## Aprendizaje Supervisado

#### **Docentes:**

- Dra. Ing. Karim Nemer
- Dr. Lic. José Robledo

### Temario del Curso

- Introducción al ML
- Etapas en la aplicación del ML
- Aprendizaje supervisado.
  - Repaso: Regresión Lineal y Polinomial, Regresión Logística, Naive Bayes.
- Support Vector Machines.
  - o Repaso: Perceptrón.
  - SVC/SVR. Datos no linealmente separables. Función de costo.

- Ensemble learning.
  - o Repaso: Decision Trees
  - Random Forest, Bagging, Boosting, Voting.
- Redes neuronales.
  - o Perceptrón multicapa.
- Sistemas de recomendación.
  - o Filtrado colaborativo.
- Prácticas

### **Primera Clase**

### **Primera clase: 24/06/2022**

- Introducción al ML
- Etapas en la aplicación del ML
- Aprendizaje supervisado.
  - Repaso: Regresión Lineal y Polinomial, Regresión Logística, Naive Bayes.
- Support Vector Machines.
  - o Repaso: Perceptrón.
  - o SVC/SVR. Datos no linealmente separables. Función de costo.

- Ensemble learning.
  - o Repaso: Decision Trees
  - o Random Forest, Bagging, Boosting, Voting.
- Redes neuronales.
  - o Perceptrón multicapa.
- Sistemas de recomendación.
  - o Filtrado colaborativo.
- Prácticas

### Introducción al Machine Learning

El aprendizaje automático es el proceso que le da a las computadoras la habilidad de aprender sin ser explícitamente programadas.

A.L Samuel

Se dice que un programa de computación aprende de la experiencia E con respecto a una tarea T y alguna medida de rendimiento P, si es que el rendimiento en T, medido por P, mejora con la experiencia

E.T.M Mitchell

¿Cómo se relacionan la IA y el ML?

Inteligencia Artificial

**Machine** Learning

Métodos

Habilidad de razonar

Capacidad de

censar, razonar,

relacionar y

aprender

Habilidad de

aprender

**Tecnologías** 

Habilitación física de hardware y software

- Visión por computadora
- Procesamiento del lenguaje natural
- Reconocimiento de voz
- Robótica y movimiento
- Planificación y optimización
- Simulación de conocimiento
- Aprendizaje supervisado,
- Aprendizaje no supervisado
- A. por refuerzo
- Regresión
- Árboles de decisión
- ANN
- SVM
- Ensemble Learning

### ¿Qué tipo de aprendizaje automático o Machine Learning hay?



### Etapas en la aplicación del Aprendizaje Supervisado

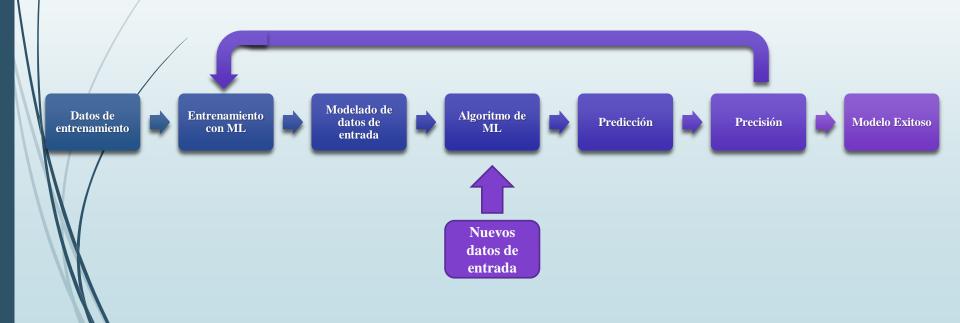
- Definición del problema
- Análisis detallado de los datos
- Definición de métricas de éxito y fracaso
- División del conjunto de datos (entrenamiento y test)
- Procesar los datos
- Diseñar un modelo "blando" para ver que ande

- Ajustar los parámetros del modelo a lo deseado
- Analizar la evolución del entrenamiento
- Entrenar con los requerimientos definidos
- **■** Testear el sistema
- En caso de no obtener resultados aceptables, **volver al principio**

### Descripción del problema: Aprendizaje supervisado

**Datos:** Se dispone de un conjunto de registros (o ejemplos, o instancias) descritos por n atributos:  $A_1, A_2, ..., A_n$  y cada instancia está anotada con una etiqueta, pudiendo ser una clase o un valor numérico.

