## 線形代数学・同演習 A

5月17日分 小テスト

学籍番号: 氏名:

次の連立一次方程式を,拡大係数行列を用いて解け.

$$\begin{pmatrix}
1 & -4 & 6 & 1 \\
2 & 1 & 3 & 2 \\
2 & -4 & 8 & 2
\end{pmatrix}
\begin{pmatrix}
x \\ y \\ z \\ w
\end{pmatrix} = \begin{pmatrix}
7 \\ 5 \\ 9
\end{pmatrix}$$

$$(2) \quad
\begin{pmatrix}
1 & 4 & 6 & -9 \\
1 & 1 & 3 & -3 \\
1 & -1 & 1 & 1
\end{pmatrix}
\begin{pmatrix}
x \\ y \\ z \\ w
\end{pmatrix} = \begin{pmatrix}
-5 \\ 1 \\ 5
\end{pmatrix}$$

解) いずれも拡大係数行列を簡約化する.

(1)

$$\begin{pmatrix}
1 & -4 & 6 & 1 & 7 \\
2 & 1 & 3 & 2 & 5 \\
2 & -4 & 8 & 2 & 9
\end{pmatrix}$$

$$\downarrow$$

$$\begin{pmatrix}
1 & -4 & 6 & 1 & 7 \\
0 & 9 & -9 & 0 & -9 \\
0 & 4 & -4 & 0 & -5
\end{pmatrix}$$

$$\downarrow$$

$$\begin{pmatrix}
1 & -4 & 6 & 1 & 7 \\
0 & 1 & -1 & 0 & -1 \\
0 & 4 & -4 & 0 & -5
\end{pmatrix}$$

$$\downarrow$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 0 & 2 & 1 & 3 \\
0 & 1 & -1 & 0 & -1 \\
0 & 0 & 0 & 0 & -1
\end{pmatrix}$$

最下段より,この連立一次方程式は 解を持たない.  $\begin{pmatrix}
1 & 4 & 6 & -9 & | & -5 \\
1 & 1 & 3 & -3 & | & 1 \\
1 & -1 & 1 & 1 & | & 5
\end{pmatrix}$   $\downarrow$   $\begin{pmatrix}
1 & 4 & 6 & -9 & | & -5 \\
0 & -3 & -3 & 6 & | & 6 \\
0 & -5 & -5 & 10 & | & 10
\end{pmatrix}$   $\downarrow$   $\begin{pmatrix}
1 & 4 & 6 & -9 & | & -5 \\
0 & 1 & 1 & -2 & | & -2 \\
0 & 1 & 1 & -2 & | & -2
\end{pmatrix}$   $\downarrow$   $\begin{pmatrix}
1 & 0 & 2 & -1 & | & 3 \\
0 & 1 & 1 & -2 & | & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 0
\end{pmatrix}$ 

$$\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \\ w \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 - 2s + t \\ -2 - s + 2w \\ s \\ t \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 \\ -2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} -2 \\ -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

講義や講義内容に関して、意見・感想・質問等を自由に記述してください。