# CÁC THUẬT TOÁN SẮP XẾP

Bùi Tiến Lên

01/01/2017



KHOA CÔNG NGHỆ THÔNG TIN TRƯỜNG ĐẠI HỌC KHOA HỌC TỰ NHIÊN

## Bài toán sắp xếp

- Sắp xếp một danh sách các đối tượng theo một thứ tự nào đó là một trong những công việc phổ biến
- Sắp xếp là một yêu cầu không thể thiếu trong việc viết phần mềm ứng dụng
- Do đó, nghiên cứu các phương pháp sắp xếp là cần thiết cho những ai học lập trình

## Bài toán sắp xếp (cont.)

#### Định nghĩa 1

Cho một dãy a có n phần tử có thứ tự. Hãy sắp xếp dãy  $\{a_0, a_1, ..., a_{n-1}\}$  theo thứ tự tăng dần.

cuu duong than cong . com

## Các phương pháp sắp xếp

Có rất nhiều phương pháp sắp xếp khác nhau. Mỗi phương pháp có những đặc điểm riêng

- Phương pháp Selection Sort
- Phương pháp Insertion Sort
- Phương pháp Bubble Sort
- Phương pháp Shell Sort
- Phương pháp Heap Sort
- Phương pháp Merge Sort
- Phương pháp Quick Sort
- Phương pháp Radix Sort
- Phương pháp Counting Sort

#### **SELECION SORT**

cuu duong than cong . com

#### **Selection Sort**

Ý tưởng của thuật toán như sau: Giả sử dãy a được chia làm hai phần: phần trên trái **đã sắp xếp** s và phần bên phải **chưa sắp**  $\mathbf{x}$ **ếp** u

- 1.  $s = \emptyset$  và u = a
- 2. Tìm phần tử nhỏ nhất  $x_m$  của u
- 3. Loại  $x_m$  ra khỏi u thêm vào cuối của s
- 4. Nếu u vẫn còn phần tử thì quay lại bước 2

## Selection Sort (cont.)

```
void SelectionSort(int a[], int n)
2
    {
3
        int min;
4
        for (int i = 0; i < n; i++)</pre>
5
        {
6
             min = i;
             for (int j = i + 1; j < n; j++)
8
                  if (a[j] < a[min])</pre>
9
                      min = j;
10
             if (a[min] < a[i])</pre>
11
                  Swap(a[min], a[i]);
12
13
    }
```

### Đánh giá

Phân tích chi phí thực hiện theo n (số lượng phần tử của mảng)

Trường hợp	O(g(n))		
tốt nhất	?		
trung bình	?		
xấu nhất	?		
ng thai		8 ·	

#### **INSERTION SORT**

cuu duong than cong . com

#### **Insertion Sort**

Ý tưởng của thuật toán như sau: Giả sử dãy a được chia làm hai phần: phần trên trái **đã sắp xếp** s và phần bên phải **chưa sắp**  $\mathbf{x}$ **ếp** u

- 1.  $s = \emptyset$  và u = a
- 2. Lấy phần tử đầu tiên x của u
- 3. Loại x ra khỏi u
- 4. Chèn x vào s sao cho đúng vị trí
- 5. Nếu u vẫn còn phần tử thì quay lại bước 2

## Insertion Sort (cont.)

```
void InsertionSort(int a[], int n)
2
3
        int saved;
4
        for (int i = 1; i < n; i++)</pre>
5
        {
6
            saved = a[i];
            for (int j = i; j > 0 && saved < a[j - 1]; j--)
8
                a[i] = a[i - 1];
           a[j] = saved;
10
11
```

### Đánh giá

Phân tích chi phí thực hiện theo n (số lượng phần tử của mảng)

Trường hợp	O(g(n))
tốt nhất	?
trung bình	?
xấu nhất	?
Xau IIIIat	n don

#### **BUBBLE SORT**

cuu duong than cong . com

#### **Bubble Sort**

Thuật toán Bubble Sort là một trường hợp cụ thể của Selection Sort. Giai đoạn tìm phần tử nhỏ nhất được thực hiện bằng cách làm cho phần tử nhỏ nhất nổi ra phía đầu của dãy  $\boldsymbol{u}$ 

cuu duong than cong . com

### **Bubble Sort (cont.)**

### Đánh giá

Phân tích chi phí thực hiện theo n (số lượng phần tử của mảng)

?
?
?

