CHƯƠNG 5. CẤU TRÚC CÂY

ThS. Nguyễn Chí Hiếu

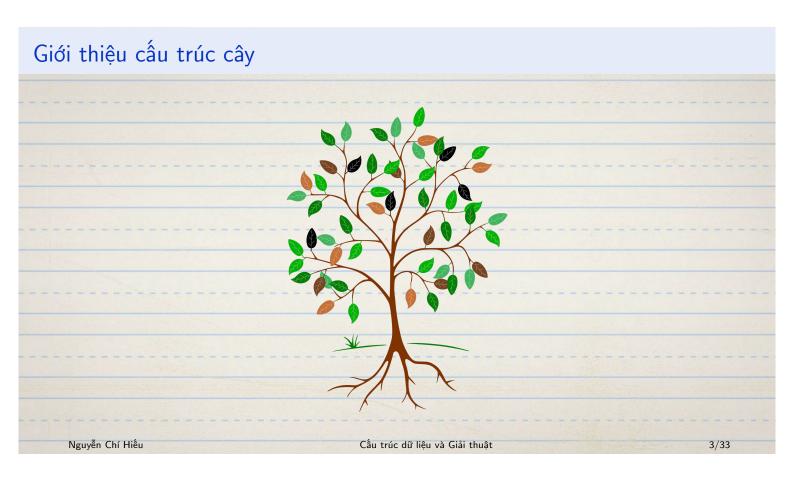
2021

NỘI DUNG

- 1. Giới thiệu cấu trúc cây
- 2. Giới thiệu cây nhị phân

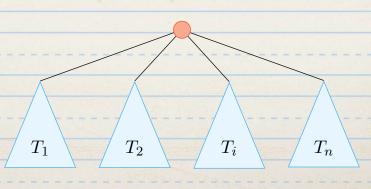
Các khái niệm về cây nhị phân Một số tính chất của cây nhị phân Cách lưu trữ cây nhị phân Các thao tác duyệt cây nhị phân

Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 2/33



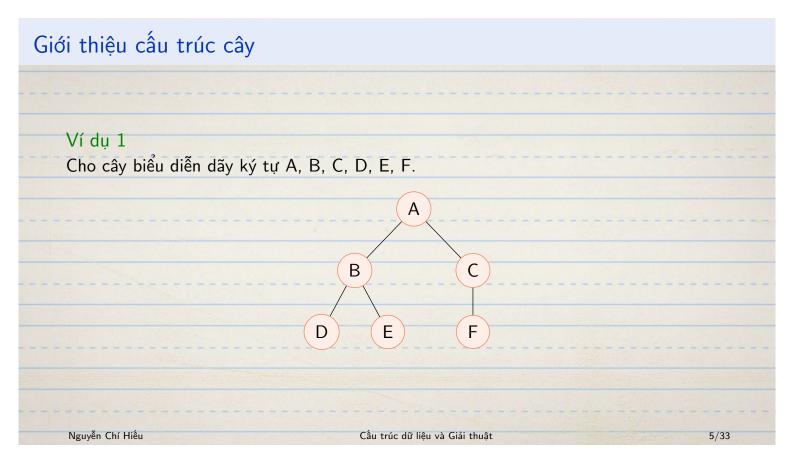
Các khái niêm cơ bản

- ightharpoonup Cây (tree) là một tập hợp T gồm các nút (phần tử) của cây.
- Trong đó, có một nút đặc biệt được gọi là nút gốc (root), các nút còn lại được chia thành những tập rời nhau $T_1,T_2,\ldots T_n$ theo quan hệ phân cấp. Mỗi T_i cũng là một cây.



