



O Sistema Merkle-Hellman Knapsack

Bernardo Rodrigues César Silva
a79008@alunos.uminho.pt a77518@alunos.uminho.pt

Maria Francisca Fernandes
a72450@alunos.uminho.pt

Universidade do Minho — 2 de Maio de 2019

Resumo

Este documento apresenta os vários passos e considerações feitas para implementação do sistema em questão. Assim como, alguns factos relativos a este.

Conteúdo

1	Introdução	2
2	Implementação	3
2.1	Geração de Permutações	3
2.2	Geração de um sequência super crescente aleatória	3
2.3	Geração de Coprimos	4
2.4	Geração da Chave	4
2.4.1	Versão Multi-Iterada	4
2.5	Encriptação	4
2.6	Decriptação	4
2.6.1	Versão Multi-Iterada	4
3	Conclusões	5
A	Código??	6

Capítulo 1

Introdução

Ao contrario do RSA nao da para fazer assinaturas criptograficas - wiki 1976 Diffie Hellman introduzem a ideia de criptografia de chave publica Este trabalho foi desenvolvido no ambito da Unidade Curricular de *Teoria de Números Computacional*. De entre as escolhas possiveis, foi escolhido estudar o sistema *Merkle-Hellman Knapsack*.

Este foi um dos pioneiros da criptografia de chave pública, inventado por **Ralph Merkle** e por **Martin Hellman** em 1978. A ideia por detrás deste sistema é mais simples do que a de sistemas como o *RSA*, assentando no problema (tendo já sido quebrado – meter isto noutra sitio??).

Capítulo 2

Implementação

Ao longo das secções deste capítulo apresentamos os vários algoritmos seguidos para a codificação do sistema.

2.1 Geração de Permutações

Um dos passos da Geração da Chave Pública(criar ref) consiste em gerar uma permutação de uma sequência. Para tal utilizamos o algoritmo proposto por **Sandra Sattolo**. Este itera uma lista - *seq* - a partir do ultimo índice desta - *n*. Em cada passo calculamos um índice aleatório - *j* - tal que $1 \leq j < n$ e de seguida trocamos os valores de *seq_j* e *seq_n* e (explicar resto). Continuamos assim até que *n* = 1.

A implementação deste pode ser visualizada em criar ref.

O algoritmo pode ser visto aqui. criar ref.

2.2 Geração de um sequência super crescente aleatória

Um dos componentes da Chave Privada, um sequência b_1, \dots, b_n é considerada super crescente se:

$$b_i > \sum_{j=1}^{i-1} b_j$$

para cada *i* tal que $2 \leq i \leq n$.

Como tal, conseguimos deduzir:

$$b_1 + b_2 + \dots + b_j < 2 \times b_j$$

2.3 Geração de Coprimos

2.4 Geração da Chave

2.4.1 Versão Multi-Iterada

2.5 Encriptação

2.6 Decriptação

2.6.1 Versão Multi-Iterada

Algorithm 1 Solução da soma do subconjunto super crescente

```
1:  $i \leftarrow n$ 
2: while  $i \geq 1$  do
3:   if  $s \geq b_i$  then
4:      $x_i \leftarrow 1$ 
5:   else
6:      $x_i \leftarrow 0$ 
7:   end if
8:    $i \leftarrow i - 1$ 
9: end while
```

Capítulo 3

Conclusões

O RSA é melhor, passados 4 anos da sua criação o Knapsack foi quebrado.
Falar em quebrar uma mensagem em pedaços?? Criticar : fácil de quebrar.
Trabalho futuro: implementação de um quebra.

Apêndice A

Código??

Será que vai num ficheiro separadamente?