

3.13

3.13

Date. No.

迭代次数	步骤	被乘数	积/乘数
0	初始化	01100010	00000000/00010010
1	无操作 积寄存器右移	01100010	00000000/00010010 00001000/00010010
2	无操作 积 = 积 + 被乘 积寄存器右移	01100010	01100010/00010010 0011000100/00010010
3	无操作 积寄存器右移	01100010	0011000100/00010010 00011000100/00010010
4	无操作 积寄存器右移	01100010	00011000100/00010010 000011000100/00010010
5	积 = 积 + 被乘 积寄存器右移	01100010	01101100100/00010010 001101100100/00010010
6, 7, 8	无操作 积寄存器右移	01100010	000001101100/00100100

所以 $(62)_{10} \times (12)_{10} = (000001101100100)_{2}$

3.17

3.17

Date.

No.

$$0 \times 33 \times 0 \times 55$$

① 先计算 $0 \times 33 = 0 \times (2 \times 2 \times 2 \times 2 + 1)$

所以是把 0 左移 5 次再加上一个 0

② $0 \times 55 = 0 \times (32 + 16 + 4 + 2 + 1)$

所以是把 0 左移 5 次 加上 0 左移 4 次 加上
0 左移 2 次 加上左移一次最后再加上一个 0

③ 最后把 ① 和 ② 所得的结果相乘

No. _____ Date. _____

3.19 $(74)_8 = 111100$ $(21)_8 = 010001$

迭代次数	步骤	除	余/商
0	初始化	010001	000000 111100
1	余左移	010001	000000 111100 / 0
	余 = 余 - 除		11 0000 111100 / 0
	恢复余		000000 111100 / 0
2	余左移		0000 111100 / 00
	余 = 余 - 除		11 00 011100 / 00
	恢复余		0000 1111 00 / 00
3	余左移		000 1111 00 / 000
	余 = 余 - 除		11 0 11 0100 / 000
	恢复余		000 1111 00 / 000
4	余左移		00 1111 00 / 0000
	余 = 余 - 除		11 11 1000 / 0000
	恢复余		00 1111 00 / 0000
5	余左移		0 1111 00 / 00000
	余 = 余 - 除		00 11 010 / 00000
	设商为 1		0011010 / 000001
6	余左移		011010 / 0000010
	余 = 余 - 除		001001 / 0000010
	设商为 1		001001 / 0000011

所以 $\frac{(74)_8}{(21)_8} = 3 \dots 9$

3.28

先把 -1.5625×10^{-1} 转换成二进制

$$\therefore 1.5625 \times 10^{-1} = 0.5625 = (0.00101)_2$$

$$\text{所以 } -1.5625 \times 10^{-1} = -(0.00101)_2 = (-0.101 \times 2^{-2})_2$$

所以尾数为 -0.101 指数为 -2

尾数转换为补码的话是: $1011\ 0000\ 0000\ \dots\ 0000$

符号位 数值位

因为指数是 -2 , 所以最右边是 1 , 前面七位是 0000010

二进制的表示为:

$1011\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 0000\ 000\ 0101$

24位 (补码)	7位指数	1位符号	No.

所以能表示的正数范围为:

$$(0.0000\dots 01 \times 2^{-255})_2 \sim (0.1111\dots 11 \times 2^{255})_2$$

能表示的负数范围为:

$$(-0.1111\dots 11 \times 2^{255})_2 \sim (-0.0000\dots 01 \times 2^{-255})_2$$

3.39

先计算 $1.666015625 \times 10^0 \times 1.9760 \times 10^4$

~~对齐指数~~

因为 $(1.666015625)_{10} = 1.1010101010 \times 2^0$

$(1.9760 \times 10^4)_{10} = 1.0011010011 \times 2^{14}$

$1.1010101010 \times 2^0 \times 1.0011010011 \times 2^{14}$

1.1010101010
 $\times 1.0011010011$

$$\begin{array}{r}
 11010101010 \\
 11010101010 \\
 00000000000 \\
 00000000000 \\
 11010101010 \\
 00000000000 \\
 11010101010 \\
 11010101010 \\
 00000000000 \\
 010101010
 \end{array}$$

