

- 第九章 振动学基础
 - §9.1 简谐振动
 - §9.2 简谐运动的合成与分解
 - §9.3 阻尼振动
- 第十章 波动学基础
 - §10.1 波动的基本概念
 - §10.2 简谐波
 - §10.3 波的能量
 - §10.4 波的干涉
 - §10.6 多普勒效应
- 第十一章 波动光学
 - §11.1 光的干涉
 - §11.2 光的衍射
 - §11.3 光的偏振
- 第四章 统计物理学基础
 - §4.2 理想气体
 - §4.3 能量均分定理 理想气体的内能
 - §4.4 统计分布
 - §4.5 气体分子的平均自由程
- 第五章 热力学基础
 - §5.2 热力学第一定律
- 第三章 狭义相对论
 - §3.1 狭义相对论的基本原理和洛伦兹变换
 - §3.3 狭义相对论动力学基础
- 第十二章 场的量子性
 - §12.1 黑体辐射与普朗克量子假设
 - §12.2 光电效应与爱因斯坦光子假说
 - §12.3 康普顿效应
 - §12.4 氢原子光谱与玻尔理论
- 第十三章 量子力学基本原理
 - §13.1 物质波假说及其实验验证
 - §13.2 不确定性关系
 - §13.3 微观粒子状态的描述 —— 波函数
 - §13.4 微观粒子状态演化的描述 —— 薛定谔方程
 - §13.5 一维势阱
 - §13.6 氢原子
- 第一章 运动的描述
- 第二章 对称性与守恒定律

- [第六章 静电场](#)
- [第七章 恒定磁场](#)
- [第八章 变化的电磁场](#)

大学物理 公式

第九章 振动学基础

§9.1 简谐振动

- 简谐运动动力学方程：（ ω 固有圆频率）

$$\frac{d^2x}{dt^2} + \omega^2 x = 0, \quad \omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

- 简谐运动运动方程：

$$x = A \cos(\omega t + \varphi)$$

- 已知简谐振动质点的初位移为 x_0 ，初速度为 v_0 ，可得振幅和初相：

$$A = \sqrt{x_0^2 + \left(\frac{v_0}{\omega}\right)^2}$$

$$\varphi = \arctan\left(-\frac{v_0}{\omega x_0}\right)$$

- 单摆的振动周期：（ l 单摆长度）

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi\sqrt{\frac{l}{g}}$$

- 复摆的振动周期：（ I 复摆转动惯量）

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi\sqrt{\frac{I}{mgh}}$$

- 弹簧振子在 t 的总机械能：

$$E = E_k + E_p = \frac{1}{2}kA^2$$

- 简谐振动在一个周期 T 内势能 \bar{E}_p 和动能 \bar{E}_k 的平均值

$$\bar{E}_p = \bar{E}_k = \frac{1}{2}E$$

§9.2 简谐运动的合成与分解

- 同一直线上相同频率的简谐运动的合成
 - 同相, 反相
- 同一直线上不同频率的简谐振动的合成
 - 合振动的表达式:

$$x = 2A \cos \frac{\omega_2 - \omega_1}{2} t \cos \left(\frac{\omega_2 + \omega_1}{2} t + \varphi \right)$$

- 合振动在单位时间内加强或减弱的次数拍频为:

$$\nu_{\text{拍}} = \frac{1}{T} \frac{\omega_2 - \omega_1}{2\pi} = \nu_2 - \nu_1$$

§9.3 阻尼振动

- 质量为 m 的振动物体, 在弹性力和阻力 $F_f (= -\gamma v)$ 作用下的动力学方程:

$$\frac{d^2 x}{dt^2} + \frac{\gamma}{m} \frac{dx}{dt} + \frac{k}{m} x = 0$$

- 欠阻尼情况($\beta < \omega_0$), 解为:

$$x = Ae^{-\beta t} \cos(\sqrt{\omega_0^2 - \beta^2} t + \varphi)$$

第十章 波动学基础

§10.1 波动的基本概念

- 在拉紧的绳或弦中, 横波的速度为: (F_T 为张力, ρ_l 为质量线密度)

$$u = \sqrt{\frac{F_T}{\rho_l}}$$

- 波速 u 、波长 λ 、周期 T 、频率 ν 之间的关系：

$$u = \frac{\lambda}{T} = \lambda\nu$$

§10.2 简谐波

- 沿 x 轴正方向传播的平面简谐波的波函数：

$$\begin{aligned} y(x, t) &= A \cos \left[\omega \left(t - \frac{x}{u} \right) + \varphi \right] \\ &= A \cos \left[\omega t - 2\pi \frac{x}{\lambda} + \varphi \right] \\ &= A \cos \left[2\pi \left(\frac{t}{T} - \frac{x}{\lambda} \right) + \varphi \right] \\ &= A \cos \left[\frac{2\pi}{\lambda} (ut - x) + \varphi \right] \end{aligned}$$

§10.3 波的能量

- 波的能量密度：

$$w = \frac{dE}{dV} = \rho\omega^2 A^2 \sin^2 \omega \left(t - \frac{x}{u} \right)$$