#### SHELL SORT

cuu duong than cong . com

#### **Shell Sort**

- Được đề xuất bởi [Shell, 1959]
- ► Thuật toán này là cải tiến của thuật toán Insertion Sort
- lackbox Có sự đột phá về rào cản chi phí  $O(n^2)$  của những thuật toán trước

Ý tưởng của thuật toán

Chia dãy a thành h dãy con

$$a_0, a_{0+h}, a_{0+2h}, \dots$$
 $a_1, a_{1+h}, a_{1+2h}, \dots$ 
 $a_2, a_{2+h}, a_{2+2h}, \dots$ 

 Sắp xếp từng dãy con bằng cách sử dụng phương pháp chèn trưc tiếp Insertion Sort

## Shell Sort (cont.)

#### Thuật toán sẽ

- Sử dụng một 1 dãy  $\{h_1,h_2,...,h_t\}$  là một dãy giảm dần và có  $h_t=1$ .
- ▶ Vấn đề là lựa chọn dãy h; như thế nào cho hiệu quả

#### Các chiến lược cho dãy $h_i$ như sau

► Shell đề xuất

$$h_1 = \frac{n}{2}, h_{i+1} = \frac{h_i}{2}$$

Hibbard đề nghị

$$h_i = 2^i - 1$$

Knuth đưa ra

$$h_1 = 1, h_{i+1} = 3h_i + 1$$

Pratt đề xuất

$$h_1 = 1, h_i = 2^p 3^q$$

### Đánh giá

Phân tích chi phí thực hiện theo n (số lượng phần tử của mảng)

Trường hợp	O(g(n))
tốt nhất	?
trung bình	?
xấu nhất	?
cuu auo <del>ng thai</del>	COL

#### **HEAP SORT**

cuu duong than cong . com

### **Heap Sort**

#### Dịnh nghĩa 2

Cây heap là một cây nhị phân bộ phận hoàn chỉnh

- Có hai cây heap
  - Max heap: khóa của mỗi nút không nhỏ hơn khóa của các con của nó
  - Min heap: khóa của mỗi nút không lớn hơn khóa của các con của nó
- Nút gốc của cây bộ phận là phần tử nhỏ nhất của cây

## Biểu diễn Heap bằng mảng

Ta có thể biểu diễn cây nhị phân đầy đủ bằng mảng. Ví dụ sau sẽ minh họa cách biểu diễn một dãy gồm có 6 phần tử  $\{a_0,a_1,a_2,a_3,a_4,a_5\}$  bằng cây nhị phân đầy đủ

- ▶ Nút gốc là a<sub>0</sub>
- ▶ Nút lá là *a*<sub>3</sub>, *a*<sub>4</sub>, *a*<sub>5</sub>

### Ví dụ 1

Hãy biểu diễn một dãy  $\{1,\,4,\,8,\,9,\,3,\,7\}$  bằng một cây nhị phân đầy đủ

Có một số nhận xét sau về biểu diễn mảng của cây nhị phân đầy đủ

- ▶ Nút gốc ở chỉ số [0]
- ▶ Nút cha của nút [i] có chỉ số là [(i-1)/2]

## Biểu diễn Heap bằng mảng (cont.)

- ► Các nút con của nút [i] có chỉ số là [2i+1] và [2i+2]
- ▶ Nút con của nút [0] là [1] và [2]
- ▶ Nút cha của nút [7] là [3]
- Nút cha của nút [6] là [2]

cuu duong than cong . com

## Thao tác điều chỉnh cây nhị phân thành Heap

Xét một nút trên cây

- Nếu nút đang xét có giá trị lớn hơn giá trị của nút con của nó thì tiến hành đổi chỗ với nút con có giá trị lớn nhất
- 2. Tiếp tục tiến hành tương tự cho nút con vừa đổi

cuu duong than cong . com

### Cài đặt hiệu chỉnh cây

Sau đây là một hàm cài đặt bằng C cho thao tác hiệu chỉnh cây thành Heap

```
void Heapify(int a[], int n, int i)
    {
3
        int saved = a[i];
4
        while (i < n / 2)
5
        {
6
            int child = 2 * i + 1;
             if (child < n - 1)
8
                 if (a[child] > a[child + 1])
9
                     child++;
10
             if (saved <= a[child])</pre>
11
                 break;
12
            a[i] = a[child];
13
            i = child;
14
15
        a[i] = saved;
16
```

