

学习pinocchio (二) spatial 文件夹

 zhuanlan.zhihu.com/p/698933718

©1995-2025 G000

尽心用心
一切都是命运石之门的选择

6 人赞同了该文章

☰
目录

收起

2.1 act-on-set.hpp/hxx

(1) forceSet域名

(2) motionSet域名

2.2 cartesian-axis.hpp

(1) CartesianAxis类

2.3 explog-quaternion.hpp

(1) exp3函数

(2) log3函数

(3) Jexp3CoeffWise函数

(4) Jlog3函数

2.4 explog.hpp

(1) exp3函数

(2) log3函数

(3) Jexp3函数

(4) Jlog3函数

(5) exp6函数

(6) log6函数

(7) Jexp6函数

(8) Jlog6函数

(9) Interpolate函数

2.5 fcl-pinocchio-conversions.hpp

2.6 force-base.hpp

(1) ForceBase类

2.7 force-dense.hpp

(1) ForceDense类

2.8 force-ref.hpp

(1) ForceRef类

2.9 force-tpl.hpp

(1) ForceTpl类

2.10 force.hpp

2.11 fwd.hpp

2.12 inertia.hpp

(1) InertiaBase类

(2) InertiaTpl类

2.13 log.hpp/hxx

(1) log3_impl结构体

(2) Jlog3_impl结构体

(3) log6_impl结构体

(4) Jlog6_impl结构体

2.14 Motion-base.hpp

(1) MotionBase类

2.15 Motion-dense.hpp

(1) MotionDense类

2.16 Motion-ref.hpp

(1) MotionRef类

2.17 Motion-tpl.hpp

(1) MotionTpl类

2.18 Motion-zero.hpp

2.19 Motion.hpp

2.20 se3-base.hpp

(1) SE3Base类

2.21 se3-tpl.hpp

(1) SE3Tpl类

2.22 se3.hpp

2.23 skew.hpp

(1) skew函数

(2) addSkew函数

(3) unSkew函数

(4) alphaSkew函数

(5) skewSquare函数

(6) cross函数

2.24 spatial-axis.hpp

(1) SpatialAxis类

2.25 symmetric3.hpp

(1) Symmetric3Tpl类

(2) SkewSquare结构体

(3) AlphaSkewSquare结构体

该文件夹内的源码主要是空间几何运算，包括SE3上的运算、指数映射运算，六维空间 \star 运动的运算、空间力的运算，空间惯性矩阵的运算。

2.1 act-on-set.hpp/hxx

该源码主要将SE3的伴随（微分）运算对应不同类的实际实现绑定，包括对力force，运动motion、惯量interia，均是封装的静态函数 \star 和一些块的优化计算。

主要分为两部分：forceSet和motionSet，每个部分是相似的。

(1) forceSet域名

| se3Action：表示六维力从坐标系i变换到坐标系j，坐标系i相对于坐标系j为m。

| se3ActionInverse：表示六维力从坐标系j变换到坐标系i，坐标系i相对于坐标系j为m。

| motionAction：表示六维力相对于v的微分（伴随）运算。

(2) motionSet域名

| se3Action：表示六维运动从坐标系i变换到坐标系j，坐标系i相对于坐标系j为m。

`se3ActionInverse`: 表示六维运动从坐标系j变换到坐标系i, 坐标系i相对于坐标系j为 \mathbf{m} 。

`motionAction`: 表示六维运动相对于 \mathbf{v} 的微分 (伴随) 运算。

`inertiaAction`: 表示六维运动乘以惯性力生成六维力。

`act`: 表示六维运动对于六维力作用, 与`forceSet`: : `motionAction`作用相同。

2.2 cartesian-axis.hpp

该源码主要功能是笛卡尔坐标轴对三维矢量的叉乘运算 (矢量绕XYZ笛卡尔坐标 $\mathbf{+}$ 的微分运算)。

(1) CartesianAxis类

成员对象:

无。

成员函数:

`cross`: 定义了XYZ三个坐标轴叉乘三维矢量运算 $\mathbf{+}$, 即XYZ单位矢量叉乘输入矢量得到输出矢量。

`alphaCross`: 定义了带系数的XYZ三个坐标轴叉乘三维矢量运算, 即XYZ单位矢量叉乘输入矢量, 再乘以标量系数 $\mathbf{+}$ 得到输出矢量。

`setTo`: 提取当前类XYZ坐标轴的三维矢量。

2.3 explog-quaternion.hpp

该源码主要是实现四元数与李群和李代数 $\mathbf{+}$ 的变换, 主要以函数为主。

(1) exp3函数

将三维速度矢量积分 (指数映射 $\mathbf{+}$) 成四元数。

(2) log3函数

将四元数对应的旋转矩阵对数映射成三维矢量, 获取等效旋转角度。

(3) Jexp3CoeffWise函数

四元数导数与指数映射导数的雅克比矩阵 $\mathbf{+}$, \mathbf{v} 为姿态指数映射三维矢量, \mathbf{Jexp} 为所求4x3雅克比矩阵, 满足

$$\dot{\mathbf{q}} = \mathbf{J}_{exp} \dot{\boldsymbol{\xi}}。$$

(4) Jlog3函数

用四元数表示的姿态求其指数映射的雅克比矩阵, \mathbf{Jlog} 为 $\mathbf{dexp}_{-\boldsymbol{\xi}}^{-1}$, 满足 $\boldsymbol{\xi} = \mathbf{dexp}_{-\boldsymbol{\xi}}^{-1} \mathbf{V}。$

2.4 explog.hpp

该源码主要是指指数映射和李代数之间的变换，主要以函数为主。每个函数均有一个参数Op：SETTO为直接计算，ADDTO为在原有数据增加计算后的结果，RMTO为在原有数据减少计算后的结果，其他报错。

(1) exp3函数

三维指数映射矢量求姿态矩阵✚。

(2) log3函数

姿态矩阵的对数运算求三维指数映射。

(3) Jexp3函数

姿态矩阵的指数映射一阶导雅克比矩阵，Jlog为 $dexp_{-\xi}$ ，满足 $V = dexp_{-\xi}\xi$ 与Jlog3互为逆矩阵。

(4) Jlog3函数

姿态矩阵的指数映射一阶导雅克比矩阵，Jlog为 $dexp_{-\xi}^{-1}$ ，满足 $\xi = dexp_{-\xi}^{-1}V$ 与Jexp3互为逆矩阵。

(5) exp6函数

六维指数映射矢量求位姿矩阵。

(6) log6函数

位姿矩阵的对数运算求六维指数映射。

(7) Jexp6函数

位姿矩阵的指数映射一阶导雅克比矩阵，Jlog为 $dexp_{-\xi}$ ，满足 $V = dexp_{-\xi}\xi$ 与Jlog6互为逆矩阵。

(8) Jlog6函数

位姿矩阵的指数映射一阶导雅克比矩阵，Jlog为 $dexp_{-\xi}^{-1}$ ，满足 $\xi = dexp_{-\xi}^{-1}V$ 与Jexp6互为逆矩阵。

(9) Interpolate函数

从位姿A到位姿B，映射在指数空间线性插值✚。

2.5 fcl-pinocchio-conversions.hpp

该源码主要是将pinocchio和hpp::fcl的位姿矩阵相互转化。

2.6 force-base.hpp

该源码主要是六维空间力的的虚基类，定义类空间运动的基本操作。

(1) ForceBase类

成员对象：

无。

成员函数：

! se3Action：六维空间力从物体坐标系转换成绝对坐标系，具体实现是由派生类的se3Action_impl实现，m为位姿矩阵，f为六维力，

! se3ActionInverse：六维运动矢量从绝对坐标系转换成物体坐标系，具体实现是由派生类的se3ActionInverse_impl实现，m为位姿矩阵，f为六维力，