- 波的平均能量密度：

$$\bar{w} = \frac{1}{2} \rho \omega^2 A^2$$

- 通过 ΔS 面积波的平均能流：

$$\bar{P} = \bar{w} \Delta S u = \frac{1}{2} \rho \omega^2 A^2 \Delta S u$$

- 波的平均能流密度（波的强度）：

$$I = \frac{\bar{P}}{\Delta S} = \bar{w} u = \bar{w} \Delta S u = \frac{1}{2} \rho \omega^2 A^2 u$$

§10.4 波的干涉

- 两分波初相均为零时的驻波方程：

$$y = 2A \cos \frac{2\pi x}{\lambda} \cos \omega t$$

§10.6 多普勒效应

- 当波源和观察者相对于介质分别以 v_S 和 v_R 相向运动时，观察者接收到的频率为：
(ν_S 波源频率)

$$\nu_R = \frac{u + v_R}{u - v_S} \nu_S$$

第十一章 波动光学

§11.1 光的干涉

- 光在介质 n 中传播的路程 l ，相应的相位改变为：

$$\Delta\varphi_l = 2\pi \frac{l}{\lambda_n} = 2\pi \frac{nl}{\lambda}$$

- 杨氏双缝干涉
 - 明纹中心位置

$$x = \pm k \frac{D}{d} \lambda \quad (k = 0, 1, 2, \dots)$$

- 暗纹中心位置

$$x = \pm \left(k - \frac{1}{2}\right) \frac{D}{d} \lambda \quad (k = 1, 2, 3, \dots)$$

- 波列的相干长度：

$$L_0 = \delta_{max} = \frac{c}{\Delta\nu} = \frac{\lambda^2}{\Delta\lambda}$$

- 等倾干涉（空间折射率 n_1 ，薄膜折射率 n_2 ，且 $n_2 > n_1$ ）
 - 明纹中心满足的光程差条件：

$$\delta = 2e\sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2} = k\lambda \quad (k = 1, 2, 3, \dots)$$

- 暗纹中心满足的光程差条件：

$$\delta = 2e\sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 i} + \frac{\lambda}{2} = (2k+1) \frac{\lambda}{2} \quad (k = 0, 1, 2, \dots)$$

- 等厚干涉
 - 劈尖

- 相邻两明纹中心位置对应的厚度差：

$$\Delta e = e_{k+1} - e_k = \frac{\lambda}{2}$$

- 相邻两明纹中心间的间距：（ θ 两面夹角）

$$\Delta l = \frac{\Delta e}{\sin \theta} \approx \frac{\Delta e}{\theta} = \frac{\lambda}{2\theta}$$

- 牛顿环

- 明纹半径：（ R 曲率半径）

$$r = \sqrt{\frac{2k-1}{2} R \lambda} \quad (k = 1, 2, 3, \dots)$$

- 暗纹半径：

$$r = \sqrt{k R \lambda} \quad (k = 0, 1, 2, \dots)$$

- 迈克尔逊干涉仪（等效膜厚度 Δe ，入射角 i_k ）

- 明纹中心位置的光程差：

$$\delta = 2\Delta e \cos i_k = \pm k\lambda \quad (k = 0, 1, 2, \dots)$$

- 暗纹中心位置的光程差：

$$\delta = 2\Delta e \cos i_k = \pm (2k+1) \frac{\lambda}{2} \quad (k = 0, 1, 2, \dots)$$

§11.2 光的衍射

- 夫琅禾费单缝衍射（狭缝宽度为 a ）

- 条纹的中心位置

- 明纹中心位置满足：（ ϕ 衍射角）

$$a \sin \phi = \pm (2k+1) \cdot \frac{\lambda}{2} \quad (k = 1, 2, 3, \dots)$$

- 暗纹中心位置满足：

$$a \sin \phi = \pm 2k \cdot \frac{\lambda}{2} = \pm k\lambda \quad (k = 1, 2, 3, \dots)$$

◦ 条纹的宽度

- 角宽度和线宽度的关系：

$$\Delta x = f \cdot \Delta \phi$$

- 中央明纹

- 角宽度为：

$$\Delta \phi_0 = \frac{\lambda}{a} - \frac{-\lambda}{a} = \frac{2\lambda}{a}$$

- 线宽度为：

$$\Delta x_0 = f \cdot \frac{2\lambda}{a}$$

- 第 k 级明纹

- 角宽度为：

$$\Delta \phi_0 = \frac{k+1}{a} \lambda - \frac{-k}{a} \lambda = \frac{\lambda}{a}$$

- 线宽度为：

$$\Delta x_0 = f \cdot \frac{\lambda}{a}$$

• 圆孔衍射

◦ 艾里斑

- 角半径：(R 圆孔的半径, D 直径)

