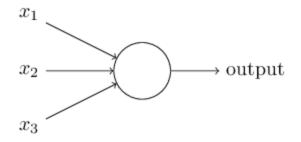
Machine Learning

Perceptron

- 로젠 블라트의 퍼셉트론.
 - 다수의 신호를 입력으로 받아 하나의 신호를 출력함.
 - 2진 값을 갖는 다중의 입력을 하나의 2진 값으로 출력.



- 로젠 블라트의 퍼셉트론.
 - 다수의 신호를 입력으로 받아 하나의 신호를 출력함.
 - 변수의 자료형을 상황에 맞게 자동으로 결정.

$$ext{output} \ = \left\{ egin{array}{ll} 0 & ext{if } \sum_j w_j x_j \leq ext{ threshold} \ 1 & ext{if } \sum_j w_j x_j > ext{ threshold} \end{array}
ight.$$

- And 게이트
 - 입력이 둘, 출력이 하나.
 - 입력이 모두 1일 때 1, 그 외의 경우는 0을 출력.
- Or 게이트
 - 입력이 둘, 출력이 하나.
 - 입력이 모두 0일 때 0, 그 외의 경우는 1을 출력.

	AND			
Ing	out	Output		
A	В	С		
0	0	0		
1	0	0		
0	1	0		
1	1	1		

	OR			
Ing	out	Output		
A	В	С		
0	0	0		
1	0	1		
0	1	1		
1	1	1		

- 퍼셉트론 구현.
 - AND Gate

```
def AND(x1, x2):
    w1, w2, theta = 0.5, 0.5, 0.7
    tmp = w1*x1 + x2*w2
    if tmp <= theta:
        return 0
    elif tmp > theta:
        return 1
```

```
AND(0, 0) # 0을 출력
AND(1, 0) # 0을 출력
AND(0, 1) # 0을 출력
AND(1, 1) # 1을 출력
```

■ 퍼셉트론 구현(가중치와 편향 도입).

$$output = \begin{cases} 0 & if \sum_{j} w_{j}x_{j} + b \leq 0 \\ 1 & if \sum_{j} w_{j}x_{j} + b > 0 \end{cases}$$

```
import numpy as np
x = np.array([0, 1])
w = np.array([0.5, 0.5])
b = -0.7
np.sum(w*x) + b
```

■ 퍼셉트론 구현(가중치와 편향 도입).

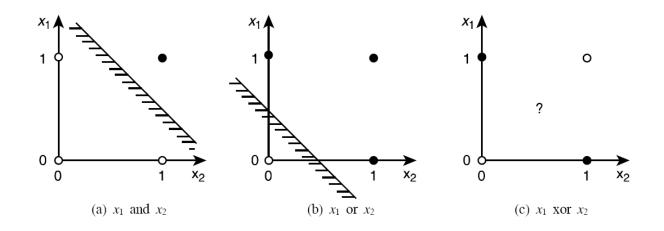
```
def AND(x1, x2):
    x = np.array([x1, x2])
    w = np.array([0.5, 0.5])
    b = -0.7
    tmp = np.sum(w*x) + b
    if tmp <= 0:
        return 0
    elif tmp > 0:
        return 1
```

퍼셉트론 구현(NAND, OR 게이트).

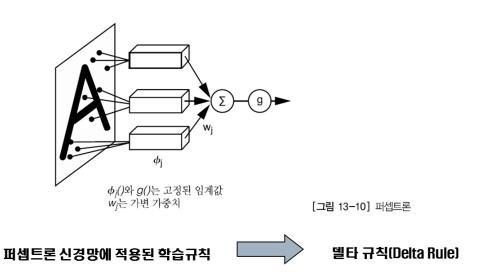
```
def NAND(x1, x2):
    x = np.array([x1, x2])
    w = np.array([-0.5, -0.5])
    b = 0.7
    tmp = np.sum(w*x) + b
    if tmp <= 0:
        return 0
    elif tmp > 0:
        return 1
```

```
def OR(x1, x2):
    x = np.array([x1, x2])
    w = np.array([0.5, 0.5])
    b = -0.2
    tmp = np.sum(w*x) + b
    if tmp <= 0:
        return 0
    elif tmp > 0:
        return 1
```

■ 퍼셉트론의 한계.



