

图 7.33 的交通图,对从北京到上海的火车,需给出北京至天津、天津至徐州及徐州至上海各段的出发时间、到达时间及票价等信息。

(2) 以邻接表作交通图的存储结构,表示边的结点内除含有邻接点的信息外,还应包括交通工具、路程中消耗的时间和花费以及出发和到达的时间等多项属性。

#### 【选作内容】

增加旅途中转次数最少的最优决策。

## 实习报告示例:5.5 题 校园导游咨询

### 实习报告

题目: 编制一个为来访客人进行最短路径导游的程序

班级: 计算机 95(1) 姓名: 丁一 学号: 954211 完成日期: 1997.12.4

#### 一、需求分析

1. 从清华大学的平面图中选取 19 个有代表性的景点,抽象成一个无向带权图。以图中顶点表示景点,边上的权值表示两地之间的距离。

2. 本程序的目的是为用户提供路径咨询。根据用户指定的始点和终点输出相应路径,或者根据用户指定的景点输出景点的信息。

3. 测试数据(附后)。

#### 二、概要设计

1. 抽象数据类型图的定义如下:

**ADT Graph {**

数据对象 V: V 是具有相同特性的数据元素的集合,称为顶点集。

数据关系 R:

$R = \{VR\}$

$VR = \{(v, w) \mid v, w \in V, (v, w) \text{ 表示 } v \text{ 和 } w \text{ 之间存在路径}\}$

基本操作 P:

**CreateGraph (&G, V, VR)**

初始条件: V 是图的顶点集,VR 是图中边的集合。

操作结果: 按 V 和 VR 的定义构造图 G。

**DestroyGraph (&G)**

初始条件: 图 G 存在。

操作结果: 销毁图 G。

**LocateVex (G, u)**

初始条件: 图 G 存在, u 和 G 中顶点有相同特征。

操作结果: 若  $G$  中存在顶点  $u$ , 则返回该顶点在图中位置; 否则返回其他信息。

**GetVex ( $G, v$ )**

初始条件: 图  $G$  存在,  $v$  是  $G$  中某个顶点。

操作结果: 返回  $v$  的信息。

**FirstEdge ( $G, v$ )**

初始条件: 图  $G$  存在,  $v$  是  $G$  中某个顶点。

操作结果: 返回依附于  $v$  的第一条边。若该顶点在  $G$  中没有邻接点, 则返回“空”。

**NextEdge ( $G, v, w$ )**

初始条件: 图  $G$  存在,  $v$  是  $G$  中某个顶点,  $w$  是  $v$  的邻接顶点。

操作结果: 返回依附于  $v$  的(相对于  $w$  的)下一条边。若不存在, 则返回“空”。

**InsertVex ( $\&G, v$ )**

初始条件: 图  $G$  存在,  $v$  和图中顶点有相同特征。

操作结果: 在图  $G$  中增添新顶点  $v$ 。

**DeleteVex ( $\&G, v$ )**

初始条件: 图  $G$  存在,  $v$  是  $G$  中某个顶点。

操作结果: 删除  $G$  中顶点  $v$  及其相关的边。

**InsertEdge ( $\&G, v, w$ )**

初始条件: 图  $G$  存在,  $v$  和  $w$  是  $G$  中两个顶点。

操作结果: 在  $G$  中增添边  $(v, w)$ 。

**DeleteEdge ( $\&G, v, w$ )**

初始条件: 图  $G$  存在,  $v$  和  $w$  是  $G$  中两个顶点。

操作结果: 在  $G$  中删除边  $(v, w)$ 。

**GetShortestPath ( $G, st, nd, \&Path$ )**

初始条件: 图  $G$  存在,  $st$  和  $nd$  是  $G$  中两个顶点。

操作结果: 若  $st$  和  $nd$  之间存在路径, 则以  $Path$  返回两点之间一条最短路径, 否则返回其他信息。

} ADT Graph

## 2. 主程序

```
void mian( )
{
    初始化;
    do {
        接受命令(输入景点信息或输出最短路径);
        处理命令;
    } while (“命令”!= “退出”);
```

