線形代数学・同演習 A

5月9日分 小テスト

学籍番号: 氏名:

次の連立一次方程式を,拡大係数行列を用いて解け.

$$\begin{pmatrix} 1 & 4 & 6 & -9 \\ 1 & 1 & 3 & -3 \\ 1 & -1 & 1 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \\ w \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -5 \\ 1 \\ 5 \end{pmatrix}$$

解)

拡大係数行列を簡約化する.

$$\begin{pmatrix}
\boxed{1} & 4 & 6 & -9 & | & -5 \\
1 & 1 & 3 & -3 & | & 1 \\
1 & -1 & 1 & 1 & | & 5
\end{pmatrix}$$

$$\downarrow$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 4 & 6 & -9 & | & -5 \\
0 & -3 & -3 & 6 & | & 6 \\
0 & -5 & -5 & 10 & | & 10
\end{pmatrix}$$

$$\downarrow$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 4 & 6 & -9 & | & -5 \\
0 & \boxed{1} & 1 & -2 & | & -2 \\
0 & 1 & 1 & -2 & | & -2
\end{pmatrix}$$

$$\downarrow$$

$$\begin{pmatrix}
1 & 0 & 2 & -1 & | & 3 \\
0 & 1 & 1 & -2 & | & -2 \\
0 & 0 & 0 & 0 & 0
\end{pmatrix}$$

よって,連立一次方程式の形に戻せば

$$\begin{cases} x + 2z - w = 3 \\ y + z - 2w = -2 \end{cases}$$

なので,パラメータs,tを導入して,z=s,w=t(主成分と対応していない変数) とすれば,

$$\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \\ w \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 - 2s + t \\ -2 - s + 2w \\ s \\ t \end{pmatrix}$$
$$= \begin{pmatrix} 3 \\ -2 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} + s \begin{pmatrix} -2 \\ -1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}.$$

講義や講義内容に関して、意見・感想・質問等を自由に記述してください。