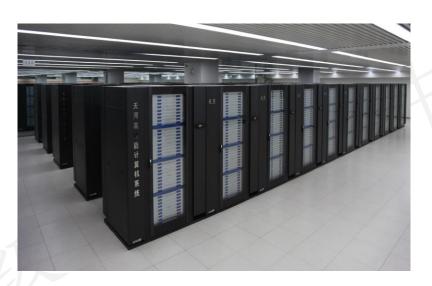
# MPI并行编程入门培训





国家超级计算天津中心

### 目标 TARGET

- ◆ 了解MPI相关基础知识和概念
- ◆ 了解MPI并行程序基础框架
- ◆ 了解MPI并行程序编程思想
- ◆ 学会将简单 (实例) 串行程序改为MPI并行程序
- ◆ 了解并行程序的性能优势

基于MPI,实现将简单串行程序修改为并行程序

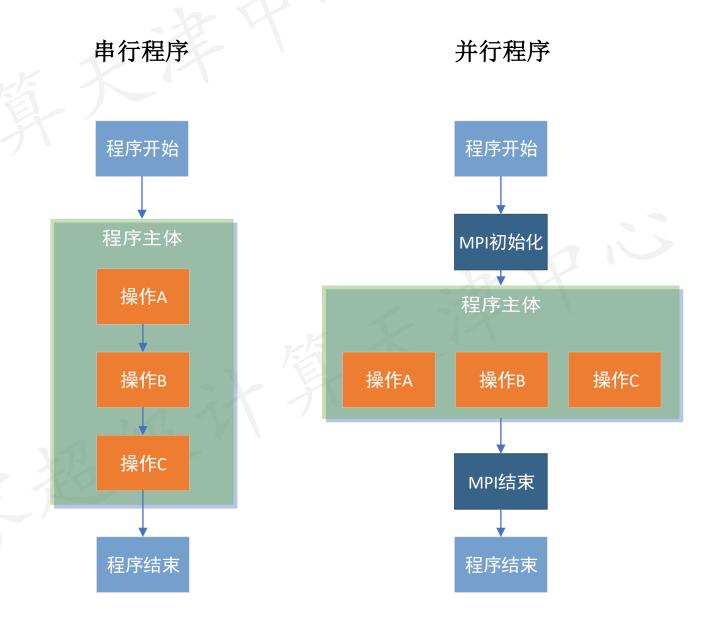


- ◆并行思想
- ◆基础知识
- ◆编程实例
- ◆性能测试

### 1.并行思想

#### □为什么要使用并行

- 逻辑简单,可读性较强;
- 低效、耗时;
- 高效、资源利用率高;
- 同机群&超算契合程度高;
- 需要修改程序;
- 从长远角度看,
- 并行高效收益 > 并行实现代价;

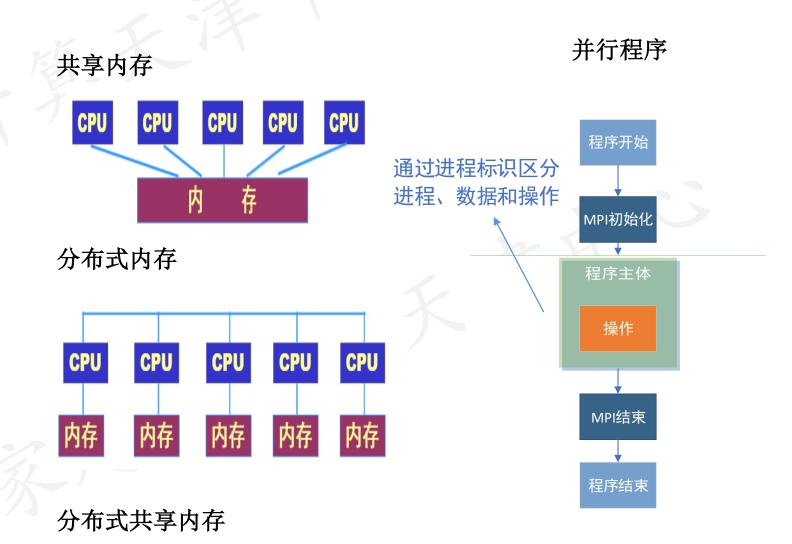


### 1.并行思想

#### □什么是并行

硬件并行	软件并行
多个CPU	任务并行
多个内存	数据并行

- > 分解任务:
- 简单,线性; (掰玉米1.0)
- 逻辑, 非线性; (掰玉米2.0)
- ▶ 分解数据;
- ▶ 数据通信;
- > 数据存储;
- ▶ 进程标识(进程号);



单程序多数据(SPMD)

### 1.并行思想

#### □怎样并行

#### ● 适用于共享内存的多线程编程模型

- ◆ 硬件环境: 支持超线程的单核CPU、多核CPU, SMP(对称多处理机)系统,三者组合
- ◆ Win32多线程、Pthread、TBB(intel)、OpenMP

#### ● 适用于<mark>分布式内存</mark>的消息传递编程模型

- ◈ 硬件环境: MPP(大规模并行处理机)、Cluster(集群)等分布式环境
- ◆ PVM (并行计算机)、MPI

#### ● 混合编程模型

- ◆ 硬件环境: SMP、MPP、集群等
- ♠ MPI+Pthread、MPI+OpenMP、MPI+TBB

#### ● 异构编程模型

- ◆ 硬件环境: GPU、DSP (数字信号处理器)、其他协处理器等
- ◆ CUDA/openACC/openCL/C++ AMP ( C ++ 加速大规模并行处理)



