0.492	0.377	0.237	26.758	0.453	0.336	0.201
M-RF	24.657	0.495	0.382	0.257	21.235	0.413	0.295	0.179	22.740	0.408	0.287	0.172	36.761	0.513	0.398	0.258	26.348	0.457	0.340	0.217
M-NN	35.838	0.588	0.480	0.337	36.753	0.534	0.416	0.271	32.974	0.517	0.392	0.234	46.387	0.595	0.485	0.334	37.988	0.558	0.443	0.294

^a 各モデルの先頭文字列 U-は単変量モデル, M-は多変量モデルを表す。また, RW はランダムウォークモデル, SRW は季節ランダムウォークモデル, ARIMA-F, ARIMA-G, ARIMA-BR はそれぞれ Foster (1977), Griffin (1977), Brown & Rozeff (1979) の設定の ARIMA モデル, OLS1, OLS2, OLS3 はそれぞれ式 (11), (12), (13) の線形回帰モデル, RIDGE は Ridge 回帰モデル, LASSO は LASSO 回帰モデル, EN は Elastic Net 回帰モデル, RF はランダムフォレスト回帰モデル, NN はニューラルネットワークモデルを表す。

^b 平均絶対誤差 (Mean Absolute Error: MAE)

^c 平均絶対誤差率 (Mean Absolute Percentage Error: MAPE)

^d 平均二乗誤差率 (Mean Squared Percentage Error: MSPE)

^e 絶対予測誤差率 ($\left| \frac{Y_t - \hat{Y}_t}{Y_t} \right|$) が 1 を超える Large Forecast Error サンプルについては絶対予測誤差率を 1 とし, 全予測サンプルのうち Large Forecast Error サンプルの割合を示している。

表 3 は各予測指標の全企業平均を四半期別、全テスト期間で集計したものを示している。まず単変量モデル間での予測精度を比較すると、MAE が最も低いモデルは各四半期ごとの予測精度も DM 検定 桜井 1990 の第 4 四半期が最も不正確なのと整合的

第 VII 部

予測の投資指標としての有用性

第 VIII 部

終わりに

参考文献

- Abarbanell, J. S. & Bushee, B. J. (1997), 'Fundamental analysis, future earnings, and stock prices', *Journal of accounting research* **35**(1), 1–24.
- Ahmed, N. K., Atiya, A. F., Gayar, N. E. & El-Shishiny, H. (2010), 'An empirical comparison of machine learning models for time series forecasting', *Econometric Reviews* **29**(5-6), 594–621.
- Bates, J. M. & Granger, C. W. (1969), 'The combination of forecasts', *Journal of the Operational Research Society* **20**(4), 451–468.
- Box, G. E., Jenkins, G. M., Reinsel, G. C. & Ljung, G. M. (2015), *Time series analysis: forecasting and control*.
- Breiman, L. (2001), 'Random forests', *Machine learning* **45**(1), 5–32.
- Brown, L. D. & Rozeff, M. S. (1979), 'Univariate time-series models of quarterly accounting earnings per share: A proposed model', *Journal of Accounting Research* **17**(1), 179–189.
- Callen, J. L., Kwan, C. C., Yip, P. C. & Yuan, Y. (1996), 'Neural network forecasting of quarterly accounting earnings', *International Journal of Forecasting* **12**(4), 475–482.
- Cao, K. & You, H. (2020), Fundamental analysis via machine learning, Technical

- report, Working Paper.
- Cao, Q. & Gan, Q. (2009), ‘Forecasting eps of chinese listed companies using neural network with genetic algorithm’, *15th Americas Conference on Information Systems 2009, AMCIS 2009* **5**, 2971–2981.
- Diebold, F. X. & Mariano, R. S. (2002), ‘Comparing predictive accuracy’, *Journal of Business & economic statistics* **20**(1), 134–144.
- Etemadi, H., Ahmadvpour, A. & Moshashaei, S. M. (2015), ‘Earnings per share forecast using extracted rules from trained neural network by genetic algorithm’, *Computational Economics* **46**(1), 55–63.
- Foster, G. (1977), ‘Quarterly accounting data: Time-series properties and predictive-ability results’, *Accounting Review* **52**(1), 1–21.
- Griffin, P. A. (1977), ‘The time-series behavior of quarterly earnings: preliminary evidence’, *Journal of Accounting Research* pp. 71–83.
- Hastie, T., Tibshirani, R. & Friedman, J. (2009), *The Elements of Statistical Learning: Data Mining, Inference, and Prediction Second Edition*, New York, NY.
- Hill, T., Marquez, L., O’Connor, M. & Remus, W. (1994), ‘Artificial neural network models for forecasting and decision making’, *International journal of forecasting* **10**(1), 5–15.
- Hill, T., O’Connor, M. & Remus, W. (1996), ‘Neural network models for time series forecasts’, *Management science* **42**(7), 1082–1092.
- Hoerl, A. E. & Kennard, R. W. (1970), ‘Ridge regression: Biased estimation for nonorthogonal problems’, *Technometrics* **12**(1), 55–67.
- Hopwood, W. S. & McKeown, J. C. (1986), *Univariate time-series analysis of quarterly earnings: Some unresolved issues*, Sarasota, FL.
- Hornik, K., Stinchcombe, M. & White, H. (1989), ‘Multilayer feedforward networks are universal approximators’, *Neural networks* **2**(5), 359–366.
- Lev, B. & Thiagarajan, S. R. (1993), ‘Fundamental information analysis’, *Journal of Accounting research* **31**(2), 190–215.
- Lorek, K. S. & Willinger, G. L. (n.d.), ‘A multivariate time-series prediction model for cash-flow data’, *Accounting Review* **71**.
- Qi, M. (1999), ‘Nonlinear predictability of stock returns using financial and economic variables’, *Journal of Business & Economic Statistics* **17**(4), 419–429.
- Tibshirani, R. (1996), ‘Regression shrinkage and selection via the lasso’, *Journal of*

- the Royal Statistical Society: Series B (Methodological)* **58**(1), 267–288.
- Tkáč, M. & Verner, R. (2016), ‘Artificial neural networks in business: Two decades of research’, *Applied Soft Computing* **38**, 788–804.
- Zhang, W., Cao, Q. & Schniederjans, M. J. (2004), ‘Neural network earnings per share forecasting models: A comparative analysis of alternative methods’, *Decision Sciences* **35**(2), 205–237.
- Zou, H. & Hastie, T. (2005), ‘Regularization and variable selection via the elastic net’, *Journal of the royal statistical society: series B (statistical methodology)* **67**(2), 301–320.
- 桜井, 久. (1990), ‘会計利益の時系列特性と利益予測’, 経営学・会計学・商学研究年報 / 神戸大学大学院経営学研究科編 (36), 45–98.
- 太田, 浩. (2006), ‘経営者予想に関する日米の研究 : 文献サーベイ’, 武蔵大学論集 **54**(1), 53–94.