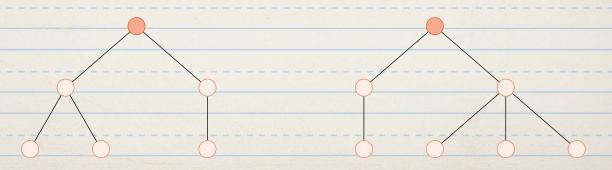
Nguyễn Chí Hiểu

Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật



Các khái niệm cơ bản

- Bậc (degree) của một nút: là số cây con của nút đó.
- Pậc của một cây: là bậc *lớn nhất* của các nút trong cây *(số cây con tối đa của một nút thuộc cây)*. Cây có bậc n thì gọi là cây n-phân.



Hình 1: Bậc của cây T_1 là 2 (cây nhị phân).

Hình 2: Bậc của cây T_2 là 3.

Nguyễn Chí Hiếu

Cấu trúc dữ liêu và Giải thuật

Các khái niêm cơ bản

- Nút (node): là một phần tử trong cây.
- Nút cha (parent).
- Nút con (child).

Nguyễn Chí Hiểu

- Nút anh em (sibling): là những nút có cùng nút cha.
- Nút gốc (root): là nút không có nút cha.
- Nút trong (internal): là nút có bậc khác 0 và không phải là nút gốc.
- Nút lá (leaf): là nút có bậc bằng 0.

Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 7/33

Giới thiệu cấu trúc cây

Mức (level) hay chiều sâu (depth) của một nút

Nếu p là nút gốc, thì

$$d\left(p\right) =0.$$

Ngược lại,

$$d\left(p\right) =d\left(parent\left(p\right) \right) +1.$$

Nguyễn Chí Hiếu

Chiều cao (height) của một nút

Là độ dài đường đi (path) hay số cạnh (edge) lớn nhất từ nút đó đến nút lá.

Nếu p là nút lá, thì

$$height(p) = 0.$$

Ngược lại,

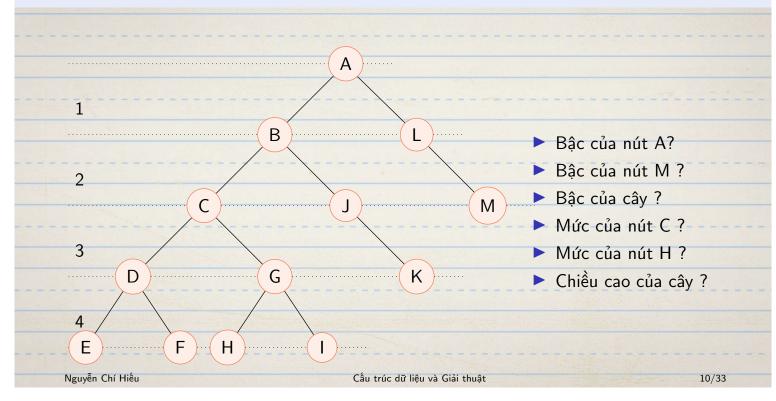
$$height(p) = max\{height(T_i)\} + 1.$$

với T_i là các cây con của nút p.

Chiều cao của cây chính là chiều cao của nút gốc.

Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 9/33

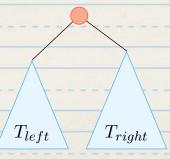
Giới thiệu cấu trúc cây



Các khái niệm về cây nhị phân

Cây nhị phân (binary tree)

Là cây mà mỗi nút có tối đa 2 cây con (cây con trái và cây con phải).

