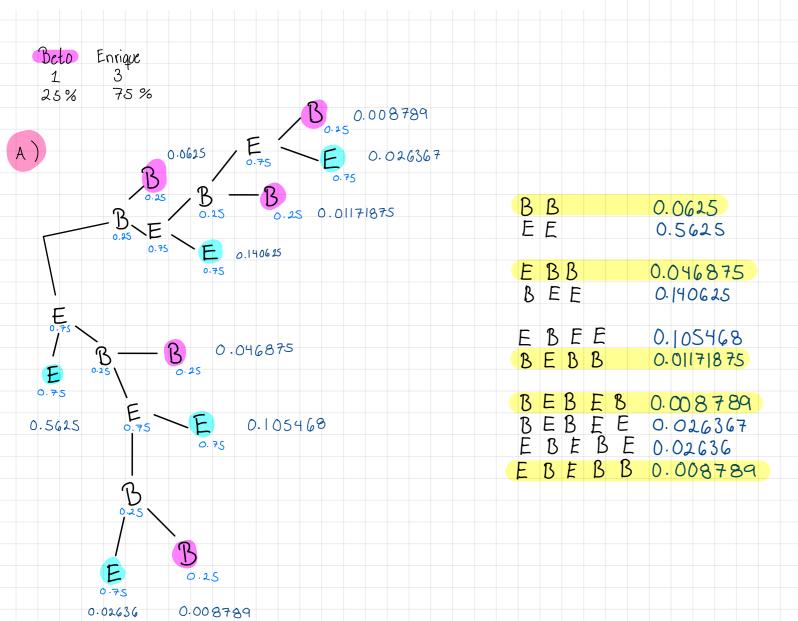


En un torneo de tenis, la contienda final se disputará entre dos jugadores, Beto y Enrique. Los nomios de apuestas favorecen a Enrique en 1:3 (esto significa que, de 4 juegos realizados, se espera que Beto gane 1 y Enrique 3). La regla para definir la final del campeonato del torneo es que se disputen juegos hasta que surja un ganador. Surgirá un ganador cuando ocurra una de estas dos cosas:

- Uno de los dos logre acumular tres juegos ganados. El ganador será quien logre obtener esos tres triunfos primero.
- Uno de los dos logre ganar dos juegos seguidos. El ganador será aquel que logró ganar dos juegos seguidos.

Contesta:

- A. ¿Cuál es la probabilidad de que Beto gane el torneo? (considere todas las posibilidades, se sugiere hacer un diagrama de árbol)
- B. Bajo las reglas actuales ¿Cuál es el número de juegos esperado que dure el torneo?



La posibilidad de que ganc Beto el torneo es de:

> 0.0625 0.046875 0.01171875 0.008789 0.008789

0.13867175

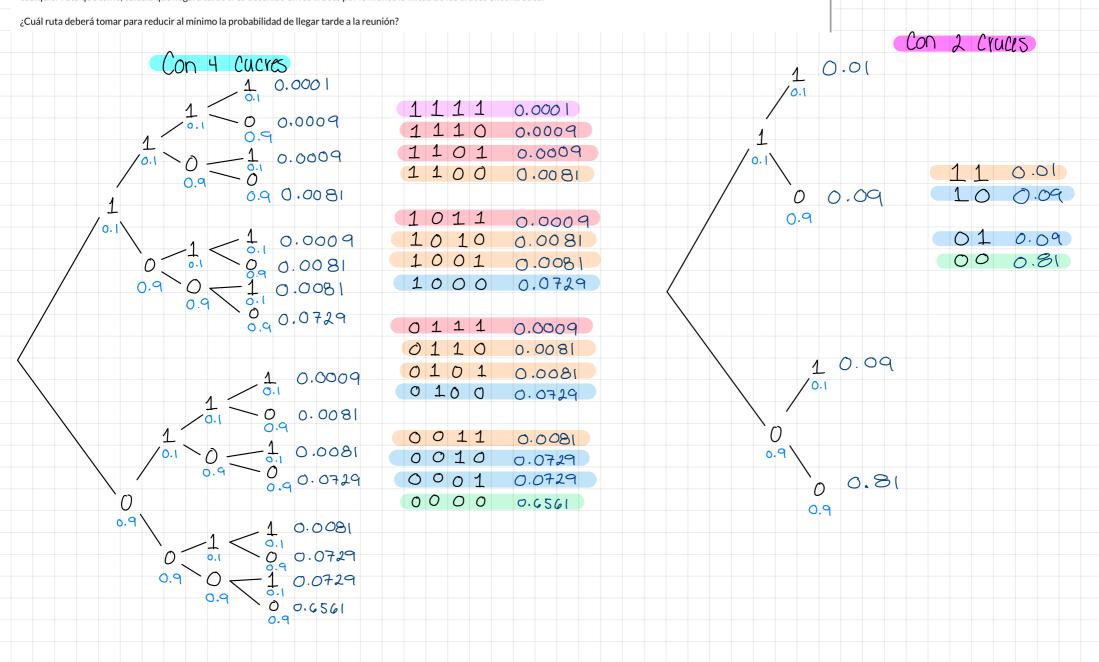
La posibilidad de que gane Enrique el torneo es de:

1 - 0.13867175 = 0.86132825

		s actual	les ¿Cuá	l es el núr	mero d	le jueg	os esperac	lo que dure	e el torneo?	?														
B)		n				0.0	0.7					^		0 [+		<u> </u>		r.,,,,,	
	E F	B					25 25			Juc	i Zoge.	<i>G</i> ano	ndos d	e bet	0				Ju	egos	Ganadas	Œ	Enrique	
			_						+	# juego	25							+	ŧ jueo	ps				
		B					6875	5		·			C 0 F							,	2 - 6 0 -			
	B	Ε	E		0	. 140	0625			2		0.0	0625						2		0.5625			
	E	В	EE	2	0	.10	5468	3		3		0.0	46875	5					3		0.14062	.5		
			BB			•	7187.																	
		F ,	O F	- n			~ ~ ~			4		0.0	11718	75					4		0.1054	68		
	B	E I	B t	: B	O.	∞	878	39		5		0.0	100 20	10 L	2 2026	,,, -	100	217570	5		0 01636	· + ^	0.02636 = 0.	NS 172
	B E	R	D	ζF	0.	. O.	1636 636	7		J		0. 0	DOTE	ר דכ	U_U8+2	59 -	υ. υ	017578			0.02030	0 10). U2 (g 3/g - U.	00 2 12
	F	B	F	B	0	.00	878	39																
					-																			
		Ta	2202	e 0-	ر ا	امرا	. 1																	
		O Oct	gu	en	מכ	104	5 2																	
		2	0	.062	\ 5	+	0.5	625	=	0.62	15					2.	0.	. 625	=	: 1.	25		1.25	
																2		.07					+ 0.562	
		3	C	0.040	687	5	+ (0.1400	625	= 0	.187	² 5				3 •	0	.1875	=	- 0.	5625		0.468	
		닉		0113	7 1 Q	75	+	A 105	5468	= ^	\ 1	196	75			<u>-1</u> •		. 1171867	t -	= 0	4687		0.35	149
			U	. 0 [1	110	70	1	0.102) 160) . [[שט ו				1		. 11 11 00 1	ی	U.	1001		2.63	,269
		5	0.	0175	78	+	0.0	5272	= (). O7	0298	3				5 •	0.	.070198	-	O.	35149			

2. El profesor Stan der Deviation

El profesor Stan der Deviation puede tomar una de dos rutas en el trayecto del trabajo a su casa. En la primera ruta, hay cuatro cruces de ferrocarril. La probabilidad de que sea detenido por un tren en cualquiera de los cruces es de 0.1 y los trenes operan independientemente en los cuatro cruces. La otra ruta es más larga, pero sólo hay dos cruces, independientemente uno de otro con la misma posibilidad de que sea detenido por un tren que en la primera ruta. En un día particular, el profesor Deviation tiene una cita programada en su casa a una hora determinada. Por cualquier ruta que tome, calcula que llegará tarde si es detenido en los cruces por lo menos la mitad de los cruces encontrados.



Ruta 1 # de veces que fue detenido 0 0.6561 1 0.2916 2 0.0486

3 0.0036 4 0.0001

Ruta 2 # de veces que fue detenido

0 0.81

- >> En la ruta 1 para que llegue tarde tuvo que haber sido detenido en 2,3 o 4 cruces >> En la ruta 2 para que llegue tarde tuvo que haber sido detenido en 1 o 2 cruces
 - Probabilidad de llegar tarde en la ruta 1 P(ruta1) = 0.0486 + 0.0036 + 0.0001 = 0.0523

Probabilidad de llegar tarde en la ruta 2 P(ruta 1) = 0.18 + 0.01 = 0.19

0.0513 < 0.19

Tiene menor probabilidad de llegar tarde si toma la ruta 1.

3. Las revistas

Un pequeño mercado ordena ejemplares de cierta revista para su exhibidor de revistas cada semana. Sea X = demanda de la revista, con función de probabilidad dada abajo.

X	1	2	3	4	5	6
P(x)	1/15	2/15	3/15	4/15	3/15	2/15

Suponga que el propietario de la tienda paga \$2.00 por cada ejemplar de la revista y el precio para los consumidores es de \$4.00.