- ◆并行思想
- ◆基础知识
- ◆编程实例
- ◆性能测试

### 2.基础知识

### □ 什么是MPI (Message Passing Interface)

- 是消息传递接口,一种基于信息传递的并行编程模型;
- 是针对消息传递库的跨语言标准和规范,区别于具体实现(MPICH、OPENMPI);
- 不是一个消息传递库,而是有关该库应该是什么的规范;
- 本质是通过进程间的消息传递实现数据的封装和安全传递,达到并行;

#### □ 发展历程

• MPI-1(1994): 点点通信、集合通信等

• MPI-2 (1998): 非阻塞通信、并行I/O、动态进程管理

• MPI-3 (2012): 完善了非阻塞集合通信、邻居概念

#### □目标和优势

- 高通信性 可移植性
- 大规模扩展性 多功能
- 标准化

### 2.基础知识

#### □ 基本概念

- 进程: MPI程序中独立参与通信的个体;
- 进程组:
  - ▶ 部分或全部参加通信的进程的**有序集合**;
  - > 每个进程都被赋予一个所在进程组中**唯一的序号,即进程号**; (rank)
  - ➤ 若一共有N个进程参加通信则进程的**编号从0到N-1**;
  - ▶ 进程数在提交并行任务时指定;

#### • 通信上下文

- ▶ 提供相对独立的通信区域,不同的消息在不同的上下文中进行传递,将通信区分开;
- ▶ 是隐式对象,作为通信域的一部分,无法直接操作;

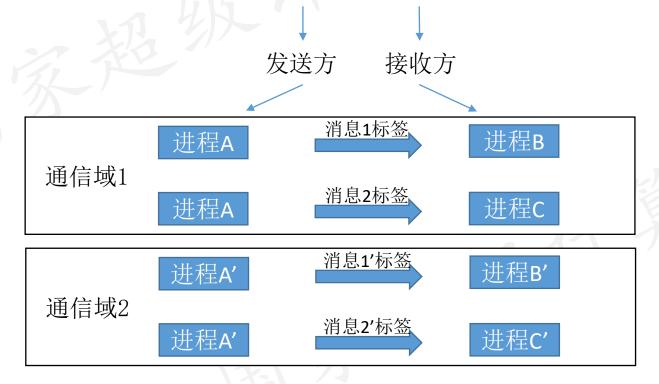
#### · MPI通信域

- ▶ 包括进程组和通信上下文; (范围和对象)
- > 分为组内通信域和组间通信域;

### 2.基础知识

#### □ 基本概念

- 消息:
  - ▶ 一个消息指进程间进行的一次数据交换;
  - ▶ 一个消息由通信域、源地址、目的地址、消息标签、数据个数和类型构成



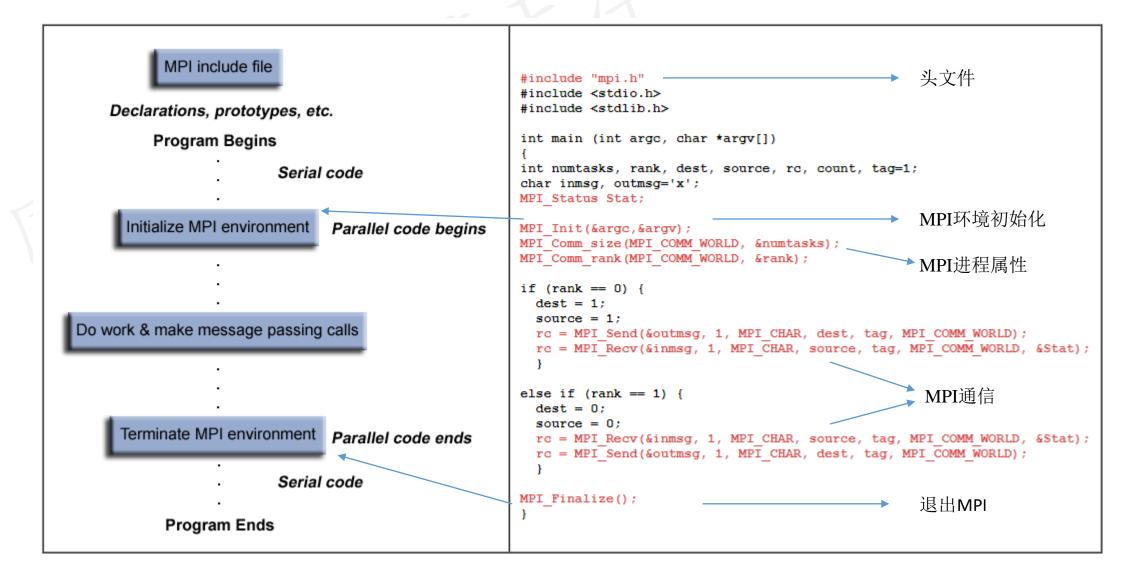
• 标识:区分同一组进程的不同通信;

#### □ 语言支持

- · 支持C语言、C++和Fortran语言,包括77、90、03、08版本;
- · C和Fortran语言的主要差异在于头文件和错误状态值;

