

Capitulo 1

Linguage Python

Python es un linguage de programmation facile a apprender, moderne et effective. Le linguage es orientate a objectos e ha syntaxe de alte nivello. Il ha typage dynamic e character interpretate.

Le interprete interactive

Nos initia le interprete de Python per le commando

python

Al comencio le interprete scribe a nos su version de programma e attende nostre instructiones.

```
# python
Python 3.8.3 (default, May 29 2020, 00:00:00)
[GCC 10.1.1 20200507 (Red Hat 10.1.1-1)] on linux >
```

Operatores arithmetic

Nos trova que le interprete de Python functiona ben como calculator. Operatores arithmetic basic es +, -, * et /. Le operatores * et / ha plus alte

prioritate que le operatores + et -, ma nos pote scriber expressiones in parentheses (...) pro cambiar le ordine de calculation. Le operator a elevar in potentia es **.

```
> 2 + 2
4
> 50 - 5 * 6
20
> 3 * (5 - 2)
9
> 2 ** 8
256
```

Le division (/) sempre resulta in numero decimal de classe float. Le operatores // et % da nos le quotiente e le residuo de division de numeros integre. Le numeros integre ha le typo int, in altere parolas, illes es de classe int.

```
> 8 / 5
1.6
> 11 // 4
2
> 11 % 4
3
```

Valores veritate

Le valores veritate es False e True. Operationes boolean basic es and, or, e not (tabella 1).

Tabella 1. Operationes boolean.

not		and	False	True	or	False	True
		False					
True	False	True	False	True	True	True	True

Per exemplo,

> not False

True
> False and True
False
> False or True
True

Operatores a comparar es \langle , \rangle , ==, $\langle =, \rangle$ =, e!= (tabella 2).

Tabella 2. Operatores a comparar.

Operator	Signification
<	minor que
>	major que
==	equal a
<=	minor que o equal a
>=	major que o equal a
!=	inequal a

Per exemplo,

Sequentias de characteres

Sequentias de characteres pote esser representate inter virgulettas singule ('...') o inter virgulettas duple ("..."). Le character a escappar es barra oblique inverse (\backslash).

```
> 'Python' == "Python"
True
> 'Monty\'s' == "Monty's"
True
```

Le operatores + et * adjunge e repete sequentias de characteres.

```
> 'i' + 3 * 'nte'
'intentente'
```

Quando inter sequentias de characteres existe solmente spatio blanc, le interprete adjunge le sequentias.

```
> "inter" "lingua"
'interlingua'
```

Il es possibile a trenchar un sequentia de characteres per su indices. Le prime character ha le indice zero. Le indice negative calcula de fin.

```
> t = 'Python'
> t [2:6], t [4:], t [-3:-1], t [-2:], t [-1]
('thon', 'on', 'ho', 'on', 'n')
```

Listas

Un *lista* es un collection de valores scribite inter parentheses quadrate [...]. Nos defini un lista de nomines de numeros cardinal:

```
numeros = [ 'zero', 'un', 'duo', 'tres', 'quatro', 'cinque',
  'sex', 'septe', 'octo', 'nove', 'dece' ]
```

Nos trova le *elementos* per le indices. Indices de un lista comencia de zero. Le [] es un lista vacue, e [1], per exemplo, es un lista con un elemento.

```
> numeros [0]
'zero'
> numeros [5]
'cinque'
```

Nos anque pote trenchar le lista per le indices.

```
> numeros [3:7]
['tres', 'quatro', 'cinque', 'sex']
```

Dictionaries

Un dictionario consiste de pares de forma *clave*: valor scribite inter parentheses crispe {...}.

```
nums = {
   'un': 1, 'duo': 2, 'tres': 3, 'quatro': 4, 'cinque': 5,
   'sex': 6, 'septe': 7, 'octo': 8, 'nove': 9, 'dece': 10 }
Nos trova le valor per su clave.
> nums ["cinque"]
5
```

Tuplas

Un n-tupla es un sequentia de n valores. In Python nos scribe tuplas in parentheses (...), per exemplo, t = (1,2), o nos pote omitter le parentheses: t = 1,2. Le () es un 0-tupla, e (2,) es un 1-tupla.

Quando le formas es favorabile, il es possibile a dispacchettar le elementos de un tupla, per exemplo (a,b) = t.

```
> p = 1,2
> a,b = p
> a
1
> b
```

Variabiles e definitiones de functiones

Nos dice que le sequentia Fibonacci es le numeros 0 et 1 e sempre le summa de duo ultime numeros.

Nos pote definir un function fibonacci (n), que calcula le n prime numeros de un sequentia Fibonacci:

```
def fibonacci (n):
  result = []
  a,b = 0,1
  while (len (result) < n):
    result.append (a)
    a,b = b, a+b</pre>
```

return result

Nos voca le function per valor $\tt n = 10$. Le resultato es un lista de 10 elementos:

```
> fibonacci (10)
[0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34]
```

Hic le predefinite function len (xs) retorna le longor de lista (o sequentia) xs. Le listas ha un *methodo* append (a), que adjunge le elemento a a un lista.

```
> len ('interlingua')
11
> xs = []
> xs.append (4)
> xs
[4]
```

Programma graphic con modulo tkinter

Nos nunc es preste a scriber nostre prime programma graphic. Pro isto nos usa le modulo venerabile tkinter. Nos salva le texto in file hello.py.

```
from tkinter import *

root = Tk ()
label1 = Label (root, text="Salute Mundo!")
label1.pack ()
root.mainloop ()
```

Nos lancea le programma per commando python hello.py. In figura 1 nos vide qual es su aspecto.