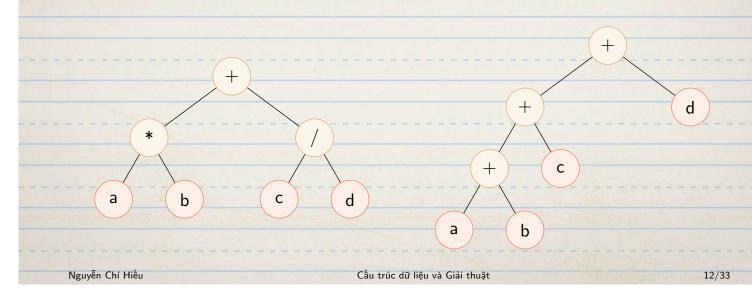


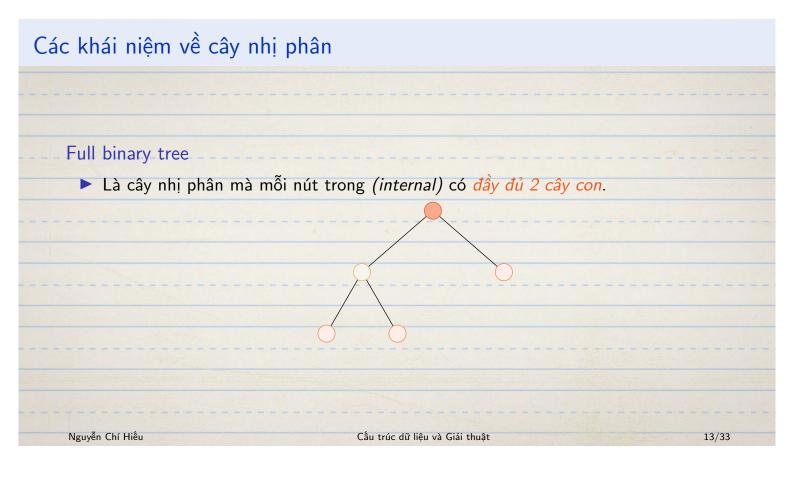
Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 11/33