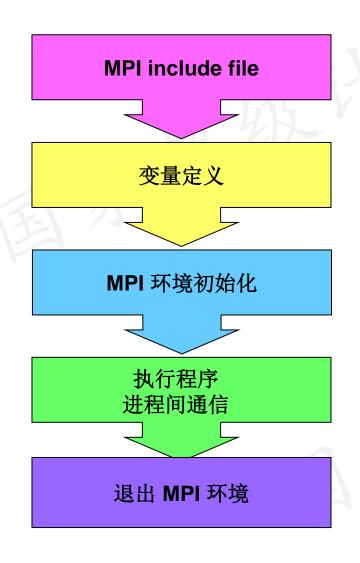
```
#include "mpi.h"
                                                                   program main
#include <stdio.h>
                                                                   include 'mpif.h'
#include <math.h>
                                                                   character * (MPI_MAX_PROCESSOR_NAME) processor name
void main(int argc, char *argv[])
                                                                   integer myid, numprocs, namelen, rc, ierr
   int myid, numprocs, namelen, ierr;
                                                                   call MPI INIT( ierr )
   char processor_name[MPI_MAX_PROCESSOR_NAME];
                                                                   call MPI COMM RANK( MPI COMM WORLD, myid, ierr )
   MPI_Init(&argc,&argv);
                                                                   call MPI_COMM_SIZE( MPI_COMM_WORLD, numprocs, ierr )
   ierr = MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD,&myid);
                                                                   call MPI GET PROCESSOR NAME(processor name, namelen, ierr)
   ierr = MPI Comm size(MPI COMM WORLD,&numprocs);
                                                                   write(*,*) 'Hello World! Process ',myid,' of ',numprocs,' on ',
   ierr = MPI Get processor name(processor name,&namelen);
                                                                          processor_name
   printf("Hello World! Process %d of %d on %s\n",myid, numprocs,
                                                                   call MPI FINALIZE(rc)
          processor name);
                                                                   end program
   MPI_Finalize();
```

#### □ 编程框架



### 2.基础知识

#### 编程框架



#### 基本框架

```
MPI_Init(...);
MPI_Comm_size(...);
MPI_Comm_rank(...);
MPI_Send(...);
MPI_Recv(...);
MPI_Finalize();
```

#### 开始与结束

MPI环境初始化 > MPI\_INIT > MPI\_FINALIZE 退出MPI环境

进程身份标识

MPI\_COMM\_SIZE

> MPI\_COMM\_RANK

发送和接受消息

MPI\_SEND

MPI\_RECV

获取通信域内进程数目

获取进程在通信域内的编号

阻塞发送

阻塞接收

### □ 函数介绍

- MPI\_Init: 初始化MPI执行环境;
  - ▶ 必须在每个MPI程序中调用此函数;
  - ▶ 必须在任何其他MPI函数之前调用此函数,且在MPI程序中只能调用一次;

编程语言	函数形式
С	MPI_Init (&argc, &argv)
Fortran	MPI_INIT (ierr)

- MPI\_Finalize: 终止MPI执行环境;
  - ➤ 是每个MPI程序中最后一个调用的MPI例程;
  - ▶ 此后不得再调用其他MPI例程;

编程语言	函数形式
C	MPI_Finalize ( )
Fortran	MPI_FINALIZE (ierr)

#### 」 函数介绍

- MPI\_Comm\_size: 返回指定通信域中MPI进程的总数;
  - ➤ MPI默认将所有进程包含在MPI\_COMM\_WORLD通信域中;
  - ➤ 如comm是MPI\_COMM\_WORLD,则它表示应用程序可用的MPI任务数;

编程语言	函数形式		
С	MPI_Comm_size(comm, & size)		
Fortran	MPI_COMM_SIZE(comm, size, ierr)		

参数	意义
comm	指定的通信域
size	指定通信域中包含的进程总数

- MPI Comm rank: 返回指定通信域中MPI进程的序号,即进程号,或进程ID;
  - ▶ 最初,在通信域MPI\_COMM\_WORLD中,为每个进程分配一个介于0和任务数-1之间的唯
    - 一整数值,其通常称为任务ID;

编程语言	函数形式		
C	MPI_Comm_rank (comm, &rank)		
Fortran	MPI_COMM_RANK (comm, rank, ierr)		

参数	意义
comm	指定的通信域
rank	该进程在指定通信域中的ID

### □ 函数介绍

- MPI\_Send: 发送数据;
  - ▶ 将本进程缓冲区buf中的datatype类型的count个数据发送给进程dest,该消息标识为tag;

编程语言	函数形式
C	MPI_Send(void* buf, int count, MPI_Datatype datatype, int dest, int tag, MPI_Comm comm)
Fortran	MPI_SEND(BUF, COUNT, DATATYPE, DEST, TAG, COMM, IERROR)

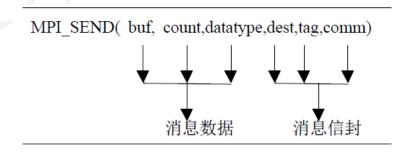
意义
发送缓冲区
将要发送的数据个数
将要发送的数据类型(MPI数据类型)
目标(接收)进程号
消息标签
通信域

#### 消息抬头

信封: <源/目,标识,通信域>

数据: <起始地址,数据个数,数据类型>

#### 消息内容



### □ 函数介绍

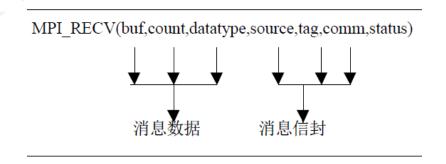
- MPI\_Recv: 接收数据;
  - ▶ 从标识为tag的消息中接收来自source进程的datatype类型的count个数据到本进程缓冲区bug中;