$$\Delta \phi = \phi_1 \approx 0.61 \frac{\lambda}{R} = 1.22 \frac{\lambda}{D}$$

- 线半径：

$$r_0 = f \Delta \phi = 1.22 \frac{\lambda f}{D}$$

• 光学仪器的分辨本领

◦ 最小分辨角：

$$\theta_0 = \frac{1.22\lambda}{D}$$

- 光学仪器分辨率：

$$\frac{1}{\theta_0} = \frac{D}{1.22\lambda}$$

- 光栅衍射

- 光栅方程：（ d 光栅常数）

$$d \sin \phi = \pm k\lambda \quad (k = 0, 1, 2, \dots)$$

- 缺级现象的缺级次数满足：

$$k = k' \cdot \frac{d}{a} \quad (k' = 1, 2, 3, \dots)$$

- 谱线明纹位置满足：（ f 焦距）

$$x = \pm k \frac{f}{d} \lambda, \quad (k = 0, 1, 2, 3, \dots)$$

- 晶体衍射的布拉格条件：（加强）

$$2d \sin \theta = k\lambda \quad (k = 1, 2, 3, \dots)$$

§11.3 光的偏振

- 马吕斯定理：（ α 全偏振光与偏振化方向的夹角）

$$I = I_0 \cos^2 \alpha$$

- 布鲁斯特定律：（ i_0 布鲁斯特角）

$$\tan i_0 = \frac{n_2}{n_1}$$

第四章 统计物理学基础

§4.2 理想气体

物质的量： $\nu = \frac{N}{N_A} = \frac{m}{M}$

阿伏伽德罗常数： $N_A = 6.02214076 \times 10^{23} \text{mol}^{-1}$

质量密度： $\rho = \frac{m}{V}$

一个分子气体的质量: m'

分子平均动能: $\bar{\varepsilon} = \frac{1}{2}m'\bar{v}^2$

单位体积分子个数: n

- 质量为 m (单位: g) , 摩尔质量为 M 的理想气体处在平衡态时的物态方程:

$$pV = \nu RT = \frac{m}{M}RT = \frac{N}{N_A}RT$$

- 玻尔兹曼常数 (k) 与普适气体常量 (R) 的关系:

$$k = \frac{R}{N_A}$$

- 压强公式: ($m', \bar{\varepsilon}_k, \rho, k$)

$$p = \frac{1}{3}nm'\bar{v}^2 = \frac{2}{3}n\bar{\varepsilon}_k = \frac{1}{3}\rho\bar{v}^2$$

$$p = \frac{N}{N_A}RT \cdot \frac{1}{V} = nkT$$

- 表明宏观量温度的微观意义的公式:

$$\bar{\varepsilon}_k = \frac{3}{2}kT$$

§4.3 能量均分定理 理想气体的内能

- 质量 m 的理想气体的内能: (i 自由度)

$$E = \frac{i}{2} \frac{m}{M} RT$$

§4.4 统计分布

$f(v) = \frac{dN}{Ndv}$ 表示在 v 附近单位速率区间的几率

- 速率分布在 $v_1 \sim v_2$ 区间内的分子数 ΔN 与总分子数 N 的比率为:

$$\frac{\Delta N}{N} = \int_{v_1}^{v_2} f(v) dv$$

- 归一化条件:

$$\int_0^\infty f(v) dv = \frac{N}{N} = 1$$

- 最概然速率： (k, R 两种形式)

$$v_p = \sqrt{\frac{2kT}{m'}} = \sqrt{\frac{2RT}{M}} \approx 1.41 \sqrt{\frac{RT}{M}}$$

- 平均速率：

$$\bar{v} = \sqrt{\frac{8kT}{\pi m'}} = \sqrt{\frac{8RT}{\pi M}} \approx 1.60 \sqrt{\frac{RT}{M}}$$

- 方均根速率：

$$\sqrt{v^2} = \sqrt{\frac{3kT}{m'}} = \sqrt{\frac{3RT}{M}} \approx 1.73 \sqrt{\frac{RT}{M}}$$

- 等温气压公式：

$$p(z) = p_0 e^{\frac{-m'g}{KT}}$$

- 玻尔兹曼密度分布律：（在任意势场 $U(\vec{r})$ 中）

$$n(\vec{r}) = n_0 e^{\frac{-U(\vec{r})}{KT}}$$

§4.5 气体分子的平均自由程

- 平均自由程 $\bar{\lambda}$ 和碰撞频率 \bar{Z} 之间的关系：

$$\bar{\lambda} = \frac{\bar{v}}{\bar{Z}}$$

- 平均自由程与分子有效直径 d 以及 n 的关系：

$$\bar{\lambda} = \frac{1}{\sqrt{2}\pi d^2 n}$$

- 平均自由程与分子有效直径 d 以及 p 的关系：

$$\bar{\lambda} = \frac{kT}{\sqrt{2}\pi d^2 p}$$

- 实际气体的范德瓦尔斯方程：

$$\left[p + \left(\frac{m}{M} \right) \frac{a}{V^2} \right] \left(V - \frac{m}{M} b \right) = \frac{m}{M} RT$$

第五章 热力学基础

§5.2 热力学第一定律

$$Q \begin{cases} > 0 & \text{吸热} \\ < 0 & \text{放热} \end{cases}$$

- 在一个有限的准静态过程中，系统的体积由 V_1 变为 V_2 ，系统对外界所做的总功 A 为：

$$A = \int_{V_1}^{V_2} p dV$$

- 热力学第一定律：

$$\Delta E = E_2 - E_1 = Q - A \text{ 或 } Q = \Delta E + A$$

- 摩尔热容 C_m 定义：

$$C_m = \frac{dQ}{dT}$$

- 等体过程，理想气体内能方程：（微分）

$$dQ_V = dE = \frac{m}{M} \frac{i}{2} R dT = \frac{m}{M} C_{V,m} dT$$

- 等压过程，理想气体内能方程：

$$Q_p = \Delta E + A_p = \frac{m}{M} (C_{V,m} + R) (T_2 - T_1) = \frac{m}{M} C_{p,m} (T_2 - T_1)$$

