





## Motivation

## Frequentist vs Bayesian (1)

## Une femme enceinte se demande: Quel est la probabilité que mon nouveau-né soit de sexe masculin ?

The Frequentist: "Notons le sexe par une variable aléatoire binaire suivant la loi de

Bernoulli  $X \sim \mathcal{B}(p)$ . Il me faut des observations indépendantes et identiquement distribuées (i.i.d) binaires  $x_1, \ldots, x_n \sim \mathcal{B}(p)$ . Je pourrais ensuite inférer le paramètre p en utilisant

(I.I.u) Dimance  $\widehat{p} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i$  "

The Bayesian: "En considérant p comme un paramètre quelconque, le Fréquentiste omet complètement l'idée qu'il s'agit d'une probabilité dans un contexte spécifique. Sans données, n'importe qui aurait répondu: 0.5. L'incertitude sur la valeur du paramètre p ne devrait pas être uniforme sur tout l'intervalle [0, 1]. Cette croyance à priori devrait être incluse dans l'analyse

statistique."

Une femme enceinte se demande: Quel est la probabilité que mon nouveau-né soit de sexe masculin ?

The **Frequentist**: "Notons le sexe par une variable aléatoire binaire suivant la loi de Bernoulli  $X \sim \mathcal{B}(p)$ . Il me faut des observations indépendantes et identiquement distribuées (i.i.d) binaires  $x_1, \dots, x_n \sim \mathcal{B}(p)$ . Je pourrais ensuite inférer le paramètre p en utilisant l'estimateur:  $\widehat{p} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$  "

The **Bayesian**: "En considérant p comme un paramètre quelconque, le Fréquentiste omet complètement l'idée qu'il s'agit d'une probabilité dans un contexte spécifique. Sans données, n'importe qui aurait répondu: 0.5. L'incertitude sur la valeur du paramètre p ne devrait pas être uniforme sur tout l'intervalle [0, 1]. Cette **croyance à priori** devrait être incluse dans l'analyse statistique."





- 1. Introduction
- 2. Les Bayésiens vs Les fréquentistes
- 3. Rappels de probabilités (exemples)
- 4. Loi a posteriori et modèles conjugués
- 5. Estimateur de Bayes





## Frequentist vs Bayesian (2)

The Frequentist: "Je regarde les données et j'en tire des conclusions objectives."