编程语言	函数形式
С	MPI_Recv(void* buf, int count, MPI_Datatype datatype, int source, int tag,MPI_Comm comm, MPI_Status *status)
Fortran	MPI_RECV(BUF, COUNT, DATATYPE, SOURCE, TAG, COMM, STATUS, IERROR)

参数	意义
buf	接收缓冲区
count	最多可接收的数据个数
datatype	接收的数据类型(MPI数据类型)
source	来源(发送)进程号
tag	消息标签
comm	通信域
status	返回状态,存放实际接收消息的状态信息,包括消息的源进程标识,消息标签, 包含的数据项个数等

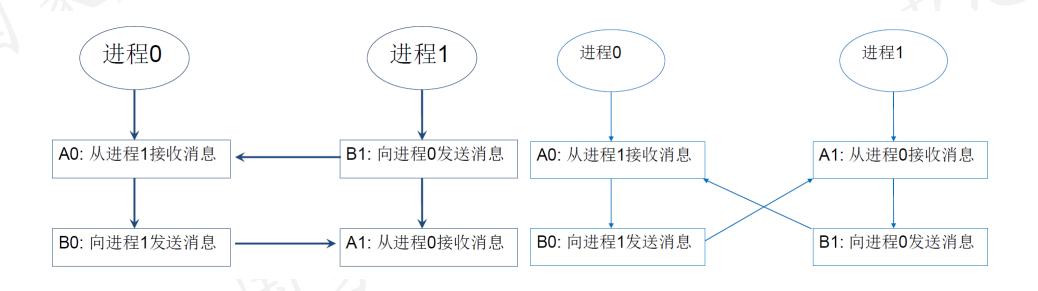
信封: <源/目,标识,通信域>

数据: <起始地址,数据个数,数据类型>



#### 1 函数介绍

- MPI\_SendRecv: 发送和接收数据;
  - ▶ 每一个进程都要向相邻的进程发送数据同时从相邻的进程接收数据; (如图,程序锁死)
  - ▶ 捆绑发送和接收操作,同时实现向其它进程的数据发送和从其它进程接收数据操作;
  - ▶ 由通信系统来实现系统会优化通信次序,有效避免不合理通信次序,最大限度避免死锁;



理想的通信

通信死锁

### □ 数据类型

- 预定义数据类型
  - ▶ MPI预先定义好的基础数据类型,如MPI\_INT(C)、MPI\_INTEGER(F)等;

MPI(C语言绑定)	С	MPI(Fortran语言绑定)	Fortran
MPI_BYTE		MPI_ BYTE	
MPI_CHAR	signed char	MPI_CHARACTER	CHARACTER
ZL -		MPI_COMPLEX	COMPLEX
MPI_DOUBLE	double	MPI_DOUBLE_PRECISIO	DOUBLE_PRE
		N	CISION
MPI_FLOAT	float	MPI_REAL	REAL
MPI_INT	int	MPI_INTEGER	INTEGER
		MPI_LOGICAL	LOGICAL
MPI_LONG	long		
MPI_LONG_DOUBLE	long double		
MPI_PACKED	141	MPI_PACKED	
MPI_SHORT	short	///	
MPI_UNSIGNED_CHAR	unsigned char		
MPI_UNSIGNED	unsigned int		
MPI_UNSIGNED_LONG	unsigned long		
MPI_UNSIGNED_SHORT	unsigned short		

### 2.基础知识

#### □ 数据类型

- 派生数据类型
  - ▶ 可通过提供的函数接口定义派生数据类型;
  - ▶ 可为数据类型不同且地址空间不连续的数据组成; (主要针对不连续数据处理)

#### 连续复制类型:

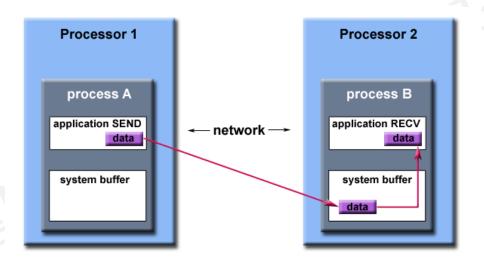
```
MPI TYPE CONTIGUOUS (count, oldtype, newtype)
                   复制个数
       count
IN
       oldtype 旧数据类型
IN
       newtype 新数据类型
OUT
不连续数据类型:
MPI Type vector(count, blocklen, stride,
                   oldtype, newtype)
     count 不连续数据块数量
IN
                      每块所含数据长度
IN
       blocklen
       stride 各块第一个元素之间相隔的元素个数
IN
       oldtype 旧数据类型
IN
       newtype 新数据类型
OUT
派生数据类型的提交:
```

MPI Type commit (MPI Datatype \*datatype)

将旧类型看作是一个单元 旧类型 三个旧类型构成 数据块1 数据块2 由两个块按一定间隔构成的新类型 4个旧类型的跨度 新类型的 跨度 双精度类型允许的对齐位置

#### □ 缓冲区

- 对于MPI通信,即消息发送(MPI\_Send)和接收(MPI\_Recv)二者操作是不同步的,因此, MPI实现必须能够处理存储数据,不至于丢失数据;
- 例如
  - > 发送在接收进程操作启动之前将数据送达;
  - > 多个发送同时达到一个接收进程;
- 系统缓冲区: 无需用户管理, 自动实现, 提高程序性能;
- 用户缓冲区:用户管理的发送缓冲区;



