1. 任意の $g \in \mathcal{L}^p(\mathbb{R}^d)$ に対して、次を証明せよ。

$$\int_{\mathbb{R}^d} |g(x) - g(x) 1B(0, m)(x)|^p dx \xrightarrow{m \to \infty} 0$$
 (1)

(HINT:Lebesgue の収束定理を使う。仮定の殆どは $\mathcal{L}^p(\mathbb{R}^d)$ の定義からわかる。)

2.
$$a=(a_n)_{n\in\mathbb{Z}}\in\ell^2(\mathbb{Z})$$
 に対して $f=\sum_{n\in\mathbb{Z}}a_ne_n\in L^2((-\pi,\pi),\frac{1}{2\pi}\mathrm{d}x)$ と奥。