}

3. 本程序只有两个模块,调用关系简单。



### 三、详细设计

#### 1. 顶点、边和图类型

```
#define MAXVTXNUM 20 // 图中顶点数的最大值

typedef struct {
    string name; //该顶点代表的景点的名称
    string info; //景点的信息
} VertexType; // 顶点类型

typedef struct {
    int length; // 边的权值,表示路径长度
    int ivex, jvex; // 边的两端顶点号
} EdgeType; // 边的类型

typedef struct EdgeNode {
    EdgeType elem;
    EdgeNode * ilink, * jlink;
} EdgeNode, * EdgePtr; // 边的结点类型,指向边的指针

typedef struct {
    VertexType data;
    EdgePtr firstEdge; // 指向第一条依附该顶点的边的指针
} VNode; // 顶点类型

typedef struct {
    VNode Adjmulist[MAXVTXNUM]; // 邻接多重表
    int vexNum, edgeNum; // 图中的顶点数和边数
} GraphType; // 图类型
```

图的基本操作:

```
void InitGrah(GraphType &g);
// 初始化邻接多重表,表示一个空的图。g.vexNum=g.edgeNum=0。

status LocateVex(GraphType &g, string uname, int &i );
// 在图中查找其景点名称和 uname 相同的顶点。若存在,则以 i 返回其在邻接多
// 重表中的位置并返回 TRUE(g.Adjmulist[i].data.name=uname),否则返回
// FALSE。
```

```

void GetVex(GraphType g, int i, VertexType &v);
// 以 v 返回邻接多重表中序号为 i 的顶点 g.Adjmulist[i].data。
EdgePtr FirstEdge(GraphType g, int vi);
// 返回图 g 中指向依附于顶点 vi 的第一条边的指针 g.adjmulist[vi].firstEdge。
void NextEdge(GraphType g, int vi, EdgePtr p, int &vj, EdgePtr &q);
// 以 vj 返回图 g 中依附于顶点 vi 的一条边(由指针 p 所指)的另一端点;
// 以 q 返回图 g 中依附于顶点 vi 且相对于指针 p 所指边的下一条边。
void InsertVex(GraphType &g, VertexType v);
// 在图 g 的邻接多重表中添加一个顶点 v。
void InsertEdge(GraphType &g, EdgeType e);
// 在图 g 的邻接多重表中添加一条边 e。
void DeleteVex(GraphType &g, VertexType v);
// 从图 g 中删除顶点 v 及所有依附该顶点的边。
void DeleteEdge(GraphType &g, EdgeType e);
// 从图中删除边 e。

```

其中部分操作的伪 EdgePtr 码算法如下:

```

void NextEdge(GraphType g, int vi, EdgePtr p, int &vj, EdgePtr &q)
{
//以 vj 返回依附于顶点 vi 的一条边(由指针 p 所指)的另一端点;
//以 q 返回 vi 在图 g 中相对于该边的下一条边。
    if (p->elem.ivex == vi) {q = p->ilink; vj = p->elem.jvex;}
    else {q = p->jlink; vj = p->elem.ivex;}
}

void InsertEdge(GraphType &g, EdgeType e)
{
//在图 g 的邻接多重表中添加一条边 e。
p = (EdgePtr)malloc(sizeof(EdgeNode));
p->elem = e;
p->ilink = FirstEdge(g, e.ivex);
p->jlink = FirstEdge(g, e.jvex);
g.Adjmulist[e.ivex].firstedge = g.Adjmulist[e.jvex].firstedge = p;
}

```

## 2. 路径类型

```

typedef struct {
    int vx, vy;
} Edge;

```

```

typedef struct {
    Edge  edges[MAXVTXNUM]; // 路径中边的序列
    int   len;               // 路径中边的数目
} PathType;

typedef struct {
    string vertices[MAXVTXNUM]; // 路径中景点的序列
    int   num;
} PType;

```

相关的基本操作有：

```

void InitPath( PathType &pa );
//初始化 pa 为一条空路径(pa.len = 0)。
void copyPath( PathType &p1, PathType p2);
//复制路径 p1=p2。
void InsertPath(PathType &pa, int v, int w );
//在路径 pa 中插入一条边(v,w)。
int PathLength( PathType pa );
//返回路径 pa 的长度。
void OutPath( GraphType g, PathType pa, PType &vtxes );
//将路径转换为景点名称的序列。

