





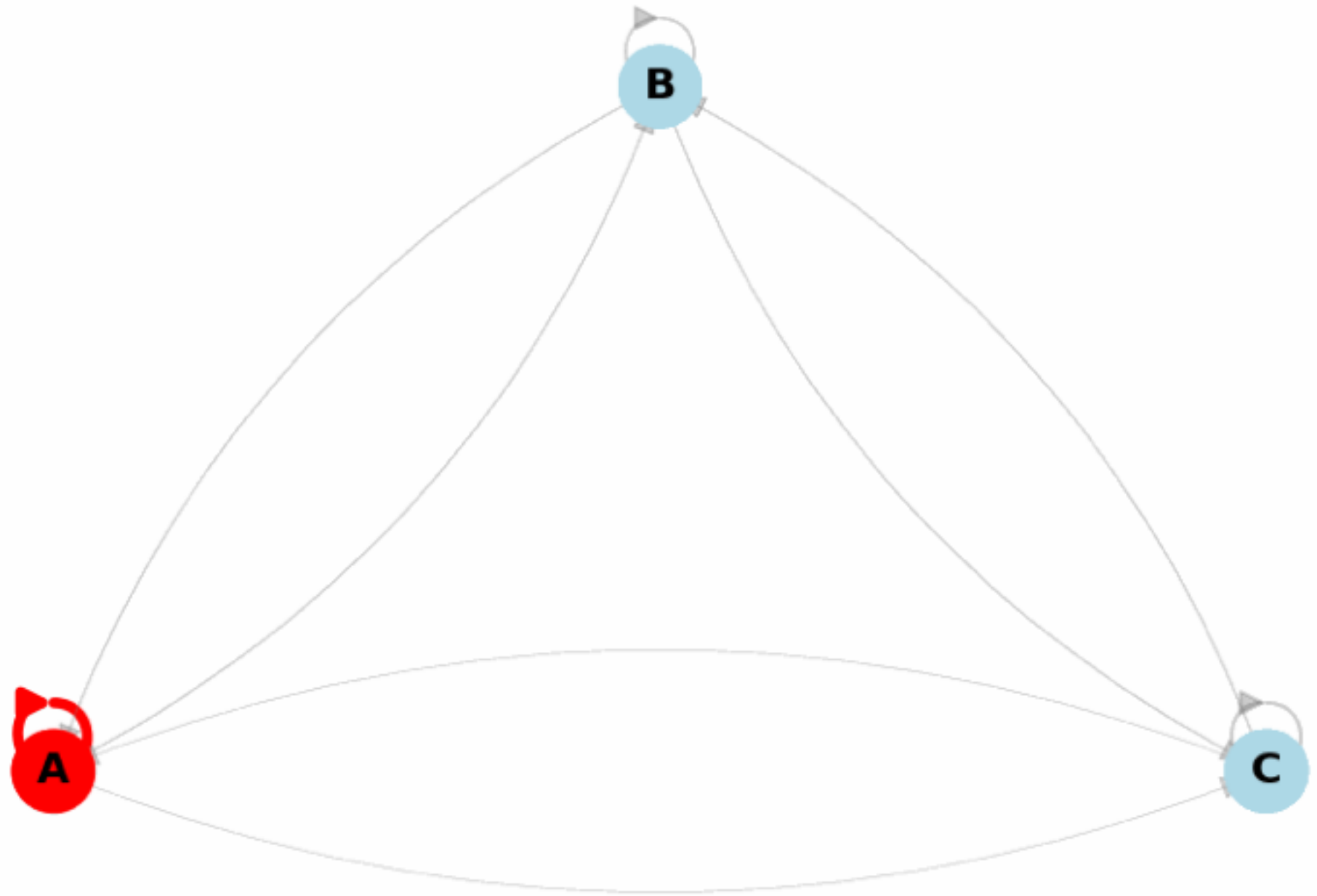
I N S E A





On note la distribution de  $X_n$  par le vecteur de probabilités  $\pi_n = \left[ \mathbb{P}(X_n = A) \quad \mathbb{P}(X_n = B) \quad \mathbb{P}(X_n = C) \right]^\top \in \mathbb{R}^3$ .