**Objetivo:** Aprender un modelo (o función) a partir de los datos, buscando predecir sus etiquetas a partir de los atributos. Este modelo puede ser utilizado para predecir las etiquetas de nuevos registros sin anotar.



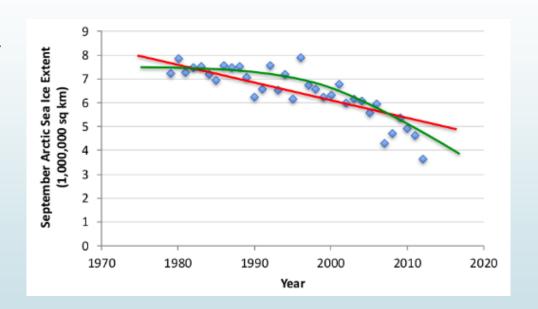
## Aprendizaje Supervisado

### Regresión

Dados  $(x_1, y_1), (x_2, y_2), ..., (x_n, y_n)$ 

Aprender una f(x) que permita predecir y a partir de x

Si  $y \in \mathbb{R}^n$ : Es un problema de **regresión**.



### Clasificación

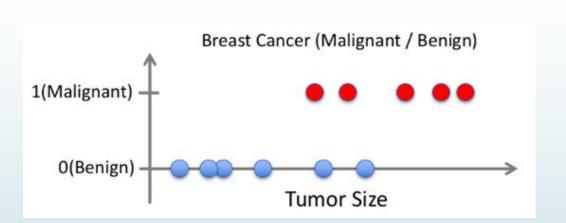
Dados  $(x_1, y_1), (x_2, y_2), ..., (x_n, y_n)$ 

Aprender una f(x) que permita

predecir y a partir de x

Si y es categórica: Es un

problema de clasificación.



### Clasificación

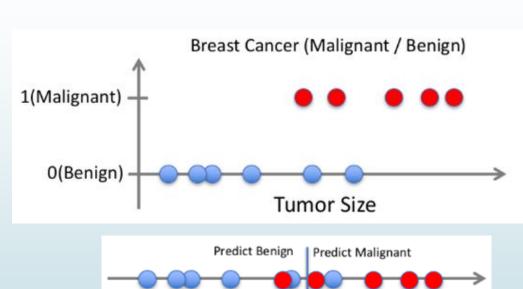
Dados  $(x_1, y_1), (x_2, y_2), ..., (x_n, y_n)$ 

Aprender una f(x) que permita predecir y

a partir de *x* 

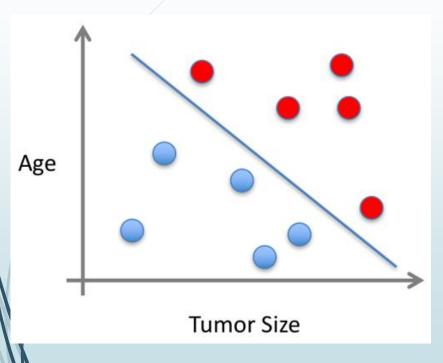
Si y es categórica: Es un

problema de clasificación.



Tumor Size

### Aprendizaje Supervisado



- La variable *x* puede ser multidimensional.
- Cada dimensión corresponde a un atributo:
  - Edad del paciente
  - Tamaño del tumor
  - Uniformidad en la forma de la célula
  - Etcétera
- La regresión busca "acercar" los datos a una función (lineal, polinomial, etc.)
- La clasificación busca separar los datos mediante ciertos "bordes".

