

प्रश्नावली 1.1

- 1. (i) 1 गुणनात्मक तत्समक है।
 - (iii) गुणनात्मक प्रतिलोम
- 2. सहचारिता

🔼 प्रश्नावली 2.1

- **1.** x = 18 **2.** t = -1 **3.** x = -2 **4.** $z = \frac{3}{2}$ **5.** x = 5

(ii) क्रमविनिमेयता

- **7.** x = 40 **8.** x = 10 **9.** $y = \frac{7}{3}$ **10.** $m = \frac{4}{5}$

- **1.** $x = \frac{27}{10}$ **2.** n = 36 **3.** x = -5 **4.** x = 8 **6.** $m = \frac{7}{5}$ **7.** t = -2 **8.** $y = \frac{2}{3}$ **9.** z = 2

- **1.** (a) 1, 2, 5, 6, 7
- (b) 1, 2, 5, 6, 7
- (c) 1, 2

(d) 2

- (e) 1, 4
- 2. बराबर भुजाओं और बराबर कोणों वाला एक बहुभुज
 - (i) समबाहु त्रिभुज
- (ii) वर्ग (iii) सम षड्भुज

प्रश्नावली 3.2

- 1. (a) $360^{\circ} 250^{\circ} = 110^{\circ}$ (b) $360^{\circ} 310^{\circ} = 50^{\circ}$
- 2. (i) $\frac{360^{\circ}}{9} = 40^{\circ}$ (ii) $\frac{360^{\circ}}{15} = 24^{\circ}$
- **3.** $\frac{360}{24} = 15$ (भुजाएँ) **4.** भुजाओं की संख्या = 24
- 5. (i) नहीं (क्योंकि 360 को 22 विभाजित नहीं करता है।)
 - (ii) नहीं (क्योंकि प्रत्येक बहिष्कोण $180^{\circ} 22^{\circ} = 158^{\circ}$ है, जो 360° को विभाजित नहीं करता है।)

180 🔳 गणित

- **6.** (a) क्योंकि समबाहु त्रिभुज तीन भुजाओं का एक समबहुभुज है, इसिलए इसके प्रत्येक अंत:कोण की न्यूनतम $HII = 60^\circ$ है।
 - (b) (a) से हम देख सकते हैं कि सबसे बड़ा बहिष्कोण 120° होगा।

्रप्रश्नावली 3.3

- 1. (i) BC (सम्मुख भुजाएँ बराबर होती हैं।)
 - (ii) ∠DAB (सम्मुख कोण बराबर होते हैं।)
 - (iii) OA (विकर्ण परस्पर समद्विभाजित करते हैं।)
 - (iv) 180° (तिर्यक रेखा के एक ही ओर के अंत:कोण, क्योंकि $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$)
- **2.** (i) $x = 80^{\circ}$; $y = 100^{\circ}$; $z = 80^{\circ}$
- (ii) $x = 130^{\circ}$; $y = 130^{\circ}$; $z = 130^{\circ}$
- (iii) $x = 90^{\circ}$; $y = 60^{\circ}$; $z = 60^{\circ}$
- (iv) $x = 100^\circ$; $y = 80^\circ$; $z = 80^\circ$

- (v) $y = 112^{\circ}; x = 28^{\circ}; z = 28^{\circ}$
- 3. (i) हो सकता है, परंतु आवश्यक नहीं है।
 - (ii) नहीं; (एक समांतर चतुर्भुज में, सम्मुख भुजाएँ बराबर होती हैं, परंतु यहाँ AD ≠ BC है।)
 - (iii) नहीं; (एक समांतर चतुर्भुज में, सम्मुख कोण बराबर होते हैं, परंतु यहाँ $\angle A \neq \angle C$ है।)
- **4.** उदाहरणार्थ, एक पतंग **5.** 108°; 72°;
- 6. प्रत्येक कोण एक समकोण है।

