

CÁU TRÚC DỮ LIỆU VÀ THUẬT TOÁN

Sắp xếp

NỘI DUNG

- Tổng quan bài toán sắp xếp
- Thuật toán sắp xếp lựa chọn
- Thuật toán sắp xếp chèn
- Thuật toán sắp xếp nổi bọt
- Thuật toán sắp xếp trộn
- Thuật toán sắp xếp nhanh
- Thuật toán sắp xếp vun đống



TỔNG QUAN BÀI TOÁN SẮP XẾP

- Sắp xếp là việc đưa các phần tử của một dãy theo đúng thứ tự (không giảm hoặc không tăng) dựa vào 1 giá trị khoá
- Thiết kế thuật toán sắp xếp hiệu quả là một việc đặc biệt quan trọng do việc sắp xếp xuất hiện trong rất nhiều tình huống tính toán
- Hai thao tác cơ bản trong một thuật toán sắp xếp
 - Compare(a, b): so sánh khoá của 2 phần tử a và b
 - Swap(a, b): đổi chỗ 2 phần tử a và b cho nhau
- Không giảm tổng quát, giả sử cần sắp xếp dãy a₁,
 a₂, ..., a_n theo thứ tự không giảm của giá trị



TỔNG QUAN BÀI TOÁN SẮP XẾP

- Phân loại thuật toán sắp xếp
 - Sắp xếp tại chỗ: sử dụng bộ nhớ trung gian là hằng số, không phụ thuộc độ dài dãy đầu vào
 - Sắp xếp ổn định: duy trì thứ tự tương đối giữa 2 phần tử có cùng giá trị khoá (vị trí tương đối giữa 2 phần tử có cùng khoá không đổi trước và sau khi sắp xếp)
 - Thuật toán sắp xếp dựa trên so sánh: sử dụng phép so sánh để quyết định thứ tự phần tử (counting sort không phải là thuật toán sắp xếp dựa trên so sánh)



SẮP XẾP LỰA CHỌN

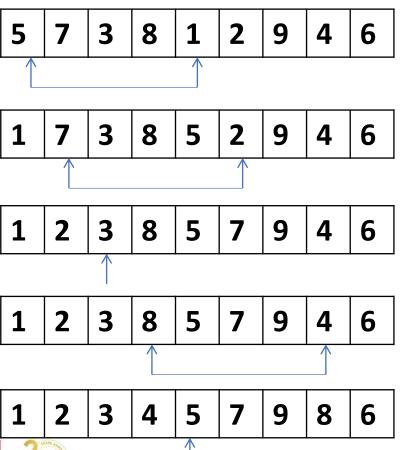
- Chọn số nhỏ nhất xếp vào vị trí thứ 1
- Chọn số nhỏ thứ 2 xếp vào vị trí thứ 2
- Chọn số nhỏ thứ 3 xếp vào vị trí thứ 3

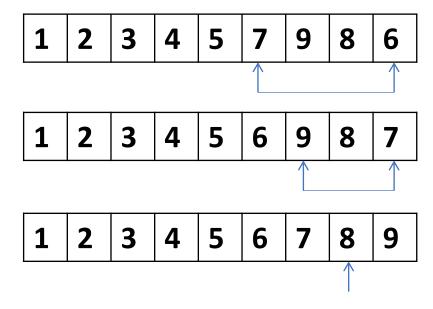
• . . .

```
void selectionSort(int A[], int N) {
  // index tu 1 -> N
  for(int k = 1; k <= N; k++){
    int min = k;
    for(int j = k+1; j <= N; j++){
      if(A[min] > A[j]) min = j;
    int tmp = A[min];
    A[min] = A[k];
    A[k] = tmp;
```

SẮP XẾP LỰA CHỌN

• Ví dụ: 5, 7, 3, 8, 1, 2, 9, 4, 6





SẮP XẾP CHÈN

- Thuật toán diễn ra qua các bước lặp k = 2, 3, ..., n
- Tại mỗi bước thứ k: chèn a_k vào đúng vị trí trong dãy đã được sắp a₁, a₂, ..., a_{k-1} để thu được dãy được sắp đúng thứ tự
- Sau bước thứ k thì dãy a₁, a₃,
 ..., a_k đã được sắp đúng thứ
 tự, dãy còn lại a_{k+1}, ..., a_n
 giữ nguyên vị trí

```
void insertionSort(int A[], int N)
  // index tu 1 -> N
  for(int k = 2; k <= N; k++){
   int last = A[k];
   int j = k;
   while(j > 1 && A[j-1] >
        last){
     A[j] = A[j-1];
     j--;
   A[j] = last;
```



SẮP XẾP CHÈN

• Ví dụ: 5, 7, 3, 8, 1, 2, 9, 4, 6

5	7	3	8	1	2	9	4	6
---	---	---	---	---	---	---	---	---



1	2	3	5	7	8	9	4	6
		_	_		_	_		_



1	2	3	4	5	7	8	9	6
---	---	---	---	---	---	---	---	---

SẮP XẾP NỔI BỌT

- Duyệt dãy từ trái qua phải (hoặc từ phải qua trái)
 - Tại mỗi bước, so sánh 2 phần tử đứng cạnh nhau và tiến hành đổi chỗ 2 phần tử đó nếu phần tử trước lớn hơn phần tử sau
- Lặp lại quá trình trên khi nào trong dãy vẫn còn 2 phần tử đứng cạnh nhau mà phần tử trước lớn hơn phần tử sau

```
void bubleSort(int A[], int N) {
  // index tu 1 den N
  int swapped;
  do{
    swapped = 0;
    for(int i = 1; i < N; i++){
      if(A[i] > A[i+1]){
        int tmp = A[i];
        A[i] = A[i+1];
        A[i+1] = tmp;
        swapped = 1;
  }while(swapped == 1);
```



SẮP XẾP NỔI BỌT

• Ví dụ: 5, 7, 3, 8, 1, 2, 9, 4, 6

5 3 7 1 2 8 4 6 9

3 5 1 2 7 4 6 8 9

3 1 2 5 4 6 7 8 9

1 2 3 4 5 6 7 8 9

SẮP XẾP TRỘN

- Dựa trên chia để trị
- Chia dãy a₁, ..., a_n thành 2 dãy con có độ dài bằng nhau
- Sắp xếp 2 dãy con bằng thuật toán sắp xếp trộn
- Trộn 2 dãy con đã được sắp với nhau để thu được dãy ban đầu được sắp thứ tự

```
void mergeSort(int A[], int L, int R) {
   if(L < R){
     int M = (L+R)/2;
     mergeSort(A,L,M);
     mergeSort(A,M+1,R);
     merge(A,L,M,R);
   }
}</pre>
```

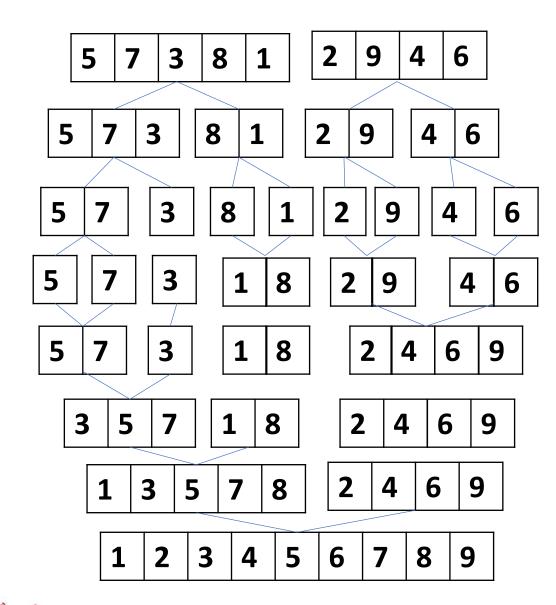
SẮP XẾP TRỘN

 Sử dụng mảng trung gian để lưu trữ tạm thời trong quá trình trộn

```
void merge(int A[], int L, int M, int R) {
// tron 2 day da sap A[L..M] va A[M+1..R]
  int i = L; int j = M+1;
  for(int k = L; k <= R; k++){
    if(i > M){TA[k] = A[j]; j++;}
    else if(j > R){TA[k] = A[i]; i++;}
    else{
      if(A[i] < A[j]){
         TA[k] = A[i]; i++;
      }
      else {
         TA[k] = A[j]; j++;
  for(int k = L; k \leftarrow R; k++) A[k] = TA[k];
```

SẮP XẾP TRỘN

Ví dụ: 5, 7, 3, 8, 1,2, 9, 4, 6





SÁP XÉP NHANH

- Chọn một phần tử bất kỳ dùng làm phần tử trụ (pivot)
- Sắp xếp lại dãy sao cho
 - Các phần tử đứng trước phần tử trụ sẽ không lớn hơn phần tử trụ
 - Các phần tử đứng sau phần tử trụ không nhỏ hơn phần tử trụ
- Khi đó phần tử trụ (có thể bị thay đổi vị trí) đã đứng đúng vị trí trong dãy khi được sắp thứ tự
- Tiến hành sắp xếp dãy con đứng trước và sau phần tử trụ bằng sắp xếp nhanh



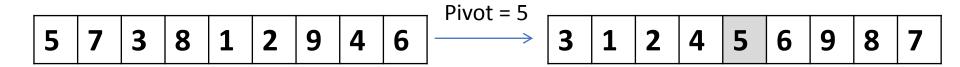
SÁP XÉP NHANH

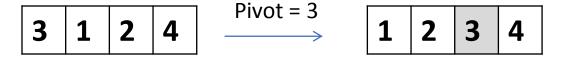
```
void quickSort(int A[], int L, int R) {
  if(L < R){
    int index = (L + R)/2;
    index = partition(A, L, R, index);
    if(L < index)</pre>
      quickSort(A, L, index-1);
    if(index < R)
      quickSort(A, index+1, R);
```

```
int partition(int A[], int L, int R, int
                        indexPivot) {
  int pivot = A[indexPivot];
  swap(A[indexPivot], A[R]);
  int storeIndex = L;
  for(int i = L; i <= R-1; i++){
    if(A[i] < pivot){</pre>
      swap(A[storeIndex], A[i]);
      storeIndex++;
  swap(A[storeIndex], A[R]);
  return storeIndex;
}
```

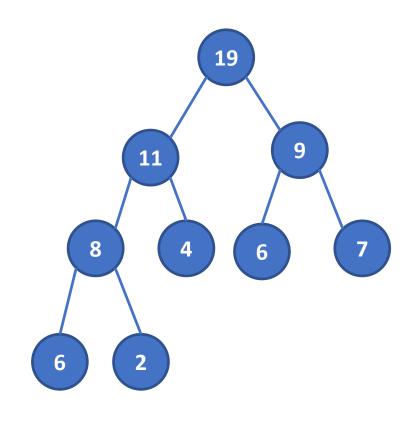
SÁP XÉP NHANH

• Ví dụ: 5, 7, 3, 8, 1, 2, 9, 4, 6



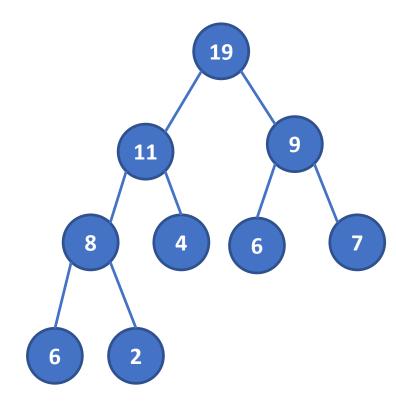


- Cấu trúc đống (max-heap)
 - Cây nhị phân đầy đủ (complete tree)
 - Khoá của mỗi nút lớn hơn hoặc bằng khoá của 2 nút con (tính chất của max-heap)
- Ánh xạ từ dãy A[1...N] sang cây nhị phân đầy đủ
 - Gốc là A[1]
 - A[2i] và A[2i+1] là con trái và con phải của A[i]
 - Chiều cao của cây là logN + 1





- Vun lại đống (heapify)
 - Tình trạng:
 - Tính chất max-heap ở A[i] bị phá vỡ
 - Tính chất max-heap ở các cây con của A[i] đã được thoả mãn
 - Vun lại đống để khôi phục tại tính chất max-heap trên cây gốc A[i]





- Vun lại đống (heapify)
 - Chọn nút con lớn nhất
 - Đổi chỗ nút con và A[i] cho nhau nếu nút con này lớn hơn A[i] và vun lại đống bắt đầu từ nút con này

```
void heapify(int A[], int i, int N)
{
  int L = 2*i;
  int R = 2*i+1;
  int max = i;
  if(L \leftarrow N \&\& A[L] > A[i])
    max = L;
  if(R \leftarrow N \&\& A[R] > A[max])
    max = R;
  if(max != i){
    swap(A[i], A[max]);
    heapify(A, max, N);
```