### Thuật toán Heap Sort

#### Thuật toán sắp xếp Heap Sort

- Xây dựng cây Heap: Sử dụng thao tác hiệu chỉnh Heapify để chuyển một mảng bình thường thành một mảng Heap
- Thao tác sắp xếp
  - Hoán vị phần tử cuối cùng của mảng Heap với phần tử đầu tiên của Heap
  - 2. Loại bỏ phần tử cuối cùng khỏi mảng Heap
  - Thực hiện thao tác hiệu chỉnh Heapify với phần còn lại mảng Heap

#### Khi xây dựng mảng Heap hãy lưu ý một số điểm sau

- Tất cả các phần tử trên mảng Heap có chỉ số [n/2] đến [n-1] đều là nút lá
- ► Thực hiện thao tác hiệu chỉnh Heapify cho các phần tử có chỉ số từ [n/2-1] đến [0]

### Thuật toán Heap Sort (cont.)

**Chương trình 1:** Sau đây là cài đặt thuật toán hàm xây dựng mảng Heap

```
1 void BuildHeap(int a[], int n)
2 {
3     for (int i = n / 2 - 1; i >= 0; i--)
4         Heapify(a, n, i);
5 }
```

### Thuật toán Heap Sort (cont.)

#### Chương trình 2: Sau đây là cài đặt thuật toán sắp xếp

```
1 void HeapSort(int a[], int n)
2 {
3     BuildHeap(a, n);
4     for (int i = n - 1; i >= 0; i--)
5     {
6         Swap(a[0], a[i]);
7         Heapify(a, i, 0);
8     }
9 }
```

### Đánh giá

Phân tích chi phí thực hiện theo n (số lượng phần tử của mảng)

Trường hợp	O(g(n))
tốt nhất	?
trung bình	?
xấu nhất	?
Xau IIIIat	<del>1 con</del>

#### MERGE SORT

cuu duong than cong . com

### Merge Sort

Hàm MergeSort nhận một danh sách có độ dài n và trả về một danh sách đã được sắp xếp. Hàm Merge nhận hai danh sách đã được sắp L1 và L2 mỗi danh sách có độ dài n/2, trộn chúng lại với nhau để được một danh sách gồm n phần tử có thứ tự.

```
List MergeSort(List L)
2
   {
3
        List L1, L2;
4
        if (L.length <= 1)</pre>
5
            return (L);
6
        else
8
            Split(L, L1, L2);
            return (Merge(MergeSort(L1), MergeSort(L2)));
10
11
```

### Minh họa hoạt động Merge Sort

Sắp xếp danh sách L gồm 8 phần tử  $\{7, 4, 8, 9, 3, 1, 6, 2\}$ 

cuu duong than cong . com

### Đánh giá

Phân tích chi phí thực hiện theo n (số lượng phần tử của mảng)

tốt nhất	7
	•
trung bình	?
xấu nhất	?

#### **QUICK SORT**

cuu duong than cong . com

### **Quick Sort**

Ý tưởng của thuật toán như sau: Đây cũng là một hướng tiếp cận "chia nhỏ bài toán"

- Chia dãy a thành hai dãy con bên trái a<sub>left</sub> và bên phải a<sub>right</sub> sao cho các phần tử thuộc dãy trái đều nhỏ hơn các phần tử thuộc dãy bên phải
- 2. Sắp xếp cho các dãy a<sub>left</sub> và a<sub>right</sub>
- 3. Nối hai dãy trái và phải với nhau  $a = a_{left}a_{right}$

# Quick Sort (cont.)

#### Chương trình 3: Sau đây là cài đặt hàm Quick Sort

```
List QuickSort(List a)
    {
3
        List aleft, aright;
4
        if (a.Length <= 1)</pre>
5
            return a;
6
        else
8
             Split(a, aleft, aright);
9
             return Join(QuickSort(aleft), QuickSort(aright)
10
11
```

### Đánh giá

Phân tích chi phí thực hiện theo n (số lượng phần tử của mảng)

