## Tentamen i Tillämpad Matematik och statistik för IT-forensik. Del 1: Matematik

## $7.5~\mathrm{HP}$

5 januari, 2018

Maxpoäng: 30p. Betygsgränser: 12p: betyg 3, 18p: betyg 4, 24p: betyg 5.

Hjälpmedel: Miniräknare och formelsamling. Kursansvarig: Eric Järpe, telefon 0702-822 844, 035-16 76 53.

Alla svar skall ges med 4 decimalers noggrannhet där ej annat anges. Till uppgifterna skall fullständiga lösningar lämnas. Lösningarna ska vara utförligt redovisade! Varje lösning ska börja överst på nytt papper. Endast en lösning per blad. Lösningar kommer finnas på internet: http://dixon.hh.se/erja/teach  $\rightarrow$  Matematik och statistik för IT-forensik.

1. Lös ekvationerna

(a) 
$$2x - 1 = x - 2$$
. (2p)

(b) 
$$6x^3 + 11x^2 - 24x - 9 = 0.$$
 (3p)

(c) 
$$\ln(3x) = \ln(x^2 - x - 2) - \ln(x - 2)$$
. (3p)

- 2. Bestäm samtliga lokala extrempunkter till  $f(x) = e^{(1-x^2)\sqrt{1+3x^2}}$ . (4p)
- 3. Antag att f(x) = 2x + 1.

(a) Avgör för vilka 
$$x \in \mathbb{R}$$
 som  $|f(3x-1)| < |3f(x)-1|$ . (3p)

(b) Beräkna 
$$\frac{d}{dx} \Big( f(f(x)) \Big)$$
. (3p)

4. Beräkna summorna

(a) 
$$\sum_{k=1}^{789} k$$
 (2p)

(b) 
$$\sum_{k=5}^{55} \frac{2^k}{3^{k+2}}$$
. (3p)

- 5. Låt A vara mängden av alla jämna tal och B vara mängden av alla 2-siffriga tal. Beräkna  $|A^C \cap B|$ . (3p)
- 6. Ett matematikprov består av 10 uppgifter där uppgift k kan ge k poäng, k = 1, 2, ..., 10. Läraren ger bara antingen full poäng eller 0 poäng per uppgift. På hur många sätt kan en elev som skriver provet få 30 poäng? (4p)

LYCKA TILL!