- 比热容比 γ ：

$$\gamma = \frac{C_{p,m}}{C_{V,m}} = \frac{i+2}{i}$$

- 等温过程，气体所做的功可以表示为：

$$A_T = Q_T = \int_{V_1}^{V_2} p dV = \frac{m}{M} RT \int_{V_1}^{V_2} \frac{dV}{V} = \frac{m}{M} RT \ln \frac{V_2}{V_1} = \frac{m}{M} RT \ln \frac{p_1}{p_2}$$

- 绝热过程方程：（三种）

$$TV^{\gamma-1} = C$$

$$pV^{\gamma} = C' \text{（泊松方程）}$$

$$\frac{p^{\gamma-1}}{T^{\gamma}} = C''$$

- 理想气体准静态过程小结（物态方程 $pV = \frac{m}{M}RT$ ）

| 过程 | 过程方程 | 系统对外做功 A | 内能变化 ΔE |
|----|-------------------|--|---------------------------------|
| 等体 | $pT^{-1} = C$ | 0 | $\frac{m}{M}C_{V,m}(T_2 - T_1)$ |
| 等压 | $VT^{-1} = C$ | $p(V_2 - V_1)$ | $\frac{m}{M}C_{V,m}(T_2 - T_1)$ |
| 等温 | $pT = C$ | $\frac{m}{M}RT \ln \frac{V_2}{V_1}$ | 0 |
| 绝热 | $TV^{\gamma} = C$ | $\frac{1}{\gamma-1}(p_1V_1 - p_2V_2)$ $= \frac{m}{M}C_{V,m}(T_1 - T_2)$ | $\frac{m}{M}C_{V,m}(T_2 - T_1)$ |
| 多方 | $pV^n = C$ | $\frac{1}{n-1}(p_1V_1 - p_2V_2)$ $= \frac{m}{M} \frac{R(T_1-T_2)}{n-1}$ | $\frac{m}{M}C_{V,m}(T_2 - T_1)$ |

Q_H 高温热源处放热

Q_L 低温热源处放热

- 正循环热机的效率:

$$\eta = \frac{A}{Q_H} = \frac{Q_H - |Q_L|}{Q_H}$$

- 制冷系数:

$$\varepsilon = \frac{Q_L}{|A|} = \frac{Q_L}{|Q_H| - Q_L}$$

- 供暖系数:

$$e = \frac{Q_H}{|A|} = \frac{|A| + Q_L}{|A|} = 1 + \varepsilon$$

- 卡诺循环：
 - 卡诺热机效率:

$$\eta = 1 - \frac{T_L}{T_H}$$

- 逆卡诺循环制冷系数：

$$\varepsilon = \frac{1}{\eta} - 1 = \frac{T_L}{T_H - T_L}$$

第三章 狭义相对论

$$\beta = \frac{u}{c}, \quad \gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{u^2}{c^2}}} = \frac{1}{\sqrt{1 - \beta^2}}$$

§3.1 狭义相对论的基本原理和洛伦兹变换

- 洛伦兹坐标变换
 - 正变换

$$x' = \gamma(x - ut), \quad y' = y, \quad z' = z, \quad t' = \gamma\left(t - \frac{u}{c^2}x\right)$$

- 逆变换

$$x = \gamma(x' + ut'), \quad y = y', \quad z = z', \quad t = \gamma\left(t' + \frac{u}{c^2}x'\right)$$

- 时空坐标间隔的变换式
 - 正变换

$$\Delta x' = \gamma(\Delta x - u\Delta t), \quad \Delta y' = \Delta y, \quad \Delta z' = \Delta z, \quad \Delta t' = \gamma\left(\Delta t - \frac{u}{c^2}\Delta x\right)$$

- 逆变换

$$\Delta x = \gamma(\Delta x' + u\Delta t'), \quad \Delta y = \Delta y', \quad \Delta z = \Delta z', \quad \Delta t = \gamma\left(\Delta t' + \frac{u}{c^2}\Delta x'\right)$$

- 洛伦兹速度变换
 - 正变换

$$v'_x = \frac{v_x - u}{1 - \frac{u}{c^2}v_x}, \quad v'_y = \frac{v_y}{\gamma\left(1 - \frac{u}{c^2}v_x\right)}, \quad v'_z = \frac{v_z}{\gamma\left(1 - \frac{u}{c^2}v_x\right)}$$

- 逆变换

$$v_x = \frac{v'_x + u}{1 + \frac{u}{c^2}v'_x}, \quad v_y = \frac{v'_y}{\gamma \left(1 + \frac{u}{c^2}v'_x\right)}, \quad v'_z = \frac{v_z}{\gamma \left(1 + \frac{u}{c^2}v'_x\right)}$$

