

Nội dung

- 1. Hệ tọa độ
- 2. Các đối tượng hình học cơ sở
- 3. Các thuật toán vẽ đoạn thẳng

2021

#### 1. Hệ tọa độ

- -Hệ tọa độ thế giới thực (World Coordinate System)
  - -Được dùng để mô tả các đối tượng trong thế giới thực.
  - -Biểu diễn bởi một cặp tọa độ (x, y), trong đó  $x, y \in R$ .
  - −Ví dụ: hệ tọa độ Descartes

2021

Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

3

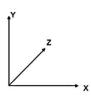
## 1. Hệ toa độ

- -Hệ tọa độ thiết bị (Device Coordinate System)
  - -Là hệ tọa độ được dùng bởi một thiết bị xuất nào đó.
  - -Biểu diễn bởi một cặp tọa độ (x, y), trong đó  $x, y \in N$ .
  - -Ví dụ: màn hình, máy in, máy chiếu, ...

202

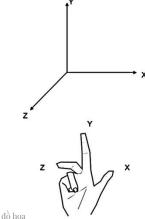
#### IHIỆ topa điệ

Hệ tọa độ theo quy ước bàn tay trái Hệ tọa độ theo quy ước bàn tay phải









Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

5

# 2. Các đổi tượng hình học cơ bản

- -Điểm (point) là đối tượng hình học cơ sở của một hệ tọa độ. Trong đồ họa 2 chiều, một điểm biểu diễn bởi tọa độ (x, y) và tham số cho biết màu sẽ hiển thị.
- -Đoạn thẳng (line)
- -Đường cong (curve)
- -Ký tự, chuỗi ký tự (character)

# Các điểi tượng hình học cơ bản

- -Trong màn hình Raster-Scan, hai bước cơ bản để hiển thị một đối tượng hình học là:
  - 1. Sử dụng một thuật toán Scan-Converting để chọn ra điểm ảnh tốt nhất ở bước kế tiếp. Đây là một thao tác phức tạp cần phải chọn thuật toán tối ưu.
  - 2. Hiển thị điểm ảnh được chọn.

2021

lguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họ

7

## 3. Các thuật toán vẽ đoạn thẳng

-Phương trình đường thẳng đi qua 2 điểm  $(x_1, y_1)$  và  $(x_2, y_2)$  có dạng sau:

$$y = mx + b$$

trong đó,

-m là hệ số góc.

−*b* là tung độ góc.

2021

Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

# Các thuật toán vẽ đoạn thẳng

- -Thuật toán DDA
- -Thuật toán Bresenham
- -Thuật toán MidPoint

2021

Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

.

9

# Các thuật toán vẽ đoạn thẳng

-Ta có, 
$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$
 và  $b = y_1 - mx_1$ 

-Gọi 
$$Dx = x_2 - x_1 \text{ và } Dy = y_2 - y_1$$

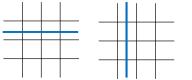
-Công thức tính m được viết lại như sau:

$$m = \frac{Dy}{Dx}$$

202

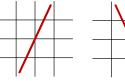
Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

# Các thuật toán vẽ doạn thẳng











Dy=0

 $\mathbf{D}\mathbf{x} = \mathbf{o}$ 

Dx > Dy

Dx > Dyx tỷ lệ thuận y x tỷ lệ nghịch y

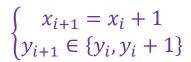
Dy > Dxx tỷ lệ thuận y x tỷ lệ nghịch y

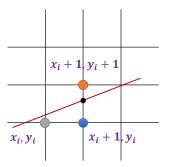
Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

11

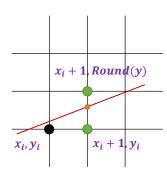
# Các thuật toán vẽ doạn thẳng

-Trường hợp Dx > 0, 0 < Dx < 1, điểm thứ i+1 có tọa độ như sau:





#### Thuật toán DDA



#### -Ý tưởng

- -Dựa vào phương trình đường thẳng, ta tính tọa độ của điểm  $(x_i + 1, y)$  thuộc về đường thẳng.
- -Chọn điểm kế tiếp  $(x_i + 1, y_i)$ hay  $(x_i + 1, y_i + 1)$  dựa vào việc làm tròn giá trị của tung độ y.