Step 0:  $A \rightarrow A$  ( $p=0.5$ )



Walk: A

3

4

MarkovChains

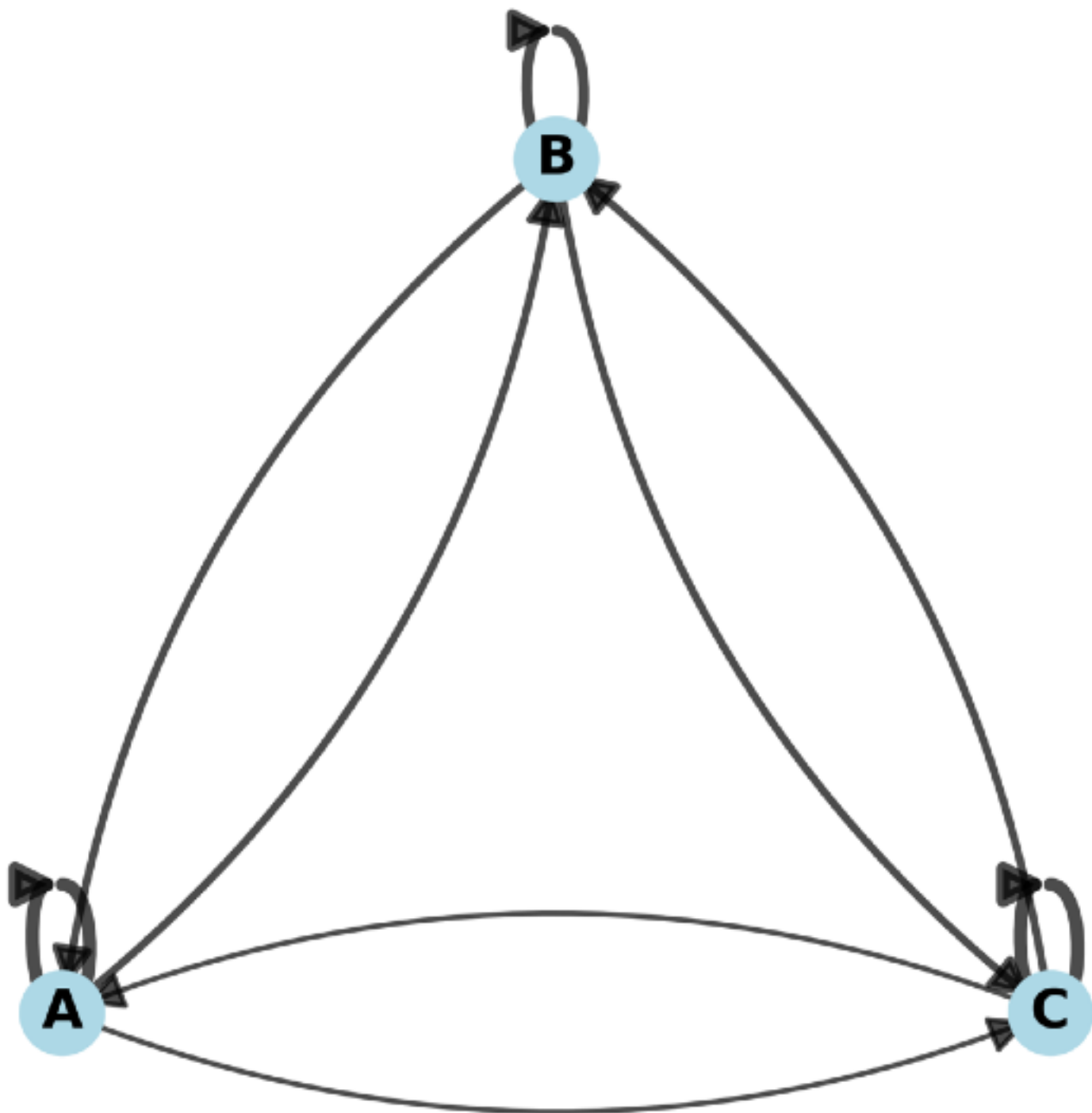


**Example**

	To A	To B	To C
From A	0.5	0.3	0.2
From B	0.3	0.4	0.3
From C	0.2	0.3	0.5

La matrice de transition P

1. Déterminez  $\pi_{n+1}$  en fonction de  $P$  et de  $\pi_n$ .
2. On suppose que  $X_n$  a une distribution asymptotique  $\pi$ , comment peut-on l'obtenir ?



Soit  $(\textcolor{blue}{X}_n)_{n \geq 0}$  une chaîne de Markov à valeurs dans  $\mathcal{S} = \{A, B, C\}$ .

