실험 3-1. 비저항측정 실험

1. 목적

서로 다른 금속의 비저항은 직경을 알고 있는 철사의 저항을 길이에 따른 함수로 나타냄으로써 구할 수 있다. 또한 길이가 고정된 철사의 저항은 단면적에 반비례함을 알 수 있다.

2. 이론

전류 (I)가 철사를 통하여 흐를 때, 저항이 R 인 일정 길이의 철사를 통과하는 동안의 전압 강하(V)는 옴의 법칙을

$$V = IR$$

또는 R 에 대하여 다음과 같이 나타낼 수 있다.

$$R = \frac{V}{I} \tag{1}$$

이 실험에서는, 다양한 길이의 철사의 R 을 구하기 위하여 V 와 I 를 측정한 다음, R vs. 길이(L) 그래프를 그릴 것이다. 철사의 저항은 철사의 길이, 단면적(A), 그리고 재료의 비저항(ρ)에 의존한다.

$$R = \frac{\rho L}{\Lambda} \tag{2}$$

그러므로 비저항은 다음과 같다.

$$\rho = \frac{R}{L}A = \frac{R}{L}\pi \left(\frac{d}{2}\right)^2 \tag{3}$$

여기서 R/L 은 R vs. L 그래프의 기울기이며, d 는 철사의 직경이다.

3. 기구 및 장치

- 850 universal interface
- 비저항 측정 장치
- 버니어캘리퍼스

4. 실험방법

(1) 그림 1 과 같이 장치를 연결한 다음 "Resistivity(student).cap" 파일을 연다.



Figure 1

- (2) 황동 1, 황동 2, 황동 3, 구리, 강철 철사의 두께를 버니어캘리퍼스를 이용하여 측정하고 기록한다. (황동, 구리, 강철은 각각 금색, 주황색, 회색 이다.)
- (3) 비저항 장치에서, 레퍼런스 프로브 및 슬라이드 프로브를 정지(Park) 위치로 이동시킨다. 프로브는 좌우로 가능한 한 멀리 떨어지도록 하여 시료 철사를 올려놓을 수 있어야 한다. 제자리에 들어맞도록 되어 있다.

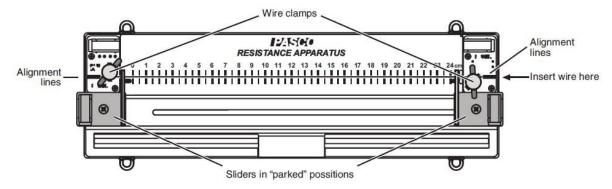
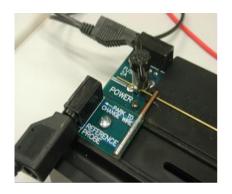


Figure 2

- (4) 철사를 통과시킬 수 있도록, 2 개의 검정색 손잡이를 반시계 방향으로 돌려 클램프를 열어준다.
- (5) 황동 1 철사를 장치에 설치한다. 흰색 정렬 해쉬 마크가 있는 곳에서 왼쪽 또는 오른쪽에서부터 미끄러뜨려 넣는다. 그림 3 는 철사를 통과시킨 오른쪽 클램프와 왼쪽 클램프를 보여준다.



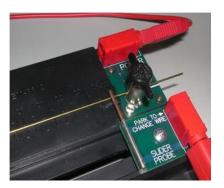


Figure 3

(6) Capstone 화면 왼쪽의 도구 막대에서 신호 발생기(Signal Generator) 창을 열어, 850 Output 1 을 DC 전압 2.0V 로 설정한다. ON 버튼을 눌러 신호 발생기를 켠다.(그림 4)

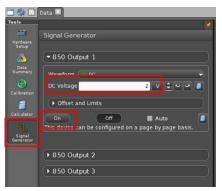


Figure 4

(7) Capstone 화면 왼쪽의 도구 막대에서 데이터 요약(Data Summary) 창을 열어, Voltage, Ch A 행의 오른쪽 상단의 톱니바퀴 모양 아이콘을 클릭한다. 적절한 gain 을 선택한다

(황동, 구리, 강철의 gain 은 각각 x100, x1000, x10 을 선택한다.)