### Elección de hiperparámetros

Se tiene la base de datos con toda los datos. Dividir el conjunto total de ejemplos en tres subconjuntos

- Entrenamiento: aprendizaje de variables del mødelo
- ► **Validación**: ajuste/elección de hiperparámetros
- Evaluación: estimación <u>final</u> del desempeño del modelo entrenado (y con hiperparámetros elegidos adecuadamente)



# Regresión Lineal y Polinomial

### Regresión Lineal

Busca ajustar los datos de entrenamiento mediante una función que sea un hiperplano.

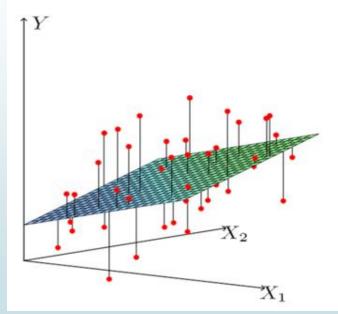
$$y \neq \theta_0 + \theta_1 x_1 + \theta_2 x_2 + \dots + \theta_d x_d = \sum_{j=0}^d \theta_j x_j$$

Løs valores  $\theta$  son los pesos de los atributos o *features*.

Se entrena minimizando la suma del error cuadrático.

$$J(\theta) = \frac{1}{2n} \sum_{i=1}^{n} (h_{\theta}(x^{i}) - y^{i})^{2}$$

Se resuelve mediante  $\min_{\theta} J(\theta)$ 

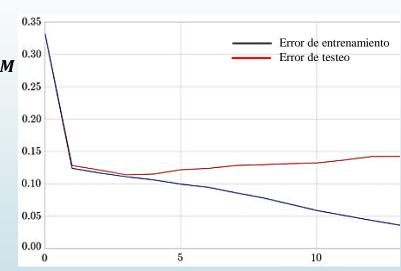


### Regresión Polinomial

Busca ajustar los datos de entrenamiento mediante una función polinomial:

$$y(x, W) = w_0 + w_1 x + w_2 x^2 + \dots + w_M x^M$$

$$\neq \sum_{j=0}^{M} w_j x^j$$



Mientras más alto el grado del polinomio, más se ajusta a los datos (pero se vuelve más complejo y tiende a sobreajustar).

# Demo Time (demo\_1\_linear\_regression)

## Regresión Logística

### Regresión Logística

Usa un enfoque probabilístico.

$$h_{\theta}(x)$$
 debería devolver  $p(y = 1|x; \theta)$ 

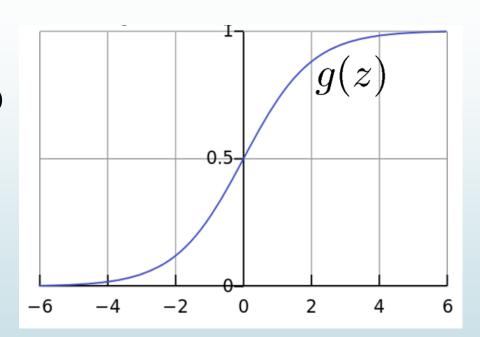
Como 
$$0 \le h_{\theta}(x) \le 1$$

Modelo de regresión logística

$$h_{\theta}(x) = g(\theta^{T} x)$$

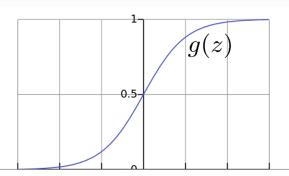
$$g(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}}$$

$$h_{\theta}(x) = \frac{1}{1 + e^{-\theta^{t} x}}$$



### Regresión Logística

$$h_{\boldsymbol{\theta}}(\boldsymbol{x}) = g(\boldsymbol{\theta}^{\mathsf{T}}\boldsymbol{x})$$
 
$$g(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}}$$

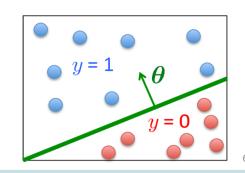


 $\boldsymbol{\theta}^{\mathsf{T}} \boldsymbol{x}$  debería tener valores **negativos** grandes para instancias negativas y valores **positivos** grandes para instancias positivas.

Definir un umbral y...