- 퍼셉트론의 학습.
 - 델타 규칙이라는 학습 규칙을 사용.
 - 목적 패턴을 이용한 신경망의 학습을 인위로 제어.
 - 델타 규칙 : 만일 어떤 신경세포의 활성이 다른 신경세포가 잘못된 출력을 내는데 공헌을 했다면, 두 신경 세포간의 연결 가중치를 그것에 비례하게 조절.



■ 델타 규칙

 $\mathbf{w}_{ij}^{\text{new}} = \mathbf{w}_{ij}^{\text{old}} + \alpha \mathbf{e}_{j} \mathbf{a}_{i}$ $\mathbf{e}_{j} = \mathbf{t}_{j} - \mathbf{b}_{j}$ ※ $\mathbf{w}_{ij}^{\text{new}}$: 신경세포 \mathbf{i} , \mathbf{j} 사이의 조절된 후 연결 가중치 $\mathbf{w}_{ij}^{\text{old}}$: 신경세포 \mathbf{i} , \mathbf{j} 사이의 조절되기 전 연결 가중치 α : 학습률 $(0 < \alpha \le 1)$ \mathbf{e}_{j} : 신경세포 \mathbf{j} 의 오차 \mathbf{a}_{i} : 입력층 신경세포 \mathbf{i} 의 활성값 \mathbf{t}_{j} : 목적 패턴의 출력층 신경세포 \mathbf{j} 에 대응하는 성분값

 $\mathbf{b}_{\mathbf{i}}$: 출력층 신경세포 \mathbf{j} 의 활성값

■ 델타 규칙

델타 규칙을 사용하여 신경망을 학습하는 과정을 요약하면 다음과 같다.

- ① 입력층에 입력 패턴을 제시
- ② 신경망을 동작
- ③ 델타 규칙에 의해 연결 기중치를 조절

$$\mathbf{w}_{ij}^{new} = \mathbf{w}_{ij}^{old} + \alpha \mathbf{e}_j \mathbf{a}_i$$

④ 신경망이 완전하게 학습될 때까지 과정 ①~③을 입력 패턴에 대해 반복

델타 규칙에 의한 학습 과정은 감독 학습 방법이 사용하는 일반적인 형태의 학습 과정과 동일 하다. 단지 과정 ③에서 연결 가중치 조절식만 다를 뿐이다.

델타 규칙에서 학습 완료 정도를 나타내는 오차는 헤브의 규칙에서와 같다. 앞서 (13.4)에서와 같이 신경망의 실제 출력 패턴의 목적 패턴의 차이에 의해 계산된다. 이 부분에서 중요한 것은 "잘못된 출력을 낸 신경세포들의 연결 기중치를 그 정도에 비례하여 조절한다"이다.

■ 퍼셉트론의 학습 구현

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
dataNum = 1000
trainData1 = np.random.randn(dataNum, 2)
trainData2 = np.random.randn(dataNum, 2) + 5
trainData = np.zeros((dataNum*2, 2))
trainData[0:dataNum, : ] = trainData1
trainData[dataNum:dataNum*2, : ] = trainData2
trainout = np.zeros((dataNum*2, 1))
trainout[dataNum: dataNum*2, :] = np.zeros((dataNum, 1)) + 1
```

■ 퍼셉트론의 학습 구현

```
plt.plot(trainData1[:, 0], trainData1[:, 1], "*")
plt.plot(trainData2[:, 0], trainData2[:, 1], "*")

step = 100
input = 2; out = 1
w = np.random.rand(input, out); b = np.random.randn(1)
a = np.arange(-3, 6, 0.1)

plt.plot(a, (-w[0, 0]*a - b)/w[1, 0])

eta = 0.5
```

■ 퍼셉트론의 학습 구현

```
for j in range(1, step, 1):
  for i in range(0, dataNum*2, 1):
    x = trainData[i]
    ry = trainout[i]
    if (np.dot(x, w) + b) > 0:
      y = 1
    else:
       y = 0
    e = ry - y
    dw = eta * e *np.transpose([np.array(x)])
    db = eta * e * 1
    w = w + dw
    b = b + db
plt.plot(a, (-w[0, 0]*a - b)/w[1, 0], 'r')
plt.show()
```