$X_n$  peut valoir A, B ou C et  $X_{n+1}$  ne dépend que de  $X_n$

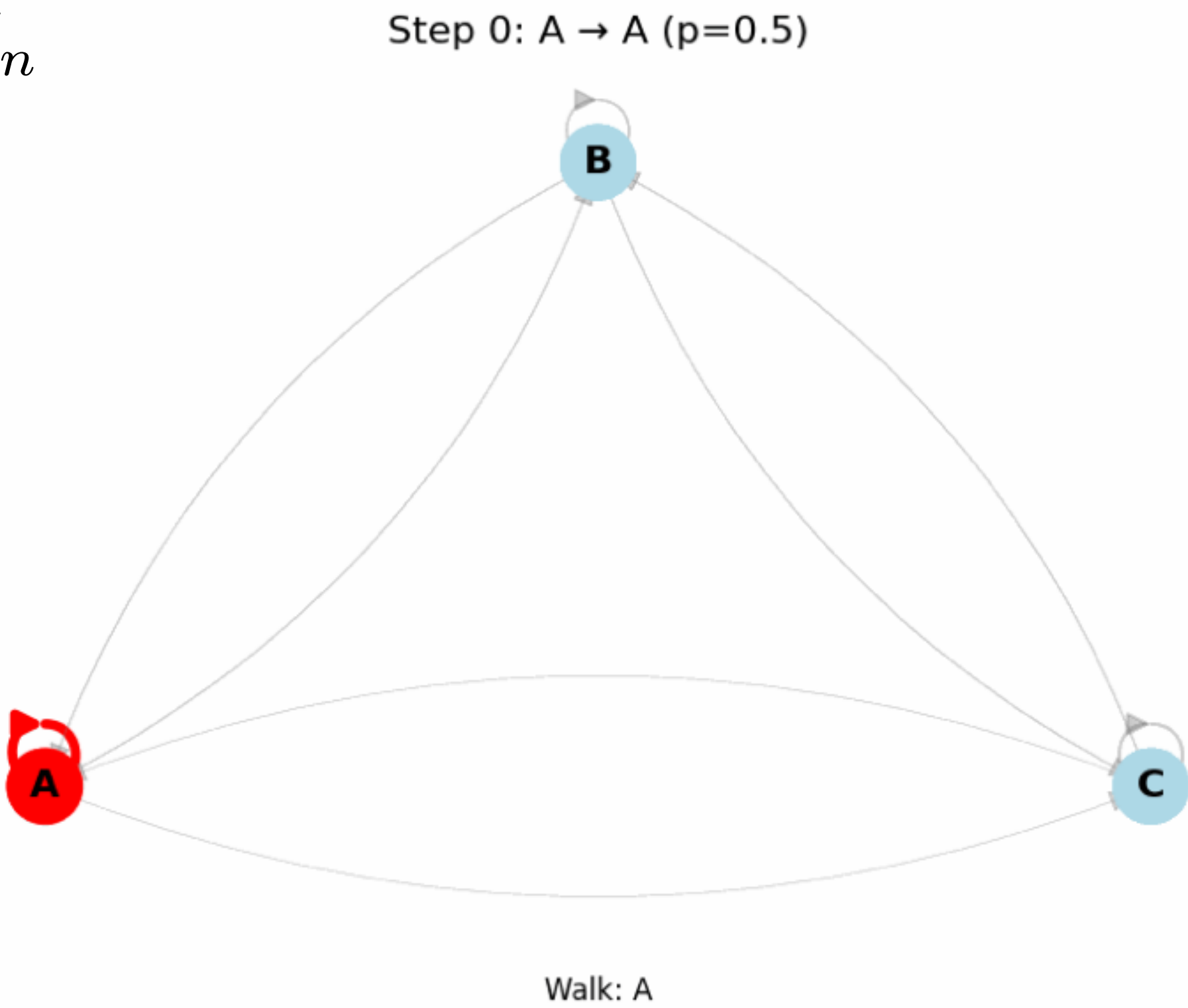
avec les probabilités conditionnelles de transition:

Soit  $(X_n)_{n \geq 0}$  une chaîne de Markov à valeurs dans  $\mathcal{S} = \{A, B, C\}$ .

$X_n$  peut valoir A, B ou C et  $X_{n+1}$  ne dépend que de  $X_n$   
avec les probabilités conditionnelles de transition:

	To A	To B	To C
From A	0.5	0.3	0.2
From B	0.3	0.4	0.3
From C	0.2	0.3	0.5

La matrice de transition P



On note la distribution de  $X_n$  par le vecteur de probabilités  $\pi_n = [\mathbb{P}(X_n = A) \quad \mathbb{P}(X_n = B) \quad \mathbb{P}(X_n = C)]^\top \in \mathbb{R}^3$ .