Predecir : y = 1  $_{\rm Si}$   $h_{m{ heta}}(m{x}) \geq 0.5$ 

Predecir : y = 0 si  $h_{m{ heta}}(m{x}) < 0.5$ 



### Regresión Logística: Función de costo

$$J(\theta) = -\sum_{i=1}^{n} \left[ y^{i} \log h_{\theta}(x^{i}) + (1 - y^{i}) \log \left( 1 - h_{\theta}(x^{i}) \right) \right]$$

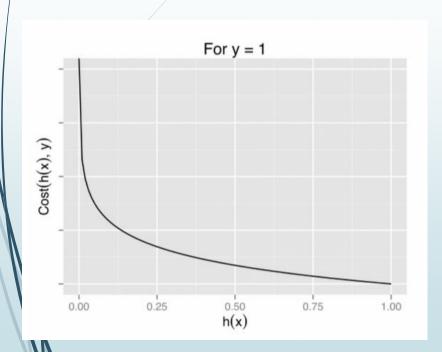
El costo de una sola instancia de los dato se define como:

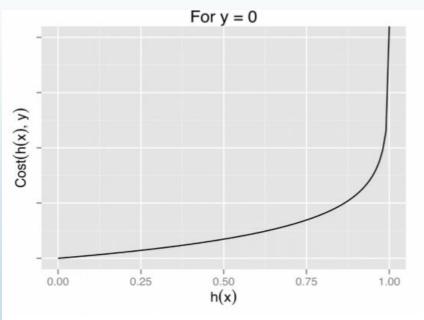
$$cost(h_{\theta}(x), y) = \begin{cases} -\log(h_{\theta}(x)) & si \ y = 1\\ -\log(1 - h_{\theta}(x)) & si \ y = 0 \end{cases}$$

Reescribimos la función de costo como:

$$J(\theta) = -\sum_{i=1}^{n} \left[ cost(h_{\theta}(x^{i}), y^{i}) \right]$$

### Comportamiento de la función de costo





# Demo Time (demo\_2\_logistic\_regression)

# Naive Bayes

### **Naive Bayes**

- Es un clasificador basado en el teorema de Bayes, con una asunción "inocente" sobre los datos.
- Son "*naive*" porque se asume que las variables predictoras son independientes entre sí.
- Es muy sencillo de programar y entender.
- Sirve mucho como línea base de comparación, puede tener resultados que sobrepasan a algoritmos mucho más complejos.
- Es rápido de entrenar y funciona con datos de mucha dimensionalidad (e.g. es muy útil a la hora de clasificar documentos).

### **Teorema de Bayes**

El algoritmo de "Naive Bayes" está fuertemente ligado al teorema de Bayes.

El Teorema de Bayes establece:

$$P(A|B) = \frac{P(B|A) P(A)}{P(B)}$$

El teorema establece que se puede encontrar la probabilidad de A (e.g. una clase objetivo) dada la ocurrencia de B (e.g. un conjunto de features). Es decir, B es la evidencia y A es la hipótesis.

### **Naive Bayes: Asunciones**

- 1. Bajo el teorema de Bayes, la principal asunción es que los atributos son independientes entre sí. Esto significa que la presencia de una característica no afecta a las otras. Esta asunción es "*naive*", por eso el nombre del algoritmo.
- 2./ Una segunda asunción, es que todos los atributos tienen el mismo efecto en la salida del algoritmo.

### Naive Bayes: Utilizando el Teorema de Bayes

En base a lo establecido, se puede utilizar el teorema de Bayes para calcular la probabilidad de una clase y de la siguiente manera:

$$P(y|X) = \frac{P(X|y) P(y)}{P(X)}$$

Donde y representa la clase y X representa el vector de atributos:

$$X = (x_1, x_2, \dots, x_n)$$

### Naive Bayes: Utilizando el Teorema de Bayes

Utilizando sustitución en la fórmula anterior obtenemos:

$$P(y|x_1,...,x_n) = \frac{P(x_1|y) P(x_2|y) ... P(x_n|y) P(y)}{P(x_1) P(x_2) ... P(x_n)}$$