Path of a message buffered at the receiving process

#### □ 通信方式

#### • 点点通信

- ▶ 通常涉及在两个(只有两个)不同的MPI任务之间传递消息。一个任务正在执行发送操作, 另一任务正在执行匹配的接收操作。
- ▶ 通信机制: 阻塞和非阻塞通信; (发送和接收)
- ▶ 通信模式:标准通信模式、同步通信模式、缓冲通信模式、就绪通信模式; (发送)
- ▶ 不同通信机制和通信模式互相结合,实现丰富的点对点通信;

类型	阻塞	非阻塞
标准通信模式(发送操作)	MPI_Send	MPI_Isend
同步通信模式(发送操作)	MPI_ Ssend	MPI_ Issend
缓冲通信模式(发送操作)	MPI_ Bsend	MPI_ Ibsend
就绪通信模式 (发送操作)	MPI_ Rsend	MPI_ Irsend
接收操作	MPI_Recv	MPI_Irecv

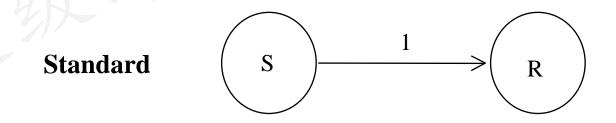
#### □ 通信方式

- 通信机制
  - ▶ 阻塞通信:
  - 1. 发送或者接收操作完成函数才返回,否者一直等待;
  - 2. 针对数据而言,发送缓冲区可用,或者接收缓冲区数据可用则阻塞调用返回;
  - > 非阻塞通信
  - 1. 函数调用后立即返回,执行下面的操作,不管该通信是否完成;
  - 2. 针对消息,即将消息发送给MPI库函数,其隐式执行通信操作,用户无法预测和判断;
  - 3. 发送缓冲区不可复用,或者接收缓冲区不一定有数据;
- 针对非阻塞通信,MPI提供了通信完成检测函数,主要的有两种: MPI\_Wait函数和MPI\_Test 函数,用于更好的利用非阻塞通信方式;
- 后者主要用于通信和计算的叠加,实现程序运行的高效;

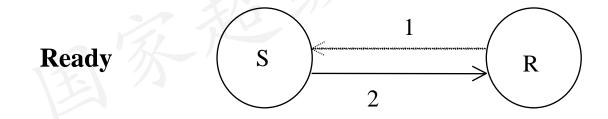
#### □ 通信方式

#### • 通信模式

▶ 标准通信:是否对发送的数据进行缓冲由MPI的实现来决定,而不是由用户程序来控制;

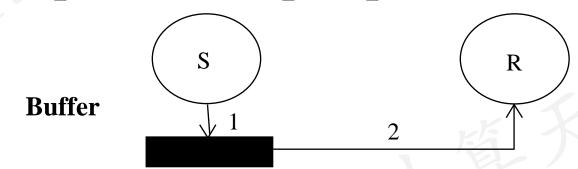


- ▶ 就绪通信模式:只有在接收进程的接收操作已经开始,发送操作才进行发送;
- 1. 当发送操作启动而相应的接收还没有启动,发送操作将出错;
- 2. 接收操作必须先于发送操作启动;

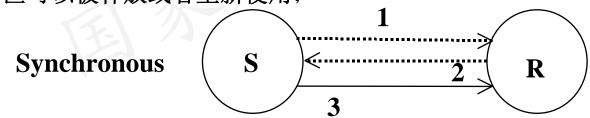


#### □ 通信方式

- 通信模式
  - ➤ 缓冲通信模式: 用户手动申请并管理缓冲区, 只将消息发送到该缓冲区就返回;
  - 1. 需要用户事先申请一块足够大的缓冲区;
  - 2. 通过MPI\_Buffer\_attch实现,通过MPI\_Buffer\_detach来回收申请的缓冲区;



- ▶ 同步通信: 只有相应的接收过程已经启动,发送过程才正确返回;
- 1. 发送缓冲区中的数据已经全部被系统缓冲区缓存,并已开始发送到接收缓冲区;
- 2. 发送缓冲区可以被释放或者重新使用;



#### □ 通信方式

#### • 集合通信

- ▶ 一个通信域中的所有进程都参加的全局通信操作
- > 一般实现三个功能:

通信功能完成进程组内数据的传输,如广播、分散/收集等;

聚集功能基于通信对数据完成一定的操作,如比较大小、加减等;

同步功能实现组内进程在执行进度上取得一致;

▶ 按照通信方向的不同,可分为三种:

一对多通信:一个进程向其它所有的进程发送消息,这个负责发送消息的进程叫做Root进程

多对一通信:一个进程负责从其它所有的进程接收消息,这个接收的进程也叫做Root进程

多对多通信:每一个进程都向其它所有的进程发送或者接收消息



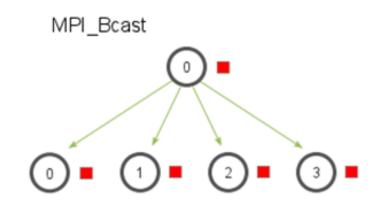
### □ 通信方式

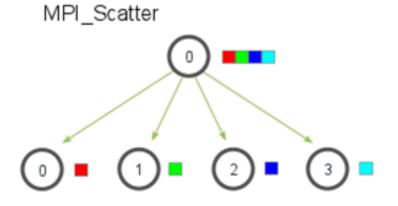
类型	函数名	含义	
	MPI_Bcast	一对多,广播同样的消息	
111	MPI_Scatter	一对多,散播不同的消息	
a lite "	MPI_Scatterv	MPI_Scatter的一般化	
	MPI_Gather	多对一,收集各个进程的消息	
通信	MPI_Gatherv	MPI_Gather的一般化	
	MPI_Allgather	全局收集	
	MPI_Allgatherv	MPI_Allgather的一般化	
	MPI_Alltoall	多对多,全局交换消息	
	MPI_Alltoallv	MPI_Alltoall的一般化	
	MPI_Reduce	多对一,归约	
取住	MPI_Allreduce	MPI_Reduce的一般化	
聚集	MPI_Reduce_scatter	MPI_Reduce的一般化	
	MPI_Scan	扫描	
同步	MPI_Barrier	同步	

简洁、高效、可读性强、已被优化

#### □ 通信方式

- · MPI\_Bcast: 一对多,广播
  - ► 从标识为root的进程将一条消息广播发 送到组内的所有其它进程,也包括它本 身;
- MPI\_Scatter: 一对多,散播
  - ► 标识为root的进程可按顺序发送不同 数据到组内其他进程;





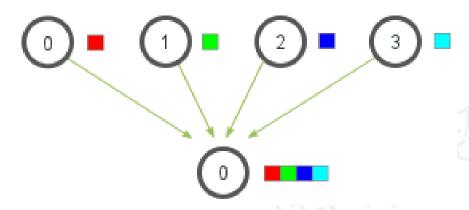
#### □ 通信方式

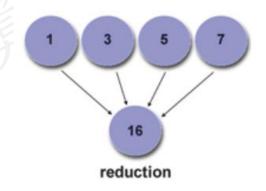
- · MPI\_Gather: 多对一,收集
  - > 和MPI\_scatter刚好相反;
  - ➤ 将组内每个进程的数据按照顺序集中到 标识为root的进程中;

· MPI\_Reduce: 多对一,归约

- ➤ 和MPI\_Gather类似;
- ➤ 将组内每个进程的数据按给定操作进行 运算并将结果返回标识为root的进程中;

MPI\_Gather





### 2.基础知识

### □ 通信方式

运算操作符	描述	运算操作符	描述
<b>心开坏</b> [[1]	加化	<b>心开坏</b> [[1]	10 VC
MPI_MAX	最大值	MPI_LOR	逻辑或
MPI_MIN	最小值	MPI_BOR	位或
MPI_SUM	求和	MPI_LXOR	逻辑异或
MPI_PROD	求积	MPI_BXOR	位异或
MPI_LAND	逻辑与	MPI_MINLOC	计算一个全局最小值和附到这个最小值上的索引——可以用来决定包含最小值的进程的秩
MPI_BAND	位与	MPI_MAXLOC	计算一个全局最大值和附到这个最大值上的索引——可以用来决定包含最小值的进程的秩

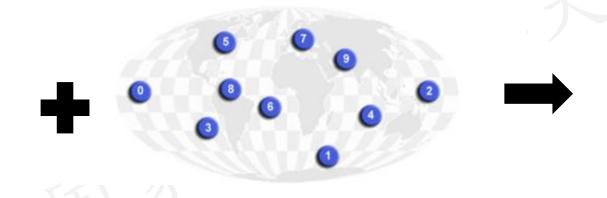
MPI\_Reduce约定的归约操作

### □ 虚拟拓扑

#### • 原因:

- ▶ 在许多并行程序中,进程的线性排列不能充分地反映进程间逻辑上的通信模型;
- ▶ 通常由问题几何和所用的算法决定;
- ▶ 考虑下面问题,每个进程处理一个块的数据,上下左右块之间要通信,需要人 为确定通信进程和数据;

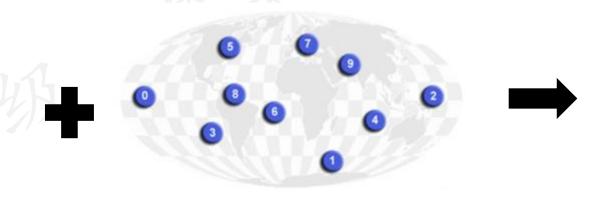
Model



0	1 (0,1)	2	3
(0,0)		(0,2)	(0,3)
4	5	6	7
(1,0)	(1,1)	(1,2)	(1,3)
8	9	10	11
(2,0)	(2,1)	(2,2)	(2,3)
12	13	14	15
(3,0)	(3,1)	(3,2)	(3,3)

### □ 虚拟拓扑

Model



0	1	2	3
(0,0)	(0,1)	(0,2)	(0,3)
4	5	6	7
(1,0)	(1,1)	(1,2)	(1,3)
8	9	10	11
(2,0)	(2,1)	(2,2)	(2,3)
12	13	14	15
(3,0)	(3,1)	(3,2)	(3,3)

#### • 定义:

- ▶ 提供将进程排列成二维或三维网格形式的逻辑拓扑模型功能,即虚拟拓扑;
- ▶ 其针对进程组内通信,简化有特定拓扑要求的算法并行程序的编写;
- ▶ 拓扑还可以辅助运行时系统将进程映射到实际的硬件结构之上;

#### • 分类:

▶ 笛卡尔拓扑和图拓扑;

