

A partir de la résolution analytique
du problème on a

$$T = \frac{4k_1 k_2 e^{-2i d_1 a}}{(k_1 + k_2)^2 e^{-2i d_1 a} - (k_1 - k_2)^2 e^{i d_1 a}}$$

$$|T|^2 = \frac{16 k_1^2 k_2^2}{(k_1 + k_2)^4 + (k_1 - k_2)^4 - 2(k_1^2 - k_2^2)^2 \cos(4d_1 a)}$$

$$\cos|T|^2 = 1$$

$$\text{d'où } k_2 = \frac{(2n+1)\pi}{4a} \quad E_n = \frac{\hbar^2}{2m} \left(\frac{(2n+1)\pi}{4a} \right)^2 - V_0$$

paquet d'onde

$$\psi(x, t) = \int_{-\infty}^{+\infty} g(k) \phi_k(x) e^{-i \frac{E(k)t}{\hbar}} dk$$

avec $\phi_k(x)$ solution stationnaire

$$\psi(x, t) \approx T(k_0) e^{i \left(\frac{k_0 x - E_0 t}{\hbar} \right)} e^{-\frac{(x - v_0 t)^2}{4\sigma^2 \hbar^2}}$$

$$\text{où } v = \frac{\hbar k_0}{m} \quad \text{et avec } g(k) = \left(\frac{2\pi}{\Delta k^2} \right)^{-\frac{1}{4}} e^{-\frac{(k - k_0)^2}{4\Delta k^2}}$$