- 7. $x = 110^{\circ}$; $y = 40^{\circ}$; $z = 30^{\circ}$
- **8.** (i) x = 6; y = 9 (ii) x = 3; y = 13;
- **9.** $x = 50^{\circ}$
- 10. $\overline{NM} \parallel \overline{KL}$ (तिर्यक रेखा के एक ही ओर के अंत:कोण का योग 180° है।) इसलिए, KLMN एक समलंब है।
- **11.** 60°

12. $\angle P = 50^{\circ}; \angle S = 90^{\circ}$

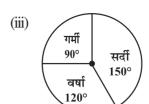
प्रश्नावली 3.4

- 1. (b), (c), (f), (g) और (h) सत्य हैं, अन्य असत्य हैं।
- 2. (a) समचतुर्भुज; वर्ग
- (b) वर्ग; आयत
- 3. (i) एक वर्ग में चार भुजाएँ होती हैं इसलिए यह एक चतुर्भुज है।
 - (ii) एक वर्ग की सम्मुख भुजाएँ समांतर होती हैं; इसलिए यह एक समांतर चतुर्भुज है।
 - (iii) वर्ग एक ऐसा समांतर चतुर्भुज होता है जिसकी सभी भुजाएँ बराबर होती हैं; इसलिए यह एक समचतुर्भुज है।
 - (iv) वर्ग एक ऐसा समांतर चतुर्भुज होता है, जिसके सभी कोण समकोण होते हैं; इसलिए यह एक आयत है।
- 4. (i) समांतर चतुर्भुज; समचतुर्भुज; वर्ग; आयत
 - (ii) समचतुर्भुज; वर्ग
- (iii) वर्ग; आयत
- 5. इसके दोनों विकर्ण इसके अभ्यंतर में स्थित होते हैं।
- **6.** $\overline{AD} \parallel \overline{BC}; \overline{AB} \parallel \overline{DC}$ है। इसलिए, समांतर चतुर्भुज ABCD में, विकर्ण \overline{AC} का मध्य-बिंदु O है।

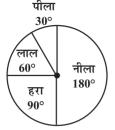
प्रश्नावली 4.1

- **1.** (i) 200 (ii) मनोरंजव
- (ii) मनोरंजक (iii) शास्त्रीय 100, उप-शास्त्रीय 200, मनोरंजक 400, लोक 300

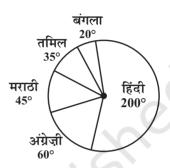
- - (i) सर्दी (ii) सर्दी 150°, वर्षा 120°, गर्मी 90°



3.



- **4.** (i) हिंदी
- (ii) 30 अंक
- (iii) हाँ
- 5.



🗾 प्रश्नावली 4.2

- 1. (a) परिणाम \rightarrow A, B, C, D
 - (b) HT, HH, TH, TT [यहाँ HT का अर्थ है कि पहले सिक्के पर चित (Head) और दूसरे सिक्के पर पट (Tail) इत्यादि।]
- 2. निम्नलिखित प्राप्त करने की घटना के परिणाम :
- (ii) (a) 6
- (i) (a) 2, 3, 5 (b) 1, 4, 6 (ii) (a) 6 (b) 1, 2, 3, 4, 5
- 3. (a) $\frac{1}{5}$ (b) $\frac{1}{13}$ (c) $\frac{4}{7}$ 4. (i) $\frac{1}{10}$ (ii) $\frac{1}{2}$ (iii) $\frac{2}{5}$ (iv) $\frac{9}{10}$

- **5.** हरा त्रिज्यखंड प्राप्त करने की प्रायिकता = $\frac{3}{5}$; एक ऐसा त्रिज्यखंड प्राप्त करने की प्रायिकता जो नीला नहीं है = $\frac{4}{5}$ ।
- **6.** एक अभाज्य संख्या प्राप्त करने की प्रायिकता = $\frac{1}{2}$; एक ऐसी संख्या प्राप्त करने की प्रायिकता जो अभाज्य नहीं है = $\frac{1}{2}$; 5 से बड़ी संख्या प्राप्त करने की प्रायिकता = $\frac{1}{6}$, 5 से बड़ी संख्या प्राप्त नहीं करने की प्रायिकता = $\frac{5}{6}$