### □ 虚拟拓扑

1			7	KA		
-	0 (0,0)	1 (0,1)	(0,2)	3 (0,3)		
- 4	4 (1,0)	5 (1,1)	6 1 (1,2)	7 (1,3)	0	1
7	(2,0)	(2,1)	10 (2,2)	11 (2,3)	4	5
	12 (3,0)	13 (3,1)	14 (3,2)	15 (3,3)		

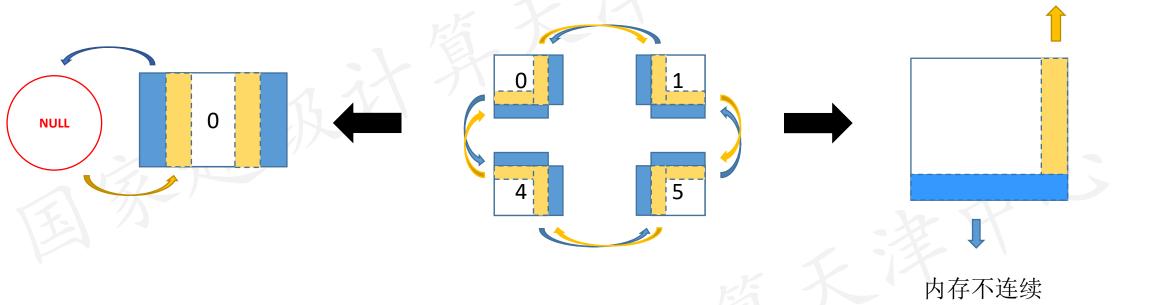
### • 笛卡尔拓扑方法:

- ▶ 通过MPI\_Cart\_create函数即可定义笛卡尔拓扑结;
- ➤ MPI\_Cart\_cords 根据rank号获取坐标号;
- ▶ MPI\_Cart\_shift 根据rank号获取相邻进程rank号;

### 2.基础知识

内存连续

#### □ 虚拟进程



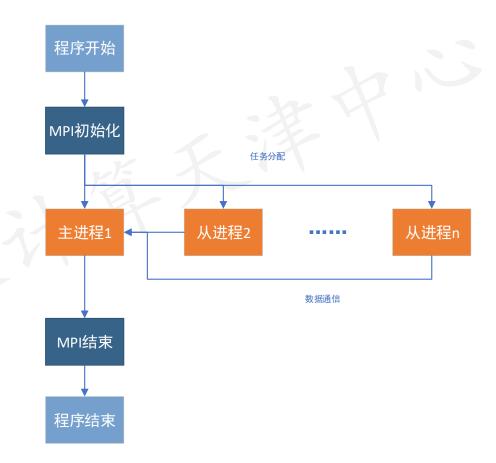
- 虚拟进程(MPI\_PROC\_NULL)
- ▶ 是不存在的假想进程;
- ▶ 充当真实进程通信的目的或源,为了方便在某些情况下编写通信语句;
- ▶ 当一个真实进程向一个虚拟进程发送数据或接收数据时,该进程会立即正确返回, 如同执行了一个空操作;
- 数据不连续:派生数据类型;

#### □ 并行编程模式

• 对等模式:每个进程之间功能和代码基本一致,只是处理的数据或对象不同;

程序开始 MPI初始化 进程1 进程2 进程n ..... MPI结束 程序结束

• 主从模式:进程分主进程和从进程,主进程接收从进程的处理结果,并进程汇总处理;



### □ MPI并行程序设计特点

- 每个进程有独立的地址空间,用于存储数据;
- 每个进程相互之间不能直接访问,必须通过消息传递实现;
- 需要用户显示处理消息,即发送和接收,以实现进程间的数据通信;
- 并行编程的重点在于对问题的分解和不同进程间的数据交换组织;
- 并行粒度较大,适用于大规模可扩展并行算法;
- 适用于超算集群等大规模并行集群系统,可充分发挥集群性能,达到较高效率;



- ◆并行思想
- ◆基础知识
- ◆编程实例
- ◆性能测试

### 3.编程实例

程序名称	功能				
helloworld_0	串行helloworld程序				
helloworld_1	并行helloworld程序				
helloworld_2	并行helloworld程序,进程号				
sendrecv_0	Send和recv基本功能实现程序				
sendrecv_1	Sendrecv捆绑函数程序				
sendrecv_0_error_0	Send和recv基本功能实现程序,锁死情况				
sendrecv_0_error_1	Send和recv基本功能实现程序,消息标识不对应				
jacobi_s	串行jacobi迭代程序				
jacobi_p 并行jacobi迭代程序					

#### □ Jacobi迭代算例

- 问题来源:
  - ➤ 数值求解二维区域上的Laplace方程,即扩散问题;
  - > 采用中心差分格式离散方程;

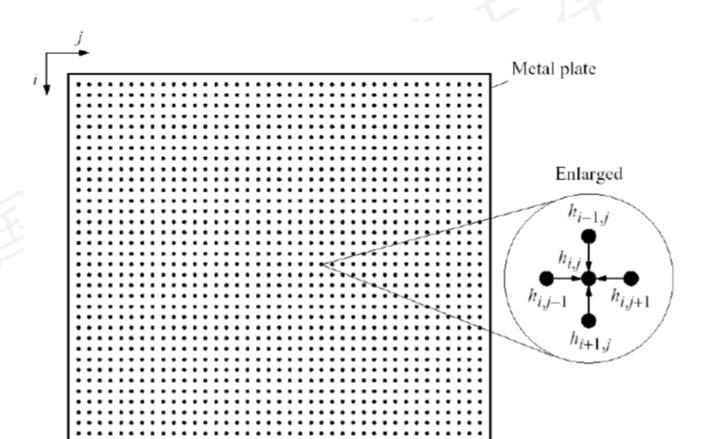
$$\begin{cases} \Delta h(x,y) = \frac{\partial^2 h(x,y)}{\partial^2 x} + \frac{\partial^2 h(x,y)}{\partial^2 y} = 0 & x,y \in [0,1] \\ h(0,y) = h(1,y) = h(x,0) = h(x,1) = 8 \end{cases}$$