Trường hợp	O(g(n))
tốt nhất	?
trung bình	?
xấu nhất	?
uu auo <del>ng thai</del>	COL

#### RADIX SORT

cuu duong than cong . com

#### Radix Sort

## Ý tưởng

- Các phương pháp sắp xếp trước đây chỉ sử dụng phương pháp so sánh thử và sai
- Radix Sort là phương pháp sắp xếp sử dụng thông tin của khóa.
- Cụ thể là phương pháp này sẽ nhóm các khóa có cùng chữ số thứ i thành một nhóm đây là bước phân bố
- Bước kế tiếp là kết hợp các nhóm này lại thành một dãy duy nhất. Quá trình phân bố-kết hợp được thực hiện cho đến khi hết các chữ số
- Vậy có hai phương pháp chính: Least significant digit đi từ phải qua trái và Most significant digit đi từ trái qua phải

#### Cài đặt

```
void RadixSort(int a[], int n)
3
        int i, j, k, factor;
4
        const int radix = 10;
5
        const int digits = 6;
6
        Queue < long > queues [radix];
        for (i = 0, factor = 1; i < digits; factor *= radix</pre>
            ; i++)
8
        {
            // Phan bo
10
            for (j = 0; j < n; j++)
11
                queues[(a[j] / factor) % radix].enqueue(a[j
                    1):
12
            // Ket hop
13
            for (j = k = 0; j < radix; j++)
14
                 while (!queues[j].empty())
15
                     a[k++] = queues[j].dequeue();
16
        }
17
```

## Minh họa thuật toán

- ► Cho một dãy chưa sắp xếp {170, 45, 75, 90, 802, 2, 24, 66}
- Viết lại cho đủ 3 chữ số {170, 045, 075, 090, 802, 002, 024, 066}

cuu duong than cong . com

# Minh họa thuật toán (cont.)

```
▶ Phân bố theo nhóm hàng đơn vị {170, 045, 075, 090,
 802, 002, 024, 066}
 0: 170 090
 1:
 2: 002 802
4: 024 COM
 5: 045 075
 6: 066
 7:
 8:
 9. u duong than cong . com
► Gôp các nhóm {170, 090, 002, 802, 024, 045, 075,
```

066}

# Minh họa thuật toán (cont.)

```
▶ Phân bố theo nhóm hàng chục {170, 090, 002, 802,
 024, 045, 075, 066}
 0: 002, 802
 1:
 2: 024
4: 045 Long than cong . com
 5:
 6: 066
 7: 170, 075
 8:
 9: 090 COME THEN COME COM
► Gôp các nhóm {002, 802, 024, 045, 066, 170, 075,
```

090}

## Minh họa thuật toán (cont.)

```
▶ Phân bố theo nhóm hàng trăm {002, 802, 024, 045,
 066, 170, 075, 090}
 0: 002, 024, 045, 066, 075, 090
 1: 170
 2:
c_4^3: u duong than cong . com
 5:
 6:
 7:
 8: 802
9: Com
► Gôp các nhóm {002, 024, 045, 066, 075, 090, 170,
```

802}

### Đánh giá

Phân tích chi phí thực hiện theo n (số lượng phần tử của mảng)

Trường hợp	O(g(n))
tốt nhất	?
trung bình	?
xấu nhất	?
cuu auo <del>ng thai</del>	1 001

#### **COUNTING SORT**

cuu duong than cong . com

## **Counting Sort**

## Ý tưởng

- Counting Sort là phương pháp sắp xếp sử dụng thông tin của khóa.
- Các số sẽ được đếm
- Căn cứ vào giá trị đếm thì sẽ xác định chính xác vị trí của số trong mảng

### Cài đăt

```
const int RANGE = 256;
   void countSort(int a[], int n)
3
   {
4
     int i, j;
5
     int count[RANGE];
6
     memset(count, 0, sizeof(count));
    for (i = 0; i < n; i++)
8
      count[a[i]]++;
9
     i = 0;
10
     for (int j = 0; j < RANGE; j++)
    {
11
12
       while (count[j] > 0) {
13
          a[i] = j;
14
          count[j]--;
15
          i++;
16
17
18
   }
```

### Tài liệu tham khảo



Shell, D. L. (1959).

A high-speed sorting procedure.

Communications of the ACM, 2(7):30-32.

cuu duong than cong . com