2021

Nguyễn Chí Hiểu | Kỹ thuật đồ họa

13

## Thuật toán DDA

−Ta có,

$$y_{i+1} = mx_{i+1} + b = m(x_i+1) + b$$

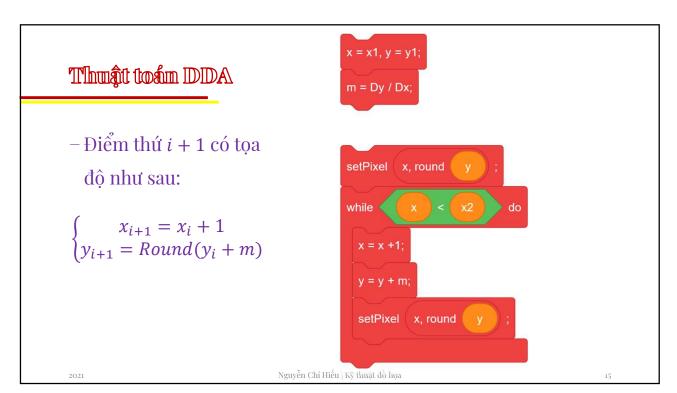
−Ta lại có,

$$y_i = mx_i + b$$

-Suy ra,

$$y_{i+1} = y_i + m$$

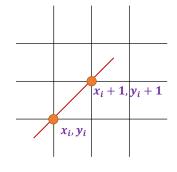
2021



## Thuật toán DDA

-Ví dụ: Áp dụng thuật toán DDA vẽ đường thẳng từ điểm A(1, 1) đến điểm B(6, 6)

X	y	Tọa độ
1	1	(1, 1)
2	2	(2, 2)
3	3	(3, 3)
4	4	(4, 4)
5	5	(5, 5)



2021

Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

#### Thuật toán DDA

-Ví dụ: Áp dụng thuật toán DDA vẽ đường thẳng từ điểm A(1, 1) đến điểm B(6, 5).

X	y	Tọa độ	
1	1	(1, 1)	
2	2	(2, 4)	
3	3	(3, 3)	
4	3	(4, 3)	
5	4	(5, 4)	
6	5	(6, 5)	
Nguyễn Chí Hiếu   Kỹ thuật đồ hoa			

2021

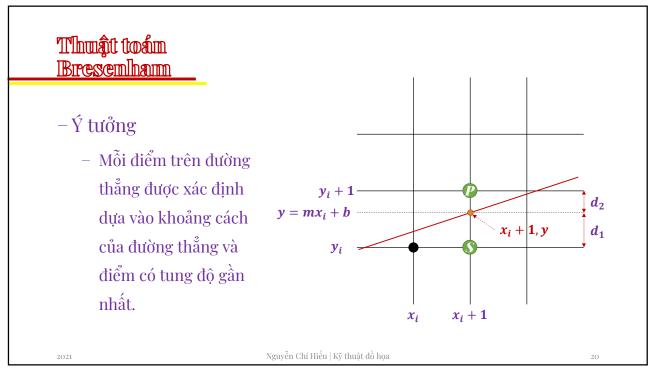
17

#### Nhậm xét

- -Ưu điểm: không cần tính trực tiếp từ phương trình y =mx+b (khử được phép nhân trên số thực)
- -Nhược điểm: cộng dồn giá trị m vào y và làm tròn giá trị của y dẫn tới sai số (đoạn thẳng sẽ không chính xác khi đoạn thẳng quá dài)

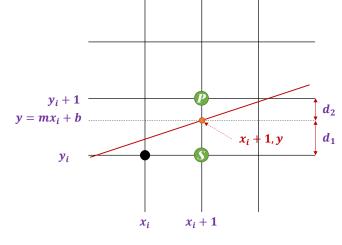
202

Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa



#### Thuật toán Bresenham

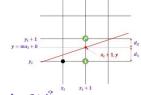
- Chọn điểm kế tiếp?
  - $-S(x_i+1,y_i)$
  - $-P(x_i+1,y_i+1)$



Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

21

### Thuật toán Bresenham



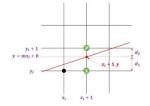
- -Gọi  $d_1 = y y_i$  là khoảng cách giữa S và điểm  $(x_i + 1, y)$
- -Gọi  $d_2 = (y_i + 1) y$  là khoảng cách giữa P và và điểm  $(x_i + 1, y)$
- –Khi đó,  $d_1-d_2$  được gọi là độ lệch giữa  $d_1$  và  $d_2$

$$d_1 - d_2 = 2y - 2y_i - 1$$

- -TH1:  $d_1 d_2 < 0$ , chọn S
- -TH2:  $d_1 d_2 \ge 0$ , chọn P

2021

#### Thuật toán Bresenham



$$d_1 - d_2 = 2y - 2y_i - 1$$

$$= 2[m(x_i + 1) + b] - 2y_i - 1$$

$$=2\left[\frac{Dy}{Dx}(x_i+1)+b\right]-2y_i-1$$

$$=2\frac{Dy}{Dx}x_i+2\frac{Dy}{Dx}-2y_i+2b-1$$

$$\Leftrightarrow Dx(d_1 - d_2) = 2Dy \cdot x_i - 2Dx \cdot y_i + (2Dy + 2Dx \cdot b - Dx)$$

$$= 2Dy \cdot x_i - 2Dx \cdot y_i + c$$

$$v\acute{o}i c = 2Dy + 2Dx \cdot b - Dx$$

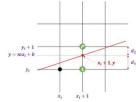
2021

Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

2

23

### Thuật toán Bresenham



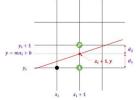
$$-\text{Đặt } p_i = Dx(d_1 - d_2) = 2Dy \cdot x_i - 2Dx \cdot y_i + c$$

- –Xét trường hợp Dx>0, dấu của  $d_1-d_2$  cũng là dấu của  $p_i$
- –Tham số  $p_i$  ảnh hưởng đến quyết định chọn điểm tiếp theo
  - -TH1:  $p_i < 0$ , chọn  $S(x_i + 1, y_i)$ .
  - -TH2:  $p_i \ge 0$ , chọn  $P(x_i + 1, y_i + 1)$ .

202

Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

#### Thuật toán Bresenham



-Tính nhanh  $p_{i+1}$  dựa vào dấu của  $p_i$ 

$$p_{i+1} - p_i = (2Dy \cdot x_1 - 2Dx \cdot y_{i+1} + c) - (2Dy \cdot x_i - 2Dx \cdot y_i + c)$$

$$= 2Dy \cdot (x_{i+1} - x_i) - 2Dx \cdot (y_{i+1} - y_i)$$

$$= 2Dy - 2Dx \cdot (y_{i+1} - y_i).$$

-TH1: 
$$p_i < 0$$
, thì  $y_{i+1} - y_i = 0 \Longrightarrow p_{i+1} = p_i + 2Dy$ .

-TH2: 
$$p_i \ge 0$$
, thì  $y_{i+1} - y_i = 1 \Longrightarrow p_{i+1} = p_i + 2Dy - 2Dx$ .

202

Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

25

25

#### Thuật toán Bresenham



–Tính giá trị khởi tạo của  $p_0$  tại điểm  $(x_0, y_0)$  thuộc đoạn thẳng

-Ta có, 
$$y_0 = mx_0 + b$$
 nên  $b = y_0 - mx_0 = y_0 - \frac{Dy}{Dx}x_0$ 

-Ta lại có, 
$$p_0 = 2Dy \cdot x_0 - 2Dx \cdot y_0 + (2Dy + 2Dx \cdot b - Dx)$$

-Thế b vào công thức trên, ta tìm được

$$p_0 = 2Dy - Dx$$

202

Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

## Thuật toán Bresenham

-Ví dụ: Áp dụng thuật toán Bresenham vẽ đường thẳng từ điểm A(1, 1) đến điểm B(6, 5).

X	y	p	
1	1	1	
2	2	-1	
3	3	7	
4	3	5	
5	4	3	
6	5		

Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

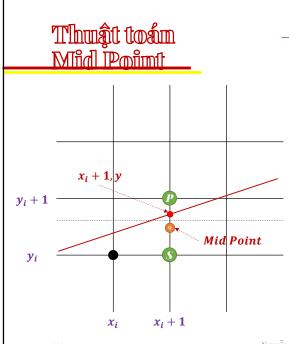
## Nhậm xét

-Thuật toán tối ưu hơn DDA vì các thao tác thực hiện trên số nguyên và chỉ sử dụng 2 phép toán cộng và dịch bit (phép nhân với số 2)

2021

Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

29



-Ý tưởng

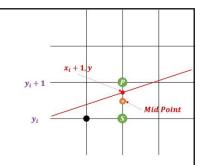
-Chọn điểm kế tiếp là *S* hay *P* bằng cách so sánh điểm thực *Q* với trung điểm

$$M(x_i + 1, y_i + \frac{1}{2})$$
 của S và P

- Nếu Q nằm dưới trung điểm chọn S.
- Ngược lại, chọn P.

