



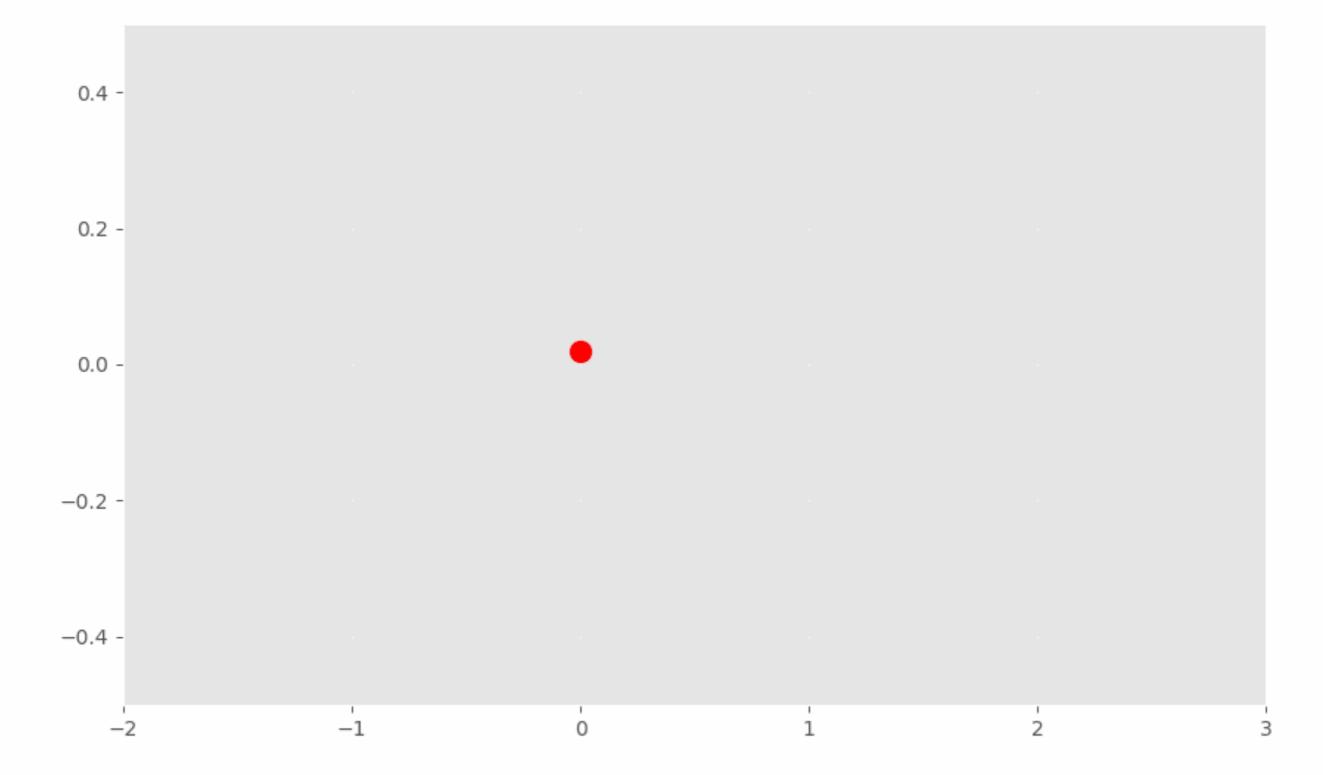


## Metropolis

Une chaîne de Markov simple est donnée par une marche aléatoire:  $X_{n+1} = X_n + \varepsilon$  avec  $\varepsilon \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2)$ 

#### Admet-elle une distribution stationnaire?

#### Non! Elle a une variance divergente (calcul simple)



Visuellement, c'est une suite qui "explore" l'espace:

#### Random Walk

### Random Walk

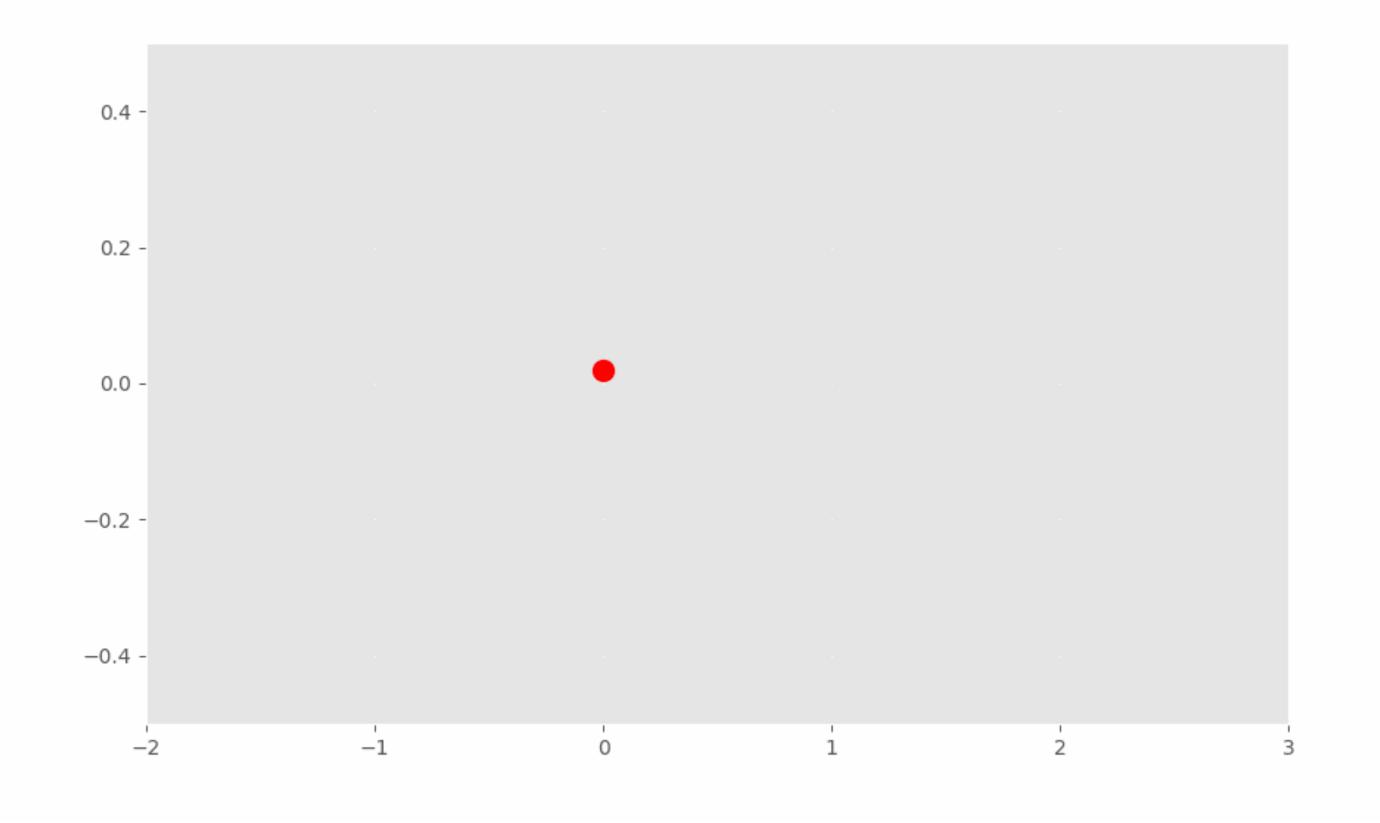
Une chaîne de Markov simple est donnée par une marche aléatoire:  $X_{n+1} = X_n + \varepsilon$  avec  $\varepsilon \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2)$ 

$$X_{n+1} = X_n + \varepsilon \text{ avec } \varepsilon \sim \mathcal{N}(0, \sigma^2)$$

Admet-elle une distribution stationnaire?