Figura 1. Nostre prime programma graphic.

Importar modulos

In Python *modulos* son collectiones de *nomines*, id es, functiones e structuras de datos. Quando nos vole usar iste nomines, nos debe *importar* le modulo correspondente.

Il existe differente manieras a importar un modulo. Si le nomine de un modulo es modulo e illo ha functiones £1, £2, ..., nos pote importar le modulo per

- import modulo; post que nos voca functiones per nomines modulo.f1, modulo.f2, et cetera.
- import modulo as md; post que nos voca functiones per nomines md.f1, md.f2, et cetera.
- from modulo import (f1,f2); post que nos pote usar le functiones listate (hic f1 e f2) sin le nomine de modulo.
- from modulo import *; post que nos pote usar omnes le functiones de modulo sin le nomine de modulo.

In modulo math nos trova functiones e structuras mathematic, per exemplo, le constantes e et pi.

Ecce le prime forma a usar nomines:

```
import math
```

- > math.e
- 2.718281828459045
- > math.pi
- 3.141592653589793

Hic un altere forma:

- > from math import *
- > e
- 2.718281828459045
- > pi
- 3.141592653589793

Capitulo 2

Programma de numerales

In iste capitulo nos continua apprender le linguage Python per le exemplos de numerales de interlingua.

Le function print

Nos usa le function print a monstrar sequentias de characteres sur terminal texto.

Le function print pote haber argumentos de differente typos. Le interprete adde spatios inter cata argumento.

```
> print ("Un die ha",24*60*60,"secundas.")
Un die ha 86400 secundas.
```

Il es possibile da le clave end como argumento a function print. Le clave end es un sequentia de characteres addite in fin de texto.

Normalmente le function print adde in fin de texto un signo a cambiar le linea ("\n"). Ecce exemplos a usar le clave end:

```
> print (20, end=" "); print (20)
20 20
> print (20, end=""); print (20)
2020
```

Le operator in

Le expression (x in xs) es True, quando x es un elemento de xs, e False alteremente.

```
> vocales = "eaiouy"
> "a" in vocales
True
> "t" in vocales
False
```

Le instruction for

Le instruction for transverse un sequentia iterabile:

```
> for c in "eaiou":
| print (c, end=' ')
|
e a i o u
```

Le instruction if

Le instruction if ha le forma

```
if expression_1:
    functiones_1
elif expression_2:
    functiones_2
else:
    functiones_3
```

ubi functiones_1 es vocate quando expression_1 es considerate ver. In altere caso le functiones_2 de parte elif es vocate quando expression_2 es ver, et cetera. Si cata expression es considerate false, le functiones_3 de parte else es vocate. Le nomine elif veni ex le parolas anglese *else if*.

Un expression es considerate false quando il ha le valor None, False, 0, 0.0, '', (), [], {}, et cetera. In altere casos le expression es considerate ver.

Comprehensiones

Un methodo a formar un lista de iterabiles, es usar *comprehensiones*. Comprehensiones es expressiones inter parentheses quadrate [...] con un o plure instructiones for, possibilemente con instructiones if.

```
> vocales = "eaiouy"
> [c for c in vocales]
['e', 'a', 'i', 'o', 'u', 'y']

> alfabeto = "eaionlsrtucdmpvbghfqxjykzw"
> consonantes = [c for c in alfabeto if c not in vocales]
> consonantes
['n', 'l', 's', 'r', 't', 'c', 'd', 'm', 'p', 'v', 'b', 'g', 'h', 'f', 'q', 'x', 'j', 'k', 'z', 'w']
```

Generatores

Generatores es functiones que genera valores a *iterar*, id es, valores que nos pote transversar.

Le function range es un generator simple, que genera a nos sequentias arithmetic. Nos trova le forma de vocar de function range quando nos scribe help (range) al interprete:

```
> help (range)
class range(object)
  | range(stop) -> range object
  | range(start, stop[, step]) -> range object
...
```

Le valor de function range es talmente un objecto de range. Le argumento start es le comencio de sequentia, le argumento stop le fin. Le comencio es parte de sequentia, ma le fin non es: (start <= x < stop).

- Le forma breve range (stop) da nos un objecto range de elementos de 0 a (stop 1). Le amonta de elementos es stop.
- Le forma range (start, stop) da nos un objecto range de elementos de start a (stop 1). Le amonta de elementos es (stop start).

• Le forma range (start, stop, step) da nos un objecto range de elementos de start a (stop - 1) con le intervallo step.

Le comprehensiones da nos un medio natural a representar elementos generate per range:

```
> [x for x in range (5)]
[0, 1, 2, 3, 4]
> [x for x in range (3,7)]
[3, 4, 5, 6]
> [x for x in range (1,11,2)]
[1, 3, 5, 7, 9]
> [x for x in range (5,-1,-1)]
[5, 4, 3, 2, 1, 0]
```

Nomines de numerales: unes

In le lista unes nos ha definite le nomines de numeros 1...9.

```
unes = [ '', 'un', 'duo', 'tres', 'quatro', 'cinque',
  'sex', 'septe', 'octo', 'nove' ]
```

Nos memora que le indice de un lista comencia per zero, e pro isto nos defini le prime elemento de nostre lista a un valor vacue (''). Nunc le altere numeros remane in su loco correcte:

```
> unes [0]
''
> unes [3]
'tres'
```

Le unes de un numero es sempre le residuo de division per 10. Per exemplo,

```
> 5764 % 10
4
```

Si le integre numero n es 0, le resultato es "zero". Alteremente il existe parola pro unes solmente si (n % 10 > 0). Nos defini le function unes1, que ha le argumento n (le numero integre).

```
def unes1 (n):
```

```
i = n % 10
result = ''
if n == 0:
   result = 'zero'
elif i > 0:
   result = unes [i]
return result
```