```

其中部分操作的伪码算法如下：

```

void copyPath( PathType &p1, PathType p2)
{
    //复制路径 p1=p2。
    for ( i = 0; i<=p2.len; i++ ) {
        p1.edges[i].vx = p2.edges[i].vx;
        p1.edges[i].vy = p2.edges[i].vy
    }
    p1.len = p2.len;
}

void InsertPath(PathType &pa, int v, int w)
{
    //在路径 pa 中插入一条边(v, w)。
    pa.edges[pa.len].vx = v;
    pa.edges[pa.len].vy = w;
    pa.len++;
}

```

```
void OutPath(GraphType g, PathType pa, PType &vtxes)
```

```
{
    //将路径转换为景点名称的序列。
    m = 0;
    for ( i = 0; i < pa.len; i++ ) {
        GetVex(g, pa.edges[i].vx, vtx);
        vtxes[m++] = vtx.name;
    }
    GetVex(g, pa.edges[pa.len].vy, vtx);
    vtxes[m] = vtx.name;
    vtxes.num = m;
}
```

### 3. 主程序和其他伪码算法

```
void main( )
```

```
{
    //主程序
    Initialization;      // 系统初始化
    do {
        显示各景点名称;
        ReadCommand(cmd); // 读入一个操作命令符
        Interpret(cmd)     // 解释执行操作命令符
    } while ( cmd != 'q' && cmd != 'Q' );
} // main
```

```
void Initialization( )
```

```
{
    // 系统初始化
    ClrScr;      // 清屏
    显示以串的形式键入含导游图的数据文件名;
    scanf(filename); //读入文件名
    fin = fopen( filename, 'r');
    CreatGraph(ga, fin); // 从文件读入数据并建立图的多重邻接表
} //Initialization
```

```
void ReadCommand(char &cmd)
```

```
{
    // 读入操作命令符
    显示键入操作命令符的提示信息;
    do {cmd = getche();} while (cmd 不属于['s', 'S', 'v', 'V', 'q', 'Q']);
}
```

```

}

void Interpret(char cmd)
{
    // 解释执行操作命令 cmd
    switch (cmd) {
        case 's','S': 显示以串的形式键入景点名称的提示信息;
            scanf(sname);           //读入景点名称
            PrintScenery(sname);     //显示景点信息
            break;
        case 'v','V': 显示以串的形式键入始点名称和终点名称的提示信息;
            scanf(sname, tname);     // 读入始点和终点名称
            GetShortestPath(ga, sname, tname, pathlen, spath );
            PrintPath(spath, pathLen ); // 输出最短路径及其长度
            break;

        case 'q','Q':
    }
} //Interpret

void CreatGraph(GraphType &g, FILE *f)
{
    //从文件 f 中读入顶点和边的数据,建立图的多重邻接表
    InitGraph(g);
    fscanf(f,g.vexNum, g.edgeNum);
    for (i = 0; i<g.vexNum; i++ ) {
        fscanf(f, v.name, v.info );
        InsertVex( g, v);
    }
    for (k = 0; k<g.edgeNum; k++ ) {
        fscanf(f, e.ivex, e.jvex, e.length);
        if (e.length) InsertEdge(g, e);
    }
}

void GetShortestPath(GraphType g, string sname, string tname,
                    int &pathLength, PType &PathInfo )
{
    // 求从景点 sname 到景点 tname 的一条最短路径及其长度
    LocateVex(g, sname, sv);
    LocateVex(g, tname, tv);