- A. Si las revistas que se quedan al final de la semana no tienen valor de recuperación, ¿es mejor ordenar tres o cuatro ejemplares de la revista? [Sugerencia: para tres o cuatro ejemplares ordenados exprese el ingreso neto como función de la demanda X, y luego calcule el ingreso esperado].
- B. ¿Y cómo es la esperanza matemática del ingreso si se compran 5 ó 6 revistas? ¿por qué el pequeño mercado tiene la disyuntiva de comprar 3 ó 4 y no 5 ó 6? [Sugerencia: conteste con el calculo del valor esperado para 5 y 6 revistas y compárelo con el de 3 y 4 revistas pero también calculando el valor esperado de x].

Respuesta: 4.933, 5.333, 4.667, 3.2, 3.8

Ingreso neto 3 revistas:

U		
Demanda (x) Yevistas	Se venden $(min(x,3))$	Ingreso neto $(\min(x,3) \cdot 4 - 3 \cdot 2)$
1	min(1,3) = 1	1.4-6=-2
2	min(2,3) = 2	2 · 4 - 6 = 2
3	min(3,3) = 3	3 · 4 - 6 = 6
Ч	min(4,3) = 3	3 · 4 - 6 = 6
5	min(5,3) = 3	3.4-6 = 6
G	min(5,3) = 3 min(6,3) = 3	3 · 4 - 6 = 6
	u u	
	Se limita porque solo hay 3 revistas	
	2010 11dy 2 1CV121d2	

Ingresos con 3 revistas =
$$(-2 \cdot \frac{1}{15}) + (2 \cdot \frac{2}{15}) + (6 \cdot \frac{3}{15}) + (6 \cdot \frac{4}{15}) + (6 \cdot \frac{3}{15}) + (6 \cdot \frac{3}{1$$

Ingreso neto 4 revistas:

J.		
Demanda (x)	Se venden $(min(\chi, y))$	Ingreso neto (min(x,4).4-4.2)
revistas		V I I I I I I I I I
1	min(1, 4) = 1	1.4-8=-4
2	min(2,4) = 2	2 · 4 - 8 = 0
3	min(3,4) = 3	3 · 4 - 8 = 4
	min(4,4) = 4	4 - 4 - 8 = 8
5	min(5,4) = 4	4 · 4-8 = 8
6	min(G,4)=4	4 · 4 - 8 = 8

Ingresos con 4 revistas =
$$(-4 \cdot \frac{1}{15}) + (0 \cdot \frac{2}{15}) + (4 \cdot \frac{3}{15}) + (8 \cdot \frac{4}{15}) + (8 \cdot \frac{3}{15}) + (8 \cdot \frac{2}{15})$$

 $\frac{-4}{15} + 0 + \frac{12}{15} + \frac{32}{15} + \frac{24}{15} + \frac{16}{15} = 80/15 = 5.333\overline{1}$

A)

Vale más la pena ordenar 4 revistas ya que los ingresos son mayores 5.3333 > 4.9333 Ingreso neto 5 revistas:

Ingresos con 5 revistas =
$$(-6 \cdot \frac{1}{15}) + (-2 \cdot \frac{2}{15}) + (2 \cdot \frac{3}{15}) + (6 \cdot \frac{4}{15}) + (10 \cdot \frac{3}{15}) + (10 \cdot \frac{2}{15})$$

= $\frac{-6}{15} - \frac{4}{15} + \frac{6}{15} + \frac{24}{15} + \frac{30}{15} + \frac{20}{15} = \frac{70}{15} = 4.666$

Ingreso neto 6 revistas:

Ingresos con 6 revistas =
$$(-8 \cdot \frac{1}{15}) + (-4 \cdot \frac{2}{15}) + (0 \cdot \frac{3}{15}) + (4 \cdot \frac{4}{15}) + (8 \cdot \frac{3}{15}) + (12 \cdot \frac{2}{15})$$

$$\frac{-8}{15} - \frac{8}{15} + 0 + \frac{16}{15} + \frac{24}{15} + \frac{24}{15} = \frac{48}{15} = 3.2$$

B

Ingresos con:

```
3 revistas = 4.933)
4 revistas = 5.333
5 revistas = 4.666
6 revistas = 3.2
```

La mejor opción es para 30 4 revistas, como se ve, la opción más rentable es la de 4 revistas

Demanda promedio

19/5

```
1 · 1/5 = 1/15

2 · 2/15 = 4/15

3 · 3/15 = 3/5

4 · 4/15 = 16/15

5 · 3/15 = 1

6 · 3/15 = 4/5
```

Dado que se minimiza el niesgo de perdida