Si le numero integre es 3456, nos ha "sex" unes. Si le numero es 40, nos ha 0 unes, e nos non vole dicer "quaranta-zero". Solmente si le integre numero es 0, e nos ha 0 unes, le parola es "zero".

```
> unes1 (3456)
'sex'
> unes1 (40)
''
> unes1 (0)
'zero'
```

Deces in un numeral

Le nomines a deces nos ha in lista deces.

```
deces = [ '', 'dece', 'vinti', 'trenta', 'quaranta', 'cinquanta',
   'sexanta', 'septanta', 'octanta', 'novanta' ]
```

Le numero 3456 ha (n % 100 // 10), id es, 5 deces, e talmente le parola es "cinquanta".

```
> deces [5]
'cinquanta'
```

Centos in un numeral

Le numero integre n sempre ha (n % 1000 // 100) centos. Per exemplo,

```
> 3456 % 1000 // 100
4
> 12 % 1000 // 100
```

Quando nos ha 1 de centos, le parola pro isto es "cento". Quando nos ha plure de centos, nos adjunge le numeral de unes ("duo", "tres", "quatro", ...) al forma plural "centos". Nos anque debe haber un spatio inter le parolas. Le function centos deveni

```
def centos (n):
    c = n % 1000 // 100
    result = ''
    if c == 1:
        result = 'cento'
    if c > 1:
        result = unes [c] + ' centos'
    return result

Nunc per exemplo,
> centos (100)
'cento'
> centos (200)
'duo centos'
```

Le union de centos, deces, e unes

Nos nunc ha le centos, le deces, e le unes de numero n:

```
c = centos (n)
d = deces [n % 100 // 10]
u = unes1 (n)
```

Quando nos adjunge le parolas, nos debe notar, que pote mancar alicun de parolas, atque etiam omnes de illos. Pro isto nos defini function join_numwds:

```
def join_numwds (a,b,sep=" "):
    result = ''
    if a and b:
       result = a + sep + b
    elif a:
       result = a
```

```
elif b:
    result = b
return result
```

Le function join_numwds ha un clave sep como argumento. Isto naturalmente es le *separator* inter parolas. Quando, per exemplo, le numero es "cento un", le separator es un spatio ' '. Quando le numero es "dece-duo" le separator es un linea '-'. Usualmente le separator es un spatio, e pro isto argumento sep deveni le argumento predefinite con le valor ' '. Isto significa que nos pote omitter le argumento quando illo ha le valor predefinite.

Le expression (a and b) deveni ver, quando et a et b ha un valor differente a un sequentia vacue ''. Tunc nos adjunge sequentias a, sep et b.

Alteremente le resultato es a quando a existe, o b quando b existe. Si necuno existe, le resultato es un sequentia vacue ''.

Alora, nos adjunge deces e unes per un linea '-' e le centos con le resultato de iste per un spatio ''. Nos memora que un spatio es argumento predefinite, e talmente nos pote omitter lo.

```
def from1to999 (n):
    c = centos (n)
    d = deces [n % 100 // 10]
    u = unes1 (n)
    w1 = join_numwds (d,u,"-")
    w2 = join_numwds (c,w1)
    return w2
```

Milles

Quando nos calcula le milles de un numero, nos pote utilisar le function pro centos, deces e unes. Le numero n sempre ha (n % 1_000_000 // 1_000) milles. Per exemplo le numero 1000 ha un mille, le 5000 ha cinque milles e 123 000 ha cento vinti-tres milles. Le function pro 1, 5, e 123 es le mesme function from1to999 que nos usava pro unes.

```
Le function milles nunc es
```

```
def milles (n):
```

```
m = n % 1_000_000 // 1_000
result = ''
if m == 1:
   result = 'mille'
if m > 1:
   result = from1to999 (m) + ' milles'
return result
```

Hic nos vide que in Python nos pote gruppar le numeros con un tracto de sublineamento _, per exemplo un million deveni 1_000_000.

Le numero integre

Nos nunc ha omnes le partes pro calcular numeros de 0 a 999 999:

```
def numeral (n):
   m = milles (n)
   c = from1to999 (n)
   w = join_numwds (m,c)
   return w
```

Que nos testa le algorithmo per numeros aleatori!

Le modulo random

Le modulo random produce numeros aleatori.

Per exemplo le function randint da nos un numero integre inter duo numeros. Le function random da nos un numero de typo float inter 0 e 1.

Le function choice selige un elemento aleatori ex un lista. Le function shuffle misce le elementos de un lista.

```
> random.randint (1,3)
3
> random.random ()
0.8974826518988037
> random.choice ([3,5,7,9])
7
```

```
> t = ['A','B','C']
> random.shuffle (t)
> t
['C', 'A', 'B']
```

Numerales aleatori in parolas

```
for i in range (1,5):
  n = random.randint (0,20_000)
  print (n, numeral (n))
```

Le test de numerales aleatori deveni

16631 dece-sex milles sex centos trenta-un 7650 septe milles sex centos cinquanta 4800 quatro milles octo centos 117 cento dece-septe

Methodo str.join

Sequentias de characteres ha le methodo join, que adjunge le elementos de su argumento con le instantia de classe str. Per exemplo, " ".join (["A","B","C"]) adjunge le elementos "A", "B", et "C" con le sequentia " ".

```
> " ".join (["A","B","C"])
'A B C'
```

Quando nos vole colliger numeros ex un sequentia de characteres, nos pote utilisar comprehensiones e methodo join:

```
> s = "5i739iA39j55"
> "".join ([c for c in s if c in "1234567890"])
'57393955'
```

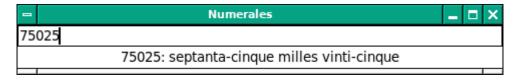


Figura 2. Nostre programma "Numerales".

Secunde programma graphic

Nos ha usate le componente Label a monstrar un texto in un fenestra. Nunc nos adde un componente Entry a leger un sequentia de characteres.

Ambes ha un lista de proprietates que nos pote usar a cambiar le aspecto de elemento: su parente, color, bordo, largessa, typo de litteras, et cetera. Nos selige nulle bordo, texto nigre sur fundo blanc. Nomines de numerales es longe: nos selige largessa 60 characteres (figura 2).

Un Entry anque besonia un variabile StringVar pro le texto.

Quando le fenestra appare, nos da le focus al componente Entry, post que nos pote scriber in fenestra sin cliccar le componente.

```
root = Tk ()
root.title ('Numerales')
svar = StringVar ()
entry1 = Entry (root, textvariable=svar, bd=0, width=60)
label1 = Label (root, bg="white", fg="black", width=60)
entry1.pack ()
label1.pack ()
svar.trace (
   "w",
   lambda name, index, mode, sv=svar: callback (svar,label1))
entry1.focus_set ()
root.mainloop ()
```

Hic nos ha prestate un function callback, que responde al cambios de texto. Le texto es in variabile svar de classe StringVar. Nos lege le texto per methodo get.

Le nomines root, svar, entry1, e label1 es le instantias de su classe corres-

pondente, id es, le objectos actual.

Nos valida le entrata per scriber solmente le numeros que nos collige ex texto.

```
def callback (sv,w):
    s = sv.get ()
    n = "".join ([c for c in s if c in "1234567890"])
    sv.set (n)
    numero = int_def (n)
    if numero < 1_000_000:
        result = numeral (numero)
    else:
        result = 'troppo'
    t = str (int_def (n)) + ": " + result
    print (t)
    w ['text'] = t</pre>
```

Le function int retorna le numero integre de un sequentia de characteres (per exemplo, le valor de (int ("12")) es 12). Si le contento de sequentia non es un numero, le resultato es un error (plus exacte un ValueError).

Nos defini un function int_def que retorna un valor predefinite per clave default si le sequentia de characteres non es un numero. Un tal caso eveni in nostre programma quando le sequentia es vacue ''.

```
def int_def (st,default=0):
    try:
      result = int (st)
    except ValueError:
    result = default
    return result
```

Capitulo 3

Classes

Classes da nos un instrumento a unir le datos e le functionalitate. Quando nos crea un nove classe, nos crea un nove typo de objecto, e nos pote crear nove instantias de iste typo. Cata instantia de un classe pote haber attributos, id es, characteristicas proprie a un objecto, que mantene le stato del objecto. Instantias de classe pote anque haber methodos pro modificar le stato del objecto.

Le classe minimal

Nostre prime classe a definir es un classe minimal, A, a que nos non defini ni methodos ni attributos:

```
class A:
   pass
```

Le instruction pass dice a facer nihil. — Isto es un classe minimal.

Nos defini un instantia a de classe A.

$$> a = A ()$$

Nos pote definir le nomines a.x et a.y:

$$> a.x = 4$$

 $> a.y = 1$

```
> a.x, a.y (4, 1)
```

Le attributos e methodos

Quando nos crea objectos, nos defini le valores initial al attributos de objectos in methodo __init__.

```
class B:
   def __init__ (self, x, y):
     self.x = x
     self.y = y
```

Cata definition de un methodo ha self como prime argumento. Isto es un formalitate a facer le objecto mesme usabile a methodo.

Nos crea un objecto b de classe B, con initial valores x = 3 et y = 4:

```
> b = B (3,4)
```

In le definition de classe, nos defini le methodo methodo_x. Le definition ha al minus un argumento, self, le objecto mesme:

```
def methodo_x (self):
   pass
...
```

Nos voca le methodo. Nunc le argumento self ha le valor self = b.

```
b.methodo_x ()
```

Si nos vole, nos pote initiar x et y, per exemplo, a valores x=0 et y=0 (puncto origine).

```
class C:
    def __init__ (self, x=0, y=0):
        self.x = x
        self.y = y
```

Nos defini un instantia c de classe C. Le instantia nunc ha le attributos x et y, con valores c.x = 0 et c.y = 0.

```
> c = C ()
> c.x, c.y
(0, 0)
```

Le classe Point

Nos nunc defini un classe Point que es simile a classes A, B, et C supra, ma que ha anque altere methodos:

```
class Point:
    def __init__ (self, x=0, y=0):
        self.x = x
        self.y = y
    def __repr__ (self):
        return f"Point ({self.x},{self.y})"
    def pair (self):
        return (self.x,self.y)
```

Le methodo __repr__ es le representation de un objecto de classe in question. Nos vide iste representation quando nos scribe le nomine de un objecto in interprete interactive:

```
> p = Point ()
> p
Point (0,0)
```

Nos anque definiva un methodo pair, que retorna a nos un 2-tupla con le coordinatas (x,y).

```
> p.pair () (0, 0)
```

Le classes Line e Polygon

Nos defini un objecto de classe Line per duo punctos p1 et p2. Un objecto de classe Polygon ha un attributo ps que es un lista de punctos.

```
class Line:
   def __init__ (self, p1, p2):
```

```
self.p1 = p1
self.p2 = p2

class Polygon:
    def __init__ (self, ps):
        self.ps = ps
```

Le f-formato de sequentias de characteres

Le f-formato es un maniera de formation de sequentias de characteres.