🗘 प्रश्नावली 5.1

- **1.** (i) 1
- (ii) 4
- (iii) 1
- (iv) 9
- (v) 6
- (vi) 9

- (vii) 4
- (viii) 0
- (ix) 6
- (x) 5
- 2. ये संख्याएँ निम्नलिखित पर समाप्त होती हैं :
 - (i)
- (ii) 3
- (iii) 8
- (iv) 2
- (v) 0
- (vi) 2

- (vii) 0
- (viii) 0

182 गिणत

3. (i), (iii) **4.** 10000200001, 100000020000001

5. 1020304030201, 101010101²

6. 20, 6, 42, 43

7. (i) 25 (ii) 100 (iii) 144

8. (i) 1+3+5+7+9+11+13

(ii) 1+3+5+7+9+11+13+15+17+19+21

9. (i) 24 (ii) 50 (iii) 198

प्रश्नावली 5.2

1. (i) 1024 (ii) 1225

(iii) 7396

(iv) 8649 (v) 5041 (vi) 2116

2. (i) 6,8,10 (ii) 14,48,50 (iii) 16,63,65 (iv) 18,80,82

प्रश्नावली 5.3

1. (i) 1, 9 (ii) 4, 6 (iii) 1, 9

(iv) 5

2. (i), (ii), (iii)

3. 10, 13

4. (i) 27

(ii) 20

(iii) 42

(iv) 64

(v) 88

(vi) 98

77 (vii)

(viii) 96

(ix) 23

(x) 90

(v) 2; 54

(vi) 3; 48

7; 6 **6.** (i)

7; 42 (ii) 5; 30 (iii) 7, 84 (ii) 13; 15 (iii) 11; 6

(iv) 3; 78 (vi) 5; 23

(v) 7; 20

(vi) 5; 18

7. 49

5. (i)

8. 45 पंक्तियाँ; प्रत्येक पंक्ति में 45 पौधे

9. 900

10. 3600

प्रश्नावली 5.4

1. (i) 48

(ii) 67

(iii) 59

(iv) 23

(v) 57

(vi) 37

(vii) 76 (viii) 89

(ix) 24

(x) 32

(xi) 56

(xii) 30

2. (i) 1 (ii) 2

(iii) 2

(iv) 3

(v) 3

3. (i) 1.6

(ii) 2.7

(iii) 7.2

(iv) 6.5

(v) 5.6

5. (i) 4; 23

4. (i) 2; 20 (ii) 53; 44

(iii) 1; 57 (ii) 14; 42 (iii) 4; 16 (iv) 41; 28

(iv) 24; 43

(v) 31; 63 (v) 149; 81

6. 21 m

7. (a) 10 cm

(b) 12 cm

8. 24 पौधे

9. 16 बच्चे

🕽 प्रश्नावली 6.1

1. (ii) और (iv)

2. (i) 3

(ii) 2

(iii) 3

(iv) 5

(v) 10

3. (i) 3

(ii) 2

(iii) 5

(iv) 3

(v) 11

4. 20 घनाभ

प्रश्नावली 6.2

1. (i) 4

(ii) 8

(iii) 22

(iv) 30

(v) 25

(vi) 24

(vii) 48

(viii) 36

(ix) 56

2. (i) असत्य (ii) सत्य

(iii) असत्य

(iv) असत्य

(v) असत्य

(vi) असत्य

(vii) सत्य

प्रश्नावली 7.1

1. (a) 1:2

(b) 1:2000

(c) 1:10

2. (a) 75% (b) $66\frac{2}{3}$ %

3. 28% विद्यार्थी **4.** 25 मैच **5.** ₹ 2400

6. 10%, क्रिकेट $\rightarrow 30$ लाख; फुटबॉल $\rightarrow 15$ लाख; अन्य खेल $\rightarrow 5$ लाख

्रप्रश्नावली 7.2

1. ₹ 2835

2. ₹ 14560

3. ₹ 2000

₹ 5000

5. ₹ 1050

प्रश्नावली 7.3

1. (i) लगभग 48980 (ii) 59535

2. 531616 (लगभग) 3. ₹ 38640

प्रश्नावली 8.1

1. (i) 0 (ii) ab + bc + ac

(iv) $2(l^2 + m^2 + n^2 + lm + mn + nl)$

2. (a) 8a - 2ab + 2b - 15 (b) 2xy - 7yz + 5zx + 10xyz

(c) $p^2q - 7pq^2 + 8pq - 18q + 5p + 28$

प्रश्नावली 8.2

1. (i) 28p (ii) $-28p^2$ (iii) $-28p^2q$ (iv) $-12p^4$ (v) 0

2. pq; 50 mn; 100 x^2y^2 ; 12 x^3 ; 12 mn^2p

3.

पहला एकपदी :→	2 <i>x</i>	-5 <i>y</i>	$3x^2$	-4 <i>xy</i>	$7x^2y$	$-9x^2y^2$
दूसरा एकपदी :↓						
2x	$4x^2$	-10 <i>xy</i>	$6x^3$	$-8x^2y$	$14x^3y$	$-18x^3y^2$
-5 <i>y</i>	-10xy	$25y^2$	$-15x^2y$	$20xy^2$	$-35x^2y^2$	$45x^2y^3$

$3x^2$	$6x^3$	$-15x^2y$	$9x^{4}$	$-12x^3y$	$21x^4y$	$-27x^4y^2$
- 4 <i>xy</i>	$-8x^2y$	$20xy^2$	$-12x^3y$	$16x^2y^2$	$-28x^3y^2$	$36x^3y^3$
$7x^2y$	$14x^3y$	$-35x^2y^2$	$21x^4y$	$-28x^3y^2$	$49x^4y^2$	$-63x^4y^3$
$-9x^2y^2$	$-18x^3y^2$	$45x^2y^3$	$-27x^4y^2$	$36x^3y^3$	$-63x^4y^3$	$81x^4y^4$

- **4.** (i) $105a^7$ (ii) 64pqr
- (iii) $4x^4y^4$
- (iv) 6abc

- **5.** (i) $x^2y^2z^2$ (ii) $-a^6$
- (iii) $1024y^6$
- (iv) $36a^2b^2c^2$ (v) $-m^3n^2p$

🕽 प्रश्नावली 8.3

- 1. (i) 4pq + 4pr
- (ii) $a^2b ab^2$ (iii) $7a^3b^2 + 7a^2b^3$
- (iv) $4a^3 36a$
- (v) 0
- **2.** (i) ab + ac + ad
- (ii) $5x^2y + 5xy^2 25xy$
- (iii) $6p^3 7p^2 + 5p$
- (iv) $4p^4q^2 4p^2q^4$
- $(v) \quad a^2bc + ab^2c + abc^2$
- 3. (i) $8a^{50}$ (ii) $-\frac{3}{5}x^3y^3$
 - (iii) $-4p^4q^4$
- (iv) x^{10}

- **4.** (a) $12x^2 15x + 3$;
- (i) 66

- (b) $a^3 + a^2 + a + 5$;
- (i) 5
- (ii) 8
- (iii) 4

- **5.** (a) $p^2 + q^2 + r^2 pq qr pr$
- (b) $-2x^2 2y^2 4xy + 2yz + 2zx$

- (c) $5l^2 + 25ln$
- (d) $-3a^2-2b^2+4c^2-ab+6bc-7ac$

प्रश्नावली 8.4

- 1. (i) $8x^2 + 14x 15$
- (ii) $3y^2 28y + 32$
- (iii) $6.25l^2 0.25m^2$

- (iv) ax + 5a + 3bx + 15b
- (v) $6p^2q^2 + 5pq^3 6q^4$
- (vi) $3a^4 + 10a^2b^2 8b^4$