! motionAction：六维空间力对运动的伴随运算，具体实现是由派生类的motionAction实现，v为输入，输出

! dot：六维力与六维运动点乘（计算功率），点乘=角速度点乘力矩+线速度点乘力，具体实现是由派生类。

2.7 force-dense.hpp

该源码为六维空间力的force-base派生类，实现了大部分空间力功能，主要将六维力分成力和力矩进行实现。

(1) ForceDense类

成员对象：

无。

成员函数：

! se3Action_impl：六维空间力从物体坐标系转换成绝对坐标系，m为位姿矩阵，f为六维力，

! se3ActionInverse_impl：六维运动矢量从绝对坐标系转换成物体坐标系，m为位姿矩阵，f为六维力，

! motionAction：六维空间力对运动的伴随运算，v为输入，输出

! dot：六维力与六维运动点乘（计算功率），点乘=角速度点乘力矩+线速度点乘力。

2.8 force-ref.hpp

该源码为六维空间力的force-dense派生类，补充了部分空间力功能，主要将六维力分成合成一个六维矢量进行实现。

(1) ForceRef类

成员对象：

`Im_ref`: 六维力。

成员函数:

2.9 force-tpl.hpp

该源码为六维空间力的force-dense派生类，实现了大部分空间力功能，主要将六维力分成一个六维矢量进行实现。

(1) ForceTpl类

成员对象:

`Im_data`: 六维力矢量。

成员函数:

2.10 force.hpp

该源码主要为了将force的进行统一命名。

2.11 fwd.hpp

该源码主要是对整个文件夹包含文件的命名简化。

2.12 inertia.hpp

该源码主要用于实现空间空间惯性矩阵的相关定义和操作，主要是一个基类和一个派生类，在构造6x6空间矩阵时候，写法为

$$M = \begin{bmatrix} m & -mp \\ \hat{p} & \hat{p}^2 \\ mp & I - mp \end{bmatrix}.$$

存储形式是物体质量 m ，提取`mass()`，质心位置 提取`lever()`，质心惯量 I 提取`inertia()`。

矩阵的逆为

$$M^{-1} = \begin{bmatrix} 1/m - p\hat{I}^{-1}p & p\hat{I}^{-1} \\ -\hat{I}^{-1}p & \hat{I}^{-1} \end{bmatrix}.$$

(1) InertiaBase类

成员对象:

无。

成员函数:

`ltiv`: 计算运动与惯性力的二次型，动能的两倍，具体由派生类实现， $out = V^T MV$

`variation`: 空间惯性矩阵的一阶微分，具体有派生类实现，，看作`vxi`函数和`ivx`函数求差。

`vxi`: 空间惯性矩阵的左乘六维运动的伴随矩阵 \star （左切空间），用于计算空间惯性矩阵的微分，具体由派生类实现，

l ivx: 空间矩阵矩阵的右乘六维运动的伴随矩阵 (右切空间), 用于计算空间惯性矩阵的微分, 具体由派生类实现,

l se3Action: 空间惯性矩阵从物体坐标系变换到绝对坐标系, 具体由派生类实现,

$$m_2 = m_1, p_2 = R p_1 + P, I_2 = R I_1 R^T$$

l se3ActionInverse: 空间惯性矩阵从绝对坐标系变换到物体坐标系, 具体由派生类实现,

$$m_2 = m_1, p_2 = R^T (p_1 - P), I_2 = R^T I_1 R$$

l __mult__: 单刚体惯性矩阵和运动 (六维加速度) 乘法, 输出六维力, $F = M A。$

(2) InertiaTpl类

成员对象:

l m_mass: 物体质量 (标量)

l m_com: 质心位置 (三维矢量)

l m_inertia: 质心惯量 (三维对称矩阵)

成员函数:

l vtiv: 计算运动与惯性力的二次型, 动能的两倍, $out = V^T M V$

l variation: 空间惯性矩阵的一阶微分, , 看作vxi函数和ivx函数求差。

l vxi: 空间惯性矩阵的左乘六维运动的伴随矩阵 (左切空间), 用于计算空间惯性矩阵的微分,

l ivx: 空间矩阵矩阵的右乘六维运动的伴随矩阵 (右切空间), 用于计算空间惯性矩阵的微分,

l se3Action: 空间惯性矩阵从物体坐标系变换到绝对坐标系,

$$m_2 = m_1, p_2 = R p_1 + P, I_2 = R I_1 R^T$$

l se3ActionInverse: 空间惯性矩阵从绝对坐标系变换到物体坐标系,

$$m_2 = m_1, p_2 = R^T (p_1 - P), I_2 = R^T I_1 R$$

l toDynamicParameters: 动态提取数据, 将三个数据串联成一个矢量。

l FromDynamicParameters: 动态获取数据, 将一串矢量转化成存储形式。

2.13 log.hpp/hxx

该源码主要是实现姿态矩阵或齐次位姿矩阵的对数运算 (指数映射)。

(1) log3_impl结构体

将旋转矩阵对数运算成三维矢量, 只有一个run函数。

输入: R为旋转矩阵。

输出: theta为等效旋转角度 (标量), res为指数映射 (三维矢量, 模长大小为theta)。

(2) Jlog3_impl结构体

根据指数状态求解指数映射一阶导数的雅可比矩阵 \star 。

输入： θ 为等效旋转角度（标量）， \log 为指数映射（三维矢量，模长大小为 θ ）。

输出： $J\log$ 为 $\text{dexp}_{\{-\xi\}^{-1}}$ ，满足 $\dot{\xi} = \text{dexp}_{\{-\xi\}^{-1}} V$ 。

(3) log6_impl结构体

将姿态矩阵和位置矢量对数运算成六维矢量，包括姿态和位置映射，只有一个run函数。

输入： M 为SE(3)的位置和姿态信息。

输出： mout 为对数映射六维空间，包括姿态和位置映射。

(4) Jlog6_impl结构体

根据姿态矩阵和位置矢量求指数映射一阶导的雅可比矩阵。

输入： M 为SE(3)的位置和姿态信息。

输出： $J\log$ 为 $\text{dexp}_{\{-\xi\}^{-1}}$ ，满足 $\dot{\xi} = \text{dexp}_{\{-\xi\}^{-1}} V$ 。

2.14 Motion-base.hpp

该源码为六维空间运动的虚基类，定义类空间运动的基本操作。

(1) MotionBase类

为空间运动的虚基类，具体实现在Motion-dense.hpp、Motion-ref、Motion-tpl等文件。

成员对象：

无。

成员函数：

I toActionMatrix：六维运动矢量的6x6伴随矩阵，具体实现是由派生类的toActionMatrix_impl实现， $\text{ad}_V = \begin{bmatrix} \{20\}_c \hat{w} \hat{v} \\ 0 \end{bmatrix} \hat{w}$ 。

I toDualActionMatrix：六维运动矢量的6x6伴随矩阵的对偶形式，具体实现是由派生类的toDualActionMatrix_impl实现， $\text{ad}_V = \begin{bmatrix} \{20\}_c \hat{w} \hat{v} \\ 0 \end{bmatrix} \hat{w}$ 。

I se3Action：六维运动矢量从物体坐标系转换成绝对坐标系，具体实现是由派生类的se3Action_impl实现， m 为位姿矩阵， v 为六维运动， $\text{out} = \text{ad}_G v$ 。

I se3ActionInverse：六维运动矢量从绝对坐标系转换成物体坐标系，具体实现是由派生类的se3ActionInverse_impl实现， m 为位姿矩阵， v 为六维运动， $\text{out} = \text{ad}_G^{-1} v$ 。

I dot：六维运动与六维力点乘（计算功率），点乘=角速度点乘力矩+线速度点乘力，具体实现是由派生类。

2.15 Motion-dense.hpp

该源码为六维空间运动的motion-base派生类，实现了大部分空间运动功能，主要将六维运动分成线速度和角速度进行实现。

(1) MotionDense类

成员对象：

成员函数：

`toActionMatrix_impl`: 六维运动矢量的6x6伴随矩阵 $\text{ad}_V = \begin{bmatrix} *_{20}(c) \hat{w} & \hat{v} \\ 0 & \hat{w} \end{bmatrix}$ 。