Non! Elle a une variance divergente (calcul simple)

Visuellement, c'est une suite qui "explore" l'espace:



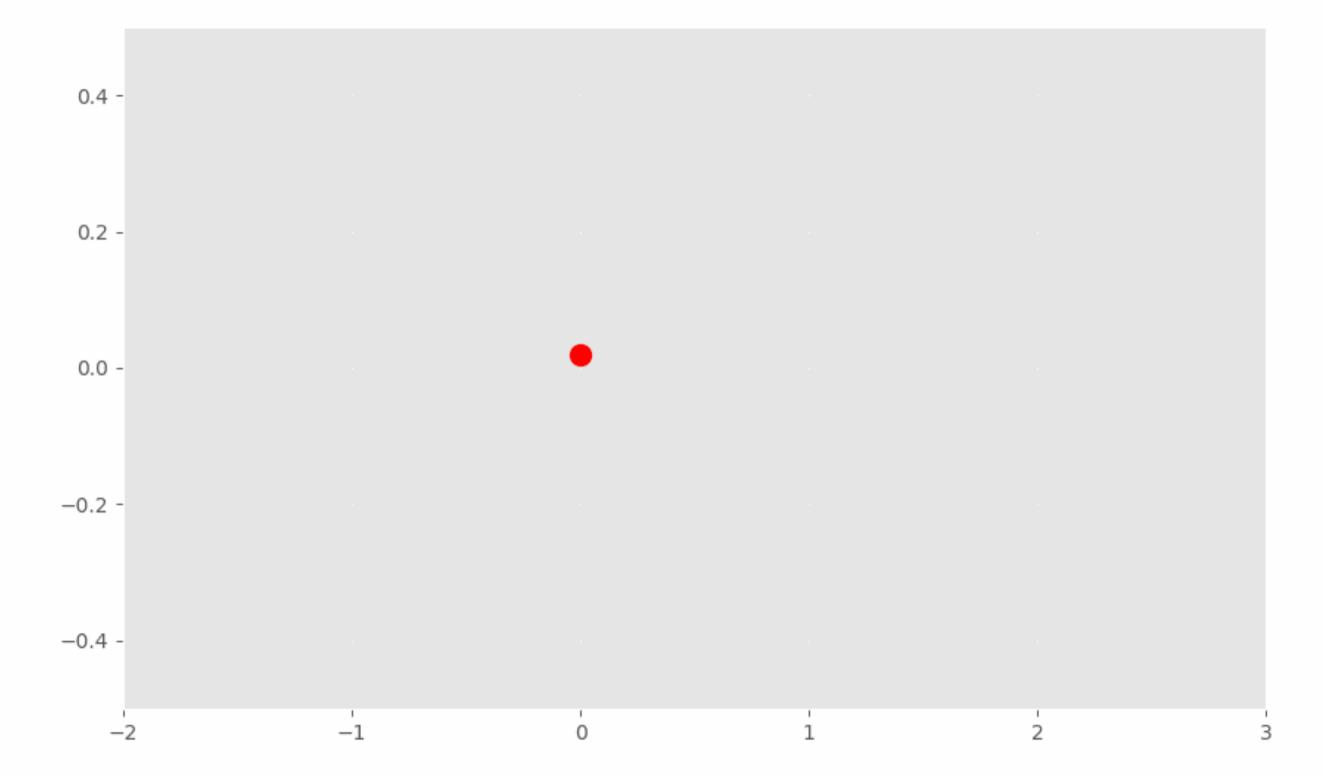




- 1. Pourquoi Monte-Carlo ? (Exemple de modèle hiérarchique)
- 2. Introduction à la méthode Monte-Carlo (historique, PRNG)
- 3. Algorithmes de simulation i.i.d (PRNG, transformation, rejet)
- 4. Méthodes MCMC (Gibbs, Metropolis)
- 5. Diagonstics de convergence MCMC
- 6. Méthodes MCMC avancées (Langevin, HMC, NUTS)







# L'algorithme

On souhaite créer une chaîne de Markov avec la distribution stationnaire:

