TENTAMEN I TILLÄMPAD MATEMATIK OCH STATISTIK FÖR IT-FORENSIK. DEL 2: STATISTIK

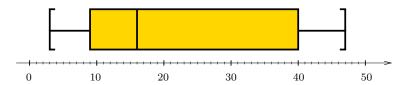
$7.5~\mathrm{HP}$

april, 2022

Maxpoäng: 30p. Betygsgränser: 12p: betyg 3, 18p: betyg 4, 24p: betyg 5. Hjälpmedel: Miniräknare TI-30Xa samt formelsamling som delas ut av vakterna. Kursansvarig: Eric Järpe, telefon 0729-77 36 26.

Till uppgifterna skall fullständiga lösningar lämnas. Lösningarna ska vara utförligt redovisade! Bladen ska lämnas in i rätt ordning. Svara alltid med 4 decimalers noggrannhet om ej annat anges. Lösningar kommer finnas på internet: http://dixon.hh.se/erja/teach \rightarrow Matematik och statistik för IT-forensik.

- 1. Vid en undersökning av datorvana i förhållande till ålder i en kommun görs observationer av 17 individers ålder, X, och hur mycket de använder dator, tablet eller mobil, Y uttryckt i timmar per vecka. För dessa data görs boxplottar och en regressionslinje beräknas.
 - (a) [2:1] Boxplotten av variabeln Y återfinns i diagrammet:



Beräkna kvartilavståndet för varibeln Y baserat på dessa data. (2p)

(b) [2:1] Från observationerna x_1, x_2, \ldots, x_{17} och y_1, y_2, \ldots, y_{17} beräknas även $\sum_{i=1}^{17} x_i = 629$, $\sum_{i=1}^{17} x_i^2 = 28717$, $\sum_{i=1}^{17} y_i = 391$, $\sum_{i=1}^{17} y_i^2 = 13049$ och regressionslinjen

$$y = 51 - 0.75x.$$

Beräkna förklaringsgraden för denna modell. (3p)

- 2. Ett misstänkt kriminellt nätverk består av 11 personer. Av dessa har 9 personer ständig tillgång till mobiltelefon med appen Ghost installerad. Totalt har 5 av de 11 personerna en ledarfunktion i nätverket varav 4 har tillgång till mobil med Ghost. Vad är då
 - (a) [2:1] sannolikheten att en slumpmässigt person ur nätverket är en av ledarna? (1p)
 - (b) [2:1] den betingade sannolikheten att tre slumpmässigt valda personer ur nätverket är ledare givet att minst två av dem har tillgång till mobil med Ghost? (4p)

- 3. Låt $X \in Poi(\lambda)$ och beräkna
 - (a) [2:2] $E(X^2)$ om $\lambda = 2$. (2p)
 - (b) [2:2] approximativt $P(1.1 \le \bar{X} \le 1.2)$ om \bar{X} är medelvärdet $\frac{1}{100} \sum_{i=1}^{100} X_i$ baserat på stickprovet X_1, X_2, \dots, X_{100} av X och $\lambda = 1$. (3p)
 - (c) [2:2] $P(X \le 2)$ om $\lambda = 1 + Y \text{ där } Y \in Bin(2, 0.7).$ (5p)
- 4. [2:3] I en studie¹ om personer som aldrig använt internet var det i ett stickprov 29 500 personer som var yngre än 65 år av totalt 268 400 personer. Kan man på någon rimlig signifikansnivå bevisa att denna andel är mindre än 11%? Vad blir p-värdet? (3p)
- 5. [2:3] Antalet personer som inte vet om de har ett säkerhetsprogram installerat på sin smartphone är vid en stor undersökning² i tusental:

per åldersgrupp. Kan man på 5% signifikansnivå bevisa att det förväntade antalet personer per åldersgrupp är fler än 300000 personer? (3p)

6. [2:3] För att vid regressionsanalys avgöra om det är olämpligt med en linjär modell testas om residualerna kan bevisas ej normalfördelade. Följande observationer av residualerna görs:

Klass	1	2	3	4	5	6
Antal residualer	10	6	2	4	1	7

där klass 1 är intervallet $(-\infty, -2]$, klass 2 (-2, -1], klass 3 (-1, 0], klass 4 (0, 1], klass 5 (1, 2] och klass 6 $(2, \infty)$. Som klassmitter använd -2.5, -1.5, -0.5, 0.5, 1.6 och 2.5. Finns det någon anledning att misstro normalfördelningsantagandet vid regressionsanalysen? Gör ett hypotestest på 5% signifikansnivå. (4p)

LYCKA TILL!

¹Data från SCB från 2021 om levnadsförhållanden och befolkningens IT-användning.

²Data från SCB från 2020 om IT-säkerhet – se https://www.scb.se/hitta-statisik/statistik-efter-amne/levnadsforhallanden/levnadsforhallanden/befolkningens-it-anvandning.