§3.3 狭义相对论动力学基础

- 质速关系：

$$m(u) = \frac{m_0}{\sqrt{1 - \frac{u^2}{c^2}}} = \gamma m_0$$

- 动量：

$$\mathbf{p} = m\mathbf{u} = \frac{m_0\mathbf{u}}{\sqrt{1 - \frac{u^2}{c^2}}}$$

- 狭义相对论动力学方程：

$$\mathbf{F} = \frac{d\mathbf{p}}{dt} = \frac{d}{dt} \left(\frac{m_0\mathbf{u}}{\sqrt{1 - \frac{u^2}{c^2}}} \right)$$

- 相对论动能公式：

$$E_k = mc^2 - m_0c^2$$

- 质能关系：

$$E = mc^2 = \gamma m_0c^2$$

- 相对论能量和动量的关系：

$$E^2 = E_0^2 + (pc)^2$$

第十二章 场的量子性

§12.1 黑体辐射与普朗克量子假设

- 辐射出射度与单色辐射出射度的关系：

$$M(T) = \int_0^\infty M(\lambda, T) d\lambda$$

- 单色吸收系数(a)与单色反射系数(r)的关系:

$$a(\lambda, T) + r(\lambda, T) = 1$$

- 基尔霍夫定律 (热辐射定律) :

$$\frac{M(\lambda, T)}{a(\lambda, T)} = M_B(\lambda, T)$$

- 斯特藩-玻尔兹曼定律:

$$M(T)_B = \int_0^\infty M_B(\lambda, T) d\lambda = \sigma T^4$$

斯特藩常量: $\sigma = 5.670 \times 10^{-8} \quad (W \cdot m^{-2} \cdot K^{-4})$

§12.2 光电效应与爱因斯坦光子假说

- 爱因斯坦光电方程:

$$E_{km} = \frac{1}{2}mv_m^2 = h\nu - A$$

- 光子的能量:

$$E = h\nu = \frac{hc}{\lambda}$$

- 光子的运动质量:

$$m = \frac{E}{c^2} = \frac{h\nu}{c^2} = \frac{h}{c\lambda}$$

- 光子的动量:

$$p = mc = \frac{h\nu}{c} = \frac{h}{\lambda}$$

§12.3 康普顿效应

- 康普顿散射公式: (m_e 电子静止质量, φ 入射角与散射角的夹角)

$$\Delta\lambda = \lambda - \lambda_0 = \frac{h}{m_e c} (1 - \cos \varphi)$$

§12.4 氢原子光谱与玻尔理论

- 巴尔末-里德伯公式：（ λ 出射光子波长）

$$\frac{1}{\lambda} = R_H \left(\frac{1}{m^2} - \frac{1}{n^2} \right) \quad (n = m + 1, m + 2, \dots)$$

- 类氢原子的能级：（ μ 电子折合质量， Z 类氢原子正电荷数）

$$E_n = -\frac{1}{2}\mu \left(\frac{\alpha c Z}{n} \right)^2 = -\frac{Z^2}{n^2} \left(\frac{\alpha^2 \mu c^2}{2} \right)$$

- 类氢原子轨道半径：

$$r_n = \frac{n^2}{Z} \left(\frac{\hbar}{\alpha \mu c} \right) = n^2 r_1$$

第十三章 量子力学基本原理

§13.1 物质波假说及其实验验证

- 德布罗意关系

$$E = mc^2 = h\nu$$

$$p = mv = \frac{h}{\lambda}$$

- 德布罗意波长
 - 非相对论下：

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{mv} = \frac{h}{\sqrt{2m_0 E_k}}$$

- 相对论下：

$$\lambda = \frac{h}{p} = \frac{h}{mv} = \frac{hc}{\sqrt{E_k^2 + 2E_k m_0 c^2}}$$

§13.2 不确定性关系

- 坐标和动量的不确定性关系

$$\Delta x \cdot \Delta p_x \geq \frac{\hbar}{2}$$

- 能量和时间的不确定性关系

$$\Delta E \cdot \Delta t \geq \frac{\hbar}{2}$$

§13.3 微观粒子状态的描述 —— 波函数

- 三维空间中运动的能量为 E 、动量为 p 的自由粒子的波函数为

$$\Psi(\mathbf{r}, t) = \Psi \exp \left[-\frac{i}{\hbar} (Et - \mathbf{p} \cdot \mathbf{r}) \right]$$

- 波函数的归一化条件

$$\int |\Psi|^2 dV = 1$$

§13.4 微观粒子状态演化的描述 —— 薛定谔方程

- 自由粒子的薛定谔方程

$$i\hbar \frac{\partial}{\partial t} \Psi(\mathbf{r}, t) = -\frac{\hbar^2}{2m} \Delta \Psi(\mathbf{r}, t)$$

- 含时薛定谔方程

$$i\hbar \frac{\partial}{\partial t} \Psi(\mathbf{r}, t) = \left[-\frac{\hbar^2}{2m} \Delta + U(\mathbf{r}, t) \right] \Psi(\mathbf{r}, t)$$

哈密顿算符 $\hat{H} \equiv -\frac{\hbar^2}{2m} \Delta + U(\mathbf{r}, t)$

- 势场中定态的薛定谔方程

$$i\hbar \frac{\partial}{\partial t} \Psi(\mathbf{r}) = \left[-\frac{\hbar^2}{2m} \Delta + U(\mathbf{r}) \right] \Psi(\mathbf{r})$$