Nos scribe le littera f o F ante le prime virguletta, e le expressiones inter parentheses crispe {...}. Il ha differente manieras a manipular le aspecto de sequentia, per exemplo $f''\{x: 2f\}''$ da le valor de x con 2 decimales.

```
> twopi = 6.2831853
> f"Le perimetro de circulo unitate es circa {twopi:.2f}."
'Le perimetro de circulo unitate es circa 6.28.'
> a,b = 6,7
> f"{a} vices {b} es {a*b}."
'6 vices 7 es 42.'
```

Modulo cairo

Nos usa le modulo cairo a pinger picturas. Iste vice nos face un pictura de formato PDF. Prime nos crea un contexto ct a pinger. Nos face le area vacue quando nos pinge un rectangulo blanc de puncto (0,0) al angulo opposite de pictura.

Le modulo cairo ha le functiones a pinger rectangulos, a eliger un color, e a plenar un forma con le color. Le functiones es le methodos rectangle, set_source_rgb, e fill de instantias de classe cairo.Context.

```
w_pic, h_pic = 170,130
w,h = 160,120
filename = "armature-1.pdf"
surface = cairo.PDFSurface (filename, w_pic, h_pic)
ct = cairo.Context (surface)
```

```
ct.rectangle (0, 0, w_pic, h_pic)
ct.set_source_rgb (1.00, 1.00, 1.00)
ct.fill()
```

Nos defini functiones draw_rect, draw_line, e draw_polygon a pinger un rectangulo, un linea, e un polygono. Nos nunc besonia le methodos move_to, line_to e close_path de nostre objecto ct.

```
def draw_rect (p1,p2):
  ct.rectangle (p1.x, p1.y, p2.x - p1.x, p2.y - p1.y)
def draw_line (line):
 p1,p2 = line.p1, line.p2
 ct.move_to (p1.x,p1.y)
 ct.line to (p2.x,p2.y)
def draw polygon (ps):
  ct.move_to (ps[0].x,ps[0].y)
  for t in ps[1:]:
    ct.line to (t.x,t.y)
  ct.close path ()
Nos nunc pinge le pictura (figura 3):
x1,y1 = 5,5
x2,y2 = x1 + w, y1 + h
pairs1 = [(x1,y1),(x2,y1),(x2,y2),(x1,y2)]
ps = [Point (a,b) for (a,b) in pairs1]
draw_line (Line (ps[0],ps[2]))
draw_rect (ps[0],ps[2])
ct.set_source_rgb (0.00, 0.00, 0.00)
ct.set_line_width (1.0)
ct.stroke ()
```

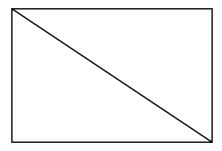


Figura 3. Pictura con un rectangulo e un diagonal.

Modulo subprocess

Nos pote monstrar le pictura per un visualisator externe. Hic nos usa le programma mupdf. Le modulo subprocess ha function Popen a initiar un processo externe.

```
import subprocess

filename = "armature-1.pdf"
subprocess.Popen (["mupdf " + filename], shell=True)
```

Intersection de duo lineas

Nos defini un function intersection que calcula le puncto de intersection inter duo lineas.

```
def intersection (line1,line2):
    """Line-Line intersection

From: en.wikipedia.org/wiki/Line-line_intersection
    """
    p1,p2 = line1.p1,line1.p2
    p3,p4 = line2.p1,line2.p2
    (x1,y1),(x2,y2) = (p1.x,p1.y),(p2.x,p2.y)
    (x3,y3),(x4,y4) = (p3.x,p3.y),(p4.x,p4.y)
    nx = (x1*y2-y1*x2) * (x3-x4) - (x1-x2) * (x3*y4-y3*x4)
```

```
ny = (x1*y2-y1*x2) * (y3-y4) - (y1-y2) * (x3*y4-y3*x4)
d = (x1-x2) * (y3-y4) - (y1-y2) * (x3-x4)
parallel = (d == 0)
if parallel:
    return None
else:
    x = nx / d
    y = ny / d
    return Point (x,y)
```

Hic nos trova un maniera a scriber sequentias de characteres que contine saltos de lineas: le virgulettas triple, '''...''' o """..."". In le prime linea de un definition illos forma un documentation pro definition, que nos vide scribente help (intersection) e que es situate in attributo intersection.__doc__.

```
> intersection.__doc__
'Line-Line intersection\n\n From: en.wikipedia.org/...\n '
```

Nos anque defini un function draw_point a pinger un puncto.

```
def draw_point (pt):
   ct.arc (pt.x,pt.y,3,0,math.tau)
   ct.set_source_rgb (0, 0, 0)
   ct.fill ()
```

Nos pinge le diagonales del rectangulo, e calcula lor puncto de intersection.

```
diagonal1 = Line (ps[0],ps[2])
diagonal2 = Line (ps[1],ps[3])

draw_line (diagonal1)
draw_line (diagonal2)

c1 = intersection (diagonal1,diagonal2)
```

Finalmente nos pinge le punctos (figura 4). Hic ps es un lista de punctos, e nos pote usar le operator + a unir duo listas, quando le ambe operandos es listas: puncto c1 deveni lista per parentheses quadrate [c1].

```
for p in ps + [c1]:
   draw_point (p)
```

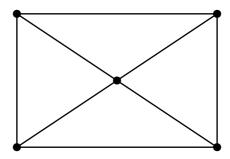


Figura 4. Diagonales de un rectangulo e punctos de intersection.

Operator + inter duo objectos

Similarmente que nos definiva methodo __repr__ a un objecto, nos pote definir le operator + a adder duo objectos. Le methodo a definir es __add__. In a + b le prime operando a a adder deveni le argumento self. Le secunde operando b deveni le argumento secunde: __add__ (self, b).

Hic nos defini addition inter duo punctos, id es, inter duo objectos de classe

```
class Point:
    ...
  def __add__ (self, p2):
    return Point (self.x + p2.x, self.y + p2.y)
    ...
```

Nunc le addition de duo objectos es le addition de su vectores de position.

```
> a = Point (1,2)
> b = Point (3,4)
> a + b
Point (4,6)
```

Le centro inter duo punctos es

```
def center (a,b):
  return Point ((a.x + b.x) / 2, (a.y + b.y) / 2)
```

Le function enumerate

Le function enumerate es un generator que numera un sequentia:

```
> list (enumerate ("eaiou"))
[(0, 'e'), (1, 'a'), (2, 'i'), (3, 'o'), (4, 'u')]
```

Usante un numeration, nos trova le indices de un lista, e nos pote facer calculationes per illos. Per exemplo, un circulo al transverso de indices de lista v = "ABCD" es

```
> [(v [i],v [(i+1) % len (v)]) for i,e in enumerate (v)] [('A', 'B'), ('B', 'C'), ('C', 'D'), ('D', 'A')
```

Le longor len (v) de lista v es 4, e le function enumerate da al variabile i le valores 0...3. Quando i = 3 le indice (i+1) es 3+1=4 e 4 mod 4=0. Le ultime elemento (v [3], v [0]) nunc es ('D', 'A') que completa le circulo.

Insimules

In Python un *insimul* (anglese: *set*) adhere le notation de parentheses crispe {...} de un dictionario. Le elementos de un insimul tamen es valores, e non de forma *clave:valor*. Le set () es un insimul vacue. (Le {} es un dictionario vacue.)

```
> type ({})
<class 'dict'>
> type (set ())
<class 'set'>
```

Nos usa insimules quando nos vole que cata elemento del insimul es unic.

```
> {1,2,1,3,2,4}
{1, 2, 3, 4}
```

Lineas inter cata puncto

Nos ha le centros inter punctos ps in lista cs:

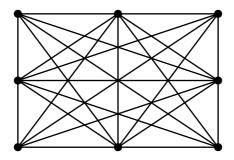


Figura 5. Lineas inter punctos.

cs = [center (ps[i],ps[(i+1)%len(ps)]) for i,e in enumerate (ps)]

Nos prende un elemento per vice de ambe lista, e extende le nove lista ts correspondente.

```
ts = []
for (a,b) in zip (ps,cs):
    ts.extend ([a,b])
```

Quando nos trencha le lineas per centros, alicun de illes veni superflue:

```
cutd = [(0,2),(2,4),(4,6),(0,6)]
```

Nos nunc ha un bon comprehension in forma de un insimul s1:

```
t = range (len (ts))
s1 = {(a,b) for a in t for b in t if a < b if (a,b) not in cutd}
ks = [Line (ts[a],ts[b]) for (a,b) in s1]</pre>
```

Quando nos pinge le lineas e le punctos, nos trova un nove pictura (figura 5).

```
for k in ks:
   draw_line (k)
ct.stroke ()

for p in ts:
   draw_point (p)
```

Capitulo 4

Operationes a files texto

In capitulo 2 nos preparava functiones a transformar numeros a sequentias de characteres. Nos definiva listas como unes e deces, e functiones como milles, centos, unes1, et cetera. Omnes le functiones nos salvava in file numerales.py.

Nos nunc pote utilisar file numerales.py in le interprete de Python. Ex le functiones in file numerales.py nos vole usar le function numeral. Si le file numerales.py es in le mesme directorio ubi nos initia le interprete, nos pote importar lo como un modulo:

```
> from numerales import numeral
> numeral (2020)
'duo milles vinti'
```

Nos construe le prime 50 milles numeros e salva los in file numeros.txt:

```
lines = []
for i in range (0,50_000):
   lines.append (f"{i}: {numeral(i)}\n")
with open ("numeros.txt","w") as f:
   f.writelines (lines)
```

Le file numeros.txt nunc ha 50 000 lineas de numeros:

```
0: zero
```



Figura 6. Duo differente campos pro texto e un barra a rolar.

```
1: un
2: duo
3: tres
...
49999: quaranta-nove milles nove centos novanta-nove
```

Le componente Text

Le objecto Text in modulo tkinter es un campo de texto de plure lineas. Un objecto Text usualmente anque besonia un barra a rolar. Nos crea un objecto Scrollbar pro isto. Nos connecte logicas de ambes per methodos config.

Le componente entry1 ha su loco in supra de fenestra (side=TOP), le componente scroll1 in derecta (side=RIGHT), e le componente text1 in sinistre (side=LEFT) (figura 6).

```
from tkinter import *

root = Tk ()
root.title ('Fenestra Tkinter')

svar = StringVar ()
entry1 = Entry (root, textvariable=svar, width=50)
scroll1 = Scrollbar (root)
text1 = Text (root, height=3, width=50)
entry1.pack (side=TOP, fill=X)
```

```
scroll1.pack (side=RIGHT, fill=Y)
text1.pack (side=LEFT, fill=Y)
scroll1.config (command=text1.yview)
text1.config (yscrollcommand=scroll1.set)
svar.set ("Entry widget")
txt = "Text widget\n...\n...\n"
text1.insert (END,txt)
root.mainloop ()
```

Nos da le focus al componente entry1, que es de typo Entry. Quando nos pressa le clavo <Return>, nos voca le function return_pressed.

```
entry1.bind ('<Return>', return_pressed)
entry1.focus ()
```

Nos defini le function return_pressed a vocar le function find_words, Le function que responde a function bind ha le evento como prime argumento. Hic nos tamen non usa le argumento event. Le texto que nos cerca, es in campo entry1. Le resultatos de cerca nos monstra in componente text1.

Le componente de typo Text es un campo de texto de plure lineas, e il existe differente formas a exprimer su indice, per exemplo "linea.columna" o INSERT (puncto de insertion) o END (fin del texto). Le indice "1.0" es le prime columna de prime linea. (Le indices de linea comencia per 1, le indices de columna per 0.)

Nos selige le texto in campo entry1. Talmente illo dispare quando nos comencia scriber le sequente parola a cercar.

```
def return_pressed (event):
   word = entry1.get ()
   result = find_words (word)
   text1.delete ("1.0", END)
   text1.insert ("1.0","".join (result))
   entry1.selection_range(0, END)
```

Le function find_words cerca le texto inter le lineas, e da nos al maximo

```
max m = 200 lineas como resultato.
def find_words (word):
  max m = 200
  result = []
  if len (word) > 0:
    m = 0
    i = 0
    while m <= max_m and i < len (lines):
      s = lines [i]
      i = i + 1
      if word in s:
        result.append (s)
        m = m + 1
    if m > max m:
      result.append ("...")
  return result
```

Argumentos del programma

Quando nos initia le programma, Python ha le argumentos in lista sys.argv. Le prime elemento sys.argv [0] es sempre le nomine de programma. Nos usa le altere argumentos a leger le textos in lista lines.

```
import sys

lines = []
arguments = sys.argv
for i,e in enumerate (arguments):
   print (f"{i}: {e}")
   if i > 0:
     filename = arguments[i]
     with open (filename) as f:
        lines = lines + f.readlines ()
print ("In toto",len (lines),"lineas")
```

Le file numeros.txt como prime argumento le programma responde

```
# python tk-text.py numeros.txt
0: tk-text.py
1: numeros.txt
In toto 50000 lineas
```

Coloration de resultatos

Il es possibile a transformar le aspecto de partes individual del texto in componente Text. Un tal parte ha le nomine etiquetta (in anglese: taq).

Nos defini un forma de etiquetta "gray".

```
text1.tag_configure (
   "gray", foreground="#ffffff", background="#444444")
```

In le function return_pressed nos ha le variabiles word e result que nos besonia a colorar le resultatos per function highlight:

```
def return_pressed (event):
   word = entry1.get ()
   result = find_words (word)
   ...
   highlight (result,word)
   ...
```

Le function highlight voca a generator find_all. Nos defini le generator find_all a dar nos le indices del etiquettas a colorar. Le indice idx1 es le comencio e le indice idx2 le fin. Le formato de indices idx1 e idx2 pro columna x in linea y es "x.y". Le fin es le comencio addite a longor de etiquetta.

```
def highlight (result,word):
  for i,n in enumerate (result):
    for idx in find_all (n,word):
      idx1 = f"{i+1}.{idx}"
      idx2 = f"{i+1}.{idx+len (word)}"
      text1.tag_add("gray", idx1, idx2)
```

Nos defini le generator find_all. Su argumentos es le linea plen s e le parte sub que nos cerca. Le function str.find da nos le indice de prime sequentia

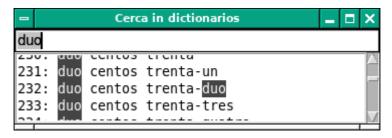


Figura 7. Le parola "duo" cercate.

trovate. Su argumentos es le parte sub que nos cerca e un indice start (un numero integre) de sequentia ubi nos comencia a cercar. Si le parte non es trovate, le resultato es -1.

Un generator es un function ordinari, excepte le valores que lo genera. Le generator retorna le valor in torno in instruction yield. Quando le proxime valor es necesse, le generator continua in le loco presto post le instruction yield.

```
def find_all (s,sub):
    start = 0
    while True:
        start = s.find (sub,start)
    if start == -1: return
        yield start
        start = start + len (sub)
```

In figura 7 nos ha cercate le parola "duo" in file numeros.txt.

Calcular le frequentia de litteras

Pro calcular le frequentia de litteras in un sequentia, nos defini le function letter_frequency:

```
def letter_frequency (str1):
    dict = {}
    for n in str1:
        keys = dict.keys ()
        if n in keys:
```

```
dict [n] += 1
else:
   dict [n] = 1
return dict
```

In le function nos ha un dictionario vacue dict = {}. Nos transversa le argumento str1 littera post littera. Si le littera n non es in dictionario, nos da al clave n le valor 1. Si le littera n jam es in dictionario, nos augmenta su valor per 1.

Nunc, per exemplo,

```
> letter_frequency ('inseniante')
{'i': 2, 'n': 3, 's': 1, 'e': 2, 'a': 1, 't': 1}
```

Ma pro calcular frequentias, le modulo collection ha un objecto Counter, que es plus efficace (circa a factor 3x):

```
> from collections import Counter
> cnt = Counter ('inseniante')
> cnt
Counter({'n': 3, 'i': 2, 'e': 2, 's': 1, 'a': 1, 't': 1})
> cnt.most_common ()
[('n', 3), ('i', 2), ('e', 2), ('s', 1), ('a', 1), ('t', 1)]
```

Per exemplo, nos pote leger un integre file e calcular le frequentia de characteres per

```
with open ('collection-1.txt') as f:
  content = f.read()
```

```
cnt = Counter (content)
```