- **2.** (i) $15 - x - 2x^2$ $2p^3 + p^2q - 2pq^2 - q^3$
- (ii) $7x^2 + 48xy 7y^2$
- (iii) $a^3 + a^2b^2 + ab + b^3$

- (iv) $x^3 + 5x^2 - 5x$
- (ii) $a^2b^3 + 3a^2 + 5b^3 + 20$
- (iii) $t^3 st + s^2t^2 s^3$

- **3.** (i) 4ac(iv)
- (v) $3x^2 + 4xy y^2$
- (vi) $x^3 + y^3$

- $2.25x^2 16y^2$ (vii)
- (viii) $a^2 + b^2 c^2 + 2ab$

प्रश्नावली 9.1

- 1. $0.88 \,\mathrm{m}^2$
- **2.** 7 cm
- 3. $660 \,\mathrm{m}^2$
- **4.** 252 m^2

- 5. 45 cm^2
- **6.** 24 cm^2 , 6 cm
- **7.** ₹810
- **8.** 140 m

- **9.** 119 m^2
- **10.** ज्योति की विधि से क्षेत्रफल = $2 \times \frac{1}{2} \times \frac{15}{2} \times (30 + 15) \text{ m}^2 = 337.5 \text{ m}^2$,

कविता की विधि से क्षेत्रफल = $(\frac{1}{2} \times 15 \times 15 + 15 \times 15)$ m² = 337.5 m²

11. 80 cm^2 , 96 cm^2 , 80 cm^2 , 96 cm^2

प्रश्नावली 9.2

1. (a)

2. 144 m

3. 10 cm **4.** 11 m²

5. 5 कैन

6. समानता → दोनों की बराबर ऊँचाइयाँ हैं; अंतर → एक बेलन है और दूसरा घन है। घन का पृष्ठीय क्षेत्रफल अधिक है।

7. 440 m^2

8. 322 cm

9. $1980 \,\mathrm{m}^2$

10. 704 cm²

🗸 प्रश्नावली 9.3

1. (a) आयतन

(b) पृष्ठीय क्षेत्रफल

(c) आयतन

2. बेलन B का आयतन अधिक है। बेलन B का पृष्ठीय क्षेत्रफल अधिक है।

3. 5 cm

4. 450

5. 1 m

6. 49500 L

7. (i) चार गुना (ii) आठ गुना

8. 30 घंटे

प्रश्नावली 10.1

(ii) $\frac{1}{16}$

(iii) 32

(ii)

3. (i) 5 (ii) $\frac{1}{2}$

(iii) 29

(iv) 1

4. (i) 250 (ii) $\frac{1}{60}$

5. m = 2

प्रश्नावली 10.2

1. (i) 8.5×10^{-12}

 8.37×10^{-9} (iv)

2. (i) 0.00000302

(iv) 1000100000

 1×10^{-6} **3.** (i) 1.275×10^{-5}

(iv) 4. 1.0008×10^2 (ii) 9.42×10^{-12}

(v) 3.186×10^{10}

(ii) 45000

(v) 5800000000000

(ii) 1.6×10^{-19}

(v) 7×10^{-2}

(iii) 6.02×10^{15}

(iii) 0.00000003

(vi) 3614920 (iii) 5×10^{-7}

प्रश्नावली 11.1

1. 干育

लाल रंग के भाग 12 20 मुल मिश्रण के भाग 32 56 96 160

186 । गणित

3. 24 भाग

4. 700 बोतल **5.** 10⁻⁴ cm; 2 cm **6.** 21 cm

7. (i) 2.25×10^7 क्रिस्टल

(ii) 5.4×10^6 क्रिस्टल

8. 4 cm

9. (i) 6 m (ii) 8 m 75 cm **10.** 168 km

प्रश्नावली 11.2

1. (i), (iv), (v)

