CẤU TRÚC DỮ LIỆU CÂY AA

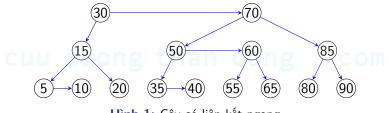
Bùi Tiến Lên

01/01/2017



KHOA CÔNG NGHỆ THÔNG TIN TRƯỜNG ĐẠI HỌC KHOA HỌC TỰ NHIÊN

Cây AA



Hình 1: Cây có liên kết ngang

Định nghĩa 1

- Liên kết thông thường (link) là liên kết giữa một nút cha và một nút con có mức nhỏ hơn một đơn vị
- ► Liên kết ngang (horizontal link) là liên kết giữa một nút con cha và một nút ở cùng một mức

Dịnh nghĩa 2

- Mức (Level) của nút lá là 1
- Mức (Level) của nút không có con trái là 1
- Mức (Level) của nút có con trái là là mức của con trái cộng với môt

Lưu ý

- Mức của một nút trong cây AA không phải là mức của cây tổng quát. Đây là một định nghĩa mới.
- Về mặt thể hiện bằng hình vẽ các nút có cùng một mức sẽ cùng một hàng khi vẽ ra.
- Các mũi tên hướng qua trái chỉ đến nút con trái
- Các mũi tên hướng qua phải chỉ đến nút con phải

Dịnh nghĩa 3

Cây AA (*Arne Andersson Tree*) là một cây nhị phân tìm kiếm trong đó

- Chỉ có liên kết ngang phải
- Không có hai liên kết ngang phải liên tiếp nhau
- Mọi nút có mức lớn hơn 1 sẽ có 2 nút con
- Nếu một nút không có liên kết ngang phải thì 2 nút con của nó ở cùng mức

Nhận xét

Từ định nghĩa về cây AA ta thấy cây AA sẽ có những tính chất sau

- Mức của nút con trái luôn nhỏ hơn mức của nút cha một đơn vị
- Mức của nút con phải bằng hay nhỏ hơn mức của cha một đơn vị
- Cây AA chính là một trường hợp đặc biệt của cây đỏ đen

Cấu trúc dữ liệu cho một nút của cây AA

Cấu trúc lưu trữ cho một nút của cây AA

```
1 template <class T>
2 struct AANode
3 {
4     T data;
5     int key;
6     AANode *pLeft;
7     AANode *pRight;
8     int level;
9 };
```

Thêm một nút

- Sử dụng thuật toán cây nhị phân tìm kiếm để thêm một phần tử
- Vì phần tử được thêm là nút lá do đó mức của nó là 1
- Duyệt ngược lên trên để hiệu chỉnh cây cho đúng qui định của cây AA

Các biến đổi hiệu chỉnh cây AA

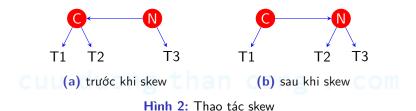
Có hai thao tác chính để hiệu chỉnh một cho cây AA

- ▶ **Biến đổi lật** (*skew*) dùng để loại bỏ liên kết ngang trái
- Biến đổi chia (split) dùng để loại bỏ hai liên kết ngang phải liên tiếp

cuu duong than cong . com

Biến đổi skew tương tự như biến đổi right rotation

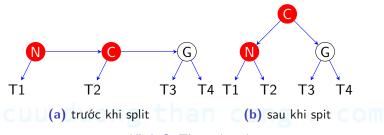
- Nút C là nút con trái của N
- Nút Ĉ và nút Ŋ cùng mức với nhau tạo ra một nút ngang trái
- ► Xoay nút © và N



Biến đổi split tương tự như biến đổi left rotation

- ▶ Nút Ĉ là con phải của nút Ŋ, nút Ĝ là con phải của Ĉ
- ► Cả 3 nút G, C, N cùng một mức
- ► Xoay nút Ĉ và N