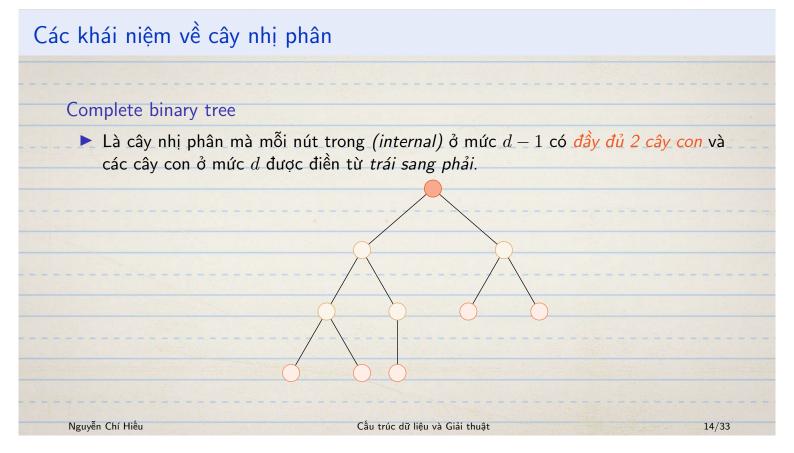
Các khái niệm về cây nhị phân

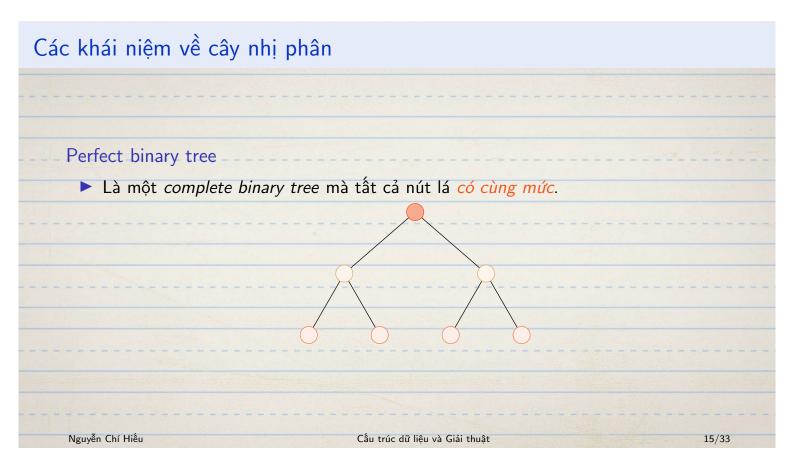
Ví du 2

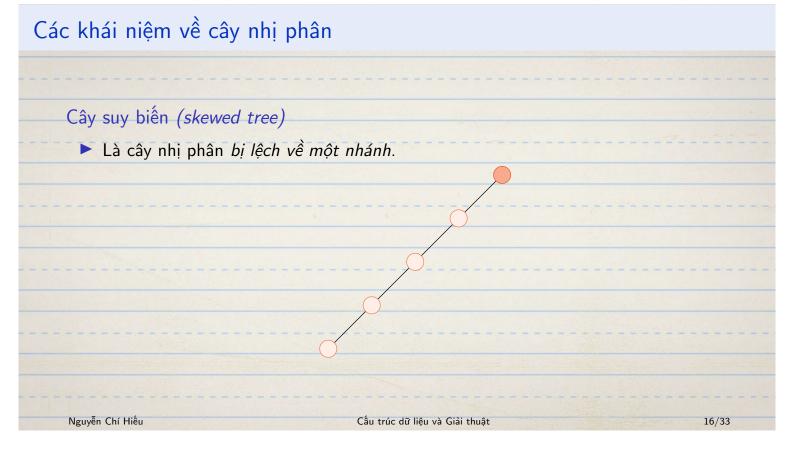
Cây nhị phân mô tả biểu thức (a*b)+(c/d) và (((a+b)+c)+d).





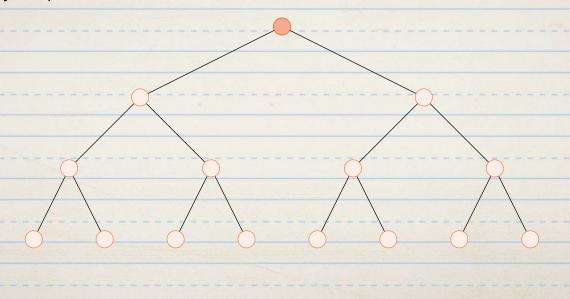






Một số tính chất của cây nhị phân

Cho cây nhị phân T có chiều cao h



Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật

Một số tính chất của cây nhị phân

1. Số nút nằm ở mức d

$$n\left(d\right) \le 2^{d}.$$

2. Số nút lá

Nguyễn Chí Hiếu

$$n\left(h\right) \le 2^{h-1}.$$

3. Số nút trong

$$n\left(h\right) \le 2^h - 1.$$

4. Tổng số nút

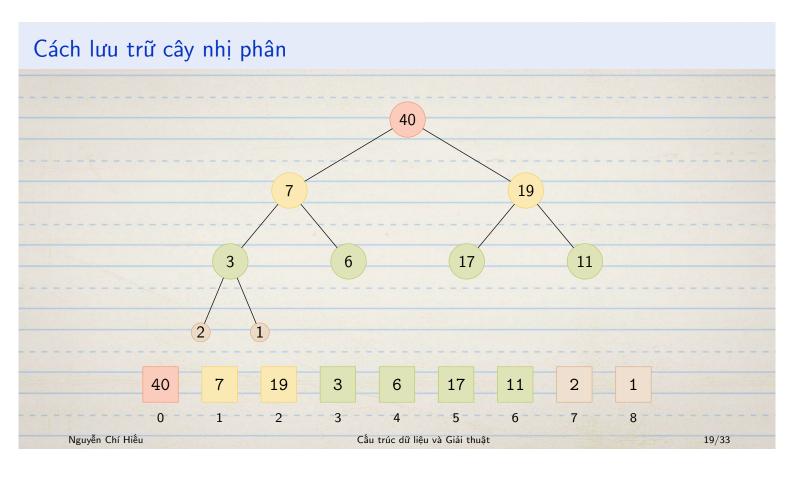
$$n\left(h\right) \le 2^{h+1} - 1.$$

5. Chiều cao của cây

$$h \ge \log_2\left(n+1\right) - 1 \approx \log_2 n.$$

Nguyễn Chí Hiếu

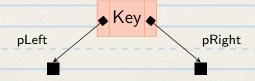
Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật



Cách lưu trữ cây nhị phân

Cấu trúc dữ liệu của một nút trong cây

- Thành phần dữ liệu: khóa (key) của một nút.
- Thành phần liên kết: con trỏ pLeft liên kết với cây con trái và con trỏ pRight liên kết với cây con phải.



Cấu trúc dữ liệu của một cây

Chỉ cần một con trỏ trỏ đến nút gốc của cây.

Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 20/33

Cách lưu trữ cây nhị phân Dịnh nghĩa cấu trúc dữ liệu của một nút 1 class Node 2 { 3 public int Key; 4 public Node pLeft; 5 public Node pRight; 6 }

Cách lưu trữ cây nhị phân

Khởi tạo giá trị của một nút gồm thành phần dữ liệu và 2 thành phần liên kết cây con trái, cây con phải

```
1 public static Node InitNode(int k)
2 {
3     Node p = new Node();
4     p.Key = k;
5     p.pLeft = null;
6     p.pRight = null;
7     return p;
8 }
```

Nguyễn Chí Hiếu

Cấu trúc dữ liêu và Giải thuật

Các thao tác duyệt cây nhị phân

Duyệt cây

- Là thuật toán liệt kê danh sách tất cả các nút của một cây, mỗi nút chỉ một lần.
- Mỗi thuật toán duyệt cây khác nhau ở thứ tự duyệt nút gốc của cây con đang xét.
- Ba phương pháp duyệt cây:
 - ► Tiền thứ tự (preorder) hay **N**LR (node-left-right).
 - Trung thứ tự (inoder) hay LNR (left-node-right).
 - ► Hậu thứ tự (postorder) hay LR**N** (left-right-node).

Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 23/33

Các thao tác duyệt cây nhị phân

Thao tác duyệt

- Hàm duyệt cây chứa hai lời gọi hàm đệ quy tương ứng cây con trái và cây con phải.
- Ngoài ra, hàm duyệt sẽ chứa các thao tác xử lý tùy theo yêu cầu như: tìm kiếm, in, ... một nút.

```
Thuật toán 1: Traverse(pRoot)
```

- Đầu vào: cây nhị phân với gốc root.
- Đầu ra:

```
1 if cây con đang xét khác rỗng
2 Traverse(pRoot->pLeft) //
```

Traverse(pRoot->pLeft) // Duyet cay con trai

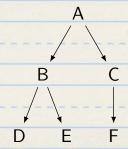
3 Traverse(pRoot->pRight) // Duyet cay con phai

Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 24/33

Các thao tác duyệt cây nhị phân

Ví du 3

Duyệt cây T theo phương pháp tiền thứ tự, trung thứ tự và hậu thứ tự.



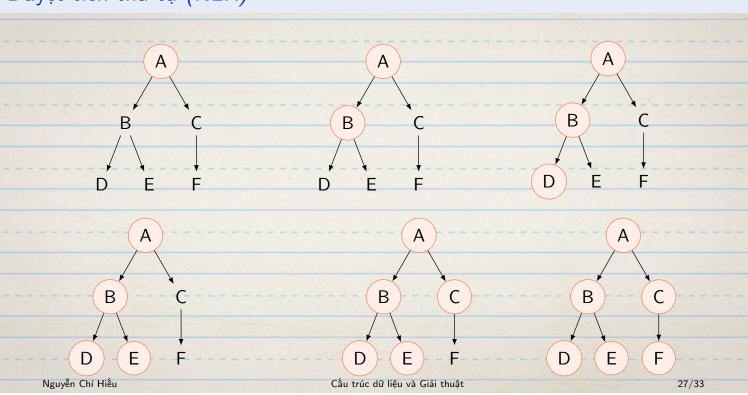
Hình 3: Cây T gồm 6 đỉnh A,B,C,D,E,F.

Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 25/33

Duyệt tiền thứ tự (NLR)

Nguyễn Chí Hiếu Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật 26/33

Duyệt tiền thứ tự (NLR)

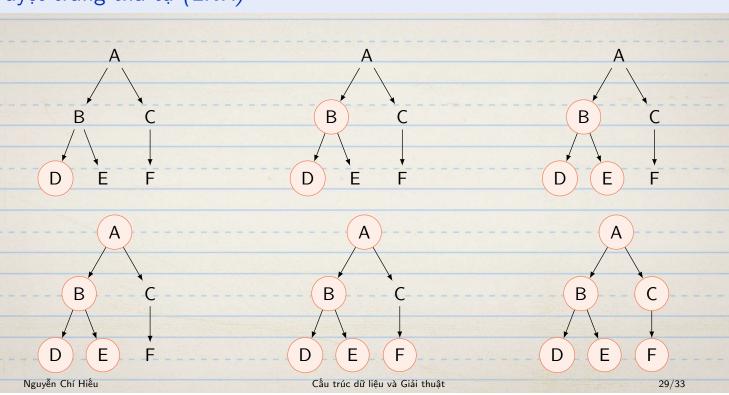


Duyệt trung thứ tự (LNR)

Nguyễn Chí Hiếu

Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật

Duyệt trung thứ tự (LNR)



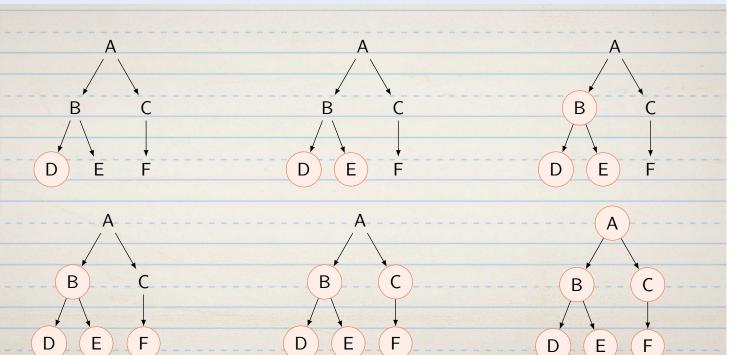
Duyệt hậu thứ tự (LRN)

```
1 public void LRN(ref Node root)
2 {
3    if (root != null)
4    - {
5       LRN(ref root.pLeft);
6       LRN(ref root.pRight);
7       // Thao tac xu ly nut dang xet ...
8    }
9 }
```

Nguyễn Chí Hiếu

Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật

Duyệt hậu thứ tự (LRN)



Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật

Bài tập

Nguyễn Chí Hiếu

Cài đặt các hàm xử lý yêu cầu sau:

- 1. Tìm nút có khóa là k trong cây nhị phân..
- 2. Tính tổng giá trị các nút trong cây nhị phân.
- 3. Xác định số nút lá cây nhị phân.
- 4. Xác định chiều cao của cây nhị phân.

Tài liệu tham khảo		
Donald E. Knuth. The Art of Computer Progra Addison-Wesley, 1998.	amming, Volume 3.	
Dương Anh Đức, Trần Hạnh	Nhi.	
– – – – Nhập môn Cấu trúc dữ liệu Đại học Khoa học tự nhiên		
Niklaus Wirth. Algorithms + Data Structur Prentice-Hall, 1976.	es = Programs.	
Robert Sedgewick. Algorithms in C. Addison-Wesley, 1990		
Nguyễn Chí Hiếu	Cấu trúc dữ liệu và Giải thuật	33/33