- 粒子在定态下的波函数

$$\Psi(\mathbf{r}, t) = \psi(\mathbf{r}) e^{-iEt/\hbar}$$

§13.5 一维势阱

- 粒子在宽度为 L 的一维无限深势阱中的定态波函数

$$\Psi(x, t) = \begin{cases} \sqrt{\frac{2}{L}} \sin \frac{n\pi}{L} x \cdot e^{-iEt/\hbar} & (n = 1, 2, 3\ldots) \quad (0 < x < L) \\ 0 & (x \leq 0, x \geq L) \end{cases}$$

§13.6 氢原子

- 氢原子的定态薛定谔方程
 - 径向波函数方程

$$\frac{1}{r^2} \frac{d}{dr} \left(r^2 \frac{dR}{dr} \right) + \left[\frac{2m_e}{\hbar^2} \left(E + \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r} \right) - \frac{l(l+1)}{r^2} \right] R = 0$$

- 轨道角动量波函数方程

$$\frac{1}{\sin \theta} \frac{d}{d\theta} \left(\sin \theta \frac{d\Theta}{d\theta} \right) + \left[l(l+1) - \frac{m_l^2}{\sin^2 \theta} \right] \Theta = 0$$

- 方位角波函数方程

$$\frac{d^2 \Phi}{d\varphi^2} + m_l^2 \Phi = 0$$

- 氢原子轨道角动量数值

$$L = \sqrt{l(l+1)}\hbar \quad (l = 0, 1, 2, \ldots, n-1)$$

- 在外磁场的作用下, 角动量在 z 方向投影的取值

$$L_z = m_l \hbar \quad (m_l = 0, \pm 1, \ldots, \pm l)$$

- 自旋角动量数值

$$L_s = \sqrt{s(s+1)}\hbar \quad \left(s = \frac{1}{2} \right)$$

- 在外磁场的作用下, 自旋角动量在 z 方向投影的取值

$$L_{sz} = m_s \hbar \quad \left(m_s = \pm \frac{1}{2} \right)$$

- 每个支壳层最多可容纳的电子数:

$$N_l = 2l(l+1) \quad (l = 0, 1, 2, \dots, n)$$

- 每个主壳层最多可容纳的电子数：

$$N_n = 2n^2 \quad (n = 1, 2, 3, \dots)$$

【大一上学期】

第一章 运动的描述

1. 质点运动的直角坐标描述

$$\begin{aligned} \mathbf{r} &= \mathbf{r}(t) = x(t)\mathbf{i} + y(t)\mathbf{j} + z(t)\mathbf{k} \\ \mathbf{v} &= \frac{d\mathbf{r}}{dt} = \frac{dx}{dt}\mathbf{i} + \frac{dy}{dt}\mathbf{j} + \frac{dz}{dt}\mathbf{k} \\ \mathbf{a} &= \frac{d^2\mathbf{r}}{dt^2} = \frac{d^2x}{dt^2}\mathbf{i} + \frac{d^2y}{dt^2}\mathbf{j} + \frac{d^2z}{dt^2}\mathbf{k} \end{aligned}$$

2. 质点运动的自然坐标描述

$$\begin{aligned} s &= s(t) \\ \mathbf{v} &= \frac{ds}{dt}\mathbf{e}_t(t) \\ \mathbf{a} &= \mathbf{a}_t + \mathbf{a}_n = a_t\mathbf{e}_t + a_n\mathbf{e}_n = \frac{dv}{dt}\mathbf{e}_t + \frac{v^2}{\rho}\mathbf{e}_n \end{aligned}$$

3. 描述质点圆周运动和刚体定轴转动的角量

$$\begin{aligned} \theta &= \theta(t) \\ \omega &= \frac{d\theta}{dt} \\ \alpha &= \frac{d\omega}{dt} = \frac{d^2\theta}{dt^2} \end{aligned}$$

4. 角量与线量的关系

$$\begin{aligned} \Delta s &= R\Delta\theta \\ \mathbf{v} &= \boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r} \\ a_n &= \omega^2 R, \quad a_t = \alpha R \end{aligned}$$

第二章 对称性与守恒定律

1. 质心位矢:

$$\mathbf{r}_c = \frac{\sum_i m_i \mathbf{r}_i}{m}$$

2. 动量定理

微分形式:

$$\mathbf{F}_{\text{外}} = \frac{d\mathbf{p}}{dt} = m\mathbf{a}_c$$

积分形式:

$$\mathbf{I}_{\text{外}} = \int_{t_0}^t \mathbf{F} dt$$

3. 功

变力的功:

$$A = \int_a^b dA = \int_a^b \mathbf{F} \cdot d\mathbf{r}$$

力矩的功:

$$A = \int_{\theta_0}^{\theta} M d\theta$$

功率:

$$P = \mathbf{F} \cdot \mathbf{v}, \quad P = M\omega$$

4. 动能

质点动能:

$$E_k = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{p^2}{2m}$$

定轴刚体动能:

$$E_k = \frac{1}{2}I\omega^2 = \frac{L^2}{2I} \quad (\text{转动动能})$$

5. 势能

$$\mathbf{F}_{\text{保}} = - \left(\frac{\partial E_p}{\partial x} \mathbf{i} + \frac{\partial E_p}{\partial y} \mathbf{j} + \frac{\partial E_p}{\partial z} \mathbf{k} \right) = -\Delta E_p$$