Nguyễn Chí Hiểu | Kỹ thuật đồ họa

#### Thuật toán Mid Point



-Ta có, 
$$y = mx + b = \frac{Dy}{Dx}x + b$$
.

–Nhân 2 vế phương trình với Dx

$$Dx \cdot y = Dy \cdot x + Dx \cdot b$$
  
$$\Leftrightarrow Dy \cdot x - Dx \cdot y + Dx \cdot b = 0$$

–Đặt A = Dy, B = -Dx,  $C = Dx \cdot b$ , ta được phương trình tổng quát của đường thẳng như sau:

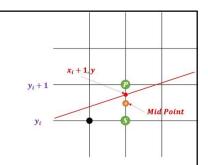
$$Ax + By + C = 0$$

2021

Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

31

### Thuật toán Mid Point

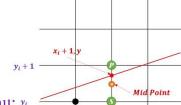


-Cho 
$$f(x, y) = Ax + By + C$$
, ta nhận xét

$$f(x,y) = \begin{cases} <0, (x,y) \text{nằm phía dưới đường thẳng} \\ =0, (x,y) \text{thuộc về đường thẳng} \\ >0, (x,y) \text{nằm phía trên đường thẳng} \end{cases}$$

202

#### Thuật toán Mid Point



- Chọn tham số quyết định  $p_i$  chọn điểm tiếp theo như sau:

$$p_i = f\left(x_i + 1, y_i + \frac{1}{2}\right) = A(x_i + 1) + B\left(y_i + \frac{1}{2}\right) + C$$

– TH1:  $p_i < 0$ , chọn  $S(x_i + 1, )$  nên  $y_{i+1} = y_i$ 

$$p_{i+1} = f\left(x_i + 2, y_i + \frac{1}{2}\right) = A(x_i + 2) + B\left(y_i + \frac{1}{2}\right) + C$$

Suy ra,  $p_{i+1} - p_i = A$ 

$$p_{i+1} = p_i + Dy = p_i + Dy$$

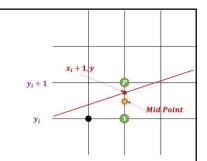
202

Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

22

33

## Thuật toán Mid Point



-TH2:  $p_i \ge 0$ , chọn  $P(x_i + 1, y_i + 1)$ 

$$-\text{Ta c\'o } y_{i+1} = y_i + 1$$

$$p_{i+1} = f\left(x_i + 2, y_i + \frac{1}{2}\right) = A(x_i + 2) + B\left(y_i + \frac{1}{2}\right) + C$$

$$-Suy ra, p_{i+1} - p_i = A + B = Dy - Dx$$

$$p_{i+1} = p_i + Dy - Dx$$

2021

Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

#### Thuật toán Mid Point

 $y_i + 1$   $y_i$ Mid Point

– Tính giá trị  $p_0$  của điểm  $(x_0,y_0)$  thuộc đường thẳng

$$p_{0} = f\left(x_{0} + 1, y_{0} + \frac{1}{2}\right) = A(x_{0} + 1) + B\left(y_{0} + \frac{1}{2}\right) + C$$

$$= (Ax_{0} + By_{0} + C) + \left(A + \frac{B}{2}\right)$$

$$= A + \frac{B}{2}$$

$$= Dy - \frac{Dx}{2}$$

2021

Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

35

35

# | Nguyễn Chí Hiến | Kỹ thuật đồ họa | 36

#### Bài tâp

-Thiết kế thuật toán DDA, Bresenham, Mid Point cho các trường hợp còn lại.

2021

Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa

27

37

### Tài liệu tham khảo

- Hoàng Kiếm, Dương Anh Đức, Vũ Hải Quân, Lê Đình Duy. Giáo trình Đồ họa máy tính. NXB ĐH Quốc gia TP Hồ Chí Minh, 2005.
- 2. Donald Hearn, M. Baker, Warren Carithers. *Computer Graphics with Open GL, 4th Edition*. Pearson, 2010.
- 3. Edward Angel, Dave Shreiner. *Interactive Computer Graphics A Top-Down Approach With Shader-Based OpenGL*, 6th
  Editionn. Pearson, 2011.

202

Nguyễn Chí Hiếu | Kỹ thuật đồ họa