- Sắp xếp vun đống
 - Xây dựng max-heap (thủ tục buildHeap)
 - Đổi chỗ A[1] và A[N] cho nhau
 - Vun lại đống bắt đầu từ A[1] cho A[1..N-1]
 - Đổi chỗ A[1] và A[N-1] cho nhau
 - Vun lại đống bắt đầu từ A[1] cho A[1..N-2]

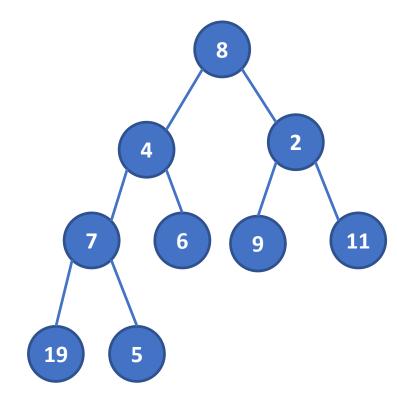
•

```
void buildHeap(int A[], int N) {
  for(int i = N/2; i >= 1; i--)
    heapify(A,i,N);
}
void heapSort(int A[], int N) {
  // index tu 1 -> N
  buildHeap(A,N);
  for(int i = N; i > 1; i--) {
    swap(A[1], A[i]);
    heapify(A, 1, i-1);
```