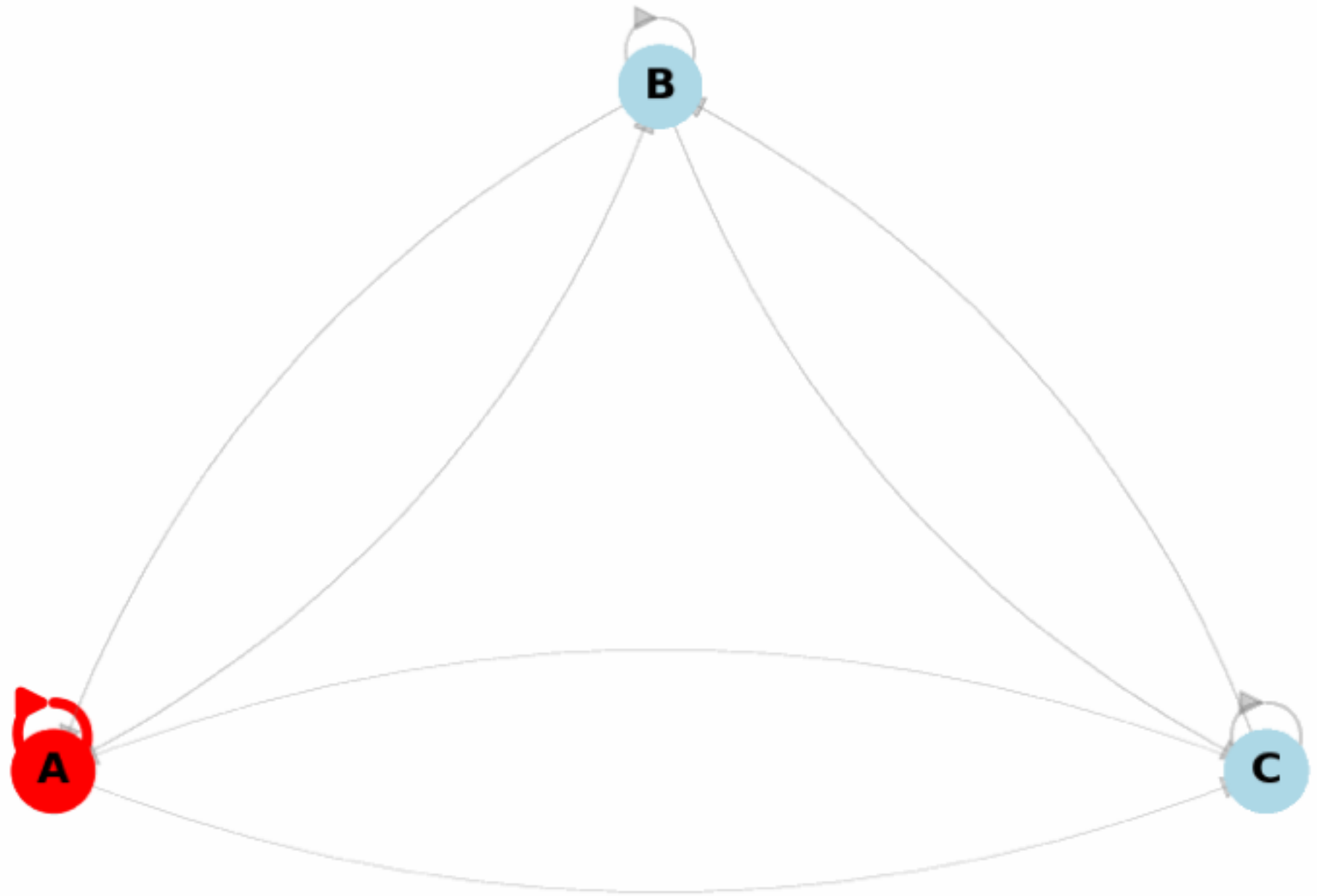
- 1. Déterminez  $\pi_{n+1}$  en fonction de  $P$  et de  $\pi_n$ .
- 2. On suppose que  $X_n$  a une distribution asymptotique  $\pi$ , comment peut-on l'obtenir ?