`toDualActionMatrix_impl`: 六维运动矢量的6x6伴随矩阵的对偶形式， $\text{ad}_V' = \begin{bmatrix} *_{20}(c) \hat{w} & \hat{v} \\ \hat{v} & \hat{w} \end{bmatrix}$ 。

`motionAction`: 六维运动矢量的6x6伴随运算， v 为输入 V_B ，输出 ad_{VV_B} 。

`se3Action_impl`: 六维运动矢量从物体坐标系转换成绝对坐标系， m 为位姿矩阵， v 为六维运动， $\text{out} = \text{Ad}_G v$ 。

`se3ActionInverse_impl`: 六维运动矢量从绝对坐标系转换成物体坐标系， m 为位姿矩阵， v 为六维运动， $\text{out} = \text{Ad}_G^{-1} v$ 。

`dot`: 六维运动与六维力点乘（计算功率），点乘=角速度点乘力矩+线速度点乘力。

2.16 Motion-ref.hpp

该源码为六维空间运动的motion-dense派生类，补充了部分空间运动功能，主要将六维运动分成合成一个六维矢量进行实现。

(1) MotionRef类

成员对象：

`m_ref`: 六维运动矢量。

成员函数：

2.17 Motion-tpl.hpp

该源码为六维空间运动的motion-dense派生类，实现了大部分空间运动功能，主要将六维运动分成合成一个六维矢量进行实现。

(1) MotionTpl类

成员对象：

`m_data`: 六维运动矢量。

成员函数：

2.18 Motion-zero.hpp

该源码为六维空间运动的motion-base派生类，零运动的相关功能。

2.19 Motion.hpp

该源码主要为了将motion的进行统一命名。

2.20 se3-base.hpp

该源码主要构件位置和姿态SE3上基类，用于派生se3-tpl.hpp文件。

(1) SE3Base类

可以认为是虚基类，实现在派生类SE3Tpl中

2.21 se3-tpl.hpp

该源码主要是在SE3Base基类上实现SE3位姿矩阵的伴随（微分）运算。

(1) SE3Tpl类

成员对象：

`l_rot`：姿态三维矩阵。

`l_trans`：位置三维矢量

成员函数：

`l_inverse`：位置矩阵求逆运算。

`l_toHomogeneousMatrix_impl`：生成4x4齐次矩阵 $G = \begin{bmatrix} R & P \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ 。

`l_toActionMatrix_impl`：生成6x6伴随矩阵 $\text{Ad}_G = \begin{bmatrix} R & \hat{P}R \\ 0 & R \end{bmatrix}$ 。

`l_toActionMatrixInverse_impl`：生成6x6伴随矩阵的逆 $\text{Ad}_G^{-1} = \begin{bmatrix} R^T & -R^T \hat{P} \\ 0 & R^T \end{bmatrix}$ 。

`l_toDualActionMatrix_impl`：生成6x6伴随矩阵的对偶形式 $\text{Ad}_G' = \begin{bmatrix} R & 0 \\ \hat{P}R & R \end{bmatrix}$ 。

`l_act_impl`：从物体坐标系转化到绝对坐标系的伴随变换，根据结构不同计算不同，包括位姿矩阵，六维空间矢量，三维矢量。
 $G_S = GG_B$ 或 $\xi_S = \text{Ad}_G \xi_B$ 或 $p_S = R p_B + P$

`l_actInv_impl`：从绝对坐标系转化到物体坐标系的伴随变换，根据结构不同计算不同，包括位姿矩阵，六维空间矢量，三维矢量。
 $G_B = G_S^{-1}$ 或 $\xi_B = \text{Ad}_G^{-1} \xi_S$ 或 $p_B = R^T(p_S - P)$

`l_actOnEigenObject`：三维矢量作用在绝对坐标中，即到位姿坐标系下的三维矢量坐标变化 $p_S = R p_B + P$

`l_actInvOnEigenObject`：三维矢量作用在物体坐标中，即到位姿坐标系下的三维矢量坐标变化 $p_B = R^T(p_S - P)$

`l_interpolate`：SE3的线性插值虚函数。在explog.hpp实现或调用Eigen的quaternion操作。

2.22 se3.hpp

该源码主要功能是集成SE3和其他模块的命名。

2.23 skew.hpp

该结构体主要是三维矢量的三维反对称矩阵 \times 运算等，以内联模板函数为主。

(1) skew函数

将三维矢量生成三维反对称矩阵。

(2) addSkew函数

将一个三维矢量反对称运算后加入一个已经有的三维矩阵中。

(3) unSkew函数

将三维反对称矩阵转换成三维矢量。

(4) alphaSkew函数

将三维矩阵乘以一个标量并生成三维反对称矩阵。

(5) skewSquare函数

计算平方叉乘线性算子C。

$$\mathbf{u} \times (\mathbf{v} \times \mathbf{a}) = \hat{\mathbf{u}} \hat{\mathbf{v}} \mathbf{a} \equiv \mathbf{C} \mathbf{a}$$

(6) cross函数

将叉乘应用于矩阵，即三维矢量的反对称矩阵乘以输入矩阵得到输出矩阵。 $\mathbf{M}_{\text{out}} = \hat{\mathbf{v}} \mathbf{M}_{\text{in}}$

2.24 spatial-axis.hpp

该源码主要功能是实现XYZ单轴对六维空间矢量（如运动，力旋量）的叉乘运算。旋量绕XYZ笛卡尔坐标的微分运算。

(1) SpatialAxis类

成员对象：

成员函数：

`l_cross`：定义了实现XYZ单轴对六维空间矢量（如运动微分，力微分）的叉乘运算，注意运动和力之间的旋量写法是反向的，所以两个运算也是相反的。

`l_motionAction`：定义了六维空间运动对XYZ单轴的叉乘运算，与`cross`函数对六维运动的叉乘运算相差负号。

2.25 symmetric3.hpp

该源码主要功能是实现三维对称矩阵相关运算，为惯性矩阵运算做基础。

(1) Symmetric3Tpl类

成员对象：

`m_data` (Eigen 6x1矩阵)：3x3对称矩阵的下三角数据。

$$m = \begin{bmatrix} m_data[0] & m_data[1] & m_data[3] \\ m_data[1] & m_data[2] & m_data[4] \\ m_data[3] & m_data[4] & m_data[5] \end{bmatrix}$$

成员函数：

`vtiv`：将对称矩阵当作输入参数的二次型求值， $out = v^T T v$ 。

`vxs`：将三维对称矩阵每一列和三维向量叉乘生成输出矩阵， $out = \begin{bmatrix} S_3(1) \times v & S_3(2) \times v & S_3(3) \times v \end{bmatrix}$ ， $S_3(i)$ 为矩阵的第*i*列。

`svx`：将三维向量和三维对称矩阵每一列叉乘生成输出矩阵。

$out = \begin{bmatrix} v \times S_3(1) & v \times S_3(2) & v \times S_3(3) \end{bmatrix}$ ， $S_3(i)$ 为矩阵的第*i*列。

`rhsMult`：将三维对称矩阵和三维输入向量正常矩阵乘法+得出三维输出向量。

`decomposeItl`：成员矩阵（对称矩阵）的Cholesky分解的L。

`rotate`：将成员矩阵（对称矩阵）进行酉矩阵（旋转矩阵）的伴随变换， $out = RIR^T$ 。

(2) SkewSquare结构体

该结构体是求三维矢量的反对称矩阵的平方（为对称矩阵）。

(3) AlphaSkewSquare结构体

该结构体是求带系数的三维矢量的反对称矩阵的平方（为对称矩阵）。

编辑于 2024-05-24 17:39 · IP 属地北京

内容所属专栏



多足轮腿机器人

开开心心研究多足轮腿机器人

pinocchio

动力学

机器人