重力势能：

$$E_p = mgh \quad (h = 0 \text{ 时}, E_p = 0)$$

弹性势能：

$$E_p = \frac{1}{2} kx^2 \quad (x = 0 \text{ 时}, E_p = 0)$$

引力势能：

$$E_p = -G \frac{m_1 m_2}{r} \quad (r = \infty \text{ 时}, E_p = 0)$$

6. 功能原理

$$A_{\text{外}} + A_{\text{非保内}} = \Delta(E_p + E_k) = \Delta E$$

7. 碰撞恢复系数

$$e = \frac{v_2 - v_1}{v_{10} - v_{20}}$$

8. 转动惯量和转动定理

转动惯量：

$$I = \sum m_i r_i^2 = \int r^2 \mathrm{d}m$$

平行轴定理：

$$I = I_c + md^2$$

转动定律：

$$M = I\alpha$$

9. 角动量和力矩

质点角动量：

$$\mathbf{L} = \mathbf{r} \times \mathbf{p} = \mathbf{r} \times m\mathbf{v}$$

定轴刚体角动量：

$$L = I\omega$$

10. 角动量定理

$$\mathbf{M} = \frac{d\mathbf{L}}{dt}$$

第六章 静电场

1. 库仑定律

真空中两个点电荷之间的相互作用力：

$$\mathbf{F}_{21} = -\mathbf{F}_{12} = \frac{q_1 q_2}{4\pi\epsilon_0 r^2} \mathbf{e}_r$$

2. 电场强度

定义：

$$\mathbf{E} = \frac{\mathbf{F}}{q_0}$$

电场强度通量：

$$\Phi_e = \int_S \mathbf{E} d\mathbf{S}$$

3. 静电场性质

静电场的高斯定理：

$$\oint_S \mathbf{E} \cdot d\mathbf{S} = \frac{1}{\epsilon_0} \sum_S q_i$$

静电场的环路定理：

$$\oint_l \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l} = 0$$

4. 电势与电势差

电势差：

$$V_a - V_b = \int_a^b \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l}$$

电势：

$$V_P = \int_P^\infty \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l}$$

点电荷系电势：

$$V = \sum_{i=1}^n \frac{q_i}{4\pi\epsilon_0 r_i}$$

电场强度和电势的微分关系：

$$\mathbf{E} = -\Delta V$$

电势能：

$$W_P = q_0 \int_P^{\text{零势点}} \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l} = q_0 V_P$$

5. 电介质

电位移矢量：

$$\mathbf{D} = \epsilon \mathbf{E}$$

介质中的高斯定理：

$$\oint_S \mathbf{D} \cdot d\mathbf{S} = \sum_S q_0$$

6. 电容器

电容器电容：

$$C = \frac{Q}{V_A - V_B}$$

7. 静电能

电容器能量：

$$W = \frac{Q^2}{2C} = \frac{1}{2}CU^2 = \frac{1}{2}QU$$

电场能量密度：

$$w_e = \frac{1}{2} \mathbf{D} \cdot \mathbf{E} = \frac{1}{2} \epsilon E^2$$

电场能量：

$$W_e = \int_V w_e dV$$

第七章 恒定磁场

1. 恒定电流

电流：

$$I = \frac{dq}{dt} = \int_S \mathbf{j} \cdot d\mathbf{S}$$

电源电动势：

$$\mathcal{E} = \int_{(-)}^{(+)} \mathbf{E}_{\text{非}} \cdot d\mathbf{l}$$

欧姆定律的微分形式：

$$\mathbf{j} = \frac{1}{\rho} \mathbf{E} = \gamma \mathbf{E}$$

2. 磁场

毕-萨定律:

$$\text{电流元在空间任意点的磁场: } dB = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{q\mathbf{v} \times \mathbf{e}_r}{r^2}$$

运动电荷的磁场:

$$\mathbf{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{q\mathbf{v} \times \mathbf{e}_r}{r^2}$$

磁通量:

$$\Phi = \int_S \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S}$$

3. 典型的恒定电流磁场

载流直导线在空间任意点的磁场:

$$B = \frac{\mu_0 I}{4\pi a} (\cos \theta_1 - \cos \theta_2)$$

无限长载流直导线.....:

$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi a}$$

载流圆环在轴线上任意点的磁场:

$$B = \frac{\mu_0 I R^2}{2(R^2 + x^2)^{3/2}}$$

载流圆环在圆心处的磁场:

$$B = \frac{\mu_0 I}{2R}$$

长直载流螺线管在空间的磁场:

$$B_{\text{内}} = \mu_0 n I, B_{\text{外}} = 0$$

载流螺绕环在空间的磁场：

$$B_{\text{内}} = \frac{\mu_0 N I}{2\pi r}, B_{\text{外}} = 0$$

4. 恒定磁场性质

恒定磁场的高斯定理：

$$\oint_S \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S} = 0$$

恒定磁场的安培环路定理：

$$\oint_L \mathbf{B} \cdot d\mathbf{l} = \mu_0 \sum_i I_i$$

5. 洛伦兹力

$$\mathbf{F} = q\mathbf{v} \times \mathbf{B}$$

6. 安培力

磁场对电流元的作用：

$$d\mathbf{F} = I d\mathbf{l} \times \mathbf{B}$$

磁场对载流导线的作用：

$$\mathbf{F} = \int_L I d\mathbf{l} \times \mathbf{B}$$

磁场对载流线圈的作用（均匀磁场）磁力和磁力矩为：

$$\mathbf{M} = \mathbf{m} \times \mathbf{B}$$

其中，平面载流线圈磁矩 $\mathbf{m} = N I S \mathbf{e}_n$

7. 带电粒子在磁场中运动

(1)运动方程：

$$\frac{d\mathbf{p}}{dt} = q\mathbf{v} \times \mathbf{B}$$

如果在电磁场中：

$$\frac{d\mathbf{p}}{dt} = q\mathbf{E} + q\mathbf{v} \times \mathbf{B}$$

(2)带电粒子在均匀磁场中运动：

速度为 v_0 、与 B 成 θ 角的带电粒子做螺旋运动

$$R = \frac{mv_0 \sin \theta}{qB}$$
$$T = \frac{2\pi m}{qB}$$
$$h = \frac{2\pi m v_0 \cos \theta}{qB}$$

(3)霍尔效应：

霍尔电压：

$$U_H = k \frac{BI}{d}$$

霍尔系数：

$$k = \frac{1}{qn}$$

8. 磁场中的磁介质

磁导率：

$$\mu = \mu_0 \mu_r$$

9. 磁介质中磁场

磁场强度：

$$\mathbf{H} = \frac{\mathbf{B}}{\mu_0} - \mathbf{M}, \quad \mathbf{M} = \frac{\chi_m}{\mu} \mathbf{B}$$

各向同性介质：

$$\chi_m = \mu_r - 1, \quad \chi_m > 0 (\text{顺磁质}), \quad \chi_m < 0 (\text{抗磁质})$$

磁介质中的安培环路定理：

$$\oint_L \mathbf{H} \cdot d\mathbf{l} = \sum I_0$$

第八章 变化的电磁场

1. 法拉第电磁感应定律

感生电动势：

$$\mathcal{E} = -\frac{d\Phi}{dt}$$

感应电流：

$$I = \frac{1}{R} \frac{d\Phi}{dt}$$

感应电荷：

$$q = -\frac{1}{R} \Delta \Phi$$

2. 动生电动势

非静电场强：

$$\mathbf{E}_{\text{非}} = \frac{F}{q} = \mathbf{v} \times \mathbf{B}$$

动生电动势：

$$\mathcal{E} = \int_L \mathbf{E}_{\text{非}} \cdot d\mathbf{l}$$

3. 感生电动势

感生电场的性质：

$$\oint_S \mathbf{E}_{\text{感}} \cdot d\mathbf{S} = 0 \quad \text{无源场}$$

$$\oint_L \mathbf{E}_{\text{感}} \cdot d\mathbf{L} = - \int_S \frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} \cdot d\mathbf{S} \quad \text{有旋场}$$

感生电动势：

$$\mathcal{E} = \int_L \mathbf{E}_{\text{感}} \cdot d\mathbf{l}$$

4. 互感

互感系数：

$$M = \frac{\Phi_{21}}{I_1} = \frac{\Phi_{12}}{I_2}$$

互感电动势：

$$\mathcal{E}_{21} = -M \frac{dI_1}{dt}$$

$$\mathcal{E}_{12} = -M \frac{dI_2}{dt}$$

5. 自感

(1) 自感系数：

$$L = \frac{\Phi}{I}$$

(2) 自感电动势：

$$\mathcal{E}_L = -L \frac{dI}{dt}$$

(3) 自感的串联：

顺接：

$$L = L_1 + L_2 + 2M$$

反接：

$$L = L_1 + L_2 - 2M$$

6. 磁场能量

自感磁能：

$$W_L = \frac{1}{2}LI^2$$

磁场能量密度：

$$w_m = \frac{1}{2}BH = \frac{1}{2}\mu H^2 = \frac{1}{2} \frac{B^2}{\mu}$$

磁场能量：

$$W_m = \int_V w_m dV$$

电磁场能量密度：

$$w = \frac{1}{2}\mathbf{D} \cdot \mathbf{E} + \frac{1}{2}\mathbf{B} \cdot \mathbf{H}$$

7. 位移电流

位移电流密度：

$$\mathbf{j}_d = \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t}$$

位移电流：

$$I_d = \frac{d\Psi}{dt}$$

8. 全电流定理

位移电流激发磁场：

$$\oint_L \mathbf{H}_d \cdot d\mathbf{l} = \int_S \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t} \cdot d\mathbf{S}$$

全电流定理：

$$\oint_L \mathbf{H} \cdot d\mathbf{l} = I_c + \int_S \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t} \cdot d\mathbf{S}$$

9. 麦克斯韦方程组

$$\oint_S \mathbf{D} \cdot d\mathbf{S} = \int_V \rho dV$$

$$\oint_S \mathbf{B} \cdot d\mathbf{S} = 0$$

$$\oint_L \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l} = - \int_S \frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} \cdot d\mathbf{S}$$

$$\oint_L \mathbf{H} \cdot d\mathbf{l} = \int_S \left(\mathbf{j}_c + \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t} \right) \cdot d\mathbf{S}$$