 Ví dụ: sắp xếp dãy sau theo thứ tự không giảm của khoá

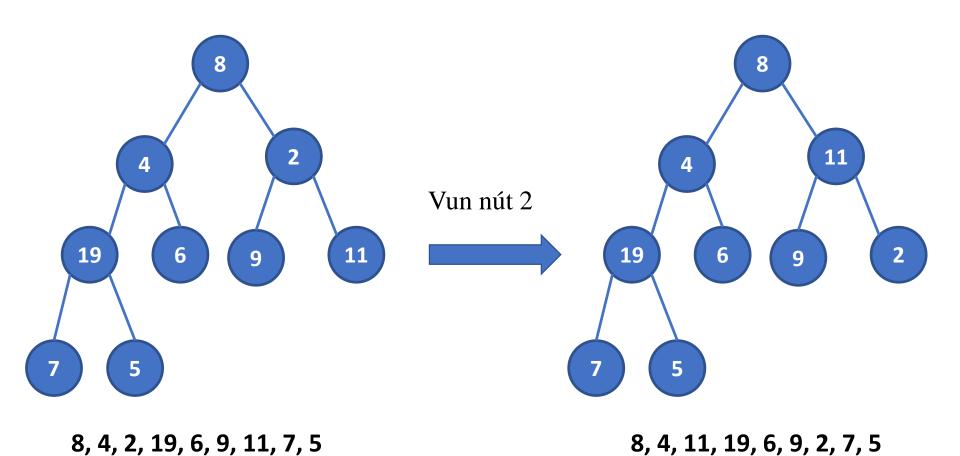
8, 4, 2, 7, 6, 9, 11, 19, 5

Cây nhị phân đầy đủ

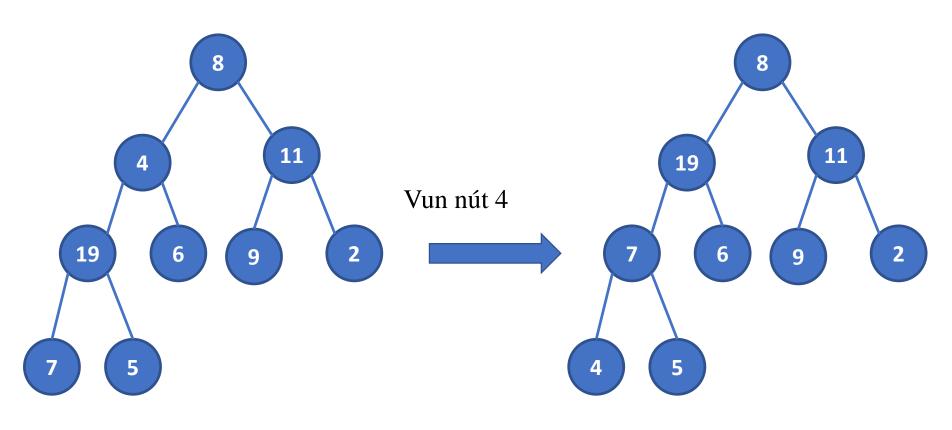


8, 4, 2, 7, 6, 9, 11, 19, 5





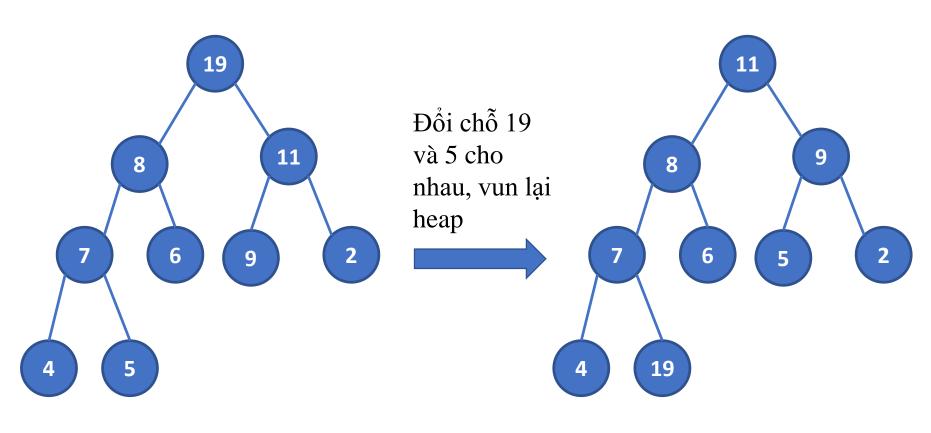




8, 4, 11, 19, 6, 9, 2, 7, 5

8, 19, 11, 7, 6, 9, 2, 4, 5

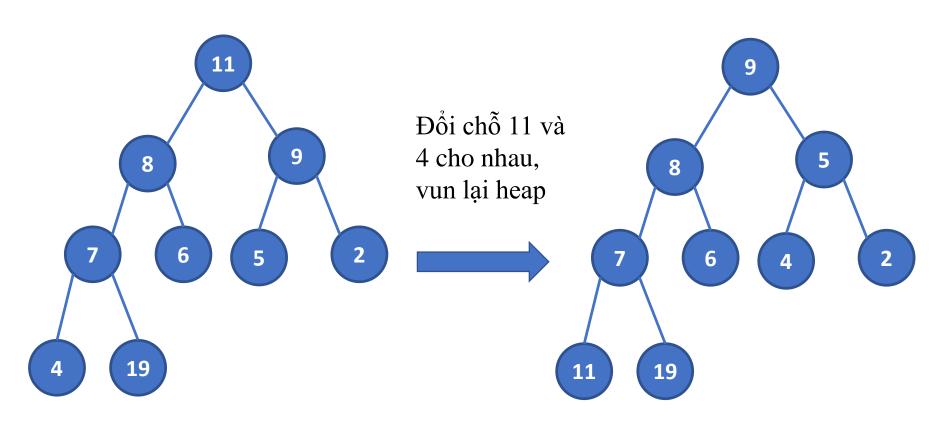




19, 8, 11, 7, 6, 9, 2, 4, 5

11, 8, 9, 7, 6, 5, 2, 4, 19