1. Pourquoi Monte-Carlo ? (Exemple de modèle hiérarchique)
2. Introduction à la méthode Monte-Carlo (historique, PRNG)
3. Algorithmes de simulation i.i.d (PRNG, transformation, rejet)
4. Méthodes MCMC (Gibbs, Metropolis)
5. Diagnostics de convergence MCMC
6. Méthodes MCMC avancées (Langevin, HMC, NUTS)

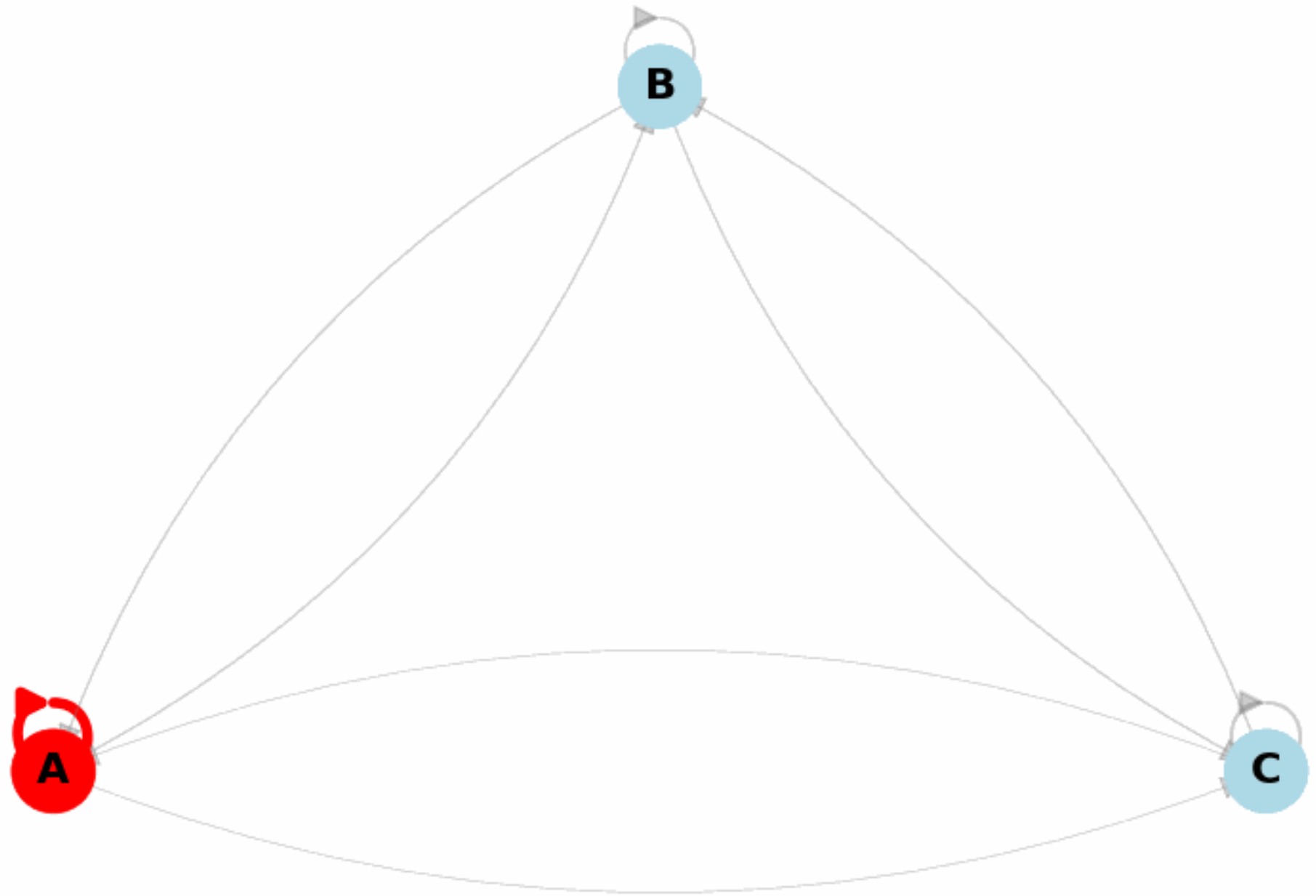


Step 0:  $A \rightarrow A$  ( $p=0.5$ )



Walk: A

Step 0:  $A \rightarrow A$  ( $p=0.5$ )



Walk: A

Soit  $(X_n)_{n \geq 0}$  une chaîne de Markov à valeurs dans un ensemble fini  $\mathcal{S}$ .