Le methodo most_common da nos le plus sovente characteres.

```
> cnt.most_common (10)
[(' ', 54515), ('e', 38472), ('a', 25888), ('o', 20280),
  ('i', 17807), ('l', 17360), ('n', 16270), ('s', 16200),
  ('r', 15562), ('t', 14063)]
```

Le functiones a converter in minuscules e majuscules es str.lower e str.upper. Post converter in minuscules, le litteras de interesse a nos es le

litteras inter "a" et "z". A calcular le summa per function sum nos prende de elemento [(k,v)] le valor v, id es, le parte x [1] ex le 2-tupla x.

```
ltrs = [c for c in content.lower() if "a" <= c <= "z"]</pre>
cnt = Counter (ltrs)
mc = cnt.most common ()
total = sum ([x [1] for x in mc])
ratios = \lceil (k, v / total) \text{ for } (k,v) \text{ in mc} \rceil
prt_rt = [f''(k.upper()) \{v:.4f\}'' \text{ for } (k,v) \text{ in ratios}]
print (prt_rt)
Nos presenta le numero total in gruppas de tres.
def g3 (number):
  return ''.join (reversed (
    [x + (' ' if i and not i % 3 else '')]
     for i, x in enumerate (reversed (str (number)))]))
print ("Total:",g3 (total))
Le resultato es
['E 0.1568', 'A 0.1064', 'O 0.0820', 'I 0.0763', 'L 0.0715',
 'S 0.0662', 'N 0.0662', 'R 0.0633', 'T 0.0574', 'U 0.0425',
 'C 0.0385', 'D 0.0322', 'V 0.0320', 'M 0.0299', 'P 0.0289',
 'B 0.0115', 'Q 0.0112', 'G 0.0081', 'H 0.0078', 'F 0.0071',
 'J 0.0019', 'X 0.0016', 'Y 0.0005', 'K 0.0001', 'Z 0.0000',
 I'0000.0 W'
Total: 249 115
```

Files CSV

Nos salva le resultato como un file CSV. Le file CSV (comma-separated values) es un file texto, que usualmente ha campos separate per commas e per signos a cambiar le linea.

Nos ha un lista de le plus sovente characteres in variabile mc. Nos arrangia lo in forma acceptabile a un scriptor CSV. Nos separa le campos per un signo

```
de tabulator '\t'.
rows = [[k, v] for (k,v) in mc]
csvfile = "freq-collection-1.csv"

with open (csvfile, 'w') as f:
   writer = csv.writer (f,delimiter='\t')
   writer.writerows (rows)

print ("Wrote", csvfile)
```

Modulo matplotlib

Post que nos ha salvate le resultatos in file CSV, nos lege illos pro monstrar un graphico.

```
import csv

csvfile = "freq-collection-1.csv"

ltrs = []
amount = []

with open (csvfile) as f:
    reader = csv.reader (f,delimiter='\t')
    for row in reader:
        ltrs.append (row [0].upper())
        amount.append (int (row [1]))

total = sum (amount)
ratios = [n / total for n in amount]

Nos usa modulo matplotlib pro facer le graphico. Le resultato nos vide in figura 8.
import matplotlib.pyplot as plt

f = plt.figure (figsize=(5.66,2.5))
```

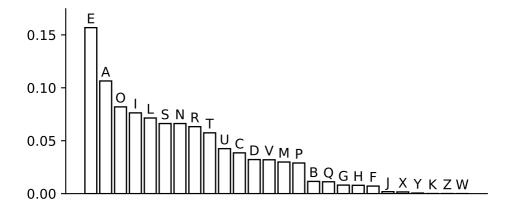


Figura 8. Frequentia de litteras.

```
bars = plt.bar (
    x=ltrs, height=ratios, color=(1,1,1,1), linewidth=1.0,
    edgecolor='black')

bottom, top = plt.ylim ()
    plt.ylim (top=top + 0.01)
for rect, label in zip (bars, ltrs):
    height = rect.get_height()
    x = rect.get_x () + rect.get_width () / 2
    y = height + 0.0015
    plt.text (x, y, label, ha='center', va='bottom')

plt.tick_params (bottom=False,labelbottom=False)
plt.gca().spines['right'].set_visible(False)
plt.gca().spines['top'].set_visible(False)
f.savefig ("freq-collection-1.pdf", bbox_inches='tight')
plt.show ()
```

Capitulo 5

Expressiones regular

Expressiones regular es un linguage in linguage. Nos usa expressiones regular a identificar partes de sequentias de characteres.

In expression regular cata littera accepta le littera correspondente in sequentia de characteres. Preter isto nos ha characteres special: ".^\$*+?{}[]\|()".

Nos ha listate le significantias de characteres special in tabella 3.

Tabella 3. Characteres special de expressiones regular.

Characteres	cteres Significantia	
	Qualcunque character.	
^	Initio del texto.	
\$	Fin del texto.	
*	Zero o plure apparentias.	
+	Un o plure apparentias.	
?	Zero o un apparentia.	
$\{m,n\}$	A minime m, a maxime n apparentias.	
[]	Un classe de characteres.	
\	Character a escappar.	
1	Alternante (operator or).	
()	Un gruppo.	

Le expression regular "e" accepta le littera e. In tabella 4 nos presenta altere exemplos.

Tabella 4. Exemplos de expressiones regular.

Sequentia	Significantia
"e"	Le littera e.
"[eaio]"	Un de litteras e, a, i, o.
"e*"	Le littera e zero o plure vices.
"e+"	Le littera e un o plure vices.
"[eaio]+"	Iste litteras un o plure vices, per exemplo: "aeo",
	"eei", "i", "iiiia", "oaoao",