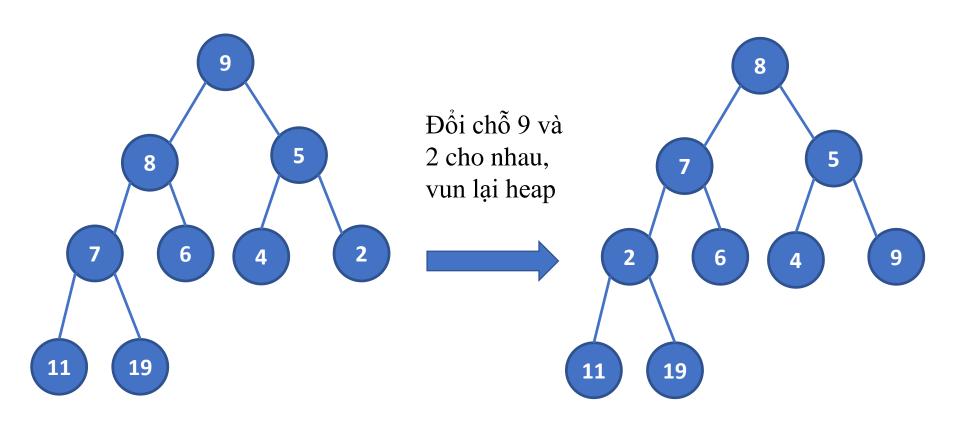




11, 8, 9, 7, 6, 5, 2, 4, 19

9, 8, 5, 7, 6, 4, 2, 11, 19

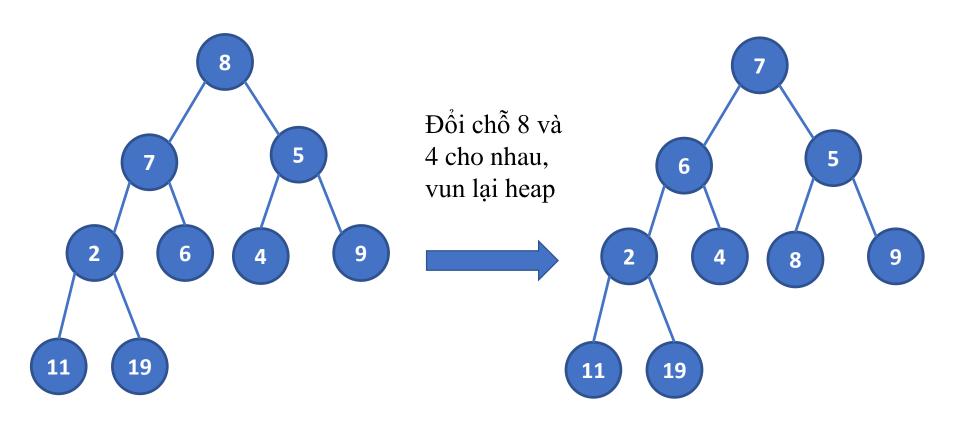




9, 8, 5, 7, 6, 4, 2, 11, 19

8, 7, 5, 2, 6, 4, 9, 11, 19

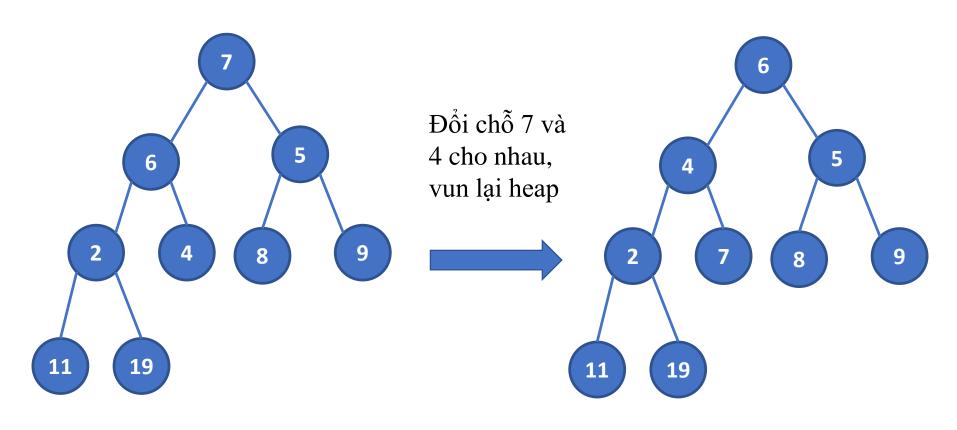




8, 7, 5, 2, 6, 4, 9, 11, 19

7, 6, 5, 2, 4, 8, 9, 11, 19

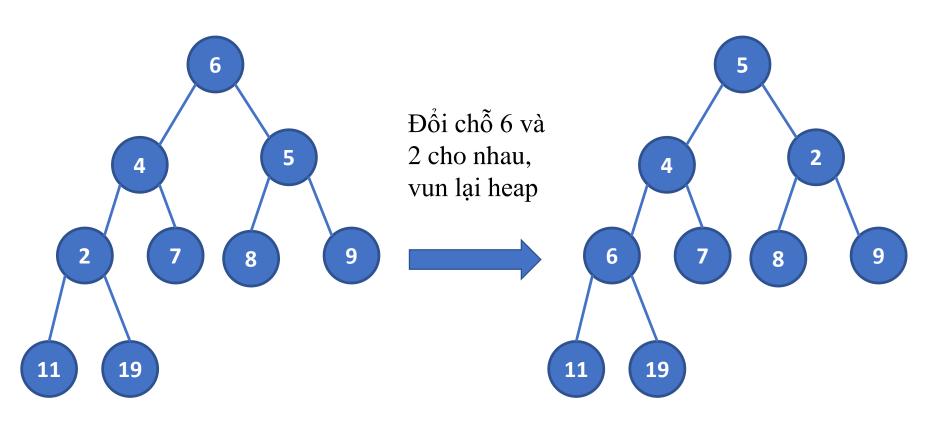




7, 6, 5, 2, 4, 8, 9, 11, 19

6, 4, 5, 2, 7, 8, 9, 11, 19