- 核心算法: jacobi迭代法
  - ▶ 从任意已知初始值开始,反复带入方程计算,多步迭代;
  - ▶ 直到前后两次数值结果差值在设置误差范围内,即得到数值解;

解 Ax=b 的基本迭代公式为

$$\begin{cases} x^{(0)} = (x_1^{(0)}, \dots, x_n^{(0)}), \\ x_i^{(k+1)} = (b_i - \sum_{\substack{j=1 \ j \neq i}}^n a_{ij} x_j^{(k)}) / a_{ii} (i = 1, 2, \dots, n) (k = 0, 1, \dots). \end{cases}$$

### □ Jacobi迭代算例



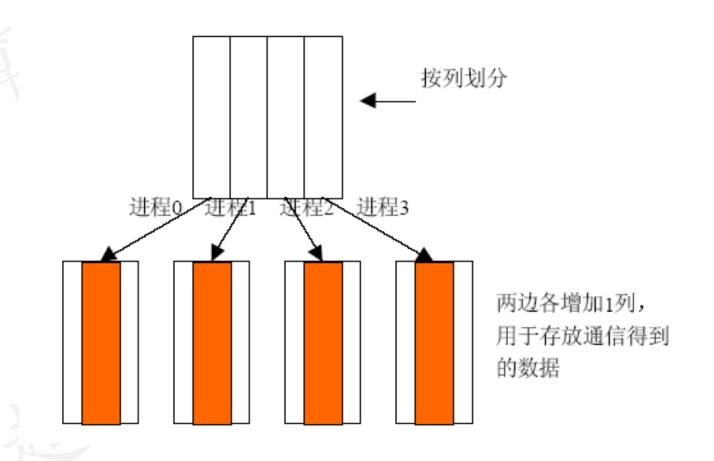
- 已知当前步的值,计算下一 迭代步的值;
- i,j点需要周围四个点的值;

$$h_{i,j} = \frac{h_{i-1,j} + h_{i+1,j} + h_{i,j-1} + h_{i,j+1}}{4}$$

### □ Jacobi迭代算例

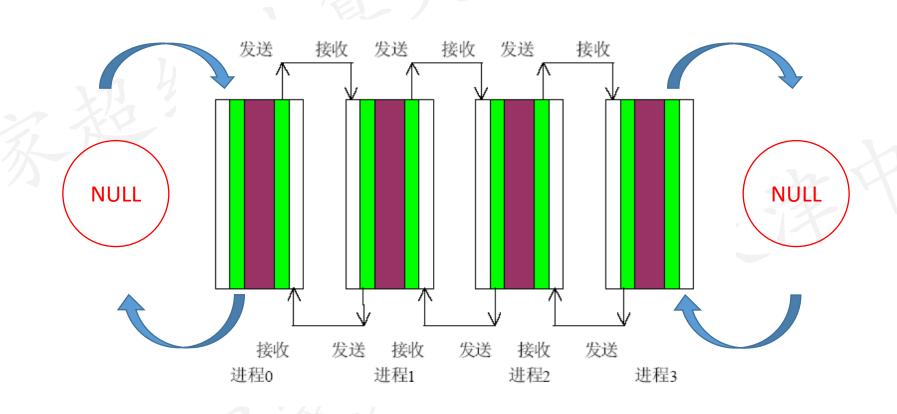
#### 虚点+通信

- 简单将列按进程数划分成块;
- 内部点边界值计算需要相邻块的值;
- 物理边界不计算,只赋值;
- 为格式统一简便,边界单元也扩展;



并行数据划分示意图

### □ Jacobi迭代算例



数据通信示意图



- ◆并行思想
- ◆基础知识
- ◆编程实例
- ◆性能测试

### 4.性能测试

- 测试情况:
  - ▶ 迭代步数为10000步;
  - ▶ 并行测试进程数为25;

测试时间				矩阵规模		
侧面	/타기  타J	500	1000	2000	4000	8000
串行	(s)	2.609	10.483	49.369	340.760	1305.236
并行	(s)	4.157	8.266	22.854	128.465	513.22
加油	東比	0.628	1.268	2.160	2.653	2.543

- 改进优化:
  - ▶ 可采用虚拟拓扑方法,将数据两个方向均划分成块;
  - > 可采用派生类型方法,定义不连续的数据边界;
  - ▶ 按照差值量级判断是否收敛;

0	1	2	3
(0,0)	(0,1)	(0,2)	(0,3)
4	5	6	7
(1,0)	(1,1)	(1,2)	(1,3)
8	9	10	11
(2,0)	(2,1)	(2,2)	(2,3)
12	13	14	15
(3,0)	(3,1)	(3,2)	(3,3)



## 谢谢!



www.nscc-tj.cn

📘 电话: 022-65375561

≥ 邮箱: service@nscc-tj.cn