2. $4 \rightarrow 25.000$; $5 \rightarrow 20.000$; $8 \rightarrow 12.500$; $10 \rightarrow 10.000$; $20 \rightarrow 5.000$ एक विजेता को दी गई धनराशि विजेताओं की संख्या के व्युत्क्रमानुपाती है।

3. $8 \rightarrow 45^{\circ}$, $10 \rightarrow 36^{\circ}$, $12 \rightarrow 30^{\circ}$

(i) हाँ

(ii) 24°

(iii) 9

5. 4

6. 3 दिन

7. 15 बॉक्स

8. 49 मशीन

9. $1\frac{1}{2}$ घंटे

10. (i) 6 दिन (ii) 6 व्यक्ति **11.** 40 मिनट

प्रश्नावली 12.1

1. (i) 12

(ii) 2y

(iii) 14pq (iv) 1

(v) 6ab

(vii) 10 (viii) x^2y^2

2. (i) 7(x-6)

(ii) 6(p-2q) (iii) 7a(a+2) (iv) $4z(-4+5z^2)$

(v) 10 lm(2l + 3a)

(vi) 5xy(x-3y)

(vii) $5(2a^2-3b^2+4c^2)$

(viii) 4a(-a+b-c)**3.** (i) (x+8)(x+y)

(ix) xyz(x+y+z)(ii) (3x + 1)(5y - 2) (x) xy(ax + by + cz)

(iv) (5p+3)(3q+5)

(v) (z-7)(1-xy)

(iii) (a+b)(x-y)

प्रश्नावली 12.2

1. (i) $(a+4)^2$

(ii) $(p-5)^2$ (iii) $(5m+3)^2$ (iv) $(7y+6z)^2$

(v) $4(x-1)^2$

(vi) $(11b-4c)^2$ (vii) $(l-m)^2$ (viii) $(a^2+b^2)^2$

2. (i) (2p-3q)(2p+3q)

(ii) 7(3a-4b)(3a+4b) (iii) (7x-6)(7x+6)

(iv) $16x^3(x-3)(x+3)$ (vii) (x-y-z)(x-y+z) (viii) (5a-2b+7c)(5a+2b-7c)

(v) 4*lm*

(vi) (3xy - 4)(3xy + 4)

3. (i) x(ax + b)

(ii) $7(p^2 + 3q^2)$ (iii) $2x(x^2 + y^2 + z^2)$

(vi) (y+9)(y+z)

(iv) $(m^2 + n^2)(a + b)$ (v) (l+1)(m+1)

(vii) (5y + 2z)(y - 4) (viii) (2a + 1)(5b + 2)

(ix) (3x-2)(2y-3)

4. (i) $(a-b)(a+b)(a^2+b^2)$ (ii) $(p-3)(p+3)(p^2+9)$

(iii) $(x-y-z)(x+y+z)[x^2+(y+z)^2]$ (iv) $z(2x-z)(2x^2-2xz+z^2)$

(v) $(a-b)^2(a+b)^2$

5. (i) (p+2)(p+4)

(ii) (q-3)(q-7)

(iii) (p+8)(p-2)

प्रश्नावली 12.3

1. (i) $\frac{x^3}{2}$ (ii) -4y (iii) 6pqr (iv) $\frac{2}{3}x^2y$ (v) $-2a^2b^4$

(iv) $\frac{1}{2}(x^2 + 2x + 3)$ (v) $q^3 - p^3$

3. (i) 2x - 5 (ii) 5

(iii) 6y (iv) xy (v) 10abc

4. (i) 5(3x + 5)

(ii) 2y(x+5) (iii) $\frac{1}{2}r(p+q)$ (iv) $4(y^2+5y+3)$

(v) (x+2)(x+3)

5. (i) y + 2 (ii) m - 16 (iii) 5(p - 4) (iv) 2z(z - 2) (v) $\frac{5}{2}q(p - q)$

(vi) 3(3x - 4y)

(vii) 3y(5y-7)