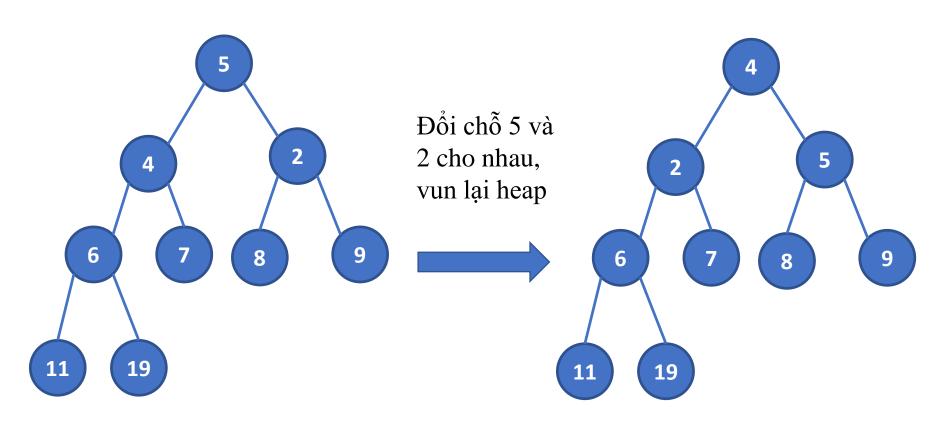




6, 4, 5, 2, 7, 8, 9, 11, 19

5, 4, 2, 6, 7, 8, 9, 11, 19

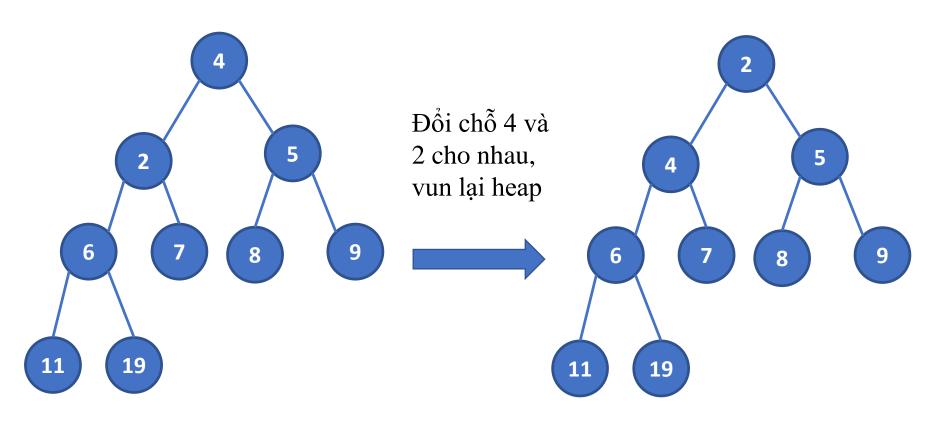




5, 4, 2, 6, 7, 8, 9, 11, 19

4, 2, 5, 6, 7, 8, 9, 11, 19





4, 2, 5, 6, 7, 8, 9, 11, 19

2, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 11, 19



VIỆN CÔNG NGHỆ THÔNG TIN VÀ TRUYỀN THÔNG SCHOOL OF INFORMATION AND COMMUNICATION TECHNOLOGY

Thank you for your attentions!