Dado que el denominador es estático para todas las entradas del conjunto de datos se puede ignorar y se establece una proporcionalidad:

$$P(y|x_1,...,x_x) \propto P(y) \prod_{i=1}^n P(x_i|y)$$

En base a lo visto previamente, la predicción de la clase objetivo es sencillamente aquella con mayor probabilidad:

$$y = argmax_y P(y) \prod_{i=1}^{n} P(x_i|y)$$

### **Naive Bayes: Algoritmo**

- Convertir el conjunto de datos en tablas de frecuencias.
- Crear una tabla de probabilidad calculando las correspondientes de cada evento.
- Calcular la probabilidad para cada clase

$$P(y)/\forall y \in Y$$

• Calcular la probabilidad condicional de cada atributo dada cada clase:

$$P(x_i|y)/0 \le i \le n, \forall y \in Y$$

• Calcular la clase de acuerdo a la que maximice la probabilidad (o, en este caso la proporción):  $y = argmax_y P(y) \prod_{i=1}^n P(x_i|y)$ 

### Puntos fuertes y débiles de Naive Bayes

#### Ventajas:

- Un manera fácil y rápida de predecir clases, para problemas de clasificación binarios y multiclase.
- Se comporta mejor que otros modelos de clasificación, incluso con menos datos de entrenamiento cuando si son independientes las características.
  - Es bueno para salvar problemas de dimensionalidad y rendimiento

#### Desventajas:

- Aunque son unos clasificadores bastante buenos, los algoritmos Naive Bayes son conocidos por ser pobres estimadores.
- La presunción de independencia Naive muy probablemente no reflejará cómo son los datos en el mundo real.
- Cuando el conjunto de datos de prueba tiene una característica que no ha sido observada en el conjunto de entrenamiento, el modelo le asignará una probabilidad de cero y no podrá realizar predicciones.

### Naive Bayes: Tipos de algoritmos

**Bernoulli Naive Bayes:** Para casos donde los atributos son variables binarias (e.g. si una palabra ocurre o no en un documento).

**Multinomial Naive Bayes:** Para casos donde los atributos representan frecuencias (e.g. la cantidad de veces que una palabra ocurre en un documento).

Gaussian Naive Bayes: Para casos donde los atributos toman valores continuos, se asume que los valores son muestras de una distribución gaussiana (esto se usa para calcular las probabilidades condicionales en el algoritmo).

### Naive Bayes: Relación con Regresión Logística

Naive Bayes es un modelo **generativo**, es decir, que intenta modelar la probabilidad p(y,x) donde "y" representa la etiqueta y "x" representa los atributos. A grandes rasgos, trata de generar los atributos del modelo dada la etiqueta.

La Regresión Logística es un modelo **discriminativo**, es decir, que intenta modelar la probabilidad p(y|x). A grandes rasgos, determina la etiqueta "y" a partir del vector de atributos "x". Esto quiere decir que no le hace falta hacer ninguna asunción sobre p(x) ya que no es necesaria para modelar.

# Demo Time (demo\_3\_naive\_bayes)

## Algoritmo del perceptrón

### El algoritmo del "perceptrón"

- ■Propuesto por Frank Rosenblatt en 1958
- El objetivo es encontrar un hiperplano de separación, esto es, sólo encuentra la solución si los datos son linealmente separables
- Es un algoritmo online (procesa un ejemplo a la vez)
- ►Es la red neuronal más simple
- Tiene una capa de entrada y un único nodo de salida.

### El algoritmo del "perceptrón"

#### Entrada

- Conjunto de entrenamiento
- Tasa de aprendizaje



### Algoritmo

- Inicializar los pesos
- $\omega^0 \in \mathbb{R}$



#### Proceso

• Para cada ejemplo  $(x_i, y_i)$  predecir  $y_i^t$  $= signo(\omega^t x_i + \omega_0)$ 



Si se han actualizado algunos pesos se vuelve a "Proceso", si no, se finaliza



Sólo se actualiza cuando se comete un error



Comparo salidas real y obtenida

• Si 
$$y_i^t \neq y_i : \omega^{t+1}$$
  
 $\leftarrow \omega^t + r(y_i x_i)$ 

Link

# Demo Time (demo\_4\_perceptron)

## Fin de la primera clase