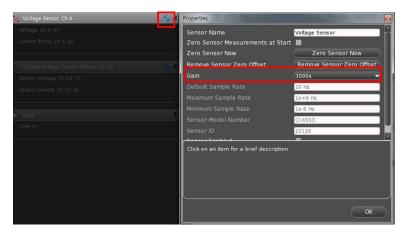


Figure 5 (8) 비저항 장치의

슬라이더 프로브를 5.0cm 위치에 오도록 이동시킨다.

- (9) 화면 좌측 하단의 RECORD 버튼을 클릭한다. 측정값이 안정될 때까지 몇 초간 기다린 뒤 STOP 버튼을 클릭한다.
- (10)저항 값을 기록한다.
- (11) 슬라이더 위치를 10.0cm, 15.0cm, 20.0cm, 24.0cm 로 바꾸어 과정 9 와 10 을 반복한다.
- (12) Capstone 화면 왼쪽의 도구 막대에서 신호 발생기(Signal Generator) 창을 열어, OFF 버튼을 눌러 신호 발생기를 꺼준다.
- (13)황동 2, 황동 3, 구리, 강철 철사로 5~12 과정을 반복한다.

5. DATA SHEET

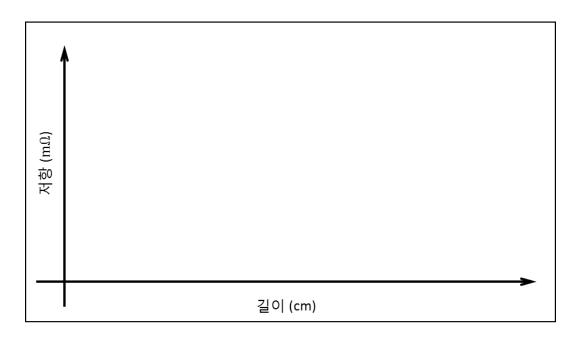
황동1	
두께 :	
L (cm)	R (mΩ)
5	
10	
15	
20	
24	

황동2	
두께:	
L (cm)	R (mΩ)
5	
10	
15	
20	
24	

황동3	
두께 :	
L (cm)	R (mΩ)
5	
10	
15	
20	
24	

구리	
두께:	
L (cm)	R (mΩ)
5	
10	
15	
20	
24	

강철	
두께 :	
L (cm)	R (m Ω)
5	
10	
15	
20	
24	



물질	비저항 실험 (Ωm)	비저항 이론 (Ωm)	오차율 (%)
황동1		7×10^{-8}	
황동2		7×10^{-8}	
황동3		7×10^{-8}	
구리		1.8×10^{-8}	
강철		79×10^{-8}	

6. 질문

- 1) 철사의 저항을 길이에 따른 함수로 나타내었을 때 함수는 어떤 모양을 갖는가? 그러한 모양을 갖는 이유는 무엇인가?
- 2) 황동 철사는 단면적에 따라 비저항과 저항이 어떻게 달라지는가? 그렇게 달라지는 이유는 무엇인가?

실험 3-2. 전기 회로 실험 (Wheatstone Bridge)

1. 목적

휘트스톤 브리지의 구조와 사용 방법을 알고, 이것을 이용하여 미지의 전기저항을 정밀하게 측정한다.