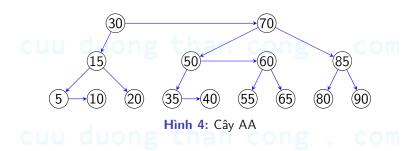
cuu duong than cong . com

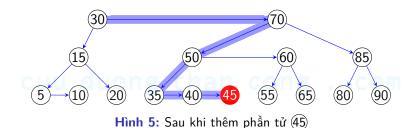


Hình 3: Thao tác split

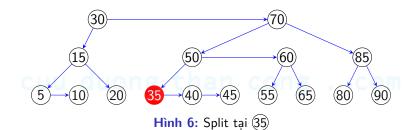
Minh họa thêm một nút

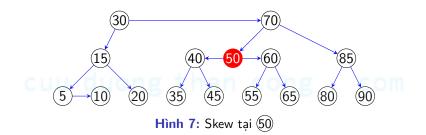
Thêm phần tử 45 vào cây AA

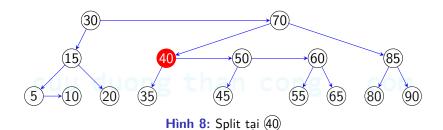




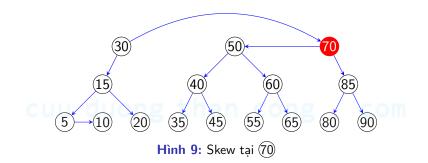
cuu duong than cong . com

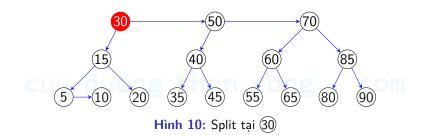


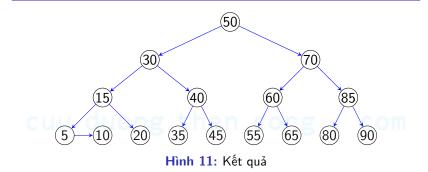




cuu duong than cong . com







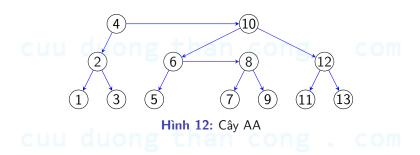
cuu duong than cong . com

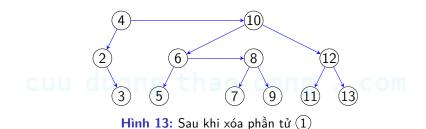
Xóa môt nút

- Sử dụng thuật toán cây nhị phân tìm kiếm để xóa môt phần tử trong cây
- Duyêt ngược lai để hiệu chỉnh cây cho đúng qui đinh của cây AA, sử dung các
- Giảm mứcBiến đổi skew
 - ▶ Biến đổi split

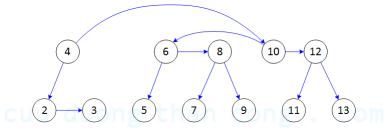
Minh họa xóa một nút

Xóa phần tử 1 khỏi cây AA

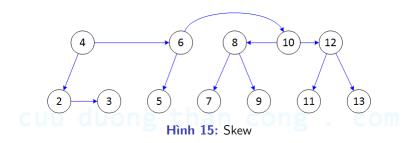


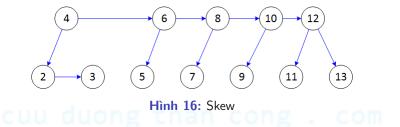


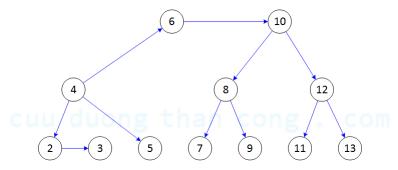
cuu duong than cong . com



Hình 14: Giảm mức







Hình 17: Thực hiện một số split

Bài luyện tập

Ví dụ 1

Hãy xây dựng cây AA từ dãy $\{5, 1, 4, 3, 2, 8, 7, 9, 16, 12, 11, 15\}$

- Xóa các nút 16, 8
- ► Thêm các nút 6, 17

cuu duong than cong . com

Đánh giá về cây AA

Phân tích chi phí thực hiện theo n (số lượng nút của cây)

	xấu nhất	trung bình	tốt nhất
tìm một phần tử	?	?	?
thêm một phần tử	?	?	?
xóa một phần tử	?	?	?

Phân tích chi phí bộ nhớ theo n (số lượng nút của cây)