प्रश्नावली 13.1

1. (a) 36.5° C

(b) दोपहर 12 बजे

(c) दोपहर 1 बजे, दोपहर 2 बजे

- 36.5° C; दोपहर 1 बजे से दोपहर 2 बजे के बीच में x-अक्ष पर स्थित बिंदु दोपहर 1 बजे और दोपहर 2 बजे को दर्शाने वाले बिंदुओं से समदूरस्थ है, इसलिए यह दोपहर 1 बजकर 30 मिनट का समय प्रदर्शित करेगा। इसी प्रकार, y-अक्ष पर 36° C और 37° C के बीच का बिंदु 36.5° C को प्रदर्शित करेगा।
- (e) प्रात: 9 बजे से प्रात: 10 बजे तक, प्रात: 10 बजे से प्रात: 11 बजे तक, दोपहर 2 बजे से दोपहर 3 बजे तक

2. (a) (i) ₹ 4 करोड

(ii) ₹ 8 करोड

(b) (i) ₹ 7 करोड

(ii) 8.5 करोड (लगभग)

(c) ₹ 4 करोड

(d) 2005

3. (a) (i) 7 cm (ii) 9 cm

(b) (i) 7 cm

(ii) 10 cm

(c) 2 cm (d) 3 cm

(e) दूसरा सप्ताह

(f) पहला सप्ताह

(g) दूसरे सप्ताह के अंत में

4. (a) मंगल, शुक्र, रवि

(b) 35° C (c) 15° C (d) बृहस्पतिवार

6. (a) 4 इकाई = 1 घंटा (b) $3\frac{1}{2}$ घंटे (c) 22 km

- (d) हाँ, यह आलेख के क्षैतिज भाग से दर्शित होता है। (प्रात: 10 बजे से प्रात: 10:30 तक)
- (e) प्रात: 8 बजे और प्रात: 9 बजे के बीच में
- 7. (iii) संभव नहीं है।

प्रश्नावली 13.2

- 1. (b) (i) 20 km (ii) प्रात: 7.30 बजे (c) (i) हाँ (ii) ₹ 200 (iii) ₹ 3500
- **2.** (a) **हाँ**
- (b) नहीं

केवल खेल के लिए

1. पाइथागोरियन त्रिकों के बारे में कुछ और

हम पाइथागोरियन त्रिकों (Pythagorean triplets) को एक प्रकार 2m, m^2-1 , m^2+1 से लिखना देख चुके हैं। एक पाइथागोरियन त्रिक a, b, c का अर्थ $a^2+b^2=c^2$ है। यदि हम दो प्राकृत संख्याओं m और n का प्रयोग करें (m>n) तथा $a=m^2-n^2$, b=2mn और $c=m^2+n^2$ लें, तो हम देख सकते हैं कि $c^2=a^2+b^2$ है। इस प्रकार, m>n के साथ, हम m और n के विभिन्न मानों के लिए प्राकृत संख्याएँ a, b, c ऐसी बना सकते हैं कि वे पाइथागोरियन त्रिक बनाएँ।

उदाहरणार्थ, m=2, n=1 लीजिए।

तब, $a = m^2 - n^2 = 3$, b = 2mn = 4, $c = m^2 + n^2 = 5$, एक पाइथागोरियन त्रिक है। (इसकी जाँच कीजिए!) m = 3, n = 2, के लिए हम प्राप्त करते हैं।