2. 원리

(1) 이론 휘트스톤 브리지는 [그림 1](a) 와 같이 저항 R_1 , R_2 , R_k R_x 를 연결하고, 점 a 와 b 사이를 검류계 G 로 연결하여 두 점 사이의 전위차를 알아볼 수 있게 한 장치이다. 이 휘트스톤 브리지는 R_1 과 R_2 및 R_k 를 적당히 조절하여 검류계(G)에 전류가 흐르지 않게 하여 평형조건을 찾는 영점법 (null-comparison method)을 사용한다. 검류계에 있는 스위치를 닫았을 때 검류계의 지침이 0 이 된다는 것은 a 와 b 점 사 이에 전류가 흐르지 않는다는 것을 말하여, a 와 b 점은 등전위점이 되었다는 뜻이다. 이것은 $V_{ac}=I_kR_k$ 와 $V_{bc}=I_1R_1$ 이 같다는 뜻이므로, 다음식이 성립된다.

$$I_K R_K = I_1 R_1 \tag{1}$$

$$I_x R_x = I_2 R_2 \tag{2}$$

지금 R₁ 과 R₂, R_k 와 R_x 는 서로 연결되어 있다. 검류계를 통하는 전류가 0 이므로 I₁=I₂, I_x=I_k가 되어, 식 (1)와 (2)의 비를 취하면

$$R_x/R_k = R_2/R_1 \quad \stackrel{\text{\tiny q}}{=} \quad R_x = R_K (R_2/R_1)$$
 (3)

를 얻는다.

[그림 1] (b)와 같은 습동선형 휘트스톤 브리지에서, R_1 과 R_2 는 단면적이 A 이고 비저항이 ρ 인 균일 저 항선이 선분으로 되어 있다. 따라서, 단위길이당 저항선은 일정하다. 따라서, 각 선분의 저항 R₁과 R₂는 그 길이에 비례한다. R_1 에 해당하는 선분의 길이는 I_1 , R_2 에 대한 선분의 길이를 I_2 라 하면 R_1 , R_2 는 다 음 관계식을 만족한다.

 R_2 에 대한 선분의 길이를 I_2 라 하면 R_1 , R_2 는 다음 관계식을 만족한다.

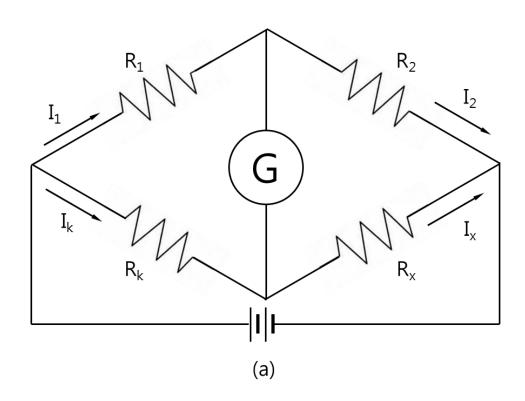
$$R_1 = \rho I_1 / A$$
, $R_2 = \rho I_2 / A$ (4)

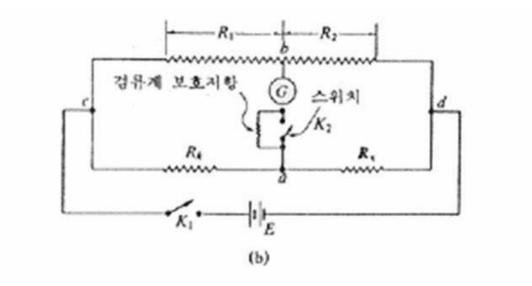
$$R_2/R_1 = \rho I_2/A / \rho I_1/A = I_2/I_1$$
 (5)

식 (4)를 (3)에 대입하면 R_x는

$$R_{x} = R_{k} \left(I_{2} / I_{1} \right) \tag{6}$$

이다. 따라서 길이 I_1 과 I_2 를 측정하고, R_k 의 값을 정확히 앎으로써, R_x 를 정확히 알아낼 수 있다.