```

```

    Shortestpath(g, sv, tv, pathLength, PathInfo);
}

void ShortestPath(GraphType g, int st, int nd,
                  int &pathLength, PType &PathInfo )
{
    // 利用迪杰斯特拉算法的基本思想求图 g 中从顶点 st 到顶点 nd 的一条
    // 最短路径 PathInfo 及其路径长度 pathLength。
    // 设 int dist[MAXVTXNUM]; PathType path[MAXVTXNUM];
    for (i = 0; i < g.vexNum; i++) //初始化
        { dist[i] = maxint; InitPath(path[i]); }
    p = Firstedge(g, st);
    while (p) { //初始化 dist 数组,检测依附于起始点的每一条边
        NextEdge(g, p, st, q, adjvex);
        dist[adjvex] = p->length;
        InsertPath(path[adjvex], st, adjvex);
        p = q;
    }
    found = FALSE;
    InitSet(ss); PutInSet(st, ss); //设 ss 为已求得最短路径的顶点的集合
    while (!found) {
        min = minval(dist);
        //在所有尚未求得最短路径的顶点中求使 dist[i]取最小值的 i 值
        if (min == nd) found = true;
        else {
            v = min; PutInSet(v, ss); // 将 v 加入集合 ss
            p = Firstedge(g, v);
            while (p) { //检测依附于 v 的每一条尚未访问过的边
                NextEdge(g, p, v, q, w);
                if (!InSet(w, ss) /* w 不在 ss 中 */ &&
                    (dist[v]+p->length) < dist[w]) {
                    dist[w] = dist[v]+p->length;
                    copyPath(path[w], path[v]);
                    InsertPath(path[w], v, w);
                }
                p = q;
            } // while (p)
        } // else
    } // while ( !found )
}

```

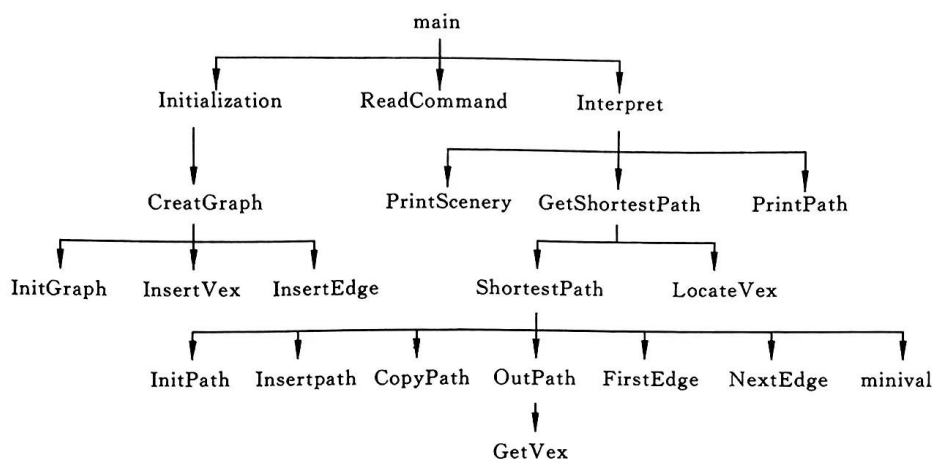


```

    pathLength = dist[nd];
    OutPath(g, path[nd], PathVal);
}

```

#### 4. 函数的调用关系图



### 四、设计和调试分析

1. 原设计在边的属性中加上访问标志域 mark, 意图以  $!(p \rightarrow \text{mark})$  代替  $! \text{InSet}(w, ss)$  来判别是否需要检测该条边, 后发现, 如此只能求出第一对顶点之间的最短路径。在继续求其他对顶点的最短路径时, 必须恢复所有边的访问标志为 FALSE, 则需要耗费  $O(e)$  的时间, 并不比现在的算法优越, 故舍去之。