10.0000010011000011

$\therefore \text{exp} = 1 + 0 + 14 = 15$

因为尾数只有10位，所以保护位和舍入位分别为1和1，因为舍入位右边不等于0，所以粘贴位为1。

最后结果为 1.00000010×2^{15} (111)

舍入后 $= 1.00000010 \times 2^{15}$

再计算 $1.666015625 \times 10^0 \times (-1.9744 \times 10^4)$ No.

$$(-1.9744 \times 10^4) = -1.0011010011 \times 2^{14}$$

$$1.666015625 \times 10^0 = 1.1010101010 \times 2^0$$

$$1.1010101010 \times 2^0 \times (-1.0011010011) \times 2^{14} =$$

$$\begin{array}{r} 1.10101010 \\ \times 1.0011010011 \\ \hline 11010101010 \\ 11010101010 \\ 00000000000 \\ 00000000000 \\ 11010101010 \\ 00000000000 \\ 11010101010 \\ 11010101010 \\ 00000000000 \\ 00000000000 \\ 11010101010 \end{array}$$

$$10.000000011110111010 \quad * \text{exp} = 0 + 14 + 1 = 15$$

同样的, 因为只有10位尾数, 所以保护位和舍入位分别是1和1, 而舍入位右边不等于0, 所以粘位=1

$$\therefore (1.666015625 \times 10^0) \times (-1.9744 \times 10^4)$$

$$= -1.00000001 \times 2^{15} (111)$$

$$\text{舍入后} = -1.000000100 \times 2^{15}$$

所以最后要算 $1.000000101 \times 2^{15} - 1.000000100 \times 2^{15}$

$$\begin{array}{r} 1.000000101 \times 2^{15} \\ - 1.000000100 \times 2^{15} \\ \hline 0.000000001 \times 2^{15} \end{array}$$

$$\therefore 0.000000001 \times 2^{15} = 1.000000000 \times 2^{14}$$

所以16位单精度格式下为:

$$1.000000000 \times 2^5$$

而在十进制的格式下为:

$$3.2 \times 10^1$$

3.47.

因为最大有 128 位的寄存器, 而每一个数组元素的大小为 16 位, 所以我们可以同时进行 8 个 11 位数的运算, 在本题中我们可以同时进行 8 个乘法运算。

假设:

该指令集中有可以执行 8 路乘法的指令, 也有用 8 个 11 位数装填 128 位寄存器的指令。

代码:

$F[127:0] = \{0, 0, 0, 0, f[3], f[2], f[1], f[0]\}$

// 把 $f[3:0]$ 装填进 $F[127:0]$

$A[127:0] = \{sig_in[7], sig_in[0] \dots sig_in[0]\}$

// 把 $sig_in[7:0]$ 装填进 $A[127:0]$

// 因为我们每次循环可以对 8 个信号处理

// 所以需要 $\frac{128}{8} = 16$ 次循环就可

for (int i = 0; i < 16; i++) {

$B[127:0] = \{sig_in[i*8+7] \dots sig_in[i*8]\}$

// 需要 B 来更新 A

int count = 0;

for (int j = 0; j < 8; j++) {

$C[127:0] = A * j;$

// A 和对应位置上的数相乘

$D[15:0] = C[15:0] + C[31:16] + C[47:32] + C[63:48]$

// C 的低四个 16 位相加保存进 $D[15:0]$

$sig_out = D[15:0];$ // 输出即为 $D[15:0]$

count++;

$B = \{sig_in[i*8+7+count] \dots sig_in[i*8+count]\};$

// 更新 B

$A = A \gg 16;$ // 把 A 右移 16 位

$A = B \text{ or } A;$ // A 和 B 做或运算

} // 内循环结束

} // 外循环结束