[그림 1] 휘트스톤 브리지

다이얼형 휘트스톤 브리지는 대부분 같은 구조를 갖고 있으며, 그 형태가 [그림 2]와 같은 것의 작동 원리를 예로 들어서 설명하기로 한다. 맨 위 중앙의 다이얼은 R_2/R_1 값을 정하는 비례 배수 $(0.001,\,0.00\cdots,\,1000\,$ 등) 이고, R_v는 아래 2 줄로 놓인 4 개의 다이얼 (X1000, X100, X10, X1)로 구성되어 있으며, 각 다이얼은 0 에서 9 까지의 한 값을 선택할 수 있게 되어 있다. 단자 X 에는 측정하려는 저항 R_x 를 연결 한다. 비례 배수 다이얼과 R_v 를 맞추어 놓고 BA 버튼을 눌러 전원용 스위치을 닫는다. 다음 검류계용 스위치 GA 를 가볍게 눌러 연결시켜 주면서 그 바늘의 움직임을 주시한다. (검류계의 바늘이 심히 벗어 나게 될 때에는 검류계가 파손될 우려가 있으므로 검류계의 분류 저항(shunt) Rs 를 달아 검류계를 보호 하는 것이 좋다.)



[그림 2] 다이얼형 휘트스톤 브릿지

비례 배수 다이얼을 돌려 위와 반대 방향으로 바늘이 움직이는 위치를 찾는다. 이 과정에서 R_2/R_1 의 대략적인 값을 구한다.

다음에 3 개의 가변 저항 다이얼을 조정하여 검류계 바늘의 벗어나기가 최소로 되도록 한다. 그리고 검류계의 분류 저항 다이얼을 떼어서 검류계의 감도를 최대로 한다. 가급적 많은 유효숫자를 얻기 위하 여 R_v의 최소 단위인 다이얼을 쓸 수 있도록 비례 배수 다이얼을 쓸 수 있도록 비례배수 다이얼을 다 시 정하고 ,검류계의 바늘이 0 을 가리킬 때의 R_v 를 구한다. 측정한 R_v 와 R_2/R_1 을 식 (3)에 대입하며 미지 저항 Rx를 산출한다. 측정을 하기 전에 저항의 개략값을 알고 측정하는 것이 편리하다.

3. 기구 및 장치

(1) 다이얼형 휘트스톤 브리지

(2) 3 개의 저항체 (색 코드가 있는 것)

4. 실험방법

회로 구성 다이얼형 휘트스톤 브리지와 [그림 1(a)] 회로를 비교하면 각각의 다이얼은 다음 [그림 3]과 같다.



[그림 3] 다이얼형 휘트스톤 브리지

저항 측정 (다이얼형 브리지) 색코드(colcor code)가 붙어 있는 저항체 중 하나를 미지저항 Rx로 생각하고, 브리지법으로 측정 한 값과

색코드로부터 표시된 값과 비교하자.

- (1) 미지저항 Rx 로 선택된 저항체의 색코드를 보고, 그 저항의 평균값 Rn 과 오차범위(tolerance)를 보고서의 표에 기입한다.
- (2) 이 저항체를 회로의 R_x 위치에 연결한다.
- (3) 좌측상단의 스위치를 INT 로 놓고, BA 를 눌러 전원을 켠다.
- (4) MULTIPLY 다이얼이 각각 0.1, 1, 10 일때, R㎏ 를 조절한 후 GA 버튼을 눌러 검류계의 눈금이 변하지 않는 R_k 값을 찾는다.
- (5) R_k 와 MULTIPLY 값을 이용하여 R_x 를 구하고 기록한다.
- (6) 나머지 2 개의 저항체에 대해서도 앞의 순서를 반복하여 저항값을 측정해보라. (이론을 참고)

5. DATA SHEET

실 		(저항띠 참고)	R _K Rx	(Rn-Rx)	오차범위		
ida I	험 R ₂ / R ₁	Rn (Ω)	오차범위 (%)	(Ω)	(Ω)	(Ω)	저항(Ω)
저 항 A	0.1						
	1						
	10						
저 항 B	0.1						
	1						
	10						
저 항 C	0.1						
	1						
	10						

lpha 오차범위 저항(Ω) = $R_n \times %$ 오차범위

6. 질문

1) 색코드가 붙어있는 저항체의 측정저항이 그 오차범위 내에 있는가? 그 오차범위 내에 들지 않으면 그 원인은 무엇인가?

2) R_2 / R_1 의 비를 어떻게 잡는 것이 저항측정의 정확도를 높일 수 있는가?