a = 5, b = 12, c = 13 जो पुन: एक पाइथागोरियन त्रिक है।

m और n के कुछ और मान लीजिए तथा इस प्रकार के और अधिक त्रिक जनित कीजिए।

- **2.** जब पानी जमता है, तो उसके आयतन में 4% की वृद्धि हो जाती है। 221 cm³ बर्फ बनाने के लिए कितने पानी की आवश्यकता होगी?
- 3. यदि चाय का मूल्य 20% बढ़ जाए, तो उसकी खपत में कितने प्रतिशत की कमी की जाए कि उस पर होने वाले व्यय में कोई वृद्धि न हो?
- **4.** समारोही पुरस्कार (Ceremony Awards) 1958 में प्रारंभ हुए। तब पुरस्कार जीतने के लिए 28 श्रेणियाँ थीं। 1993 में 81 श्रेणियाँ थीं।
 - (i) 1958 में दिए पुरस्कारों की संख्या 1993 के पुरस्कारों की संख्या का कितने प्रतिशत है?
 - (ii) 1993 में दिए पुरस्कारों की संख्या 1958 के पुरस्कारों की संख्या का कितने प्रतिशत है?
- 5. भँवरों के झुंड में से $\frac{1}{15}$ वाँ भाग कदंब के फूल पर जा बैठा, $\frac{1}{3}$ सिलिंघिरी के फूल पर तथा इन दो संख्याओं के अंतर का तिगुना उड़कर कुटज के पुष्प पर जा बैठा। तब झुंड में केवल दस भँवरे ही रह गए। झुंड में प्रारंभ में कितने भँवरे थे? [ध्यान दीजिए कि कदंब, सिलिघिरी और कुटज फूलों के पेड़ हैं। यह समस्या बीजगणित के एक प्राचीन भारतीय ग्रंथ में से ली गई है।]
- 6. किसी वर्ग का क्षेत्रफल ज्ञात करने के लिए, शेखर ने वर्ग के क्षेत्रफल का सूत्र प्रयोग किया, जबिक उसके मित्र मरूफ ने वर्ग के परिमाप का सूत्र प्रयोग किया। आश्चर्य की बात है कि दोनों के उत्तर संख्यात्मक रूप से एक ही थे। मुझे बताइए कि जिस वर्ग पर वे कार्य कर रहे थे उसकी भुजा की इकाइयों की संख्या क्या है।
- 7. एक वर्ग का क्षेत्रफल संख्यात्मक रूप से अपनी भुजा के 6 गुने से कम है। ऐसे कुछ वर्गों की सूची बनाइए जिनमें ऐसा होता है।
- 8. क्या यह सभंव है कि एक लंब वृत्तीय बेलन का आयतन संख्यात्मक रूप से उसके वक्र पृष्ठीय क्षेत्रफल के बराबर होगा? यदि हाँ, तो बताइए कब।
- 9. लीला ने अपने जन्म दिन पर कुछ मित्रों को चाय पर आमंत्रित किया। उसकी माँ ने परोसने के लिए एक मेज पर कुछ प्लेट और कुछ पूरियाँ रख दीं। यदि लीला प्रत्येक प्लेट में 4 पूरियाँ रखती है, तो एक प्लेट खाली

रह जाती है। यदि वह प्रत्येक प्लेट में 3 पूरियाँ रखती है, तो 1 पूरी बच जाती है। मेज पर रखी हुई प्लेटों और पूरियों की संख्याएँ ज्ञात कीजिए।

- 10. क्या ऐसी कोई संख्या है, जो अपने घन के बराबर है, परंतु अपने वर्ग के बराबर नहीं है? यदि हाँ, तो वह संख्या ज्ञात कीजिए।
- 11. संख्याओं 1 से 20 तक को एक पंक्ति में इस प्रकार व्यवस्थित कीजिए कि किन्हीं दो आसन्न संख्याओं का योग एक पूर्ण वर्ग हो।

उत्तरमाला

2. $212\frac{1}{2}$ cm³

3. $16\frac{2}{3}\%$

4. (i) 34.5%

(ii) 289%

- **5.** 150
- 4 इकाइयाँ
- 7. y = 1, 2, 3, 4, 5 y = 1, 2, 3, 4, 5
- **8.** हाँ जब त्रिज्या = 2 इकाइयाँ
- 9. पूरियों की संख्या = 16, प्लेटों की संख्या = 5
- **10.** 1
- 11. एक तरीका यह है, 1, 3, 6, 19, 17, 8(1 + 3 = 4, 3 + 6 = 9 इत्यादि) कुछ और तरीकों से प्रयास कीजिए।