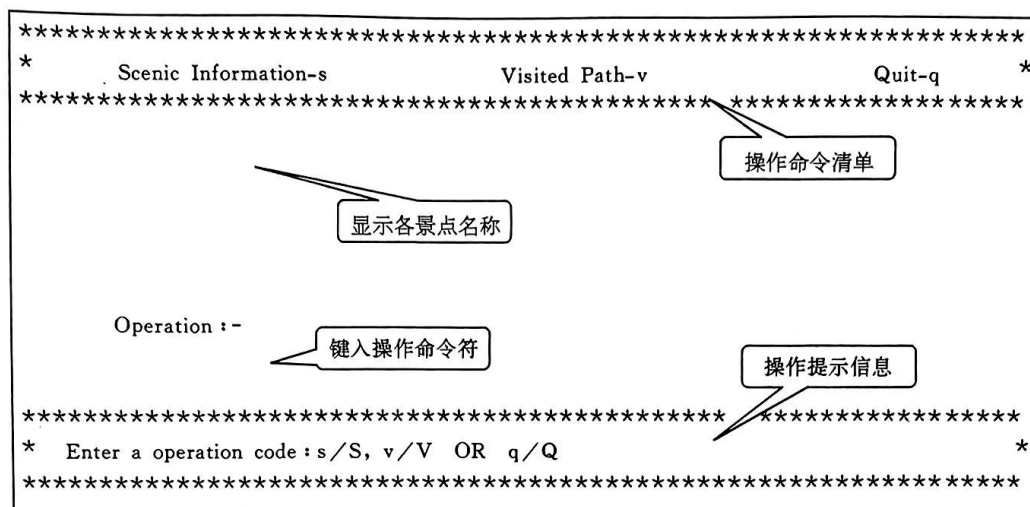
2. 考虑道路网多是稀疏网, 故采用邻接多重表作存储结构, 其空间复杂度为  $O(e)$ , 此时的时间复杂度也为  $O(e)$ 。构建邻接多重表的时间复杂度为  $O(n+e)$ , 输出路径的时间复杂度为  $O(n)$ 。由此, 本导游程序的时间复杂度为  $O(n+e)$ 。

3. 由于导游程序在实际执行时, 需要根据用户的临时输入求最短路径。因此, 虽然迪杰斯特拉算法的时间复杂度比弗洛伊德算法低, 但每求一条最短路径都必须重新搜索一遍, 在频繁查询时会导致查询效率降低, 而弗洛伊德算法只要计算一次, 即可求得每一对顶点之间的最短路径, 虽然时间复杂度为  $O(n^3)$ , 但以后每次查询都只要查表即可, 极大地提高了查询效率, 而且, 弗洛伊德算法还支持带负权的图的最短路径的计算。由此可见, 在选用算法时, 不能单纯地只考虑算法的渐近时间复杂度, 有时还必须综合考虑各种因素。

### 五、用户手册

1. 本程序的运行环境为 DOS 操作系统, 执行文件为: GraphTest.exe;
2. 进入演示程序后首先提示以串的形式输入数据文件名, 随即从文件读入道路网的数据并建立图的多重邻接表;

3. 之后即显示文本方式的用户界面：



4. 进入“查询景点信息(s/S)”的命令后,即提示以串的形式输入景点的名称,接受输入之后即显示该景点的信息;

5. 进入“查询路径信息(v/V)”的命令后,即提示以串的形式输入起始点和终点的名称,在接受用户的输入之后即显示两点之间的一条最短路径。

## 六、测试结果

1. 操作命令符为 v,

Source (始点):NorthGate(北门); Destination (终点):SouthGate(南门);

Shortest Path(最短路径): NorthGate(北门)—— 28 # Building(二十八号楼)—— 10thRestaurant(第十食堂)—— 3rdTeachBuilding(三教)—— TrafficTower(交通岗)—— SouthGate(南门)

Shortest Distance(最短路径长度): 250

2. 操作命令符为 v,

Source (始点): JinChuanYuan (近春园); Destination (终点):30 # Building(三十号楼);

Shortest Path(最短路径): JinChuanYuan (近春园)—— WestPlayground(西大操场)—— Library (图书馆)—— 10 thRestaurant(第十食堂)—— 30 # Building(三十号楼)

Shortest Distance(最短路径长度): 95

3. 操作命令符为 v,

Source (始点): Hospital(校医院); Destination (终点):MainBuilding(主楼);

Shortest Path(最短路径): Hospital (校医院)—— JinChuanYuan (近春园)—— WestPlayground(西大操场)—— Library (图书馆)—— 10 thRestaurant(第十食堂)—— 30 # Building(三十号楼)—— EestPlayground(东大操场)—— MainBuilding(主楼)

Shortest Distance(最短路径长度): 195

## 七、附录

源程序文件名清单：

```
GraphUnit.H    // 图类型
GraphTest.C    // 主程序
Graph.dat      // 清华园数据文件
```

注解：

    校园数据文件的格式：

    图中顶点的数目，图中边的数目

    景点名称，景点信息

        ⋮

    // 以下是边的信息

    始点号，终点号，路径长度

        ⋮

    // 顶点号由景点的输入顺序自然形成