TENTAMEN I TILLÄMPAD MATEMATIK OCH STATISTIK FÖR IT-FORENSIK. DEL 1: MATEMATIK

$7.5~\mathrm{HP}$

10 januari, 2014 kl. 9.00 - 13.00

Maxpoäng: 30p. Betygsgränser: 12p: betyg G, 21p: betyg VG.

Hjälpmedel: Typgodkänd miniräknare samt formelsamling som medföljer tentamenstexten.

Kursansvarig: Eric Järpe, telefon 0702-822 844, 035-16 76 53.

Till uppgifterna skall *fullständiga lösningar* lämnas. Lösningarna ska vara *utförligt* redovisade! Varje lösning ska börja överst på nytt papper. Endast en lösning per blad. Lösningar kommer finnas på internet: http://dixon.hh.se/erja/teach → Matematik och statistik för IT-forensik.

1. Hur många 8-bokstaviga bokstavskombinationer kan man åstadkomma med bokstäverna

$$T, E, N, T, A, M, E, N$$
 (3p)

2. Lös ekvationerna

(a)
$$x^2 + x = 0$$

(b)
$$36x^4 + 12x^3 - 23x^2 - 4x + 4 = 0$$
 (5p)

3. Beräkna summan
$$\sum_{k=1}^{123} \frac{k}{4}.$$
 (3p)

4. Derivera funktionen
$$f(x) = \ln \sqrt{x+1}$$
, där $x > -1$. (3p)

5. Bevisa att
$$x \ln x > 2(\ln \sqrt{x})^2$$
 för alla $x \ge 1$. (3p)

6. Vad blir resten då
$$3x^5 - 7x^4 + 6x^3 - 6x^2 + 3x + 1$$
 divideras med $x^2 + 1$? (3p)

7. Beräkna inversen
$$f^{-1}(x)$$
 till funktionen $f(x) = \ln(\sqrt{2x^2 - 1} - x)$ då $\mathcal{D}_f = (1, \infty)$. (4p)

8. Bevisa att man kan bilda 2^n delmängder av en mängd som innehåller n element. (4p)

LYCKA TILL!